

Algorithmes et structures de données Travail Écrit 2

13.06.2022

Nom :

Prénom :

Note :

Durée du test : 1h30

Documents autorisés : 6 feuilles de notes personnelles (recto/verso : 12 pages)

Modalités d'évaluation : Le travail écrit est noté sur **50** points. La répartition des points par exercice est communiquée dans le tableau ci-dessous.

Exercice	Points
1	10 6
2	10 3
3	10 7,5
4	10 /
5	5 /
6	5 /

16,5 / 30

IMPORTANT : veuillez indiquer vos nom et prénom sur chacune des feuilles.

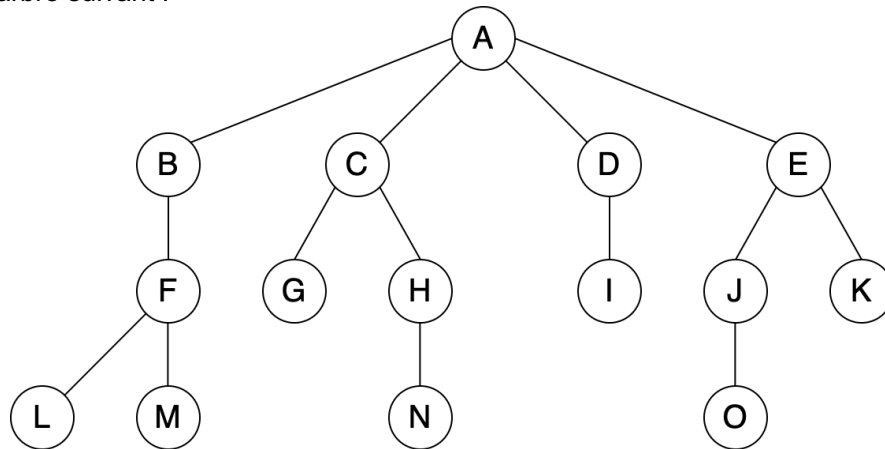
Ne rien écrire sur cette page

Nom :

Prénom :

1. Arbres [10 pts]

a. Soit l'arbre suivant :



- Effectuez le parcours pré-ordonné : (1pt) 1

ABFLMCGHNDIEJOK ABFLMCGHNDIEJOK ✓

- Effectuez le parcours post-ordonné : (1pt) 1

LMFBGNHCIDJKEA LMFBGNHCIDJKEA ✓

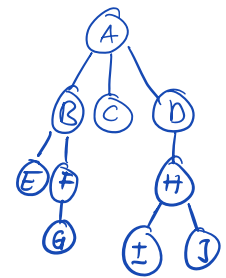
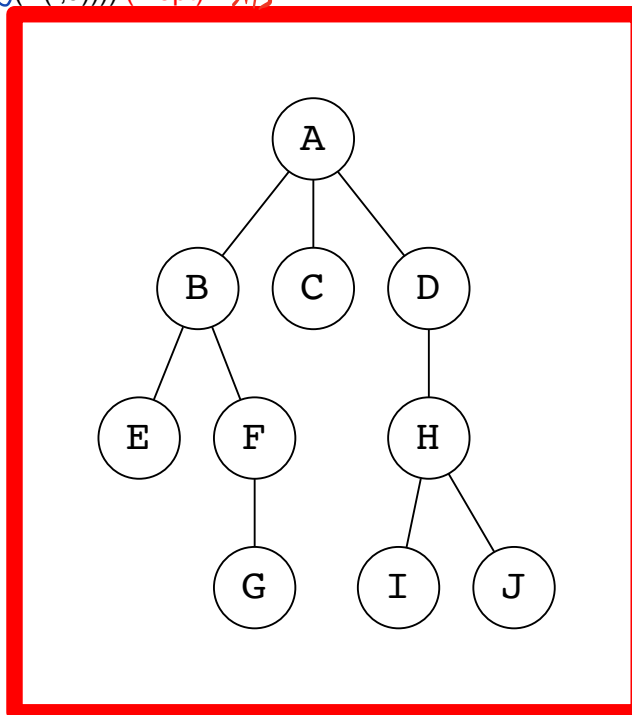
- Effectuez le parcours en largeur : (1pt) 1

