

Formelsammlung EN

Johannes Rothe (Mathnr.: 3235285)

I. GRUNDLAGEN

A. Drehstrom (DS), 3-Phasen-System

1) Spannungen in DS (symmetrisch)

Leiter-Erde-Spannung $U_{LE} = 230V$

$$\underline{U}_{L1} = U_{LE} \angle 0^\circ$$

$$\underline{U}_{L2} = U_{LE} \angle -120^\circ = U_{LE} \angle 240^\circ$$

$$\underline{U}_{L3} = U_{LE} \angle -240^\circ = U_{LE} \angle 120^\circ$$

Leiter-Leiter-Spannung $U_{LL} = 400V$

$$U_{LL} = U_{LE} \cdot \sqrt{3}$$

$$\underline{U}_{12} = \underline{U}_{L1} - \underline{U}_{L2} = U_{LL} \angle 30^\circ$$

$$\underline{U}_{23} = \underline{U}_{L2} - \underline{U}_{L3} = U_{LL} \angle 270^\circ$$

$$\underline{U}_{31} = \underline{U}_{L3} - \underline{U}_{L1} = U_{LL} \angle 150^\circ$$

2) Ströme in DS (symmetrisch)

$$\underline{I}_{Lx} = \frac{\underline{U}_{Lx}}{\underline{Z}}$$

Lx : Stranggrößen L1, L2, L3

3) Effektivgrößen, Symmetrische Last

Stranggröße	Stern	Dreieck
Spannung U_{LE}	$U_{LE} = \frac{U_{LL}}{\sqrt{3}}$	$U_{LE} = U_{LL}$
Strom I_L	$I_L = I_Z$	$I_L = \sqrt{3} \cdot I_Z$

I_Z : Strom in der Zuleitung, Betriebsstrom

4) Leistungen in DS

Scheinleistung S [VA]:

$$S = 3 \cdot U_{LE} \cdot I_L = \sqrt{3} \cdot U_{LL} \cdot I_L$$
$$= \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$\underline{S} = 3 \cdot \underline{U}_{LE} \cdot \underline{I}_L^* = P + jQ$$

in Sternschaltung:

$$\underline{S}_{ds} = \frac{U_{LL}^2}{\underline{Z}_{LN}^*}$$

$$\underline{S}_{ws} = \frac{U_{LL}^2}{3 \cdot \underline{Z}_{LN}^*}$$

Wirkleistung P [W]:

$$P = S \cdot \cos \varphi$$

$$= 3 \cdot U_{LE} \cdot I_L \cdot \cos \varphi$$

$$= \sqrt{3} \cdot U_{LL} \cdot I_L \cdot \cos \varphi$$

Blindleistung Q [var]:

$$|Q| = S \cdot \sin \varphi = P \cdot \tan \varphi$$

$$= 3 \cdot U_{LE} \cdot I_L \cdot \sin \varphi$$

$$= \sqrt{3} \cdot U_{LL} \cdot I_L \cdot \sin \varphi$$

$$Q \begin{cases} \text{induktiv} > 0 \\ \text{kapazitiv} < 0 \end{cases}$$

B. Energiebedarf, Deckung

1) Tagesbelastungskurve

$$W = \int_0^{T_n} P(t) dt$$
$$= P_n \cdot T_a = P_{max} \cdot T_m = P_{mittel} \cdot T_n$$

P_n	Nennleistung
T_a	Ausnutzungsdauer
P_{max}	Höchstlast
T_m	Benutzungsdauer
P_{mittel}	mittlere Leistung
T_n	Nennbetriebsdauer (meist. 24h)

2) Frequenz-Wirkleistungs-Regelung

a) stationärer Zustand (Gleichgewicht)

$$W_{rot} = \frac{1}{2} \cdot J \cdot \omega_{mech}^2 \quad \omega_{el} = p \cdot \omega_{mech}$$

$$W_{mech-zu} = W_{el-ab} \quad P_{mech-zu} = P_{el-ab}$$

p : Polpaarzahl J : Massenträgheitsmoment

b) Störung

$$W_{m-zu} \neq W_{el-ab} \quad P_{m-zu} \neq P_{el-ab}$$

$$\Delta W_{rot} = \frac{1}{2} \cdot J \cdot (\omega_{stat} - \omega_{akt})$$

II. TRAFO

relative KS-Spannung [%]

OS	Oberspannungsseite (Primär)
US	Unterspannungsseite (Sekundär)

$$\begin{aligned}\underline{u}_K &= u_{K,Re} + j u_{K,Im} \\ u_K &= \sqrt{u_{K,Re}^2 + u_{K,Im}^2} \\ &= \frac{U_K \cdot \sqrt{3}}{U_{rT}} \cdot 100\% \\ &= \frac{Z_T \cdot I_r}{U_{rT}/\sqrt{3}}\end{aligned}$$

A. Grundgleichungen, idealer Trafo

Windungsspannung

$$\frac{U_1}{N_1} = \frac{U_2}{N_2} = U_W = 4,44 \cdot f \cdot \hat{B} \cdot A_{Fe}$$

