Algorithms grafos

```
#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define fast ios_base::sync_with_stdio(false); cin.tie(NULL);
#define MAX_N 1005
#define INF 1e9
#define LL_INF LLONG_MAX
#define MOD 1000000007
#define endl "\n"
#define f first
#define s second
#define pb push_back
#define 11 long long int
#define ull unsigned long long // solo valores positivos
#define 1 size() //comentar en algunos algoritmos
#define all(x) x.begin(), x.end()
void solve() {
int main() {
   fast
   int t = 1;
   while(t--)
    solve();
    return 0;
```

```
void Dijkstra(vector<ll>& dist, vector<vector<pair<int, int>>>& graph, int
start){
    priority_queue<pair<long long, int>, vector<pair<long long, int>>,
    greater<pair<long long, int>>> pq;
    //priority_queue<pair<ll, int>>> pq;
    dist[start] = 0;
    pq.push({0, start});

while (!pq.empty()) {
        int node = pq.top().second;
        ll x = pq.top().first;
        pq.pop();

        if (x != dist[node]) continue;

        for (auto [next, cost] : graph[node]) {
            if (dist[next] > dist[node] + cost) {
                dist[next] = dist[node] + cost;
                pq.push({dist[next], next});
            }
        }
    }
}
```

DFS

```
void DFS(int v, vector<bool>& visited, vector<vector<int>>& graph) {
    visited[v] = true;
    //cout << v << " ";
    for (int i = 0; i < graph[v].size(); ++i) {
        int x = graph[v][i];
        if (!visited[x])
            DFS(x, visited, graph);
    }
}</pre>
```

Algoritmo de Euclides

Lcm - Mínimo común múltiplo

```
int gcd(int a, int b){
    if(b == 0){
        return abs(a);
    }else{
        return gcd(b, a%b);
    }
}
int lcm(int a, int b){
    return a / gcd(a, b) * b;
}
```

Factorización de un numero entero

Obtener primos de 1 a n

```
vector<int> getPrimes(int n){
    vector<int> primes;
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        if(isPrime(i)){
            primes.push_back(i);
        }
    }
    return primes;
}</pre>
```

Atravez de la criba recomendada

```
vector<bool> sieve(int n){
    vector<bool> is(n+1, true); // arreglo de marcas inicializado en true,
es decir, todos los números son "primos" al inicio
    is[0] = is[1] = false; // excepto el 0 y el 1
    for(int i = 4; i <= n; i += 2){</pre>
```

```
vector<int> getPrimes(int n){
    vector<bool> is = sieve(n);
    vector<int> primes;
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        if(is[i]){
            primes.push_back(i);
        }
    }
    return primes;
}</pre>
```

Obtener primos al mismo tiempo – mas recomendada

```
vector<int> getPrimes(int n){
   vector<bool> is(n+1, true);
   vector<int> primes = {2}; // introducimos el 2 a mano, pues solo
procesamos los primos impares por la optimización
   is[0] = is[1] = false;
   for(int i = 4; i <= n; i += 2){
        is[i] = false;
   }
   for(int i = 3; i <= n; i += 2){
        if(is[i]){
            primes.push_back(i); // como i es primo, lo introducimos al
arreglo
        if((long long)i*i <= n){ // chequeo adicional para evitar
desbordar i*i
        for(int j = i*i; j <= n; j += 2*i){</pre>
```

```
is[j] = false;
}
}
}
return primes; // ahora devolvemos el arreglo de primos
}
```

Obtener divisores de un numero

```
vector<int> getDivisors(int n){
    vector<int> divisors;
    for(int a = 1; a*a <= n; a++){ // Se recomienda usar a*a<=n en lugar de

a<=sqrt(n) por la precisión
    if(n % a == 0){
        int b = n / a;
        divisors.push_back(a);
        if(a != b) divisors.push_back(b);
    }
    return divisors;
}</pre>
```

Test de primalidad

```
bool isPrime(int n){
    if(n == 1) return false; // El 1 sigue siendo un caso especial
    for(int d = 2; d*d <= n; d++){
        if(n % d == 0){
            return false; // Encontramos un divisor de n que no es ni 1 ni n
        }
    }
    return true; // Si llegamos hasta este punto, n tiene que ser primo
}</pre>
```

