

TP de Especificación

1 de octubre de 2020

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Grupo: 15

Integrante	LU	Correo electrónico
Mauricio David Toranzo	63/20	david-toranzo-@hotmail.com
Matias Federico Sarmiento	741/18	mfsarmiento@gmail.com
Victor Manuel Asmad Murga	760/19	victorasmad2@gmail.com
Marco Antonio Avila Tapia	412/20	marco6267@hotmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

$$\label{eq:fax: problem} \begin{split} \text{Tel/Fax: (++54 +11) } & 4576\text{-}3300 \\ \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

1. Ejercicios - Primera Parte

Pre $\{esValido(t1) \land esValido(t2)\}$ Post $\{primos = true \leftrightarrow (\exists k : \mathbb{Z})\}$

}

```
pred esValido (t : Toroide) {
(\forall i: \mathbb{Z})((0 \le i < |t| \land |t| \ge 3) \longrightarrow_L (|t[i]| \ge 3 \land |t[0]| = |t[i]|))
    pred toroideMuerto (t : Toroide) {
(\forall i : \mathbb{Z})((\forall j : \mathbb{Z})((0 \le i < |t| \land_L 0 \le j < |t[i]|) \longrightarrow_L (t[i][j] = \text{false})))
    pred posicionesVivas (t : Toroide, vivas: seq\langle \mathbb{Z}x\mathbb{Z}\rangle) {
\neg toroideMuerto(t) \land |vivas| > 0 \land_L (\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < |vivas|) \longrightarrow_L
((0 \le vivas[i]_0 < |t| \land_L 0 \le vivas[i]_1 < |t[0]|) \land_L (t[vivas[i]_0][vivas[i]_1] = \text{true})))
    aux densidadPoblacion (t : Toroide) : \mathbb{Z} =
(\sum_{i=0}^{|t|-1}(\sum_{j=0}^{|t[i]|-1}if(t[i][j]=\text{true})\ then\ 1\ else\ 0\ fi))/(|t|*|t[0]|) ;
    aux cantVecinosVivos (t : Toroide, f : \mathbb{Z}, c : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
(\sum_{i=f-1}^{f+1}(\sum_{j=c-1}^{c+1}if(i\neq f \land j\neq c \land (t[i\ mod\ |t|][j\ mod\ |t[0]|]=\text{true}))\ then\ 1\ else\ 0\ fi));
    pred evolucionDePosicion (t : Toroide, posicion : \mathbb{Z}x\mathbb{Z}) {
0 \leq posicion_0 < |t| \land 0 \leq posicion_1 < |t[0]| \land
if t[posicion_0][posicion_1] then 2 \leq cantVecinosVivos(t, posicion_0, posicion_1) \leq 3
else cantVecinosVivos(t, posicion_0, posicion_1) = 3 fi
    pred evolucionToroide (t1 : Toroide, t2 : Toroide) {
|t1| = |t2| \wedge |t1[0]| = |t2[0]| \wedge_L
(\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |t1| \land_L (\forall j: \mathbb{Z})(0 \leq j < |t1[0]| \longrightarrow_L (evolutionDePosition(t1, (i, j)) = t2[i][j])))
2.
         Ejercicios - Segunda Parte
proc evolucionMultiple (in t: Toroide, in k: \mathbb{Z}, out result: Toroide) {
          Pre \{esValido(t) \land k > 0\}
          Post \{coincideTamanio(t1, result) \land esKesimaEvolucion(t, k, result)\}
}
proc esPeriodico (in t: Toroide, inout p: \mathbb{Z}, out result: Bool) {
          Pre \{esValido(t) \land p > 0\}
          \texttt{Post} \ \{result = \texttt{true} \leftrightarrow (\exists k : \mathbb{Z})(k > 0 \longrightarrow_L \ (esKesimaEvolucion(t, k, t) \land p = k))\}
proc primosLejanos (in t1: Toroide, in t2: Toroide, out primos: Bool) {
```

 $(k > 0 \longrightarrow_L ((esKesimaEvolucion(t1, k, t2)) \lor (esKesimaEvolucion(t2, k, t1))))$

```
proc seleccionNatural (in ts: seq\langle Toroide \rangle, out res: \mathbb{Z}) {
         Pre \{|ts| > 0 \land noHayToroidesInmortales(ts)\}
         Post \{0 \le res < |ts| \land_L toroideTardaMasEnMorir(ts, res)\}
}
proc fusionar (in t1: Toroide, in t2: Toroide, out res: Toroide) {
         Pre \{esValido(t1) \land esValido(t2) \land coincideTamanio(t1, t2)\}
         \texttt{Post} \left\{ coincideTamanio(t1, res) \land coincideTamanio(t2, res) \longrightarrow contieneVivas(t1, t2, result) \right\}
}
proc vistaTrasladada (in t1: Toroide, in t2: Toroide, out res: Bool) {
         Pre \{esValido(t1) \land esValido(t2) \land coincideTamanio(t1, t2)\}
         Post \{res = true \leftrightarrow esTraslado(t1, t2)\}\
}
proc menorSuperficieViva (in t: Toroide, out res: \mathbb{Z}) {
         Pre \{esValido(t) \land \neg toroideMuerto(t)\}
         Post {
             (\exists ts : seg\langle toroide \rangle)(esListaDeTraslados(ts, t) \land (\exists tMenor : Toroide))
             (tMenor \in ts \land (\forall tItem \in ts)(tieneSuperficieMasChica(tMenor, t, res))))
}
proc enCrecimiento (in t: Toroide, out res: Bool) {
         Pre \{esValido(t)\}
         Post \{res = true \leftrightarrow (\exists tEvo : toroide)\}
             (coincideTamanio(t, tEvo) \land evolucionToroide(t, tEvo))
             \land evolucionTieneSuperficieMayor(tEvo, t)))}
}
```