ABCDEFGHijklmno ABCDEFGHijklmno ✓

- Dans le parcours en largeur, quel est le contenu de la file d'attente après le traitement du nœud I (après avoir retiré I de la file) : (1pt) 1

JKLMN jklmn ✓

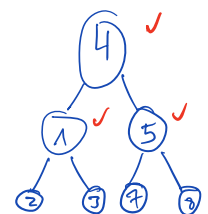
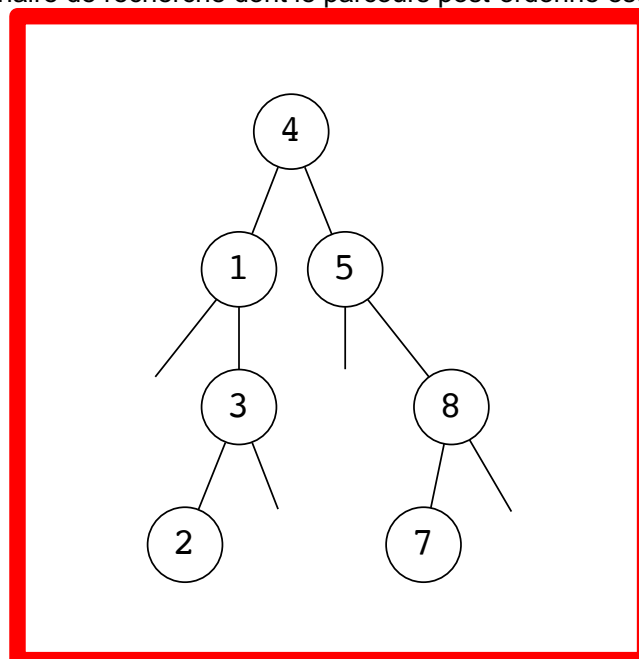
- b. Dessinez l'arbre quelconque dont la représentation sous forme de liste imbriquée est $(A(B(E,F(G)),C,D(H(I,J))))$ (1.5pt) 1,1



✓

- c. Dessinez l'arbre binaire de recherche dont le parcours post-ordonné est 2,3,1,7,8,5,4 (1.5pt)

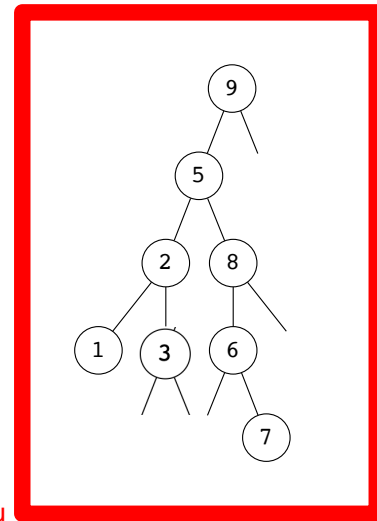
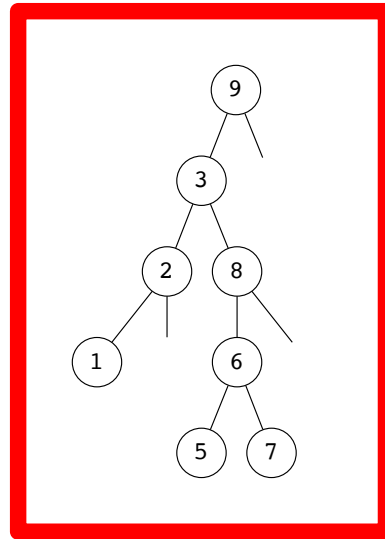
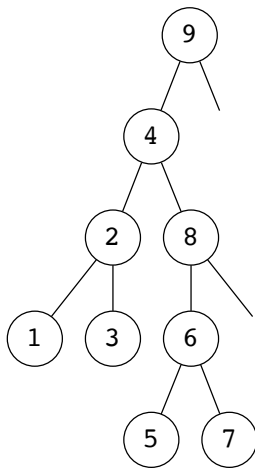
0,3



