1. Evaluación 1°D - Funciones

Ejercicio 1: Realiza las siguientes sumas de polinomios:

$$[1] \quad x^6 - x^5 + x^3 + x^5 + -4x^6 - 8x = -3x^6 + x^3 - 8x \\ [2] \quad 2x^5 - 4x^3 - x + -3x^4 + 3x^2 + -x^6 + 4x^4 + 2x = -x^6 + 2x^5 + x^4 - 4x^3 + 3x^2 + x \\ [3] \quad -2x^6 - 3x^4 - 4x^3 + (-2x^3 - x^2) + (-3x^4 - x^3) = -2x^6 - 6x^4 - 7x^3 - x^2 \\ [4] \quad 4x^5 + x^3 + -3x^6 - 2x + -x^6 + 2x^5 - 2x^4 = -4x^6 + 6x^5 - 2x^4 + x^3 - 2x \\ [5] \quad 3x^5 - 2x^2 + -3x^5 - x^4 + 3x^3 + (-4x^4 - 3x^2 + 2x) = -5x^4 + 3x^3 - 5x^2 + 2x \\ [6] \quad 4x^5 + 2x^2 + 3x + -4x^3 + 2x^2 - 4x + 2x^6 + x^3 = 2x^6 + 4x^5 - 3x^3 + 4x^2 - x \\ [7] \quad 4x^6 - 4x^4 - 4x^2 + -x^5 + x^4 - x^2 + x^5 + 2x^3 = 4x^6 - 3x^4 + 2x^3 - 5x^2 \\ [8] \quad 7x^5 - 2x^4 + -3x^2 + x + (-x^5) = 6x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x \\ [9] \quad x^5 - 2x^4 + 7x^6 + 3x^3 + -4x^4 + 3x^3 + 2x = 7x^6 + x^5 - 6x^4 + 6x^3 + 2x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^3 - 2x + -2x^4 - 3x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^4 - 3x^2 + x + x^5 - 2x^2 - x = x^6 + x^5 - 2x^4 + 3x^3 - 2x^2 - 6x \\ [10] \quad x^6 + 3x^5 - 2x^5 - x^5 -$$

Ejercicio 2: Realiza las siguientes sumas de polinomios:

$$\begin{aligned} &[1] \quad 0 + 0 + 0 = 0 \\ &[2] \quad 2x^2y - 4xy^2 + -2x^2y^2 - 3xy^2 + (-4x^2y^2 + 4xy^2) = -6x^2y^2 + 2x^2y - 3xy^2 \\ &[3] \quad -16xy^2 - 16xy + (-4x^2y^2 + 4x^2y + 8xy^2) + (-2x^2y^2 + 4x^2y + 2xy) = \\ &-6x^2y^2 + 8x^2y - 8xy^2 - 14xy \\ &[4] \quad 30x^2y - 18xy^2 + -21x^2y^2 + 6xy^2 + 18x^2y - 9xy^2 = -21x^2y^2 + 48x^2y - 21xy^2 \\ &[5] \quad 32xy^2 + 44xy + -56x^2y - 8xy + 12x^2y^2 + 64x^2y + 4xy = 12x^2y^2 + 8x^2y + \\ 32xy^2 + 40xy \\ &[6] \quad 10x^2y^2 - 120x^2y + -50x^2y + 30xy^2 + -25x^2y^2 - 5xy^2 + 20xy = -15x^2y^2 - \\ 170x^2y + 25xy^2 + 20xy \\ &[7] \quad 36xy^2 - 54xy + -24x^2y^2 + 144x^2y + (-78xy^2) = -24x^2y^2 + 144x^2y - \\ 42xy^2 - 54xy \\ &[8] \quad 98x^2y^2 - 28xy^2 - 28xy + 77xy^2 + 28xy + 245xy^2 - 21xy = 98x^2y^2 + 294xy^2 - \\ 21xy \\ &[9] \quad 256x^2y^2 - 64x^2y + 128x^2y^2 + 128x^2y^2 - 192xy^2 + 192xy + -64x^2y - 32xy^2 + \\ 256xy = 384x^2y^2 - 128x^2y - 96xy^2 + 448xy \\ &[10] \quad 36x^2y^2 + 108xy^2 + -324x^2y^2 + 9xy^2 - 243xy + -36x^2y - 45xy^2 = -288x^2y^2 - 36x^2y + 72xy^2 - 243xy \end{aligned}$$

