

LUCRAREA 2

Reprezentare internă. Controlul evaluării. Definirea funcțiilor

1. SCOPUL LUCRĂRII

Se prezintă modul în care sunt reprezentate intern listele în Lisp pentru a permite înțelegerea diferenței dintre identitatea și izomorfismul structural al obiectelor. De asemenea, sunt prezentate cunoștințele de bază necesare pentru a putea defini noi funcții.

2. CONSIDERATII TEORETICE

2.1. Reprezentarea internă a listelor.

2.1.1. Perechi punct și celule CONS

- Notatia ($\langle x \rangle . \langle y \rangle$), unde $\langle x \rangle$ și $\langle y \rangle$ stau pentru orice construcție (atomi, liste etc.), este echivalent cu rezultatul evaluării formei (CONS ' $\langle x \rangle$ ' ' $\langle y \rangle$ ').
- Apelul CONS alocă dinamic spațiu pentru un element de listă Lisp. Elementele unei liste Lisp poartă numele de celule CONS și pot fi văzute ca niste structuri cu două câmpuri:

câmpul CAR (FIRST) și câmpul CDR (REST).

Funcțiile CAR și CDR, aplicate asupra unei celule CONS, întorc cele două câmpuri.

- Când avem de-a face cu liste, câmpul CDR conține adresa următoarei celule CONS, dar în general ambele câmpuri pot conține adresa unui obiect Lisp oarecare, indiferent de tip. Deci putem memora în câmpurile CAR adrese de celule CONS (liste încuibărite) sau în câmpurile CDR adrese de atomi.

Pentru a putea denota în notatie externă o celulă CONS, indiferent dacă aceasta este element de listă sau nu (câmpul CDR nu conține adresa unei alte celule CONS), se folosește notatia cu perechi punct, cele două elemente ale unei perechi desemnând **conținutul câmpurilor CAR și CDR dintr-o celulă CONS**.

Următoarele notatii sunt echivalente:

(a b c d)	\Leftrightarrow	(a . (b c d))	\Leftrightarrow	(a . (b . (c d)))	\Leftrightarrow
(a b . (c d))	\Leftrightarrow	(a b c .(d))	\Leftrightarrow	(a b c d . NIL)	\Leftrightarrow
(a . (b . (c . (d))))	\Leftrightarrow	(a . (b . (c . (d . NIL))))			
(a)	\Leftrightarrow	(a . NIL)	\Leftrightarrow	(CONS 'a NIL)	

Exemple:

Notatie externă

Reprezentare internă

(a (b) c)

$\begin{array}{c} \text{---}''T_1' \text{---} \quad \text{---}''T_1' \text{---} \quad \text{---}''T_1' \text{---} \\ - a - o + ' \rangle + \quad - o + ' \rangle + \quad c - . - \\ L_1'' + ' \text{---} \quad L_1' + + ' \text{---} \quad L_1'' + ' \text{---} \end{array}$

(a . b)

$\begin{array}{c} - \\ - ' + T_1' \text{---} \\ - b - . - \\ L_1'' + ' \text{---} \\ \text{---}''T_1' \text{---} \\ - a - b - \\ L_1'' + ' \text{---} \end{array}$

Următoarele construcții nu pot fi scrise fără punct:

(a . b)	\Leftrightarrow	(CONS 'a 'b)
(a b c . d)	\Leftrightarrow	(a . (b . (c . d)))

2.1.2. Identitate si izomorfism

Un nume (simbol) identifică unic un obiect de tip atom simbolic intern. **Două liste sunt considerate identice (EQ întoarce T la compararea lor) dacă sunt construite din exact aceleasi celule CONS si deci ocupă acelasi loc în memorie.** Două liste sunt considerate egale d.p.d.v. structural (EQUAL întoarce T la compararea lor), chiar daca nu sunt identice, dar în notatie externă sunt scrise la fel. Oricare două obiecte care sunt "egale" conform lui EQ vor fi "egale" si din punctul de vedere al lui EQUAL - nu si invers însă! EQ si EQUAL vor produce întotdeauna acelasi rezultat atunci când ambele argumente sunt atomi simbolici.