Criba de numeros divisors

```
return divs; } Y la complejidad queda como O(n+n/2+n/3+n/4+\cdots) = O(n(1+1/2+1/3+1/4+\cdots)) = O(n\log n). Podemos modificar esta criba para obtener la suma de divisores en lugar del número de divisores, simplemente cambiando la línea 5 a \text{divs[j]} + \text{i}, o incluso obtener los divisores como tal para cada número en el rango, solo habría que cambiar la línea por \text{divs[j].push\_back(i)} y que \text{divs} sea ahora un arreglo de arreglos.
```

Factor primo mas pequeño

Criba factor primo mas grande

```
}
}
return gp;
}
```

Problemas resueltos

520B - Two Buttons

```
void solve(){
   int n, m, x = 0; cin>>n>>m;
   while (n != m)
   {
      if(m % 2 != 0 || n> m) m++;
      else m /= 2;
      x++;
   }
   cout<<x<< endl;
}</pre>
```

1971B - Different String

```
void solve(){
    string x; cin>>x;
    string y = x;
    set<char> z(all(x));
    if(z.l == 1) cout<<"NO"<<endl;
    else{
        while(y == x){
            next_permutation(all(x));
        }
        cout<<"YES"<<endl;
        cout<<x<<endl;
    }
}</pre>
```

Upper bound – bebida en tiendas

```
void solve(){
   int n = r();
   vector<int> tiendas(n);
   generate(all(tiendas), r);
   int dias = r();
   vector<int> p(dias);
   generate(all(p),r);
   sort(all(tiendas));
   for(int i = 0; i < p.l; i++){
      auto it = upper_bound(all(tiendas), p[i]);
      int pos = distance(tiendas.begin(), it);
      cout<<pos<<endl;
   }
}</pre>
```

Prefix sum

```
int main()
{
    fast
    int n,t; cin>>n>>t;
    vector<ll>> dp(n+1, 0);
    for(int i = 1; i <= n; i++){
        int x; cin>>x;
        dp[i] = dp[i-1] + x;
        //cout<<dp[i]<<" ";
    }
    while(t--){
        int x,y; cin>>x>>y;
        cout<<dp[y] - dp[x-1]<<endl;
    }
    return 0;
}</pre>
```

```
AKBAR – soldados ciudad
#include <bits/stdc++.h>
#include <ext/pb ds/assoc container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
using namespace std;
using 11 = long long;
using pi = pair<int, int>;
using ti = tuple<int, int, int>;
using tl = tuple<ll, ll, ll>;
using pil = pair<int, ll>;
using pli = pair<ll, int>;
using pl = pair<ll, ll>;
using vi = vector<int>;
using vl = vector<ll>;
using vpi = vector<pi>;
using vpil = vector<pil>;
using vpli = vector<pli>;
using vpl = vector<pl>;
using vti = vector<ti>;
using vtl = vector<tl>;
using vvi = vector<vi>;
using vvl = vector<vl>;
using vvpi = vector<vpi>;
using vvpil = vector<vpil>;
using vvpli = vector<vpli>;
using vvpl = vector<vpl>;
using vvti = vector<vti>;
using vvtl = vector<vtl>;
using oset = tree<int, null type, less<int>, rb tree tag,
tree_order_statistics_node_update>;
using omset = tree<pair<int,int>, null_type, less<pair<int, int>>,
rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update>;
mt19937 rng(chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());
const int INF = INT_MAX;
const 11 LINF = LLONG MAX;
```

```
const int MOD = 10000000000 + 7;
#define setbits(n) __builtin_popcount(n)
const int N = (int) 1e6;
vi g[N+1];
int visited[N+1];
vpi src;
bool bfs() {
    queue<pi> q;
    int sz = (int) src.size();
    for (int i = 0; i < sz; i++) {
        q.push({src[i].first, src[i].second});
        visited[src[i].first] = src[i].first;
    while (!q.empty()) {
        int u = q.front().first;
        int strength = q.front().second;
        assert(visited[u]);
        q.pop();
        if (strength <= ∅) {</pre>
            continue;
        for (int v : g[u]) {
            if (!visited[v]) {
                visited[v] = visited[u];
                q.push({v, strength-1});
            } else {
                if (visited[v] == visited[u]) {
                    continue;
                assert(visited[v] != visited[u]);
                return false;
    return true;
void reset(int n) {
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        g[i].clear();
        visited[i] = 0;
```

```
src.clear();
int main() {
    ios_base::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(nullptr);
    int T;
    cin >> T;
    while (T--) {
        int n, r, m;
        cin >> n >> r >> m;
        for (int i = 0; i < r; i++) {
            int u, v;
            cin >> u >> v;
            g[u].emplace_back(v);
            g[v].emplace_back(u);
        for (int i = 0; i < m; i++) {</pre>
            int k, s;
            cin \gg k \gg s;
            src.emplace_back(k, s);
        bool flag = bfs();
        if (!flag) {
            cout << "No\n";</pre>
        } else {
            bool ans = true;
            for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
                 if (!visited[i]) {
                     ans = false;
                     break;
             if (ans) {
                 cout << "Yes\n";</pre>
             } else {
                 cout << "No\n";</pre>
        reset(n);
    return 0;
```