Ejerciio 3 Realiza las siguientes sumas y restas de polinomios:

$$\begin{aligned} &[1] \quad 0 - (0) + (0) = 0 \\ &[2] \quad 4\,xy^2 + 4\,xy + 2\,x^2y^2 - 2\,xy^2 + 3\,xy - (-4\,x^2y) = 2\,x^2y^2 + 4\,x^2y + 2\,xy^2 + 7\,xy \\ &[3] \quad 10\,xy^2 - 16\,xy + 8\,x^2y^2 - 4\,xy^2 - 4\,xy - (4\,x^2y^2 + 2\,xy^2 - 6\,xy) = 4\,x^2y^2 + 4\,xy^2 - 14\,xy \\ &[4] \quad -27\,x^2y^2 + 36\,x^2y - 6\,xy - (12\,x^2y^2 - 6\,x^2y - 3\,xy^2) + (24\,xy^2 + 12\,xy) = -39\,x^2y^2 + 42\,x^2y + 27\,xy^2 + 6\,xy \\ &[5] \quad -56\,x^2y - 8\,xy^2 + -48\,x^2y + 16\,xy^2 - 48\,xy - (64\,x^2y^2) = -64\,x^2y^2 - 104\,x^2y + 8\,xy^2 - 48\,xy \end{aligned}$$

$$[6] -10 xy^2 + 45 xy + -5 x^2y^2 - 25 x^2y - 10 xy - (20 x^2y^2 - 20 x^2y + 100 xy^2) = -25 x^2y^2 - 5 x^2y - 110 xy^2 + 35 xy$$

$$[7] 6 x^2y^2 + 24 xy - (-24 x^2y^2 - 216 xy) + (6 x^2y + 12 xy^2 + 12 xy) = 30 x^2y^2 + 6 x^2y + 12 xy^2 + 252 xy$$

$$[8] 217 x^2y + -21 x^2y - 7 xy^2 - 14 xy - (-49 x^2y^2 - 14 x^2y + 49 xy) = 49 x^2y^2 + 210 x^2y - 7 xy^2 - 63 xy$$

$$[9] -64 xy + -24 x^2y^2 - 256 x^2y - 24 xy^2 - (256 x^2y^2 - 248 x^2y) = -280 x^2y^2 - 8 x^2y - 24 xy^2 - 64 xy$$

$$[10] 9 x^2y^2 - 27 x^2y + 324 xy^2 - (-81 x^2y^2) + (-162 x^2y - 243 xy^2) = 90 x^2y^2 - 189 x^2y + 81 xy^2$$

Ejercicio 3: Realiza las siguientes multiplicaciones de monomios:

$$\begin{array}{ll} [1] & (0) \cdot (0) = 0 \\ [2] & (2 \, bx^2 y^3 z^2) \cdot (4 \, b^2 x^3 y^3 z^2) = 8 \, b^3 x^5 y^6 z^4 \\ [3] & (-16 \, bx y^3 z^2) \cdot (-4 \, b^3 x^2 y^2 z^2) = 64 \, b^4 x^3 y^5 z^4 \\ [4] & (-6 \, bx^2 y^3 z) \cdot (6 \, b^2 x y^3 z^3) = -36 \, b^3 x^3 y^6 z^4 \\ [5] & (-12 \, b^3 x^2 y z^3) \cdot (-64 \, bx^2 y^2 z^3) = 768 \, b^4 x^4 y^3 z^6 \\ [6] & (-500 \, b^2 x y z^2) \cdot (-20 \, b^2 x^3 y^3 z^2) = 10000 \, b^4 x^4 y^4 z^4 \\ [7] & (648 \, b^3 x^3 y z^2) \cdot (-6 \, b^2 x^3 y^3 z^3) = -3888 \, b^5 x^6 y^4 z^5 \\ [8] & (28 \, b^3 x y z^3) \cdot (-343 \, b^2 x y^3 z) = -9604 \, b^5 x^2 y^4 z^4 \\ [9] & (512 \, b^3 x^2 y^3 z^2) \cdot (192 \, b^3 x^2 y^3 z^2) = 98304 \, b^6 x^4 y^6 z^4 \\ [10] & (-243 \, b^2 x^3 y z) \cdot (36 \, bx^3 y^3 z) = -8748 \, b^3 x^6 y^4 z^2 \end{array}$$