Nom :

Prénom :

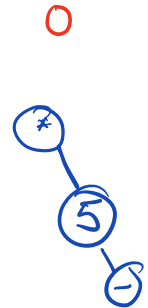
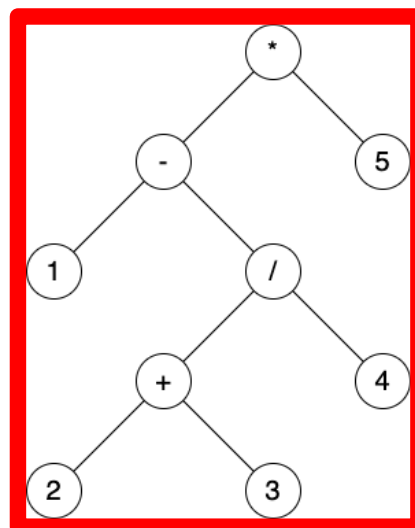
- d. Soit l'arbre binaire de recherche suivant, dessinez l'arbre résultant de la suppression du nœud de clé 4 (1.5pt) 0



ou



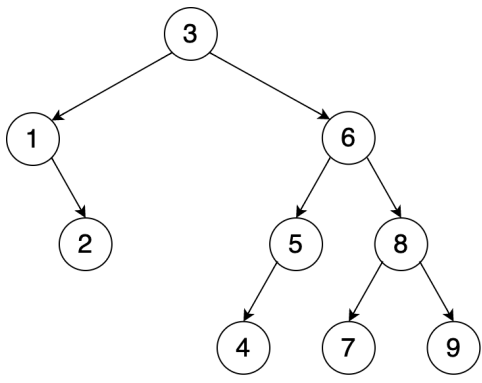
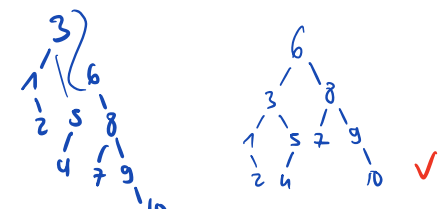
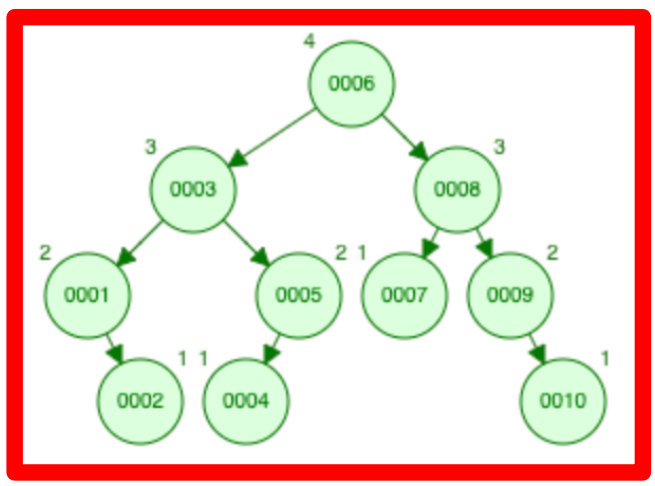

- e. Dessinez l'arbre binaire dont la notation postfixe est : 1 2 3 + 4 / - 5 * (1.5pt)



2. Arbres AVL [10 points] }

Pour chacun des cinq arbres AVL suivants, dessiner le résultat **final** de l'opération correspondante.

S'il faut supprimer un nœud avec 2 fils, privilégiez la recherche du remplaçant dans le sous-arbre **gauche**.

