Activos Financieros

Finanzas III

 $Codigos\ en\ R$



Profesor:

- Carlos Cavieres

Integrantes:

- Meboly Vega
- Vicente Román
- Luis Gaete
- Felipe Ugalde

Table of contents

1	Intro	oducción Librerias y Paquetes a instalar	4
2	Acti	ivo: Acciones	4
	2.1	Ejemplo (Clases)	4
	2.2	Código R	5
		2.2.1 Tabla de Resultados	5
	2.3	Gráfico	6
	2.4	Resultado y Conclusión	7
3	Acti	ivo: Bonos	7
	3.1	Ejemplo (Clases)	8
	3.2	Código R	8
		3.2.1 Tabla de Resultados	9
	3.3	Gráfico	9
	3.4	Resultado y Conclusión	11
4	Acti	ivo: Forward sobre tipo de cambio	11
	4.1		12
	4.2	Código R	12
		4.2.1 Tabla de Resultados	13
	4.3	Gráfico	13
	4.4	Resultado y Conclusión	15
5	Acti	ivo: FRA (Forward Rate Agreement)	15
	5.1		16
	5.2	Código R	16
		5.2.1 Tabla de Resultados	17
	5.3	Gráfico	18
	5.4	Resultado y Conclusión	21
6	Acti	ivo: Futuro sobre índice bursátil	21
	6.1	Ejemplo (Hull (2009))	22
	6.2		23
		6.2.1 Tabla de Resultados	23
	6.3	Gráficos	24
	6.4	Resultado y Conclusión	27
7	Acti	ivo: Opción Call	27
	7.1	Ejemplo (Clases)	27
	7.2	Código R	29
		7.2.1 Tabla de Resultados	30

	1.4	Resultado y Conclusión
8	Acti	vo: UF
	8.1	Ejemplo (Clase)
	8.2	Código R
		8.2.1 Resultado
	8.3	Conclusión
9		ivo: Modelo Black-Scholes y paridad put-call Ejemplo (Clases)
9	9.1	vo: Modelo Black-Scholes y paridad put-call Ejemplo (Clases)
9	9.1	Ejemplo (Clases)

1 Introducción Librerias y Paquetes a instalar

El presente informe muestra ejercicios relacionados con ocho activos financieros vistos durante el semestre en la asignatura. El diseño del informe se realizó mediante el motor de Quarto a través de RStudio, donde a su vez se trabajó con el lenguaje de programación R. A continuación (chunk no visible en el informe), se ejecutan las líneas de código correspondientes a la base de funcionamiento del script (instalación de paquetes y librerías necesarias).

Nota: Visual Studio Code es capaz de generar un informe a través del código mediante Ctrl+E y Ctrl+Shift+K (Previsualiza el documento); En caso de que ello no funcione, dentro de Github se encuentra el HTLM siendo este https://vicenteromausach.github.io/ActivosFinancierosR.github.io/. de todas maneras se recomienda la ejecución y renderizado en RStudio (tanto en R como en Python) mediante el botón RENDER ubicado en la cinta de opciones del archivo .qmd

2 Activo: Acciones

Definición

Las **acciones** son títulos de propiedad que otorgan a su poseedor una participación proporcional en el capital y en los flujos futuros (dividendos) de una empresa.

El valor teórico de una acción se obtiene descontando al presente los dividendos esperados y, de ser necesario, un valor terminal.

2.1 Ejemplo (Clases)

La empresa **A** pagará durante los próximos tres años dividendos de \$20, \$10 y \$60. A partir del cuarto año, los dividendos crecerán indefinidamente al **8** % anual.

La empresa ${f B}$ va a pagar un dividendo de \$10 y este crecerá a una tasa constante del 12 % anual.

La tasa de descuento de mercado es 15 %. ¿Cuál es el valor actual de la acción de cada empresa?

Fórmulas

Modelo de Gordon-Shapiro (crecimiento constante)

$$P_0 = \frac{D_1}{r - g}$$

Modelo de dos etapas (crecimiento no constante seguido de crecimiento perpetuo)

$$P_0 = \sum_{t=1}^{t} \frac{D_t}{(1+r)^n} + \frac{D_n (1+g)}{(r-g) (1+r)^n}$$

D t: dividendo en el año t

r: tasa de descuento

g: tasa de crecimiento

n: último año de la etapa explícita

2.2 Código R

```
r <- 0.15 # tasa de descuento
# Empresa A
D1 <- 20; D2 <- 10; D3 <- 60 # dividendos
gA <- 0.08 # crecimiento perpetuo
pv_divs_A <- D1/(1+r) + D2/(1+r)^2 + D3/(1+r)^3 #Fórmula
terminal_A <- D3*(1+gA)/(r - gA)
pv_term_A <- terminal_A/(1+r)^3
P0_A <- pv_divs_A + pv_term_A
#Empresa B
D0 <- 10 # dividendo recién pagado
gB <- 0.12 #tasa constante</pre>
D1_B <- 10
P0_B <- D1_B/(r - gB) #modelo gordon-shapiro
```