Ejercicio 4: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

$$\begin{aligned} &[1] \quad (3\,x^2)\cdot(-5\,x^2-3\,x) = -15\,x^4-9\,x^3 \\ &[2] \quad (4\,x)\cdot(-2\,x^2-5\,x) = -8\,x^3-20\,x^2 \\ &[3] \quad (-3\,x^2)\cdot(2\,x) = -6\,x^3 \\ &[4] \quad (2\,x)\cdot(-3\,x^2-x) = -6\,x^3-2\,x^2 \\ &[5] \quad (2\,x^2)\cdot(-9\,x^2+3\,x) = -18\,x^4+6\,x^3 \\ &[6] \quad (2\,x)\cdot(2\,x^2-4\,x) = 4\,x^3-8\,x^2 \\ &[7] \quad (-3\,x)\cdot(x^2-x) = -3\,x^3+3\,x^2 \\ &[8] \quad (-3\,x)\cdot(-x^2+3\,x) = 3\,x^3-9\,x^2 \\ &[9] \quad (4\,x^2)\cdot(3\,x^2+3\,x) = 12\,x^4+12\,x^3 \\ &[10] \quad (2\,x^2)\cdot(-2\,x^2-5\,x) = -4\,x^4-10\,x^3 \end{aligned}$$

Ejercicio 5: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

$$\begin{aligned} &[1] \quad (4\,x^2-3\,x)\cdot(-x^2) = -4\,x^4+3\,x^3\\ &[2] \quad (-3\,x^2+4\,x)\cdot(x) = -3\,x^3+4\,x^2\\ &[3] \quad (-2\,x^2-x)\cdot(3\,x) = -6\,x^3-3\,x^2\\ &[4] \quad (3\,x^2+3\,x)\cdot(5\,x^2-4\,x) = 15\,x^4+3\,x^3-12\,x^2\\ &[5] \quad (4\,x^2-2\,x)\cdot(2\,x^2+x) = 8\,x^4-2\,x^2\\ &[6] \quad (x)\cdot(-2\,x) = -2\,x^2 \end{aligned}$$

[7]
$$(2x^2 + 2x) \cdot (-6x^2) = -12x^4 - 12x^3$$

[8]
$$(-4x^2 + 2x) \cdot (-x^2) = 4x^4 - 2x^3$$

[9]
$$(-3x^2) \cdot (-4x^2 - 4x) = 12x^4 + 12x^3$$

[10]
$$(-5x) \cdot (x) = -5x^2$$

[11]
$$(2x^2 + 3x) \cdot (2x) = 4x^3 + 6x^2$$

[12]
$$(-3x^2 - 3x) \cdot (4x^2 - x) = -12x^4 - 9x^3 + 3x^2$$

[13]
$$(-x^2 + 4x) \cdot (-2x) = 2x^3 - 8x^2$$

[14]
$$(2x^2 + 4x) \cdot (x^2 - 5x) = 2x^4 - 6x^3 - 20x^2$$

[15]
$$(7x^2) \cdot (-3x^2 - 2x) = -21x^4 - 14x^3$$

Ejercicio 6: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(2x^3) \cdot (-3x^3 - x^2 - x) = -6x^6 - 2x^5 - 2x^4$$