Insertion de 10	
 	<p>Résultat final :</p>  

Nom :

Prénom :

Insertion de 3

```
graph TD; 7((7)) --> 2((2)); 7 --> 8((8)); 2 --> 1((1)); 2 --> 5((5)); 5 --> 4((4)); 5 --> 6((6)); 8 --> 9((9));
```

```
graph TD; subgraph "Diagram 1"; 7 --> 2; 2 --> 1; 2 --> 3; 3 --> 4; 5 --> 6; 8 --> 9; end; subgraph "Diagram 2"; 7 --> 2; 2 --> 1; 2 --> 5; 5 --> 3; 5 --> 6; 8 --> 9; end; subgraph "Diagram 3"; 7 --> 2; 2 --> 1; 2 --> 5; 5 --> 4; 5 --> 3; 8 --> 9; end;
```

Résultat final :

```
graph TD; 0007((0007)) --> 0004((0004)); 0007 --> 0008((0008)); 0004 --> 0002((0002)); 0004 --> 0005((0005)); 0002 --> 0001((0001)); 0002 --> 0003((0003)); 0005 --> 0006((0006)); 0008 --> 0009((0009));
```

6

Suppression de 2

```
graph TD; 3((3)) --> 2((2)); 3 --> 6((6)); 2 --> 1((1)); 6 --> 4((4)); 6 --> 7((7)); 4 --> 5((5));
```

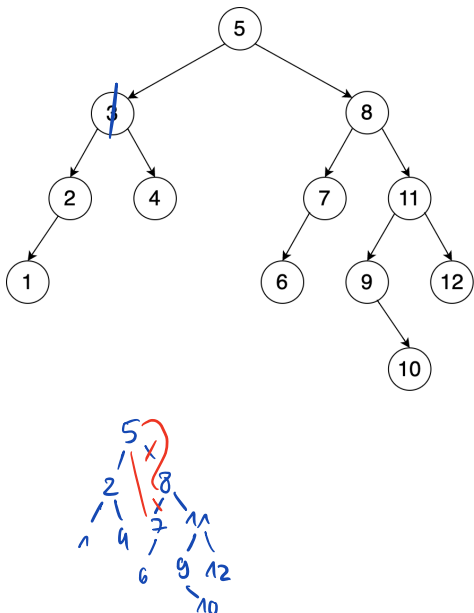
```
graph TD; subgraph "Diagram 1"; 3 --> 1; 3 --> 6; 6 --> 4; 6 --> 7; 4 --> 5; end; subgraph "Diagram 2"; 3 --> 5; 3 --> 6; 6 --> 4; 6 --> 7; 4 --> 5; end;
```

Résultat final :

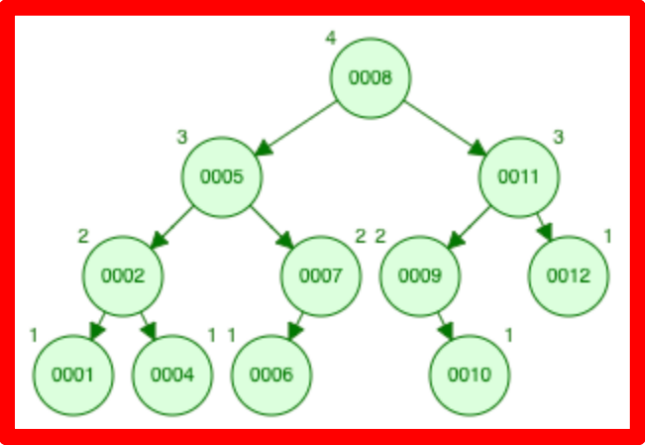
```
graph TD; 0004((0004)) --> 0003((0003)); 0004 --> 0006((0006)); 0003 --> 0001((0001)); 0006 --> 0005((0005)); 0006 --> 0007((0007));
```

