

Algorithmes et structures de données Travail Écrit 2

15.06.2021

Nom :	Note:
Prénom :	

Durée du test : 1h30

<u>Documents autorisés</u> : 6 feuilles de notes personnelles (recto/verso : 12 pages)

<u>Modalités d'évaluation</u>: Le travail écrit est noté sur 52 points. La répartition des points par exercice est communiquée dans le tableau ci-dessous.

Exercice	Points
1	8
2	7
3	10
4	8
5	9
6	10

IMPORTANT : veuillez indiquer vos <u>nom</u> et <u>prénom</u> sur chacune des feuilles.

1. Qu'affiche chaque ligne ? [8 points] 6,5

Soient les headers et la définition de la classe Cours suivante :

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <string>
using namespace std;
class Cours {
    string nom;
    double note;
public:
    Cours() : nom(""), note(1) {
        cout << "Cd";</pre>
    Cours(string _nom, double _note) : nom(_nom), note(_note) {
        cout << "Cp";</pre>
    Cours(const Cours& p) : nom( p.nom), note( p.note) {
        cout << "Cc";</pre>
    Cours(Cours&& _p) noexcept : nom(_p.nom), note(_p.note) {
        _p.nom = ""; _p.note = 0;
        cout << "Cm";</pre>
    Cours& operator= (const Cours& _p) {
        if(&_p == this) return *this;
        nom = _p.nom; note = _p.note;
        cout << "Ac";</pre>
        return *this;
    Cours& operator= (Cours&& _p) noexcept {
        if(&_p == this) return *this;
        nom = _p.nom; note = _p.note;
        _p.nom = ""; _p.note = 0;
        cout << "Am";</pre>
        return *this;