EXECUTIE	REZULTAT
*(EQ 'a 'b)	NIL
*(EQUAL 'a 'b)	NIL
*(EQ 'a 'a)	T
*(EQUAL '(a b) '(a b))	T
*(EQ '(a b) '(a b))	NIL
*(EQUAL '(a b c) '(a b))	NIL
*(SETF A '((a b) h (a b)))	((a b) h (a b))
*(SETF B (REST a))	(h (a b))
*(EQ (REST A) '(h (a b)))	NIL
*(EQ (REST A) B)	T
*(EQUAL B '(h (a b)))	T
*(EQUAL (CAR A) (CAR(LAST A)))	NIL
*(EQ (CAR A) (CAR (LAST A)))	NIL
*(EQ (LAST A) (LAST B))	T

2. 2. Functii pentru controlul evaluării

1. QUOTE	Returnează argumentul neevaluat. Caracterul apostrof în fata unei expresii este de fapt o prescurtare a unei forme QUOTE.	<table><tr><th>EXECUTIE</th><th>REZULTAT</th></tr><tr><td>*'a</td><td>A</td></tr><tr><td>*(QUOTE a)</td><td>A</td></tr><tr><td>*''a</td><td>(QUOTE a)</td></tr><tr><td>*(QUOTE 'a)</td><td>(QUOTE A)</td></tr><tr><td>*'(a 'b c)</td><td>(A (QUOTE B) C)</td></tr></table>	EXECUTIE	REZULTAT	*'a	A	*(QUOTE a)	A	*''a	(QUOTE a)	*(QUOTE 'a)	(QUOTE A)	*'(a 'b c)	(A (QUOTE B) C)						
EXECUTIE	REZULTAT																			
*'a	A																			
*(QUOTE a)	A																			
*''a	(QUOTE a)																			
*(QUOTE 'a)	(QUOTE A)																			
*'(a 'b c)	(A (QUOTE B) C)																			
2. EVAL	Această funcție stă la baza funcționării sistemului Lisp, nucleul interpretorului efectuând în buclă forma: (PRINT (EVAL (READ))) . EVAL este folosită în programe atunci când se dorește o dublă evaluare a unei forme.	<table><tr><th>EXECUTIE</th><th>REZULTAT</th></tr><tr><td>*(SETF a '(FIRST(QUOTE (a b c))))</td><td>(FIRST (QUOTE (A B C)))</td></tr><tr><td>*(SETF b 'a)</td><td>A</td></tr><tr><td>*b</td><td>A</td></tr><tr><td>*a</td><td>(FIRST (QUOTE (A B C)))</td></tr><tr><td>*(EVAL 'b)</td><td>A</td></tr><tr><td>*(EVAL b)</td><td>(FIRST (QUOTE (A B C)))</td></tr><tr><td>*(EVAL (EVAL b))</td><td>A</td></tr><tr><td>*(EVAL a)</td><td>A</td></tr></table>	EXECUTIE	REZULTAT	*(SETF a '(FIRST(QUOTE (a b c))))	(FIRST (QUOTE (A B C)))	*(SETF b 'a)	A	*b	A	*a	(FIRST (QUOTE (A B C)))	*(EVAL 'b)	A	*(EVAL b)	(FIRST (QUOTE (A B C)))	*(EVAL (EVAL b))	A	*(EVAL a)	A
EXECUTIE	REZULTAT																			
*(SETF a '(FIRST(QUOTE (a b c))))	(FIRST (QUOTE (A B C)))																			
*(SETF b 'a)	A																			
*b	A																			
*a	(FIRST (QUOTE (A B C)))																			
*(EVAL 'b)	A																			
*(EVAL b)	(FIRST (QUOTE (A B C)))																			
*(EVAL (EVAL b))	A																			
*(EVAL a)	A																			
3. OR	Evaluează parametrii de la stânga spre dreapta până când una dintre forme întoarce o valoare diferită de NIL, valoare care reprezintă rezultatul lui OR. Dacă toate formele produc NIL, rezultatul este NIL. Formele ce urmează primei forme ce a întors valoarea																			