2.2.1 Tabla de Resultados

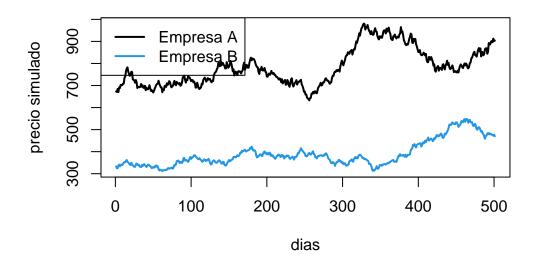
```
res <- data.frame(
  empresa = c("A", "B"),
  precio_actual = c(round(P0_A, 2), round(P0_B, 2)))
kable(res, caption = "Valor presente estimado de cada acción")</pre>
```

Table 1: Valor presente estimado de cada acción

empresa	precio_actual
A	673.08
В	333.33

2.3 Gráfico

Random Walk de Precios



2.4 Resultado y Conclusión

• Precio estimado de las acciones

Empresa A: \$673.08Empresa B: \$333.33

• Interpretación

- La acción $\bf A$ vale más debido al gran dividendo explícito de \$60 y al crecimiento perpetuo del 8 %.
- La acción ${\bf B}$ depende integramente del crecimiento constante del 12 %, partiendo de un dividendo menor.
- El gráfico muestra trayectorias simuladas: mayores pendientes medias reflejan mayores tasas de crecimiento esperadas, pero ambas series exhiben volatilidad; el inversionista debe ponderar riesgo y retorno antes de decidir.

3 Activo: Bonos

Definición

Un **bono** es un instrumento de deuda que otorga al tenedor el derecho a recibir pagos de cupón periódicos y la devolución del valor nominal en la fecha de vencimiento.

El precio de un bono corresponde al valor presente de esos flujos de efectivo descontados a la tasa de rendimiento exigida por el mercado.

3.1 Ejemplo (Clases)

Un bono con valor nominal de \$1 000 paga cupones anuales de 10 % durante 10 años. Calcule el precio del bono para tres escenarios de tasas de mercado:

- 1. **10**%
- 2. **12**%
- 3. 8%

Fórmulas

Valor presente del bono

$$P_0 = \sum_{t=1}^n \frac{C}{(1+r)^t} + \frac{F}{(1+r)^n}$$

donde

C: tasa cupón

F: valor nominal

n: número de periodos hasta el vencimiento

r: tasa de rendimiento de mercado

Se rescribio la Fórmula de la siguiente manera:

$$P \; = \; I \bigg[\frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n} \bigg] \; + \; \frac{VN}{(1+i)^n}$$

donde

I = cupón anual i = tasa de mercado n = número de períodos VN = valor nominal del bono

3.2 Código R

```
# parámetros del bono
vn <- 1000
               # valor nominal
  <- 0.10
               # tasa cupón
                 # años al vencimiento
n <- 10
I \leftarrow vn * c # cupón anual
# tasas de mercado a evaluar
tasas \leftarrow c(0.10, 0.12, 0.08)
# función de valoración
precio_bono <- function(i, I, vn, n) {</pre>
 pv_{unif} = (1 + i)^n - 1) / (i * (1 + i)^n)
 pv_principal <- vn / (1 + i)^n</pre>
 pv_cupones + pv_principal}
precios \leftarrow sapply(tasas, precio_bono, I = I, vn = vn, n = n)
```

3.2.1 Tabla de Resultados

```
library(knitr)
res_bono <- data.frame(
   rendimiento = c("10 %", "12 %", "8 %"),
   precio = round(precios, 2))
kable(res_bono, caption = "Precio del bono para distintos rendimientos")</pre>
```

Table 2: Precio del bono para distintos rendimientos

rendimiento	precio
10 %	1000.0
12%	887.0
8 %	1134.2

3.3 Gráfico

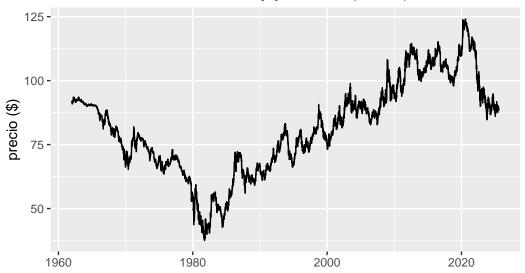
```
precio_bono <- function(yield, cup, vn, n) {
   I <- cup * vn
   pv_coupons <- I * ((1 + yield)^n - 1) / (yield * (1 + yield)^n)
   pv_principal <- vn / (1 + yield)^n</pre>
```

```
pv_coupons + pv_principal}
#Rendimiento histórico del US treasury a 10 años (tasa anual, ya en %)
getSymbols("DGS10", src = "FRED")  # serie
```