1

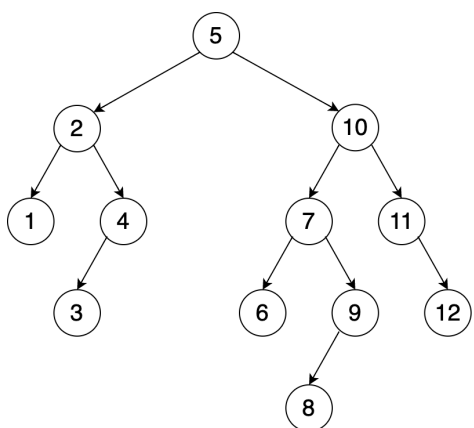
Suppression de 3



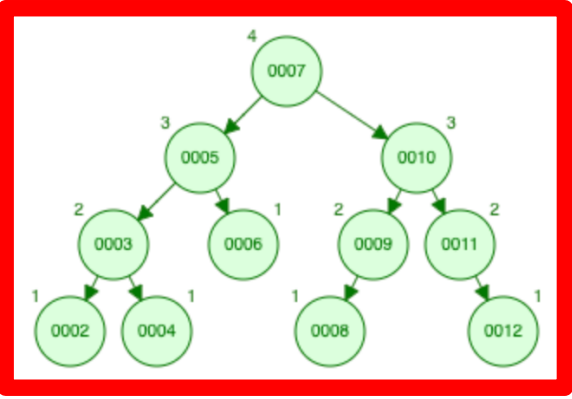
Résultat final :



Suppression de 1



Résultat final :



0

Profs Olivier Cuisenaire, Laura Elena Raileanu

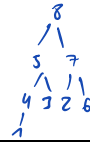
8/13

Nom :

Prénom :

3. Tas [10 pts] 7,8

Qu'affichent les codes suivants ?



```
std::vector<int> v{6, 3, 7, 1, 5, 2, 8, 4};
std::make_heap(v.begin(), v.end());
for (int e: v)
    std::cout << e << ' ';
```

8 5 7 4 3 2 6 1

8 5 7 4 3 2 6 1 ✓

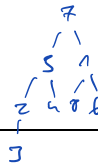
```
std::vector<int> v{8, 4, 7, 1, 3, 2, 6};
v.push_back(5);
std::push_heap(v.begin(), v.end());
for (int e: v)
    std::cout << e << ' ';
```



8 5 7 4 3 2 6 1

8 5 7 4 3 2 6 1 ✓

```
std::vector<int> v{3, 7, 1, 2, 4, 8, 6, 5};
std::pop_heap(v.begin(), v.end());
for (int e: v)
    std::cout << e << ' ';
```



7 5 1 2 4 8 6 3

7 5 1 2 4 8 6 3 ✓

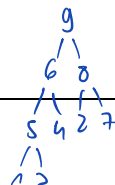
```
std::vector<int> v{2, 5, 3, 4, 7, 1, 6};
std::sort_heap(v.begin(), v.end());
for (int e: v)
    std::cout << e << ' ';
```



1 3 4 7 5 6 2

7 5 6 4 2 1 3

```
std::vector<int> v{9, 6, 8, 5, 4, 2, 7, 1, 3};
std::cout << std::boolalpha <<
    std::is_heap(v.begin(), v.end());
```




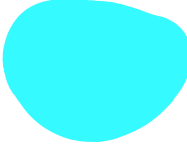
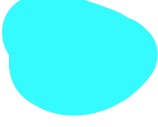


true

true ✓






4. Structures linéaires et associatives [10 pts]

Qu'affichent les codes suivants ?