3. Funciones y Predicados Auxiliares:

```
pred coincideTamanio (t:toroide, tAux:toroide) \{|t| = |tAux| \land_L |t[0]| = |tAux[0]|\}

pred esKesimaEvolucion (t:toroide, k:\mathbb{Z}, result: toroide) \{
(\exists ts: seq < toroide >)
(|ts| = k \land_L ts[0] = t \land ts[k-1] = result \land (\forall i : \mathbb{Z})
(0 \le i < |ts| - 1 \longrightarrow_L evolucionToroide(ts[i], ts[i+1]))))\}

pred noHayToroidesInmortales (ts: seq\langle Toroide\rangle) \{
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |ts| \longrightarrow_L esValido(ts[i]) \land (\exists k : \mathbb{Z})(k > 0 \land muerteEnTicks(ts[i], k)))\}

pred toroideTardaMasEnMorir (ts: seq\langle Toroide\rangle, res: \mathbb{Z}) \{
(\exists k : \mathbb{Z})(k > 0 \longrightarrow_L (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |ts| \land_L i \ne res \longrightarrow
(\exists w : \mathbb{Z})(k > w \land w > 0 \land muerteEnTicks(ts[i], w))))\}

pred muerteEnTicks (t:toroide, k:\mathbb{Z}) \{
(\exists tm : toroide)(coincideTamanio(tm, t) \land toroideMuerto(tm) \land esKesimaEvolucion(t, k, tm))\}
```

```
pred contieneVivas (t1:toroide, t2:toroide, result:toroide) {
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |t1| \land_L (\forall j : \mathbb{Z})(0 \le j < |t1[i]| \longrightarrow_L (result[i][j] = \text{true} \leftrightarrow (t1[i][j] = \text{true} \land
t2[i][j] = true))))
   pred esTraslado (t1:toroide, t2:toroide) {
(\exists x, y : \mathbb{Z})(0 \le x < |t1| \land_L 0 \le y < |t1[0]| \longrightarrow_L
y)mod[t[0]|])))
    pred tieneSuperficieMasChica (tMenor: Toroide, tComparado:Toroide, res:Z) {
(\exists matriz Menor, matriz Comparada : seq\langle seq\langle \mathsf{Bool}\rangle\rangle)(
estaEnRango(matrizMenor, tMenor) \land
estaEnRango(matrizComparada, tComparado) \land
cantVivas(matrizMenor) = cantVivas(tMenor) \land
cantVivas(matrizComparada) = cantVivas(tComparado) \land
estaContenido(matrizMenor, tMenor) \land
estaContenido(matrizComparada, tComparado) \land
superficieTotal(matrizMenor) = res \land
superficieTotal(matrizMenor) \leq superficieTotal(matrizComparada))
    pred esListaDeTraslados (ts:seq\langle toroide \rangle, t:toroide) {
(|ts| > 0 \land_L sinRepetidos(ts)) \longrightarrow (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |ts| \longrightarrow_L esValido(t) \land coincideTamanio(ts[i], t) \land t
esTraslado(t, ts[i]))
   pred estaEnRango (m:seq\langle seq\langle Bool\rangle\rangle, t:Toroide) \{0 < |m| \le |t| \land 0 < |m[0]| \le |t[0]|\}
    pred estaContenido (m:seq\langle seq\langle \mathsf{Bool}\rangle\rangle, tAux:toroide) {
|m| \leq |tAux| \wedge_L |m[0]| \leq |tAux[0]| \longrightarrow (\forall i: \mathbb{Z}) (0 \leq i < |m| \wedge_L (\forall j: \mathbb{Z}) (0 \leq j < |m[0]| \longrightarrow_L (\forall i: \mathbb{Z}) (0 \leq j \leq |m[0]|) \longrightarrow_L (\forall i: \mathbb{Z}) (0 \leq j \leq |m[0]|)
m[i][j] = tAux[i][j])
    j) \longrightarrow ts[i] \neq ts[j])
    aux cantVivas (t:toroide) : \mathbb{Z} =
(\sum_{i=0}^{|t|-1}(\sum_{j=0}^{|t[0]|-1}\text{if }(t[i\ mod\ |t|]\ [j\ mod\ |t[0]|]) \text{ then }1\text{ else }0\text{ fi})) ;
    aux superficieTotal (m:seq\langle seq\langle \mathsf{Bool}\rangle\rangle): \mathbb{Z} = |m|*|m[0]|;
    pred evolucionTieneSuperficieMayor (tEvo:Toroide, t:Toroide) {
(\exists trasladoTInicial, trasladoEvolucion : Toroide)
(esTraslado(t, trasladoTInicial) \land
esTraslado(tEvo, trasladoEvolucion) \land
\neg (\exists k : \mathbb{Z})(tieneSuperficieMasChica(trasladoTInicial, trasladoEvolucion, k))) \}
```

4. Decisiones tomadas

Usamos la primer fila en nuestras funciones y predicados púes los toroides son matrices (todas sus filas tienen el mismo largo y sus columnas el mismo alto), por lo tanto no cambia si usamos la primer o la i-esima fila.