[2]
$$(-4x^3 - 4x^2) \cdot (3x^3 - x^2 - x) = -12x^6 - 8x^5 + 8x^4 + 4x^3$$

[3]
$$(-4x^3 + x^2) \cdot (-2x^3 - x^2) = 8x^6 + 2x^5 - x^4$$

[4]
$$(x^3 + x^2 + x) \cdot (3x^2 - 5x) = 3x^5 - 2x^4 - 2x^3 - 5x^2$$

[5]
$$(2x^3 - x^2) \cdot (-2x^2 + x) = -4x^5 + 4x^4 - x^3$$

[6]
$$(2x) \cdot (-2x^3 - 3x^2 - 6x) = -4x^4 - 6x^3 - 12x^2$$

[7]
$$(2x^3 + 2x^2 - 3x) \cdot (-x^3 - 3x^2 - x) = -2x^6 - 8x^5 - 5x^4 + 7x^3 + 3x^2$$

[8]
$$(3x^3 - 2x^2) \cdot (x^3 + 8x^2 - 2x) = 3x^6 + 22x^5 - 22x^4 + 4x^3$$

[9]
$$(-3x^3 + 4x) \cdot (-x^2 - x) = 3x^5 + 3x^4 - 4x^3 - 4x^2$$

[10]
$$(3x^3 - 2x) \cdot (4x^2 + 2x) = 12x^5 + 6x^4 - 8x^3 - 4x^2$$

[11]
$$(-2x^2 + 3x) \cdot (4x^3 - x^2 - 2x) = -8x^5 + 14x^4 + x^3 - 6x^2$$

[12]
$$(x^3 + 3x^2) \cdot (8x^3 + 6x^2) = 8x^6 + 30x^5 + 18x^4$$

[13]
$$(2x^2 + 4x) \cdot (-x^3 - x) = -2x^5 - 4x^4 - 2x^3 - 4x^2$$

[14]
$$(x^2 + 2x) \cdot (-3x^3 + 2x^2 + 7x) = -3x^5 - 4x^4 + 11x^3 + 14x^2$$

[15]
$$(5x^2) \cdot (-6x^3 - 3x^2 - 2x) = -30x^5 - 15x^4 - 10x^3$$

[16]
$$(-x^3 - 6x) \cdot (-x^3 + 6x) = x^6 - 36x^2$$

[17]
$$(4x^3 - 2x^2) \cdot (-3x^3 + 3x^2 + 4x) = -12x^6 + 18x^5 + 10x^4 - 8x^3$$

[18]
$$(0) \cdot (0) = 0$$

[19]
$$(3x^3 - x^2) \cdot (-2x^3 - x) = -6x^6 + 2x^5 - 3x^4 + x^3$$

[20]
$$(-7x^3) \cdot (2x^3 - 4x) = -14x^6 + 28x^4$$

Ejercicio 7: Realiza las siguientes multiplicaciones de polinomios:

[1]
$$(2xy^2 + xy) \cdot (x^2y^2 - 4xy^2) = 2x^3y^4 + x^3y^3 - 8x^2y^4 - 4x^2y^3$$

[2]
$$(x^2y^2 + 2xy) \cdot (3x^2y^2 + 4xy) = 3x^4y^4 + 10x^3y^3 + 8x^2y^2$$

[3]
$$(-3x^2y - 2xy^2) \cdot (3xy^2 - 6xy) = -9x^3y^3 - 6x^2y^4 + 18x^3y^2 + 12x^2y^3$$

[4]
$$(-2x^2y+xy)\cdot(-x^2y-4xy^2+4xy) = 2x^4y^2+8x^3y^3-9x^3y^2-4x^2y^3+4x^2y^2$$

[5]
$$(-6x^2y) \cdot (2x^2y^2 + 2x^2y) = -12x^4y^3 - 12x^4y^2$$

[6]
$$(-4x^2y) \cdot (-3x^2y - 2xy^2) = 12x^4y^2 + 8x^3y^3$$

[7]
$$(x^2y^2 + 4xy) \cdot (-3x^2y^2 - xy^2) = -3x^4y^4 - x^3y^4 - 12x^3y^3 - 4x^2y^3$$