<pre>vector<int> sequence {0, 1, 2, 3, 4, 5}; sequence.reserve(7); auto it = next(sequence.begin(), 2); sequence.insert(it, 6); cout << *it;</pre>	
<pre>list<int> sequence {0, 1, 2, 3, 4, 5}; auto it = next(sequence.begin(), 2); sequence.insert(it, 6); cout << *it;</pre>	
<pre>list<int> sequence {0, 1, 2, 3, 4, 5}; sequence.splice(next(sequence.begin(), 1), sequence, next(sequence.begin(), 3), sequence.end()); for(auto e : sequence) cout << e;</pre>	
<pre>list<int> sequence {5, 3, 1, 2, 4, 6}; auto it = sequence.begin(); cout << *it; sequence.sort(); cout << *it;</pre>	
<pre>forward_list<int> sequence{0, 1, 0, 2, 0, 0, 3, 0 }; for (auto it = sequence.begin(); next(it) != sequence.end();) { if (*next(it) == 0) sequence.erase_after(it); else ++it; } for(auto e : sequence) cout << e;</pre>	

Nom :

Prénom :

<pre>stack<int> v; for(int i : { 3, 7, 9, 1}) v.push(i); while(not v.empty()) { cout << v.top(); v.pop(); }</pre>	
<pre>queue<int> v; for(int i : { 3, 7, 9, 1}) v.push(i); while(not v.empty()) { cout << v.front(); v.pop(); }</pre>	
<pre>priority_queue<int> v; for(int i : { 3, 7, 9, 1}) v.push(i); while(not v.empty()) { cout << v.top(); v.pop(); }</pre>	
<pre>set<int> ensemble {0,1,3,2,1,2,0}; for(auto e : ensemble) cout << e;</pre>	
<pre>map<int,int> tableau; for(int i : { 1, 3, 5, 3, 1}) tableau[i] = i*i; cout << tableau.size(); for(int i : { 1, 2, 3}) cout << tableau[i]; cout << tableau.size();</pre>	

5. Complexités en mémoire [5 pts]

Quelle quantité de mémoire (en octets) est utilisée par la structure S ? Votre réponse peut ignorer les termes négligeables pour N grand, mais doit inclure le coefficient multiplicatif exact pour le terme principal. Par exemple, si la réponse exacte est $34 \cdot N^2 + 12 \cdot N + 1024$, la réponse attendue est $34 \cdot N^2$.

Pour cet exercice, supposez un système 64 bits où `sizeof(int) = 4`, `sizeof(void*) = 8`, et `sizeof(size_t) = 8`.




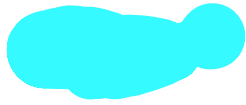
<pre>array<array<int,N>,N> S;</pre>	<div></div> <div>$N^2 \times 4$</div>
<pre>vector<vector<int>> S(N,vector<int>(10));</pre>	<div></div> <div>$160 \cdot N$</div>
<pre>vector<forward_list<int>> S(N);</pre>	<div></div>
<pre>vector<list<int>> S(N); for(size_t i = 0; i < N; ++i) for(int j = 0; j < N; ++j) S[i].push_back(j);</pre>	<div></div>
<pre>vector<forward_list<int>> S[N]; for(size_t i = 0; i < N; ++i) for(int_t j = 0; j < i; ++j) S[i].push_front(j);</pre>	<div></div>

Nom :

Prénom :

6. Complexités temporelles [5 pts]

Quelle est la complexité (en temps/nombre d'opération) des fonctions suivantes ?

<pre>void f1(vector<int> & v) { auto N = v.size(); while(not v.empty()) v.erase(v.begin()); }</pre>	
<pre>void f2(list<int> & v) { auto N = v.size(); while(not v.empty()) v.erase(v.begin()); }</pre>	
<pre>set<int> f3(int N) { set<int> s; for(int i = 0; i < N; ++i) s.insert(rand()); return s; }</pre>	
<pre>set<int> f4(int N) { int mod = log(N); set<int> s; for(int i = 0; i < N; ++i) s.insert(rand() % mod); return s; }</pre>	
<pre>void f5(vector<int> & v) { auto N = v.size(); make_heap(v.begin(), v.end()); for (int i = 0; i < N; ++i) { v.push_back(rand()); push_heap(v.begin(), v.end()); } }</pre>	