1. Evaluación 1°D - Funciones

Ejercicio 1: Realiza las siguientes sumas de polinomios:

$$[1] \quad 4x^5 - 3x^4 - 2x^2 + x^6 + 4x^5 + 2x^4 + -2x^4 + 2x^3 = x^6 + 8x^5 - 3x^4 + 2x^3 - 2x^2 \\ [2] \quad 3x^5 - x^4 + 4x^3 + -4x^6 + 2x^4 - 4x^3 + 2x^4 - x^2 + x = -4x^6 + 3x^5 + 3x^4 - x^2 + x \\ [3] \quad -x^6 + 4x^3 + 4x + (-2x^5 + 3x^4 + 3x^3) + (-4x^6 - 2x^3 + 2x^2) = -5x^6 - 2x^5 + 3x^4 + 5x^3 + 2x^2 + 4x \\ [4] \quad x^6 - 2x^4 - 4x^3 + 2x^3 + 2x + -3x^6 - 2x^2 = -2x^6 - 2x^4 - 2x^3 - 2x^2 + 2x \\ [5] \quad -3x^4 + 4x^2 - 2x + (-x^5 + x^4) + (-2x^5 + x^4 - x^2) = -3x^5 - x^4 + 3x^2 - 2x \\ [6] \quad 4x^5 + 2x^2 + 3x + -4x^6 - 4x^4 - 3x^2 + (-5x^3 - 4x) = -4x^6 + 4x^5 - 4x^4 - 5x^3 - x^2 - x \\ [7] \quad 3x^5 - 4x^4 - 2x^2 + -4x^6 + 3x^4 - x^3 + 3x^6 - 3x^3 + 2x^2 = -x^6 + 3x^5 - x^4 - 4x^3 \\ [8] \quad 6x^6 - x^5 + -3x^6 + 3x^2 - 3x + 3x^5 + x^3 + 3x^2 = 3x^6 + 2x^5 + x^3 + 6x^2 - 3x \\ [9] \quad x^6 - x^4 - 3x + -2x^3 + 4x^6 + x^5 + x^2 = 5x^6 + x^5 - x^4 - 2x^3 + x^2 - 3x \\ [10] \quad 2x^5 - 4x^3 + 2x + 2x^6 - 2x^5 + x^2 + 5x^6 + 3x = 7x^6 - 4x^3 + x^2 + 5x \\ [10]$$

Ejercicio 2: Realiza las siguientes sumas de polinomios:

Ejerciio 3 Realiza las siguientes sumas y restas de polinomios:

$$\begin{aligned} &[1] \quad 0 - (0) + (0) = 0 \\ &[2] \quad 7 \, x^2 y + 3 \, xy + - x^2 y^2 - 3 \, xy^2 - (2 \, x^2 y^2 + 3 \, xy^2 - xy) = -3 \, x^2 y^2 + 7 \, x^2 y - 6 \, xy^2 + 4 \, xy \\ &[3] \quad -8 \, x^2 y^2 - 4 \, x^2 y - 4 \, xy^2 + 16 \, x^2 y + 12 \, xy^2 - 6 \, xy - (-6 \, x^2 y^2 - 6 \, xy^2) = -2 \, x^2 y^2 + 12 \, x^2 y + 14 \, xy^2 - 6 \, xy \\ &[4] \quad -3 \, x^2 y^2 + 36 \, x^2 y + 3 \, xy - (-36 \, x^2 y^2 - 9 \, x^2 y - 3 \, xy^2) + (-3 \, xy^2) = 33 \, x^2 y^2 + 45 \, x^2 y + 3 \, xy \end{aligned}$$

[5]
$$16x^2y + 80xy^2 + 4x^2y - 60xy^2 - (-16x^2y^2 - 8xy) = 16x^2y^2 + 20x^2y + 20xy^2 + 8xy$$

[6] $-50x^2y^2 - 15x^2y + 20xy^2 + -15x^2y + 100xy^2 - 75xy - (-5x^2y - 25xy^2 + 20xy^2 + 20xy^2$

$$100 xy) = -50 x^2 y^2 - 25 x^2 y + 145 xy^2 - 175 xy$$

[7]
$$324 x^2 y^2 - (6 x^2 y + 12 x y^2) + (6 x^2 y) = 324 x^2 y^2 - 12 x y^2$$

[8]
$$196 x^2 y^2 - 147 xy^2 + 7 xy + -7 xy^2 + 196 xy - (-147 xy^2 - 14 xy) = 196 x^2 y^2 - 7 xy^2 + 217 xy$$