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define mx 30005
int tree[mx*4] = {0};
struct leaf
    int val;
    int ind;
}arr[mx];
bool compl1(leaf ob1, leaf ob2)
    return ob1.val>ob2.val;
struct query
   int k;
   int 1;
    int r;
    int id;
}q[200005];
int ans[200005];
bool compq1(query ob1, query ob2)
    return ob1.k>ob2.k;
void update(int pos, int b, int e, int i, int j)
    if(b>e || b>j || e<i) return;
    if(b)=i \&\& e<=j)
        tree[pos] = 1;
        return;
    int l = pos*2+1;
    int r = 1+1;
    int mid = (b+e)/2;
    update(1,b,mid,i,j);
    update(r, mid+1,e,i,j);
    tree[pos] = tree[1]+tree[r];
int Query(int pos, int b, int e, int i, int j)
    if(b>j || e<i || b>e) return 0;
    if(b>=i && e<=j) return tree[pos];</pre>
```

```
int l = pos*2+1;
    int r = 1+1;
    int mid = (b+e)/2;
    int r1 = Query(l,b,mid,i,j);
    int r2 = Query(r, mid+1,e,i,j);
    return r1 + r2;
int main()
    int n,qr,a;
    scanf("%d",&n);
    for(int i=0; i<n; i++){</pre>
        scanf("%d",&arr[i].val);
        arr[i].ind = i;
    sort(arr, arr+n,compl1);
    int idl = 0;
    scanf("%d",&qr);
    for(int i=0; i<qr; i++){</pre>
        scanf("%d%d%d",&q[i].1,&q[i].r,&q[i].k);
        q[i].id=i;
        q[i].l--;
        q[i].r--;
    sort(q,q+qr,compq1);
    for(int i=0; i<qr; i++){</pre>
        for(idl; idl<n && arr[idl].val> q[i].k; idl++){
            update(0,0,n-1,arr[idl].ind,arr[idl].ind);
        ans[q[i].id] = Query(0,0,n-1,q[i].1, q[i].r);
    for(int i=0; i<qr; i++){</pre>
        printf("%d\n",ans[i]);
    return 0;
```

```
#include <cstdio>
int num[20];
int tree[18][140000];
int main()
    num[0] = 1;
    for(int i=1; i<20; i++)</pre>
        num[i] = num[i-1] * 2;
    int n, m;
    scanf("%d%d", &n, &m);
    for(int i=0; i<num[n]; i++)</pre>
        scanf("%d", &tree[n][i]);
    int state = n % 2;
    for(int i=n-1; i>=0; i--)
        for(int j=0; j<num[i]; j++)</pre>
            if(i % 2 == state)
                 tree[i][j] = tree[i+1][j*2] ^ tree[i+1][j*2+1];
            else
                 tree[i][j] = tree[i+1][j*2] | tree[i+1][j*2+1];
    for(int i=0; i<m; i++)</pre>
        int p, b;
        scanf("%d%d", &p, &b);
        tree[n][p-1] = b;
        int now = p-1;
        for(int j=n-1; j>=0; j--)
            now = now/2;
            if(j \% 2 == state)
                 tree[j][now] = tree[j+1][now*2] ^ tree[j+1][now*2+1];
            else
                 tree[j][now] = tree[j+1][now*2] | tree[j+1][now*2+1];
        printf("%d\n", tree[0][0]);
```

```
return 0;
}
```

Espiral numérica

Una espiral numérica es una cuadrícula infinita cuyo cuadrado superior izquierdo tiene el número 1. Aquí están las primeras cinco capas de la espiral:

1	2	9	10	25
4	3	8	11	24
5	6	7	12	23
16	15	14	13	22
17	18	19	20	21

Tu tarea es descubrir el número en la fila.yy columnaX.