Induktionsspannung, Effektivwert

$$\begin{aligned}U_{ieff} &= \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 2\pi f \cdot N \cdot A_{Fe} \cdot \hat{B} \\ &= 4,44 \cdot N \cdot f \cdot \hat{B} \cdot A_{Fe}\end{aligned}$$

Spannungstrafo

$$\begin{aligned}\frac{U_1}{U_2} &= \frac{N_1}{N_2} = \ddot{u} \\ \underline{U}'_2 &= \ddot{u} \cdot \underline{U}_2\end{aligned}$$

Stromtrafo

$$\begin{aligned}\frac{I_1}{I_2} &= \frac{N_1}{N_2} = \frac{1}{\ddot{u}} \\ \underline{I}'_2 &= \underline{I}_2 \cdot \frac{1}{\ddot{u}}\end{aligned}$$

Impedanztrafo

$$\begin{aligned}Z_1 &= \ddot{u}^2 \cdot Z_2 \\ R'_2 &= \ddot{u}^2 \cdot R_2 \\ L'_{2\sigma} &= \ddot{u}^2 \cdot L_{2\sigma}\end{aligned}$$

Durchgangsleistung

$$S_1 = S_2 = S_D$$

B. ESB

$$R_T + jX_T = (R_1 + R'_2) + j(X_{1\sigma} + X'_{2\sigma})$$

$$Z_T = R_T + jX_T$$

$$U_1 = (R_T + jX_T) \cdot I_1 + U'_2$$

1) Kurzschlussmessung (KS):

KS auf US. $\rightarrow \underline{U}_{K1}$ auf OS

KS auf OS. $\rightarrow \underline{U}_{K2}$ auf US

Bemessungsspannung (r = rated)

$$U_{rT} = U_{LL} = U_{LE} \cdot \sqrt{3}$$

$$\begin{aligned}\underline{u}_{K1} &= \frac{\underline{U}_{K1}}{U_{rT1}/\sqrt{3}} = \frac{\underline{U}_{K1}}{U_{LE,T1}} \\ \underline{u}_{K2} &= \frac{\underline{U}_{K2}}{U_{rT2}/\sqrt{3}} = \frac{\underline{U}_{K1} \cdot \ddot{u}}{U_{rT1} \cdot \ddot{u}/\sqrt{3}} \\ u_{K,Re} &= \frac{P_K}{S_r} \cdot 100\% = \frac{R_T \cdot I_r}{U_{rT}/\sqrt{3}}\end{aligned}$$

KS-Größen

$$\begin{aligned}I_K &= \frac{I_r}{u_K} = \frac{U_{rT}/\sqrt{3}}{Z_T} \\ U_K &= \frac{u_K}{100\%} \cdot U_{rT}\end{aligned}$$

Betriebskonstanten

$$\begin{aligned}Z_T &= u_K \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}} \\ R_T &= \frac{u_{K,Re}}{100\%} \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}} = \frac{u_{K,Re}}{100\%} \cdot \frac{U_{rT}}{\sqrt{3} \cdot I_r} \\ &= P_K \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}^2} \\ X_T &= u_{K,Im} \cdot \frac{U_{rT}^2}{S_{rT}}\end{aligned}$$

Verlustleistung, Wirkungsgrad

$$\begin{aligned}P_{ab} &= S_{rT} \cdot \cos \varphi \\ P_K &= 3 \cdot R_T \cdot I_r^2 \\ \eta &= \frac{P_{ab}}{P_{zu}} = \frac{P_{ab}}{P_{ab} + P_K + P_L}\end{aligned}$$

P_{ab} : abgegebene Wirkleistung

P_K : KS-/Kupferverluste

P_L : Leerlaufverluste

C. Parallelbetrieb

- 1) Schaltgruppe mit gleicher Kennzahl
- 2) Gleiches Übersetzungsverhältnis
- 3) annähernd gleiche Kurzschlussspannung (max. diff. 10%)
- 4) Bemessungsscheinleistung kleiner als 3:1

Scheinleistungsanteil

$$|S_{T1}| = \frac{Z_{T2}}{Z_{T1} + Z_{T2}} \cdot |S_{Tges}|$$

III. FREILEITUNG

hängen hyperbolisch durch. (ab 110 kV):

$$h_{min} = 6 \text{ m} + \frac{U_{nLL} - 110 \text{ kV}}{150 \text{ kV}}$$

Gleichstromwiderstand**Widerstandserhöhung durch Erwärmung**

$$R'_{\text{—}} = \frac{R_{\text{—}}}{l} = \frac{\rho_{20^\circ}}{A_{eff}}$$

$$F_v = 1 + \alpha(v_{max} - 20^\circ C) + \beta(v_{max} - 20^\circ C) \dots$$

Stromdichte (Skineneffekt)**Eindringtiefe****Gesamt Betriebswiderstand**

$$S = S_0 \cdot e^{-\frac{x}{\delta}}$$

$$\delta = \sqrt{\frac{\rho}{\pi \cdot \mu_0 \cdot f}}$$

$$R'_b = R'_{\text{—}} \cdot F_v \cdot F_S = \frac{R'_{bSeil}}{n_{Seil}}$$

A. Induktivität**Äußere Ind. Einzelleiter mag. Fluss****-||- Doppelleiter****Innere Ind. Einzelleiter verketteter mag. Fluss****-||- Doppelleiter**