[9]
$$32x^2y^2 - 128x^2y + 16xy + -128x^2y + 128xy^2 - (-8x^2y^2 - 8xy^2) = 40x^2y^2 - 256x^2y + 136xy^2 + 16xy$$

[10]
$$-36x^2y + 207xy^2 - (-324x^2y^2 + 18xy) + (-18xy^2 - 9xy) = 324x^2y^2 - 36x^2y + 189xy^2 - 27xy$$

Ejercicio 3: Realiza las siguientes multiplicaciones de monomios:

[1]
$$(0) \cdot (0) = 0$$

[2]
$$(4b^3xyz^3) \cdot (-4b^3x^3y^3z^3) = -16b^6x^4y^4z^6$$

[3]
$$(4b^3x^2y^3z^2) \cdot (8b^3x^2y^2z^2) = 32b^6x^4y^5z^4$$

[4]
$$(9bxy^3z^3) \cdot (-54b^2xyz^2) = -486b^3x^2y^4z^5$$

[5]
$$(8b^2xyz^3) \cdot (-256b^2x^3yz^3) = -2048b^4x^4y^2z^6$$

[6]
$$(-5b^3x^3y^2z^3) \cdot (75b^2xy^3z) = -375b^5x^4y^5z^4$$

[7]
$$(-216b^3xy^3z^3) \cdot (108b^2xy^2z) = -23328b^5x^2y^5z^4$$

[8]
$$(7b^2xy^2z) \cdot (7bx^2y^2z^2) = 49b^3x^3y^4z^3$$

[9]
$$(24b^3x^2y^2z^3) \cdot (-256bxy^3z) = -6144b^4x^3y^5z^4$$

[10]
$$(-9b^3x^3y^2z^3) \cdot (-729bx^2y^2z^3) = 6561b^4x^5y^4z^6$$

Ejercicio 4: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(-2x) \cdot (-7x^2 + 4x) = 14x^3 - 8x^2$$

[2]
$$(-x^2) \cdot (-5x^2 + x) = 5x^4 - x^3$$

[3]
$$(3x) \cdot (-6x^2) = -18x^3$$

[4]
$$(-3x^2) \cdot (4x^2) = -12x^4$$

[5]
$$(-2x) \cdot (2x^2 - x) = -4x^3 + 2x^2$$

[6]
$$(-3x) \cdot (3x^2 + 4x) = -9x^3 - 12x^2$$

[7]
$$(2x) \cdot (-6x) = -12x^2$$

[8]
$$(-2x^2) \cdot (-3x^2 - 3x) = 6x^4 + 6x^3$$

[9]
$$(4x) \cdot (2x^2 - x) = 8x^3 - 4x^2$$

[10]
$$(2x^2) \cdot (-5x^2 + 4x) = -10x^4 + 8x^3$$

Ejercicio 5: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(3x) \cdot (-5x) = -15x^2$$

[2]
$$(-2x^2 - 4x) \cdot (2x^2 - 4x) = -4x^4 + 16x^2$$

[3]
$$(-x^2) \cdot (-2x^2 - 2x) = 2x^4 + 2x^3$$

[4]
$$(-x^2 - 3x) \cdot (4x^2 + 4x) = -4x^4 - 16x^3 - 12x^2$$

[5]
$$(x^2) \cdot (-5x^2) = -5x^4$$

[6]
$$(4x^2 + x) \cdot (-x^2 - 8x) = -4x^4 - 33x^3 - 8x^2$$

[7]
$$(2x^2) \cdot (-4x^2 - 3x) = -8x^4 - 6x^3$$

[8]
$$(-2x) \cdot (-5x^2) = 10x^3$$

[9]
$$(-3x^2 + x) \cdot (4x) = -12x^3 + 4x^2$$

[10]
$$(5x^2) \cdot (-2x) = -10x^3$$

[11]
$$(-2x^2 - 2x) \cdot (-3x^2) = 6x^4 + 6x^3$$

[12]
$$(3x^2 - 3x) \cdot (-2x^2) = -6x^4 + 6x^3$$

[13]
$$(0) \cdot (0) = 0$$

[14]
$$(3x^2 - 3x) \cdot (x^2 - 2x) = 3x^4 - 9x^3 + 6x^2$$

[15]
$$(-x^2 - x) \cdot (-4x^2) = 4x^4 + 4x^3$$

Ejercicio 6: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(x^2 - 5x) \cdot (-4x) = -4x^3 + 20x^2$$