```
#include <iostream>
#include <bits/stdc++.h>
#include <math.h>
using namespace std;
#define fast ios_base::sync_with_stdio(false); cin.tie(NULL);
#define MAX_N 1005
#define INF 1e9
#define MOD 1000000007
#define endl "\n"
#define f first
#define s second
#define pb push_back
#define ll long long int
#define ull unsigned long long
#define 1 size()
#define all(x) x.begin(), x.end()
11 r(){
    11 x; cin>>x;
    return x;
void solve(){
    11 x = r(), y = r();
    11 mx = max(x,y);
```

Military problema - Ejercito de berland entrega de comandos

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn = 2e5 + 10;
int n, m, a, b, c = 1, d;
bool vis[maxn] = { false };
vector<int> graph[maxn];
int level[maxn],pos[maxn],child[maxn];
int dfs(int src)
    vis[src] = true;
    pos[c] = src;
    level[src] = c++;
    int temp = 1;
    for (int i = 0; i<graph[src].size(); i++)</pre>
        if (!vis[graph[src][i]]) temp += dfs(graph[src][i]);
    return child[src] = temp;
int main()
    cin >> n >> m;
    for (int i = 2; i <= n; i++)</pre>
        cin >> a;
        graph[a].push_back(i);
```

```
}
dfs(1);
while (m--)
{
    cin >> a >> b;
    if (child[a]<b) cout << -1 << endl;
    else cout << pos[level[a] + b - 1] << endl;
}
return 0;
}
</pre>
```

N segmentos de línea horizontales en un plano

```
map<int,int> mp;
        if (i > 1) v[i].push_back({i-1,0});
        v[a].push_back({b,mid});
        v[b].push_back({a,-1});
       v[0].push back({i,0});
```

```
ios\_base::sync\_with\_stdio(0);cout.tie(0);cin.tie(0);
    vv.push_back({4*a+1,4*b-1});
    vv[i].first = mp[vv[i].first];
    vv[i].second = mp[vv[i].second];
```

Otro código del anterior

```
#pragma GCC optimize("Ofast,unroll-loops")
    template<typename A, typename B> ostream& operator<<(ostream &os, const pair<A, B> &p) { return
    void dbg_out() { cerr << endl; }</pre>
    template<typename Head, typename... Tail> void dbg_out(Head H, Tail... T) { cerr << ' ' << H;
    dbg_out(T...); }
   #define dbg(...) cerr << "(" << #__VA_ARGS___ << "):", dbg_out(__VA_ARGS___)
19
20
    #define all(a) (a).begin(), (a).end()
   const int MAX_N = 1e5 + 5;
    const ld EPS = 1e-9;
```

```
bool bellman_ford() {
   fill(dist.begin(), dist.end(), iINF);
   for (edge &e : edges) {
   return !bellman_ford();
```

```
cin.tie(0); ios::sync_with_stdio(0);
points.resize(2*n);
   edges.pb({i, n+i, iINF});
```

```
RECORRIDO DE MATRIZ CON BFS
#include <iostream>
#include <vector>
#include <queue>
using namespace std;
const char START = 'S';
const char EXIT = 'E';
const char FREE = '.';
const char WALL = '#';
struct Point {
    int x, y;
    Point(int x, int y) : x(x), y(y) {}
};
void bfs(vector<vector<char>>& maze, Point start) {
    int rows = maze.size();
    int cols = maze[0].size();
    vector<vector<bool>> visited(rows, vector<bool>(cols, false));
    queue<Point> q;
    q.push(start);
    visited[start.x][start.y] = true;
    int dx[] = {0, 0, 1, -1}; // filas
    int dy[] = \{1, -1, 0, 0\}; // columnas
    while (!q.empty()) {
        Point current = q.front();
        q.pop();
        if (maze[current.x][current.y] == EXIT) {
            cout << "Se ha encontrado la salida. en : " << current.x << " "</pre>
<< current.y << endl;
            return;
        for (int i = 0; i <4; i++) {
            int nx = current.x + dx[i];
            int ny = current.y + dy[i];
```

```
if (nx >= 0 \&\& nx < rows \&\& ny >= 0 \&\& ny < cols \&\&
!visited[nx][ny] &&
                (maze[nx][ny] == FREE \mid | maze[nx][ny] == EXIT)) {
                q.push(Point(nx, ny));
                visited[nx][ny] = true;
    cout << "No se ha encontrado la salida" << endl;</pre>
int main() {
    int M, N;
    cin >> M >> N; // Leer los valores de M, N y T desde la entrada estándar
    vector<vector<char>> maze(M, vector<char>(N)); //
    Point start(∅, ∅); // Crear un objeto Point para almacenar las
    for (int i = 0; i < M; i++) {
        for (int j = 0; j < N; j++) {
            cin >> maze[i][j]; // Leer los caracteres del laberinto desde la
            if (maze[i][j] == START) {
                start.x = i;
                start.y = j;
    bfs(maze, start);
    return 0;
```