    ~Cours() { cout << "D"; }
};
```

Indiquez à coté de chaque ligne du programme de la page suivante ce qu'elle affiche.

Nom:

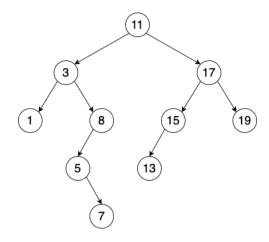
Prénom:

Code	Affichage		
<pre>int main() {</pre>			
<pre>vector<cours> v(1);</cours></pre>	Cd	ca J	
v.reserve(8);	Cm D	×	
Cours c1("ASD", 6);	Ср	Cp J	
v.push_back(c1);	Cc	C _C V	
{			
Cours c2;	Cd	cd V	
v.push_back(c2);	Cc	Cc J	
}	D	DV	
Cours* c3;			
{			
c3 = new Cours;	Cd	Cd u	
v.push_back(*c3);	Cc	Cc J	
}		DX	
<pre>v.push_back(Cours("PRG2", 5.5));</pre>	Cp Cm D	CpCmD V	
<pre>v.emplace_back("ISD", 5.7);</pre>	Ср	Cp	
v.resize(4);	D D	DDS	
{			
swap(v[1], v[2]);	Cm Am Am D	Cm AmAm D V (pAmD)	
v[0] = Cours("MAT2", 5);	Cp Am D	CPAmD	
}			
delete c3;	D D	\checkmark	
return 0;			
DDDD (c1 supprimé également)		oprimé également) 🐧 🛕 🐧	

2. Arbres binaires [7 pts]



a. Pour l'arbre binaire de recherche ci-dessous, veuillez indiquer les différents parcours possibles.

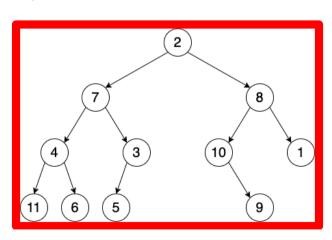


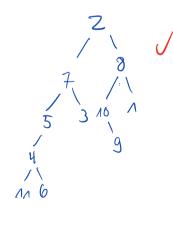
• Parcours symétrique : 1 3 5 7 8 11 13 15 17 19 1. 3 5 7 8 11 13 15 17 19

b. Dessinez l'arbre binaire dont on connaît les résultats des parcours suivants :

• Parcours post-ordre : 11 - 6 - 4 - 5 - 3 - 7 - 9 - 10 - 1 - 8 - 2

• Parcours symétrique : 11 - 4 - 6 - 7 - 5 - 3 - 2 - 10 - 9 - 8 - 1





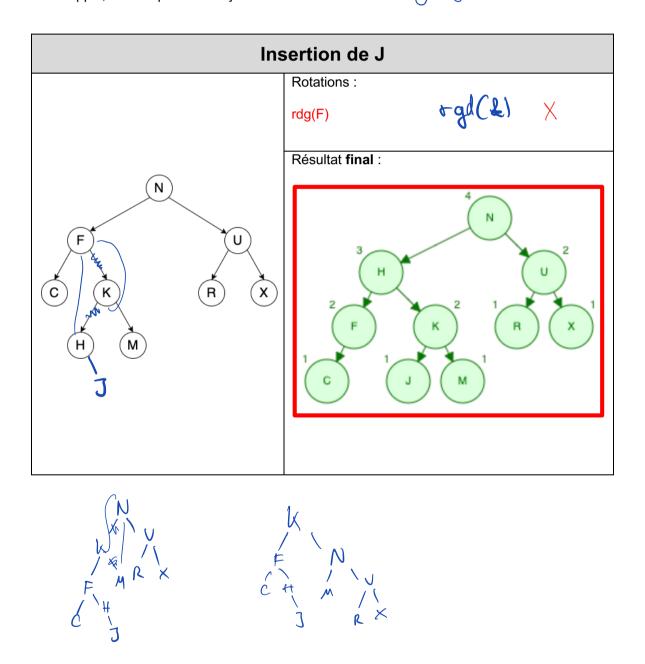
Nom: Prénom:

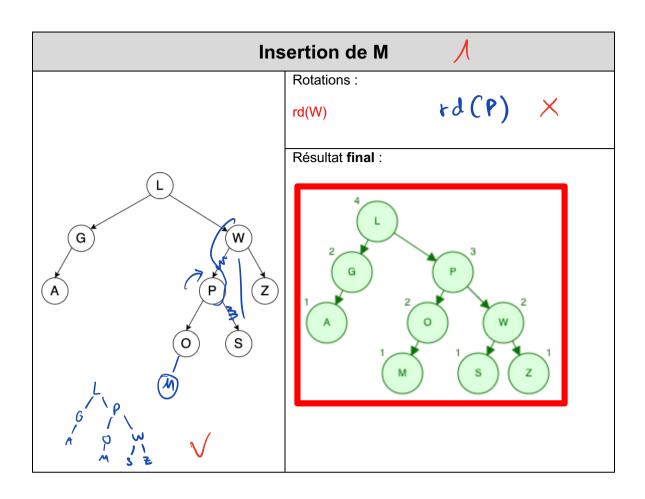
3. Arbres AVL [10 points] /