[1] "DGS10"

```
yield_xts <- na.omit(DGS10) / 100  # pasar a decimal</pre>
#Supuesto de que es un bono cupón 3%, 10 años
cup_real <- 0.03</pre>
           <- 100
vn
n_real
          <- 10
#precio diario
price_real <- xts(</pre>
 precio_bono(coredata(yield_xts), cup_real, vn, n_real),
  order.by = index(yield_xts))
# Gráfico!
autoplot(price_real) +
  ggtitle("Precio implícito de un bono cupón 3%, 10 años
          basado en el Treasury yield 10Y (FRED)") +
  xlab("") + ylab("precio ($)")
```

Precio implícito de un bono cupón 3%, 10 años basado en el Treasury yield 10Y (FRED)



3.4 Resultado y Conclusión

• Precio calculado

- Con rendimiento 10% \$1000 (a la par).
- Con rendimiento 12% \$887 (con descuento).
- Con rendimiento 8% \$1134.2 (con *prima*).

• Interpretación

- Si la tasa cupón es igual a la tasa de mercado (10 %), el bono se vende a su valor nominal
- Cuando el rendimiento exigido sube a 12 %, el bono se valora por debajo de la par (descuento) porque sus cupones resultan poco atractivos.
- A un rendimiento de 8 % el bono se valora **por encima** de la par (prima) ya que sus cupones superan la rentabilidad ofrecida por el mercado.

4 Activo: Forward sobre tipo de cambio

Definición

Un **forward** es un contrato a plazo que obliga a las partes a intercambiar un activo (en este caso la divisa) en una fecha futura a un precio pactado hoy.

Para divisas, el **precio forward** se determina por la paridad de intereses entre las dos monedas: el tipo de cambio spot ajustado por las tasas de interés de cada país durante el plazo acordado.

4.1 Ejemplo (Clases)

Un importador necesita **1.000.000 USD** dentro de **90 días** para pagar mercadería. Los datos de mercado son:

Concepto	Valor
Spot compra (CLP/USD)	740
Spot venta (CLP/USD)	750
Tasa CLP colocación (3 meses)	0.9% anual
Tasa CLP captación (3 meses)	0.8% anual
Tasa USD captación (3 meses)	2,3% anual
Tasa USD colocación (3 meses)	$2,\!4\%$ anual

El importador pacta un **forward de compra** (él compra USD a futuro). ¿Qué tipo de cambio forward deberá pagar y cuál será el costo total en pesos?

Fórmulas

Paridad descubierta de intereses (compra de USD a plazo)

$$F = S_{\text{compra}} \, \frac{1 + r_{\text{CLP, col}} \, \frac{n}{30}}{1 + r_{\text{USD, cap}} \, \frac{n}{360}} \label{eq:F}$$

: F: tipo de cambio forward (CLP/USD) S_compra: tipo de cambio spot de compra (CLP/USD)

r_CLP,col: tasa de colocación en CLP

r_USD,cap: tasa de captación en USD

n: días al vencimiento

4.2 Código R

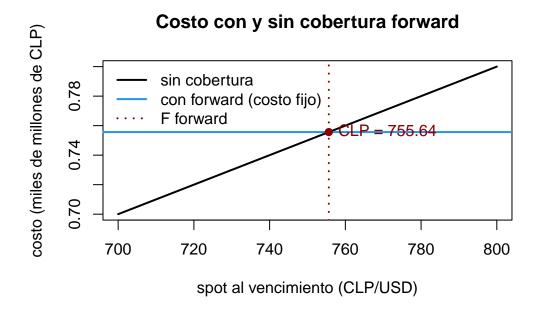
4.2.1 Tabla de Resultados

Table 4: Resultado de la operación forward

	resultado
tipo de cambio forward costo total (CLP)	755.64 755,635,098

4.3 Gráfico

```
ylab = "costo (miles de millones de CLP)",
    main = "Costo con y sin cobertura forward")
#costo fijo
abline(h = costo_hedged / 1e9, col = 4, lwd = 2)
#línea segmentada
abline(v = F_forward, lty = 3, lwd = 2, col = "darkred") # linea vertical
# punto de intersección (opcional, para resaltarlo)
points(F_forward,
      costo_hedged / 1e9,
      pch = 19, col = "darkred")
# etiqueta del precio forward
text(F_forward,
     costo_hedged / 1e9,
    labels = paste0("CLP = ", round(F_forward, 2)),
    pos = 4, col = "darkred")
legend("topleft",
      legend = c("sin cobertura", "con forward (costo fijo)", "F forward"),
      lwd = c(2, 2, 2),
      lty = c(1, 1, 3),
      col = c(1, 4, "darkred"),
       bty = "n")
```



4.4 Resultado y Conclusión

- Tipo de cambio forward pactado: \$755,64 CLP/USD
- Costo total por 1.000.000 USD: \$755.640.000 CLP

Interpretación

- Con el forward, el importador fija su desembolso en 755,64 CLP por dólar; si el spot en 90 días supera ese valor, la cobertura le ahorra dinero.
- Si el spot resulta menor, pagará relativamente de más, pero evita la incertidumbre.
- La gráfica muestra que el costo sin cobertura crece línea recta con el spot, mientras el costo cubierto se mantiene fijo; esto ilustra la eliminación del riesgo cambiario.