BFS

```
#include <iostream>
#include <queue>
#include <vector>

using namespace std;

// Función para realizar el recorrido BFS
void BFS(vector<vector<int>>& grafo, int nodoInicial) {
```

```
queue<int> cola;
    vector<bool> visitado(grafo.size(), false);
    visitado[nodoInicial] = true;
    cola.push(nodoInicial);
    while (!cola.empty()) {
        int nodoActual = cola.front();
        cola.pop();
        cout << nodoActual << " ";</pre>
        for (int i = 0; i < grafo[nodoActual].size(); ++i) {</pre>
            int nodoAdyacente = grafo[nodoActual][i];
            if (!visitado[nodoAdyacente]) {
                visitado[nodoAdyacente] = true;
                cola.push(nodoAdyacente);
int main() {
    vector<vector<int>> grafo = {
        \{1, 2\}, // Nodo 0: Conectado con nodos 1 y 2
        {0, 2, 3}, // Nodo 1: Conectado con nodos 0, 2 y 3
        {0, 1, 3}, // Nodo 2: Conectado con nodos 0, 1 y 3
        {1, 2, 4}, // Nodo 3: Conectado con nodos 1, 2 y 4
        {3}
    };
    int nodoInicial = 0;
    cout << "Recorrido BFS comenzando desde el nodo " << nodoInicial << ":</pre>
    BFS(grafo, nodoInicial);
    return 0;
```

```
BFS DE LABERINTO
#include <iostream>
#include <vector>
#include <queue>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const char START = 'S';
const char EXIT = 'E';
const char FREE = '.';
const char WALL = '#';
struct Point {
    int x, y;
    Point(int x, int y) : x(x), y(y) {}
};
void bfs(vector<vector<char>>& maze, Point start) {
    int rows = maze.size();
    int cols = maze[0].size();
    vector<vector<bool>> visited(rows, vector<bool>(cols, false));
    queue<Point> q; //AQUI COMO YA NO USAMOS ENTEROS USAREMOS CORDENADAS
    q.push(start);
    visited[start.x][start.y] = true;
   int dx[] = \{0, 0, 1, -1, +1, -1, 1, -1\}; //filas
   int dy[] = \{1, -1, 0, 0, -1, 1, 1, -1\}; // columnas
        while (!q.empty()) {
        Point current = q.front();
        q.pop();
        if (maze[current.x][current.y] == EXIT) {
```

```
cout << "Se ha encontrado la salida. en : "<<current.x<<"</pre>
"<<current.y << endl;</pre>
            return;
        for (int i = 0; i < 8; i++) {
            int nx = current.x + dx[i];
            int ny = current.y + dy[i];
            if (nx >= 0 \&\& nx < rows \&\& ny >= 0 \&\& ny < cols \&\&
!visited[nx][ny] &&
                 (maze[nx][ny] == FREE || maze[nx][ny] == EXIT )) {
                 q.push(Point(nx, ny));
                visited[nx][ny] = true;
    cout << "No se ha encontrado la salida." << endl;</pre>
int main() {
    vector<vector<char>> maze = {
        {'S', '#', '.', '#', '.'},
        {'#', 'E', '.', '.', '.'},
        {'.', '.', '.', '#', '.'},
        {'*', '#', '.', '.', '.'}
    Point start(0, 0);
    bfs(maze, start);
```

```
int solve(int nodoInicial) {
    int c=0;
    cout<<"SOLVE: NODO: ";</pre>
    queue<int> cola;
    cout<<nodoInicial<<endl;</pre>
    cout<<"TAM: "<<adj[1].size()<<endl;</pre>
    visited[nodoInicial] = true;
    cola.push(nodoInicial);
    while (!cola.empty()) {
        int nodoActual = cola.front();
        cola.pop();
        cout << nodoActual << " ";</pre>
        C++;
        for (int i = 0; i < adj[nodoActual].size(); ++i) {</pre>
             int nodoAdyacente = adj[nodoActual][i];
             if (!visited[nodoAdyacente])
                 visited[nodoAdyacente] = true;
                 cola.push(nodoAdyacente);
    if(c>maxn){
        maxn=c;
```