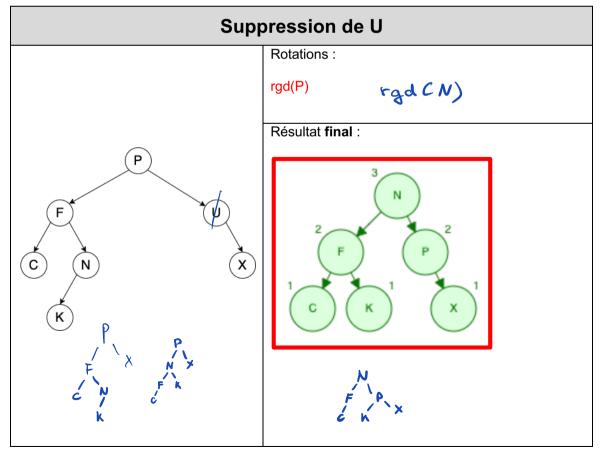
Pour chacun des cinq arbres AVL suivants, dessiner le résultat final de l'opération correspondante, en précisant les rotations effectuées sur quel nœud : rg(nœud), rd(nœud), rgd(nœud), rdg(nœud). (2pts pour chaque)

S'il faut supprimer un nœud avec 2 fils, privilégiez la recherche du remplaçant dans le sous-arbre **qauche**.

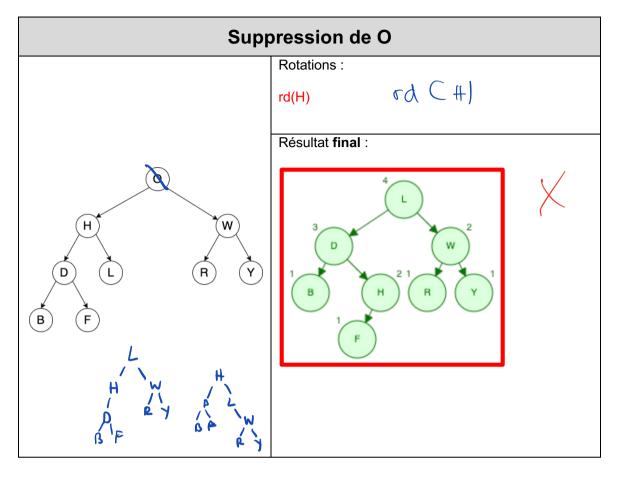
Pour rappel, voici l'alphabet français dans l'ordre : ABCDEFGH(JKLMNOPQRSTUVWXYZ

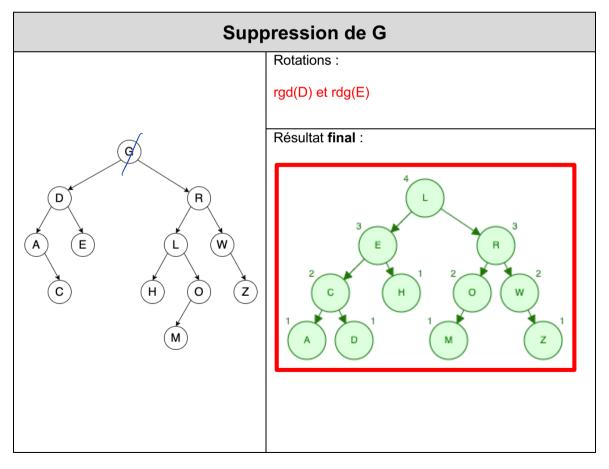






Nom: Prénom:





4. Tas [8 pts]

Effectuer le tri par tas selon l'ordre alphabétique sur le tableau de 8 éléments suivant est effectuant en premier un make_heap puis un sort_heap :

12345678

Indiquer l'état du tableau après chaque descente d'éléments, ainsi que le résultat final.

make_heap	12348678
12385674	12385644
12785634	1832867 4
18725634	1872563 4 81725634
18745632	85721684
81745632	85741632 V
85741632	
sort_heap	857 41632
25741638	2574163/8
75641238	752416318
35641278	756412318
65341278	356412178
25341678	653412178 253411678
54321678	523411673
14325678	543211678 143213678
42315678	4132 5648
12345678	423115676
32145678	123145648 32114 5648 1
12345678	121348678
21345678	211375678
12345678	12>45677

4 pts pour le make_heap, 4 pour le sort_heap

Nom:

Prénom:

5. Complexités [9 pts] 5

Indiquez la complexité moyenne des fonctions suivantes en fonction des paramètres N et éventuellement M cités dans le code et / ou les commentaires.