5 Activo: FRA (Forward Rate Agreement)

Definición

Un **FRA** es un acuerdo a plazo que fija hoy el tipo de interés de un préstamo o depósito que comenzará en una fecha futura.

La liquidación se basa en la diferencia entre la tasa de mercado al inicio del periodo protegido y la tasa acordada en el contrato, aplicada al nominal y descontada al valor presente.

5.1 Ejemplo (Betzuen, (2016))

Un empresario trata de asegurarse, para dentro de 6 meses, un préstamo a 3 meses, al 3,5% de interés. Adopta una posición compradora de un FRA(6/9), para un valor nominal de 100.000€ y un tipo garantizado del 3,5%. El periodo de garantía es de 90 días. Consideremos dos situaciones totalmente contrarias y comprobemos que se alcanza el objetivo perseguido:

- I) Que al cabo de 6 meses el tipo de interés del mercado, por ejemplo, Euribor a 3 meses, se sitúe en el 4%.
- II) Que al cabo de 6 meses el tipo de mercado se sitúe en el 3%.

Escenario	Tasa de mercado (i_m)
A	4,0%
В	3,0%

Fórmulas

$$L = \frac{N \left(i_m - i_{FRA} \right) \frac{t_2}{360}}{1 + i_m \frac{t_2}{360}}$$

donde

- L: es el pago neto (positivo para el comprador si i_m > i_FRA.
- N: es el nominal del contrato.
- i m: es la tasa de mercado observada al inicio del periodo protegido.
- i_FRA: es la tasa pactada en el FRA.
- t 2: es la duración del periodo protegido en días.

5.2 Código R

5.2.1 Tabla de Resultados

Table 6: Liquidación del FRA y coste efectivo del préstamo (comprador de FRA)

Escenario i_m L_liq Interés_mktCosto_netoTasa_efectivaTasa_efectiva	
I 4.0% 124 1,000 876.2 0.0350495 3.505 II 3.0% -124 750 874.1 0.0349628 3.496	$\frac{-3}{3.505\%}$ 3.496%

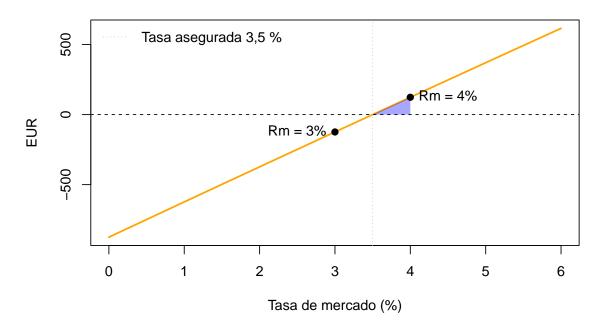
5.3 Gráfico

```
# rango de tasas y liquidación
rango <- seq(0, 0.06, by = 0.0001)
payoff <- liquidacion(rango)</pre>
# gráfico base (línea naranja)
plot(rango*100, payoff,
     type = "1", lwd = 2, col = "orange",
    xlab = "Tasa de mercado (%)",
    ylab = "EUR",
     main = "Comprador de FRA - beneficio según la tasa de mercado")
# líneas de referencia
abline(h = 0, lty = 2) # eje horizontal
abline(v = i_FRA*100, lty = 3, col = "gray")# tasa garantizada (3,5\%)
# --- área positiva (azul) -----
esc_pos <- esc |>
  dplyr::filter(L_liq > 0)
apply(esc_pos, 1, \(row){
 i_m <- as.numeric(row["i_m"])</pre>
 L_liq <- as.numeric(row["L_liq"])</pre>
 polygon(x = c(i_FRA*100, i_m*100, i_m*100),
         y = c(0, 0, L_liq),
         col = rgb(0, 0, 1, 0.35), border = NA)
```

NULL

```
lwd = 1, lty = 3,
col = "gray",
bty = "n")
```

Comprador de FRA – beneficio según la tasa de mercado



```
liquidacion_vend <- function(i_m){
    -liquidacion(i_m)}

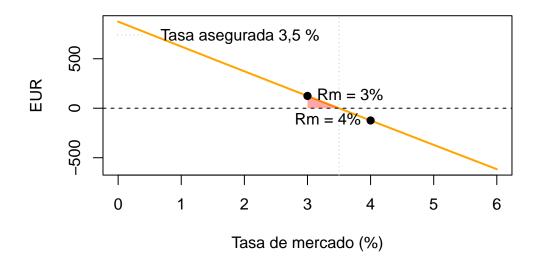
payoff_v <- liquidacion_vend(rango)

#Gráfico
plot(rango*100, payoff_v,
          type = "l", lwd = 2, col = "orange",
          xlab = "Tasa de mercado (%)",
          ylab = "EUR",
          main = "Vendedor de FRA - beneficio según la tasa de mercado")

abline(h = 0, lty = 2)  # eje horizontal</pre>
```

NULL

Vendedor de FRA – beneficio según la tasa de mercado



5.4 Resultado y Conclusión

- Liquidación del FRA (comprador)
 - EscenarioA (4%): **123,76€** recibe el comprador.
 - EscenarioB (3%): -124,07€ paga el comprador (recibe el vendedor).