[2]
$$(2x^3 + 3x^2) \cdot (-3x^3 - 3x) = -6x^6 - 9x^5 - 6x^4 - 9x^3$$

[3]
$$(6x^2) \cdot (6x^2) = 36x^4$$

[4]
$$(5x^3 - x^2) \cdot (5x^3 - 4x) = 25x^6 - 5x^5 - 20x^4 + 4x^3$$

[5]
$$(3x^3) \cdot (7x^3 + 2x^2 + 2x) = 21x^6 + 6x^5 + 6x^4$$

[6]
$$(3x^3 + x^2) \cdot (-4x^3 + 4x^2 + 2x) = -12x^6 + 8x^5 + 10x^4 + 2x^3$$

[7]
$$(-5x^3 - 3x^2) \cdot (-4x^3 + x) = 20x^6 + 12x^5 - 5x^4 - 3x^3$$

[8]
$$(4x^3 + 3x) \cdot (2x^3 + 2x^2 + 2x) = 8x^6 + 8x^5 + 14x^4 + 6x^3 + 6x^2$$

[9]
$$(3x^2 + 4x) \cdot (-x^3 - 4x^2) = -3x^5 - 16x^4 - 16x^3$$

[10]
$$(3x) \cdot (3x^3 - 3x^2) = 9x^4 - 9x^3$$

[11]
$$(2x^2 + 3x) \cdot (x^3 + x^2 - 3x) = 2x^5 + 5x^4 - 3x^3 - 9x^2$$

[12]
$$(4x) \cdot (7x^3 - 3x^2) = 28x^4 - 12x^3$$

[13]
$$(-2x^3 - x^2 + 2x) \cdot (2x^3) = -4x^6 - 2x^5 + 4x^4$$

[14]
$$(-4x^3 - x^2) \cdot (x^2 + 6x) = -4x^5 - 25x^4 - 6x^3$$

[15]
$$(4x^3 - 4x^2) \cdot (2x^3 + 4x) = 8x^6 - 8x^5 + 16x^4 - 16x^3$$

[16]
$$(-5x^3 - 3x) \cdot (x^3 + 7x^2) = -5x^6 - 35x^5 - 3x^4 - 21x^3$$

[17]
$$(x) \cdot (-8x^3 + x^2 + 2x) = -8x^4 + x^3 + 2x^2$$

[18]
$$(x^3 - 4x^2) \cdot (-2x^2 - 4x) = -2x^5 + 4x^4 + 16x^3$$

[19]
$$(x^3) \cdot (3x^3 - x^2 + 4x) = 3x^6 - x^5 + 4x^4$$

[20]
$$(x^3 - x^2) \cdot (2x) = 2x^4 - 2x^3$$

Ejercicio 7: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(4x^2y^2+x^2y)\cdot(4x^2y^2+2x^2y-xy) = 16x^4y^4+12x^4y^3+2x^4y^2-4x^3y^3-x^3y^2$$

[2]
$$(-2x^2y - 4xy) \cdot (-3x^2y^2 - x^2y - 4xy^2) = 6x^4y^3 + 2x^4y^2 + 20x^3y^3 + 4x^3y^2 + 16x^2y^3$$

[3]
$$(3x^2y^2 - 2x^2y) \cdot (-2x^2y - xy^2) = -6x^4y^3 - 3x^3y^4 + 4x^4y^2 + 2x^3y^3$$

[4]
$$(-x^2y^2 + xy^2) \cdot (3x^2y - xy^2) = -3x^4y^3 + x^3y^4 + 3x^3y^3 - x^2y^4$$

[5]
$$(x^2y - xy^2) \cdot (xy^2 + 3xy) = x^3y^3 - x^2y^4 + 3x^3y^2 - 3x^2y^3$$

[6]
$$(-4x^2y+2xy^2)\cdot(-3x^2y+xy^2+4xy) = 12x^4y^2-10x^3y^3+2x^2y^4-16x^3y^2+8x^2y^3$$

[7]
$$(-3x^2y + 3xy^2) \cdot (-3x^2y) = 9x^4y^2 - 9x^3y^3$$