$$\Phi_{a1} = \frac{\mu I l}{2\pi} \cdot \ln\left(\frac{D-r}{r}\right)$$

$$L_a = \frac{2\Phi_{a1}}{I} = \frac{\mu l}{2\pi} \cdot \ln\left(\frac{D}{r}\right)$$

$$\Psi_{i1} = \Psi_{i2} = \frac{\mu I l}{8\pi}$$

$$L_i = \frac{2\Psi_{i1}}{I} = \frac{\mu l}{8\pi}$$

gesamt Induktivität

$$\mu = \mu_0, D \gg r$$

$$L_{ges} = L_a + L_i = \frac{\mu l}{2\pi} \left(\ln\left(\frac{D}{r}\right) + \frac{1}{4} \right)$$

$$L' = \frac{L_{ges}}{l} = \frac{\mu}{2\pi} \left(\ln\left(\frac{D}{r}\right) + \frac{1}{4} \right)$$

B. Reaktanzbelag

Metallmantel keine Schirmung! Für D nicht $\gg r$!

1- oder 2-Phasig

$$X'_b = \pi \left(4 \ln\left(\frac{D}{r}\right) + 1 \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

Einfach-Drehstromkabel

$$X'_b = \frac{\pi}{2} \left(4 \ln\left(\frac{D_m}{r}\right) + 1 \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

$$D_m = \sqrt[3]{D_{12} \cdot D_{23} \cdot D_{31}}$$

Bündelleiter

$$X'_b = \frac{\pi}{2} \left(4 \ln\left(\frac{D_m}{r_B}\right) + \frac{1}{n} \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

$$r_B = \sqrt[n]{n \cdot r \cdot r_T^{n-1}}$$

$$r_T = \frac{a}{2 \sin \frac{180^\circ}{n}}$$

Werden Bezeichnet nach: $n \times 2r / a$

Doppel 3-Phasig Bündelleiter

$$X'_b = \frac{\pi}{2} \left(4 \ln\left(\frac{D_m \cdot D_{L1/LII}}{r \cdot D_{L1/LI}}\right) + 1 \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

$$D_{L1/LII} = \sqrt[3]{D_{1II} \cdot D_{2III} \cdot D_{3I}}$$

$$D_{L1/LI} = \sqrt[3]{D_{1I} \cdot D_{2II} \cdot D_{3III}}$$

Bei Asymmetrie (Phase zur Mastmitte)

$$D_{L1/LII} = \sqrt[6]{D_{1II} \cdot D_{2III} \cdot D_{3I} \cdot D_{1III} \cdot D_{2I} \cdot D_{3II}}$$

IV. KABEL

A. Reaktanzbelag

Metallmantel keine Schirmung! Für D nicht $\gg r$!

Wechselstromkabel

$$X'_b = \pi \left(4 \ln\left(\frac{D}{r} - 1\right) + 1 \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

Einfach-Drehstromkabel

$$X'_b = \pi \left(2 \ln\left(\frac{D_m}{r} - 1\right) + \frac{1}{2} \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

Doppel-Drehstromkabel

$$X'_b = \pi \left(2 \ln\left(\frac{D_m \cdot D_{L1/LII}}{r \cdot D_{L1/LI}} - 1\right) + \frac{1}{2} \right) \cdot 10^{-2} \left[\frac{\Omega}{km} \right]$$

B. Suzeptanzbelag

Metallmantel/-folie schirmt das E-Feld ab !

d = Schirmdurchmesser

Wechselstromkabel

$$C'_b = C_{LE} + 2 \cdot C_{LL} = \frac{\pi \cdot \epsilon_0 \cdot \epsilon_r}{\ln\left(\left(\frac{D}{r}\right) \cdot \frac{(d^2 - D^2)}{(d^2 + D^2)}\right)}$$

Einfach-Drehstromkabel

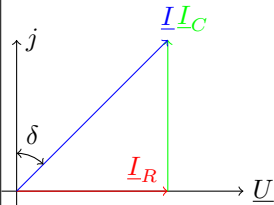
$$C'_b = C_{LE} + 3 \cdot C_{LL} = \frac{4\pi \cdot \epsilon_0 \cdot \epsilon_r}{\ln \left(\left(\frac{D}{r} \right)^2 \cdot \frac{(0,75d^2 - D^2)^3}{(0,75d^2)^3 - (D^2)^3} \right)}$$

C. Konduktanzbelag

Restleitfähigkeit der Isolierstoffe

$$\tan \delta = \frac{I_R}{I_C} = \frac{1}{\omega C R} = \frac{G}{B}$$

$$G'_b = B'_b \cdot \tan \delta = \omega C'_b \cdot \tan \delta$$



Dielektrische Verluste

$$P_{Diel} = (\tan \delta \cdot \epsilon_r) \cdot \omega C_{Vakuum} U^2$$

Werkstoff abhängige Verlustziffer