Interpretación

- aunque el Euribor suba a 4% el empresario paga efectivamente 3,5% de ínteres.
- aunque el Euribor baje a 3\$ el empresario paga efectivamente 3,5% de ínteres.

6 Activo: Futuro sobre índice bursátil

Definición

Un **futuro sobre índice** es un contrato estandarizado que obliga a las partes a intercambiar, en una fecha futura, el valor de un índice bursátil al precio pactado hoy.

El precio teórico se obtiene ajustando el nivel spot del índice por la diferencia entre la tasa libre de riesgo y el rendimiento por dividendos esperados durante la vida del contrato.

6.1 Ejemplo (Hull (2009))

Se pacta hoy **31 de julio** un futuro sobre un índice cuyo nivel spot es **1.300USD**. Datos:

Parámetro	Valor
Tasa libre de riesgo (continua)	9% anual
Meses con dividendos de 5%	febrero, mayo, agosto, noviembre
Meses restantes dividendos de 2%	enero, marzo, abril, junio, julio, septiembre, octubre, diciembre
Vencimiento del contrato	31 de diciembre (5 meses)

Durante los **5 meses** de vida del futuro (agosto–diciembre) los rendimientos por dividendos son:

Mes	q
agosto	5%
septiembre	2%
octubre	2%
noviembre	5%
diciembre	2%

Fórmulas

$$\bar{q} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} q_i$$

$$F_0=S_0\,e^{(r-\bar q)\,t}$$

donde

- q: es la tasa promedio de dividendos durante la vida del contrato.
- S_0: es el nivel spot del índice hoy.
- r: es la tasa libre de riesgo con capitalización continua.
- t: es el tiempo al vencimiento en años.
- F_0: es el precio teórico del futuro.

6.2 Código R

```
# datos
S0 <- 1300  # nivel spot
r <- 0.09  # tasa libre de riesgo
t <- 5/12  # 5 meses expresados en años

# rendimientos por dividendos de los 5 meses relevantes
q_vec <- c(0.05, 0.02, 0.02, 0.05, 0.02)
q_bar <- mean(q_vec)

# precio teórico del futuro
F0 <- S0 * exp((r - q_bar) * t)</pre>
```

6.2.1 Tabla de Resultados

Table 9: Cálculo del precio futuro

	valor
nivel spot (S0)	1300
tasa libre de riesgo (r)	9%
tasa dividendo promedio (\bar{q})	3,2~%
plazo (años)	0.4167
precio futuro (F0)	1331.8

6.3 Gráficos

Gráfico 1 visualización de Futuros y precio Spot

Warning: ES=F contains missing values. Some functions will not work if objects contain missing values in the middle of the series. Consider using na.omit(), na.approx(), na.fill(), etc to remove or replace them.

```
#df
cash_px <- Ad(cash_xts)</pre>
fut px <- Ad(fut xts)</pre>
df <- merge(cash_px, fut_px, join = "inner")</pre>
colnames(df) <- c("Cash", "Future")</pre>
datos <- df %>%
  as.data.frame() %>%
  rownames to column("Date") %>%
  mutate(Date = as.Date(Date)) %>%
  arrange(Date)
#rendimientos diarios
datos <- datos %>%
  mutate(Cash_ret = 100 * (log(Cash) - log(lag(Cash))),
         Future_ret = 100 * (log(Future) - log(lag(Future))))
#Gráfico de precios spot y los futuros del indice
df_norm <- datos %>%
  mutate(Cash_norm = 100 * Cash / first(Cash),
         Future_norm = 100 * Future / first(Future)) %>%
  select(Date, Cash_norm, Future_norm) %>%
  pivot_longer(-Date, names_to = "Serie", values_to = "Valor")
```