```
vector<int> f1(int N) {
   vector<int> v;
   for(int i = 0; i < N; ++i)</pre>
                                                                 O(N)
       v.push back(i);
   return v;
}
                                                               N
set<int> f2(int N) {
    set<int> s;
    for(int i = 0; i < N; ++i) {</pre>
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            s.insert(i + j);
                                                             O(n^2\log(n))
    }
   return s;
                                                             N2 log(N) V
}
map<string,int> f3(string const& livre) {
// Livre contient N mots issus d'un
// vocabulaire contenant M mots
// différents, avec N >> M.
    istringstream in(livre);
   map<string,int> wordCounter;
                                                              O(N*log(M))
    string word;
   while( in >> word ) {
        ++wordCounter[word];
                                                            max (NIM) X
   return wordCounter;
}
void f4(vector<int>& v, int M) {
   size_t N = v.size();
   // on suppose N suffisamment grand
// pour que le code suivant ne vide
// pas le vecteur
                                                              O(N*log(M))
   for(int i = 1; i < M; i*= 2) {
        v.erase(v.begin());
                                                                N*log(M) √
    }
}
```

```
void f5(list<int>& v, int M) {
   size t N = v.size();
    // on suppose N suffisamment grand
    // pour que le code suivant ne vide
    // pas la liste
                                                                O(sqrt(M))
    for(int i = 1; i*i < M; ++i) {
        v.erase(v.begin());
    }
}
void f6(vector<int>& v) {
   size_t N = v.size();
   make_heap(v.begin(),v.end()); ()(n)
   for(int i = N-1; i > 0; --i) \bigvee
                                                               O(N*log(N))
      pop_heap(v.begin(),v.begin()+i); ()(%)
}
                                                               N<sub>5</sub>lock(M) X
void f7(vector<int>& v) {
   size_t N = v.size();
   if(N > 1) {
      vector<int> v1(v.begin(), v.begin() + N/2);
      vector<int> v2(v.begin() + N/2, v.end());
      f7(v2);
                                                               O(N*log(N))
      std::merge(v1.begin(), v1.end(),
                 v2.begin(), v2.end(),
                 v.begin());
                                                           11/2
    }
}
vector<int> f8(list<int>& in) {
   size t N = in.size();
   vector<int> out;
    out.reserve(N);
    for(int i = 0; i < N; ++i)</pre>
                                                                  O(N^2)
        out.push_back(*next(in.begin(),i));
    return out;
}
list<int> f9(vector<int>& in) {
    size t N = in.size();
    list<int> out;
    for(int i = 0; i < N; ++i)
        out.push_back(*next(in.begin(),i));
                                                                   O(N)
    return out;
}
```

Notation: 1 point par bonne réponse. Pas de points partiels

Prénom:

Nom:

6. Coût en mémoire [10 pts]

Pour chacune des fonctions suivantes, indiquez la taille mémoire utilisée - en **octets** - par la structure retournée, y compris les données stockées, en fonction de N. Supposez pour ce faire qu'un **int** utilise 4 octets, tandis que les pointeurs et les size_t utilisent 8 octets.

La réponse est toujours de la forme $A \cdot N^2 + B \cdot N + C$. Indiquez les valeurs des coefficients A, B et C, respectivement.

Pour std::set, vous pouvez ignorer le bit de couleur pour l'équilibrage rouge-noir. Certaines versions de la STL mettent en œuvre ces structures moins efficacement que possible. Utilisez ici la taille minimale qui permet de mettre en œuvre ces structures et toutes leurs méthodes avec les complexités garanties par le standard.

Fonction	Α	В	С
<pre>vector<vector<int>> make1(size_t N) { vector<vector<int>> m(N); for(size_t i = 0; i < N; ++i) { m[i].reserve(N); for(size_t j = 0; j < N; ++j) m[i].push_back((i+j) % 2); } return m; }</vector<int></vector<int></pre>			
<pre>list<list<int>> make2(size_t N) { list<list<int>> m; for(size_t i = 0; i < N; ++i) { m.push_back(list<int>()); for(size_t j = 0; j < N; ++j) m.back().push_front(i*j); } return m; }</int></list<int></list<int></pre>			
<pre>forward_list<forward_list<int>> make3(size_t N) { forward_list<forward_list<int>> m; m.push_front(forward_list<int>()); for (size_t i = 1; i < N; ++i) { // copie de la liste précédent m.push_front(m.front()); // la ième liste est plus longue // de 1 que la (i-1)ème m.front().push_front(i); } return m; }</int></forward_list<int></forward_list<int></pre>			

```
template<size t N>
array<array<int,N>,N> make4() {
    array<array<int, N>, N> m;
    for (size_t i = 0; i < N; ++i) {</pre>
        m[i, i] = 1;
    return m;
}
vector<set<int>> make5(size_t N) {
    vector<set<int>> m(N);
    for (size_t i = 0; i < N; ++i) {</pre>
        for (size_t j = 0; j < N; ++j) {</pre>
            m[i].insert((i+j) % 2);
        }
    }
    return m;
}
```

Notation: 1 point si A est bon, 2 si A et B sont bons, 3 si A, B et C sont bons. Noté sur 10 même si le total fait 15.