	ne-NIL nu se mai evaluează!																		
4. AND	Evaluează formele argumente până când una întoarce NIL, considerat rezultatul lui AND. Dacă nici una nu întoarce NIL, AND va întoarce valoarea ultimei forme. Formele ce urmează primei forme ce a întors valoarea NIL nu se mai evaluează!																		
5. COND	<p>- Formele COND au sintaxa:</p> <p style="text-align: center;"> (COND (val1 f11 f12 ... f1m) ; unde vali sunt considerate (val2 f21 f22 ... f2n) ; forme ce întorc valori booleene ... ; iar (valp fp1 fp2 ... fpq) ; fij sunt forme </p> <p>Se evaluează formele vali în ordine până când e întâlnit primul care întoarce o valoare ne-NIL. În continuare se evaluează formele fij aflate în lista respectivă, rezultatul lui COND fiind valoarea ultimei forme din listă. Dacă nici un predicat din COND nu e diferit de NIL, se întoarce NIL. Exemplu:</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left; width: 60%;">EXECUTIE</th><th style="text-align: left; width: 40%;">REZULTAT</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>*(SETF a (SETF b (SETF c 'orice)))</td><td>ORICE</td></tr> <tr> <td>*(COND (NIL (SETF c 'RAU!))</td><td></td></tr> <tr> <td>((LISTP c) 'TOT_RAU)</td><td>E-ATOM</td></tr> <tr> <td>((ATOM c) (SETF a 'e-atom))</td><td></td></tr> <tr> <td>((SYMBOLP c) (SETF b 'simb)))</td><td></td></tr> <tr> <td>*a</td><td>E-ATOM</td></tr> <tr> <td>*b</td><td>ORICE</td></tr> <tr> <td>*c</td><td>ORICE</td></tr> </tbody> </table>	EXECUTIE	REZULTAT	*(SETF a (SETF b (SETF c 'orice)))	ORICE	*(COND (NIL (SETF c 'RAU!))		((LISTP c) 'TOT_RAU)	E-ATOM	((ATOM c) (SETF a 'e-atom))		((SYMBOLP c) (SETF b 'simb)))		*a	E-ATOM	*b	ORICE	*c	ORICE
EXECUTIE	REZULTAT																		
*(SETF a (SETF b (SETF c 'orice)))	ORICE																		
*(COND (NIL (SETF c 'RAU!))																			
((LISTP c) 'TOT_RAU)	E-ATOM																		
((ATOM c) (SETF a 'e-atom))																			
((SYMBOLP c) (SETF b 'simb)))																			
*a	E-ATOM																		
*b	ORICE																		
*c	ORICE																		
6. IF	<p>- Este o formă particulară a lui COND, anume:</p> <p style="text-align: center;"> (IF <f-test> <f-then> <f-else>) <=> (COND (<f-test> <f-then>) (T <f-else>)) </p>																		
7. WHEN	<p>- Sunt forme particulare ale lui COND</p> <p>(WHEN ftest f1 f2 ... fn) <=> (COND (ftest f1 f2 ... fn))</p>																		
8. UNLESS	<p>- Sunt forme particulare ale lui COND</p> <p>(UNLESS ftest f1 ... fn) <=> (COND (ftest NIL) (T f1 f2 ... fn))</p>																		

2. 3. Definirea funcțiilor

Funcția DEFUN permite definirea de noi funcții. Forma DEFUN nu își evaluează parametrii și are următoarea sintaxă:

(DEFUN <numef> <par-list> <f1> <f2> ... <fm>)

defineste o funcție cu numele <numef> și corpul dat de formele <f1>, <f2>, ..., <fm>.

a) Dacă <par-list> e o listă de forma (p1 p2 ... pn), atunci se defineste o funcție cu număr fix de argumente - n - ce se vor evalua înainte de apel. În urma definirii, un apel de tipul (numef pa1 pa2 ... pan) va avea ca efect:

- 1) legarea temporară a parametrilor formali pi la valori evaluate ale parametrilor actuali pai
- 2) evaluarea formelor f1, f2, ..., fm
- 3) refacerea valorilor simbolurilor pi la cele anterioare apelului
- 4) întoarcerea valorii formei fm ca valoare a apelului.

EXECUTIE	REZULTAT
*(DEFUN margini (l) (CONS (FIRST l) (LAST l)))	MARGINI
*(margini '(a b c))	(A C)

b) Dacă "par-list" are o formă mai complicată, spre exemplu:

(p1 ... pn &optional o1 ... om &rest var &aux a1 ... ap) caz în care se defineste o funcție cu n parametri obligatorii și m parametri opționali, "var" se leagă la lista de valori din forma de apel ce rămâne prin scoaterea primelor m+n valori, iar ai sunt variabile auxiliare locale funcției.