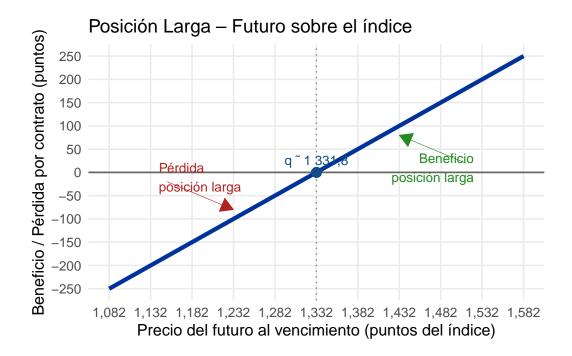
Gráfico 2

```
F0 <- F0
F_T <- seq(F0 - 250, F0 + 250, by = 1)
pay <- F_T - F0
df_pay <- data.frame(F_T, pay)

ggplot(df, aes(F_T, pay)) +
  geom_hline(yintercept = 0, colour = "grey40", linewidth = 0.6) +
  geom_vline(xintercept = F0, colour = "grey55", linetype = "dotted") +</pre>
```

```
geom_line(colour = "#003399", linewidth = 1.5) +
geom_point(aes(x = F0, y = 0), colour = "dodgerblue4", size = 3) +
annotate("text",
        x = F0, y = 10,
        label = "q 1331,8",
        hjust = 0.5, vjust = -0.3,
         colour = "dodgerblue4", size = 3.5) +
annotate ("segment",
        x = F0 - 180, y = -20,
        xend = F0 - 100, yend = -80,
         arrow = arrow(length = unit(0.15, "inches"),
                      type = "closed"),
         colour = "firebrick", linewidth = 0.2) +
annotate("text",
        x = F0 - 190, y = -10,
        label = "Pérdida\nposición larga",
        hjust = 0, colour = "firebrick", size = 3.5) +
annotate ("segment",
        x = F0 + 180, y = 20,
         xend = F0 + 100, yend = 80,
         arrow = arrow(length = unit(0.15, "inches"),
                      type = "closed"),
         colour = "forestgreen", linewidth = 0.2) +
annotate("text",
        x = F0 + 190, y = 10,
        label = "Beneficio\nposición larga",
        hjust = 1, colour = "forestgreen", size = 3.5) +
scale_x_continuous(labels = comma_format(),
                  breaks = seq(F0 - 250, F0 + 250, by = 50)) +
scale_y = seq(-250, 250, by = 50)) +
labs(title = "Posición Larga - Futuro sobre el índice",
          = "Precio del futuro al vencimiento (puntos del índice)",
          = "Beneficio / Pérdida por contrato (puntos)") +
theme_minimal(base_size = 12) +
theme(panel.grid.minor = element_blank())
```

Warning in geom_point(aes(x = F0, y = 0), colour = "dodgerblue4", size = 3): All aesthetics is Please consider using `annotate()` or provide this layer with data containing a single row.



6.4 Resultado y Conclusión

El precio teórico del futuro con entrega el 31 de diciembre es \$1.331,80USD.

• El gráfico 2 muestra que cuanto mayor sea el rendimiento esperado por dividendos, menor será el precio futuro, manteniendo constantes las demás variables.

7 Activo: Opción Call

Definición

Una call europea otorga al comprador el derecho (no la obligación) de comprar un activo subyacente a un precio de ejercicio (K) en la fecha de vencimiento.

En un árbol binomial, el precio hoy se obtiene valorando los flujos terminales bajo probabilidad neutral al riesgo y descontándolos a la tasa libre de riesgo.

7.1 Ejemplo (Clases)

La acción del Banco de Chile está cotizando en la bolsa a **10 pesos**. Debido a la incertidumbre del mercado financiero, un inversionista supone que el precio podría **aumentar o disminuir en un 20**% en los próximos **2 años**.

Datos adicionales:

• Prima de opción: 1,15 pesos

• Paquete: 100 acciones

Precio de ejercicio (strike): 8 pesos (K=8)
Tasa libre de riesgo anual (simple): 11 %

A) Evaluar cuándo se ejerce la opción.

B) Calcular el precio de una CALL europea a 2años.

Datos del contrato:

Parámetro	Valor
Tasa libre de riesgo (simple)	10% anual
Periodos hasta el vencimiento	2 años
Factor alza (u)	1,2
Factor baja (d)	0,8
Precio strike (K)	\$8
Prima pagada	\$1,15 por acción
Tamaño del lote	100 acciones

Fórmulas

$$R = 1 + r$$

$$p = \frac{R - d}{u - d}$$

$$C = \frac{p\,C_{\mathrm{up}} + (1-p)\,C_{\mathrm{down}}}{R}$$

donde

- R es el factor de capitalización libre de riesgo.
- p es la probabilidad neutral al riesgo de un movimiento al alza.
- C_up, (C_down son los valores de la opción en los nodos siguientes).

7.2 Código R

```
# parametros
SO <- 10
                     # precio spot
     <- 8
                     # strike
K
u <- 1.2
                     # factor alza
d
    <- 0.8
                      # factor baja
    <- 0.10
                     # tasa libre de riesgo (simple)
r
     <-1 + r
                     # factor de capitalizacion
     <- 2
                       # pasos
premium <- 1.15
                     # prima por accion
                       # acciones en el paquete
lote
      <- 100
# probabilidad neutral al riesgo
p \leftarrow (R - d) / (u - d)
\# precios en el nodo final t = 2
Suu \leftarrow S0 * u^2
Sud <- S0 * u * d
Sdd \leftarrow S0 * d^2
Cuu \leftarrow \max(0, \text{Suu} - K)
Cud <- max(0, Sud - K)
Cdd \leftarrow max(0, Sdd - K)
# retroceso a t = 1
Cu \leftarrow (p * Cuu + (1 - p) * Cud) / R
Cd \leftarrow (p * Cud + (1 - p) * Cdd) / R
# precio presente de la call
CO \leftarrow (p * Cu + (1 - p) * Cd) / R
C_paquete <- CO * lote
# tabla de escenarios para el beneficio neto al vencimiento
S_{range} \leftarrow seq(6, 13, by = 0.5)
payoff <- pmax(S_range - K, 0) * lote</pre>
        <- payoff - premium * lote
escen <- data.frame(precio_final = S_range,
                       payoff = payoff,
                       prima = -premium * lote,
                       beneficio = net)
```

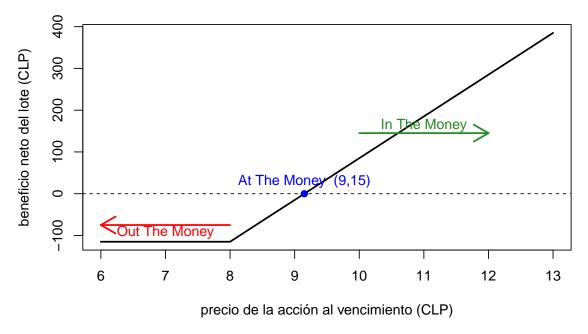
7.2.1 Tabla de Resultados

Table 11: Beneficio neto del paquete según el precio final

precio_	_final	payoff	prima	beneficio
	6.0	0	-115	-115
	6.5	0	-115	-115
	7.0	0	-115	-115
	7.5	0	-115	-115
	8.0	0	-115	-115
	8.5	50	-115	-65
	9.0	100	-115	-15
	9.5	150	-115	35
	10.0	200	-115	85
	10.5	250	-115	135
	11.0	300	-115	185
	11.5	350	-115	235
	12.0	400	-115	285
	12.5	450	-115	335
	13.0	500	-115	385

7.3 Gráfico

Pay-off neto - CALL (paquete 100 acciones)



7.4 Resultado y Conclusión

• Se ejerce la opción cuando el precio al vencimiento sea mayor o igual a 8 CLP (el strike). Por debajo de ese nivel el payoff es cero y el comprador pierde únicamente la prima.

• Precio de la call europea (por acción): \$ 3,47 Valor del paquete (100 acciones): \$ 347

La prima de 1,15 CLP representa el desembolso inicial; el comprador necesita que la acción cierre por encima de 9,15 CLP (strike + prima) para obtener ganancia neta.

8 Activo: UF

Definición

La UF es una unidad indexada a la inflación chilena.

Cada día se actualiza aplicando, de forma proporcional, la variación del IPC del mes anterior. Del **10 de cada mes** al **9 del mes siguiente** se utiliza el IPC publicado el día 8.

8.1 Ejemplo (Clase)

Objetivo – Estimar la UF del 9 de agosto 2025 a partir de la UF oficial del 16 de junio 2025 (UF = 39220,48).

IPC mayo =
$$+0.2\%$$

IPC junio = -0.4%

Los tramos que intervienen son:

Tramo	Días	IPC aplicado
$ \frac{16 \text{ jun} \to 9 \text{ jul}}{10 \text{ jul} \to 9 \text{ ago}} $	23 días (16 jun-9 jul) 21 días (10 jul-9 ago)	0.2% (mayo) $-0.4%$ (junio)

Fórmulas

$$UF_t = UF_{t-1} (1 + IPC)^{\frac{T}{n}}$$

donde

- T = número de días transcurridos dentro del periodo.
- n = días del periodo completo (30 para junio, 31 para julio).

8.2 Código R

```
# datos base

UF_ini <- 39230.48  # UF al 16-jun

ipc_mayo <- 0.002  # +0,2 %

ipc_jun <- -0.004  # -0,4 %

T1 <- 23  ; n1 <- 30  # 16-jun → 9-jul (23 de 30 días de junio)

T2 <- 31  ; n2 <- 31  # 10-jul → 9-ago (21 de 31 días de julio)

# cálculo paso a paso

UF_9jul <- UF_ini * (1 + ipc_mayo)^(T1 / n1)

UF_9ago <- UF_9jul * (1 + ipc_jun )^(T2 / n2)  # método secuencial
```

8.2.1 Resultado

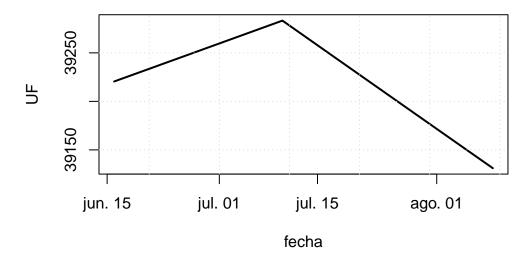
Table 13: Evolución de la UF desde el 16-jun al 9-ago