3. DESFĂȘURAREA LUCRĂRII

1. Să se scrie următoarele liste în notatia cu punct:

a) ((a b) c) b) (a (b c)) c) (a (b (c))) d) (()) e) ((a) (b) (c))

2. Să se scrie următoarele constructii folosind cât mai putine puncte în notatie:

a) (x (a b) . (c d)) b) ((a . b) . (c . d)) c) ((a . NIL) . NIL)
d) (((a) . (b)) . (c . (d . NIL))) e) ((NIL . (NIL . NIL)) . NIL)

3. Să se reprezinte cu ajutorul celulelor CONS listele:

a) (a b c d) b) (a (b c) d) c) ((a) (b) (c)) d) (a (b (c))) e) (((a) b) c) f) (((a)))
g) (a . b) h) ((a b) . c) i) ((a) . (b . NIL)) j) (a . (b . (c . d))) k) ((a . b) (c . d) (e . f))

4. Să se evalueze:

*(SETF a (SETF b (SETF c 'orice)))
*(SETF orice '(CONS a b))
*(EVAL "a")
*(EVAL 'a)
*(EVAL a)
*(EVAL (EVAL a))

*(OR (CDR '(b)) (CAR '(a b)) (SETF a 'oare?))
*(OR)
*(AND (CAR '(a b)) (CDR '(b)) (SETF b 'oare?))
*(AND)
*a
*b

*(OR (AND 'ceva '(SETF a nil))
(EQ a b)
(SETF b '(hopa)))
*a
*b

5. Fie formele de mai jos:

*(SETF '(a (b (c)) d))
*(SETF r (SECOND p))
*(SETF q (REST p))
*(SETF s (CONS (REST r) q))

Să se calculeze valorile atomilor p, q, r, s si să se reprezinte în notatia cu celule CONS.

6. Fie p, q, r, s setati conform exercitiului anterior. Să se evalueze:

*(EQUAL (SECOND p) '(b (c)))
*(EQ (SECOND p) '(b (c)))
*(EQ (SECOND p) (FIRST q))
*(EQ (SECOND p) (SECOND s))
*(EQUAL 'a (FIRST p))
*(EQ 'a (FIRST p))
*(EQ (REST r) (FIRST s))
*(EQ (REST r) '((c)))

7. Să se evalueze:

*(SETF a '(a (b c) d))
*(SETF b (REST a))
*(SETF c (CONS 'a b))
*(EQUAL a c)
*(EQ (FIRST a) (FIRST c))
*(EQ (REST a) (REST c))
*(EQ a c)
*(EQUAL a (APPEND a NIL))
*(EQ a (APPEND a NIL))
*(EQ (CADDR a) (last a))
*(EQ (CONS 'a 'b)(CONS 'a 'b))
*(MEMBER 'a '(b e (a) a d))
*(MEMBER '(a) '(e (a) a d))
*(MEMBER '(a) '(e (a) a d) :test #'EQUAL)
*(MEMBER b a)

```

*(MEMBER 'a '(b e (a) d) )
*(MEMBER b a :test #'EQUAL)

```

8.Să se examineze definițiile de funcții și să se testeze efectul lor:

(DEFUN first (l) (CAR l))	(DEFUN med3 (p q r) (/ (+ p q r) 3))	(DEFUN medn1 (&rest l) (/ (APPLY #' + l) (LENGTH l)))
(DEFUN rest (l) (CDR l))	(DEFUN third (l) (CADDR l))	(DEFUN medn (&rest l) (/ (EVAL (CONS '+ l)) (LENGTH l)))
(DEFUN second (l) (CADR l))		
(DEFUN heron1 (a b c) (SETF p (/ (+ a b c) 2)) (* p (- p a) (- p b) (- p c)))	(DEFUN heron2 (a b c &aux p) (SETF p (/ (+ a b c) 2)) (* p (- p a) (- p b) (- p c)))	(DEFUN heron3 (a b c &aux (p (/ (+ a b c) 2))) (* p (- p a) (- p b) (- p c)))
(DEFUN heron4 (a b c) (LET ((p)) (SETF p (/ (+ a b c) 2)) (* p (- p a) (- p b) (- p c))))	(DEFUN heron5 (a b c) (LET ((p (/ (+ a b c) 2))) (* p (- p a) (- p b) (- p c))))	
(DEFUN ?12-a (el) (IF (NUMBERP el) (IF (= el 1) 'UNU! (IF (= el 2) 'DOI!))))	(DEFUN ?12-b (el) (WHEN (NUMBERP el) (WHEN (= el 1) 'UNU!) (WHEN (= el 2) 'DOI!)))	
(DEFUN ?123 (el) (COND ((NUMBERP el) (COND (((= el 1) 'UNU) (= el 2) 'DOI) (= el 3) 'TREI) (T 'ALT_NUMAR))) (T 'ALTCEVA))	(DEFUN tip-el (el) (COND ((AND (ATOM el) (LISTP el)) "LISTA VIDA") ((LISTP el) "LISTA NEVIDA") ((SIMBOLP el) "ATOM SIMBOLIC") ((STRINGP el) "ATOM SIR") (T "ATOM NUMERIC")))	