Fecha	UF calculada	Descripción
16-jun 9-jul 9-ago	39290.62	UF inicial Aplicando IPC mayo (23/30 días) Aplicando IPC junio (31/31 días)

##Gráfico

```
# datos base
UF_ini <- 39220.48
                                  # 16-jun-2025
ipc_mayo <- 0.002</pre>
                                   # +0,2%
ipc_jun <- -0.004
                                   # -0,4%
# cronología
library(lubridate)
start <- as.Date("2025-06-16")
end <- as.Date("2025-08-09")</pre>
dates <- seq(start, end, by = "day")</pre>
UF <- numeric(length(dates))</pre>
UF[1] <- UF_ini</pre>
# crecimiento diario prorrateado
for(i in 2:length(dates)){
  d <- dates[i-1]</pre>
  if(d \ge as.Date("2025-06-10") \& d \le as.Date("2025-07-09")){
   r_{daily} \leftarrow (1 + ipc_{mayo})^{(1/30)} - 1 # IPC mayo
  } else {
                                                 # 10-jul a 9-ago
   r_{daily} \leftarrow (1 + ipc_{jun})^(1/31) - 1 } #ipc julio
  UF[i] \leftarrow UF[i-1] * (1 + r_daily)
# gráfico
plot(dates, UF, type = "1", lwd = 2,
     xlab = "fecha", ylab = "UF",
     main = "Variación diaria de la UF (16-jun - 9-ago 2025)")
grid()
```

Variación diaria de la UF (16-jun - 9-ago 2025)



8.3 Conclusión

- 1. La UF al 9 de agosto se obtiene encadenando los factores diarios de inflación correspondientes a los IPC de mayo y junio.
- 2. Un IPC mensual negativo hace que la UF baje; en el ejemplo cae desde 39290,61 (9 jul) a 39133,45 (9 ago).

9 Activo: Modelo Black-Scholes y paridad put-call

Definición

El **modelo de Black-Scholes** valora opciones europeas sobre un activo que no reparte dividendos, suponiendo volatilidad constante y mercado sin fricciones.

El precio de la call (C) y de la put (P) se obtiene a partir de los factores (d_1) y (d_2); luego, la **paridad put-call** relaciona ambos precios con el subyacente y el strike.

9.1 Ejemplo (Clases)

Una acción de **L'Oréal** cotiza a ** $(S_0 = 380, \in)$ **. Parámetros del contrato:

Concepto	Valor
Volatilidad ()	16% anual
Tasa libre de riesgo (r) (continua)	4% anual
Tiempo al vencimiento (T)	2 años
Strike (K)	378€

Se pide el **precio de la call y la put europeas** con estos datos.

Fórmulas

$$d_1 = \frac{\ln(S_0/K) + (r + \sigma^2/2)T}{\sigma\sqrt{T}} \qquad d_2 = d_1 - \sigma\sqrt{T}$$

$$C = S_0 \, N(d_1) - K \, e^{-rT} \, N(d_2) \qquad P = K \, e^{-rT} \, N(-d_2) - S_0 \, N(-d_1)$$

por paridad también se cumple

$$P = C + K e^{-rT} - S_0$$

N es la función de distribución acumulada de la normal estándar.

9.2 Código R

```
# datos
S0 <- 380  # precio spot
K <- 378  # strike
sigma <- 0.16  # volatilidad
r <- 0.04  # tasa libre de riesgo
T <- 2  # años hasta el vencimiento

# factores d1 y d2
d1 <- (log(S0/K) + (r + sigma^2/2) * T) / (sigma * sqrt(T))
d2 <- d1 - sigma * sqrt(T)

# distribucion normal
N <- function(x) pnorm(x)

# precios
call <- S0 * N(d1) - K * exp(-r*T) * N(d2)</pre>
```

```
put \leftarrow K * exp(-r*T) * N(-d2) - S0 * N(-d1) # Fórmula directa
put_paridad \leftarrow call + K * exp(-r*T) - S0 # chequeo paridad
```

9.2.1 Tabla de Resultados

Table 15: Factores Black-Scholes y precios de la opción europea

	Valor
d	0.4900
d	0.2637
Call (€)	50.6500
Put (€)	19.5900

9.3 Resultado y Conclusión

Precio de la call europea: 50,65 €
Precio de la put europea: 19,59 €

El valor de la put obtenido por fórmula directa coincide con el de la paridad put-call, validando el cálculo. El precio spot es mayor, comparado con el strike, esto inidea que la call esta in the money.

10 Bibliografia

• Betzuen Zalbidegoitia, A., & Betzuen Álvarez, A. J. (2016). Estrategias de cobertura financiera y de gestión con instrumentos derivados: Tema 1. Instrumento financiero FRA. OCW. \bullet Hull, J. C. (2009). Introducción a los mercados de futuros y opciones (6.ª ed.). Pearson Educación de México.