

INSTITUTO FEDERAL DE EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA DE GOIÁS

ENGENHARIA DE CONTROLE E AUTOMAÇÃO

TRABALHO DE INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

Fevereiro de 2021

DESCRIÇÃO

Este trabalho destina-se ao conteúdo de Ajuste de Curvas Polinomial, sendo objeto de análise a Complexidade do Modelo e sua influência na Capacidade de Generalização (observação de dados novos). Os passos para execução do trabalho são os seguintes:

- 1) Utilizar a função geradora $h(x) = -0.85 \cdot \exp(0.90 \cdot x) + 0.36 + 0.12 \cdot \sin(5 \cdot \pi \cdot x)$
- 2) Gerar inicialmente um conjunto de dados, atribuindo valores a x (**sugestão: $x=(0.0:0.05:1.0)$**), com **N** exemplares, neste caso 21 exemplares.
- 3) Separar os dados gerados em dois conjuntos: Treinamento (2/3 dos exemplares – **x_{tr} e h_{tr}**) e Teste (1/3 dos exemplares – **x_{te} e h_{te}**).
- 4) A cada ponto de dado (valor de x) do **Conjunto de Treinamento (x_{tr})** ser acrescentado um ruído gaussiano com média zero e desvio padrão igual a 0,05, obtendo um novo Conjunto de Treinamento **x_{trp}** .
 - (a) - Para gerar números aleatórios com distribuição gaussiana, utilize a seguinte equação: $r = 0.0 + 0.05 \cdot \text{randn}(N,1)$, onde 0.0 é média, 0.05 é o desvio padrão. A função *randn* é a função do MATLAB que possibilita gerar números aleatórios normalmente distribuídos. O valor de N é o número de exemplares que correspondem a 2/3 de **x_{tr}** . Logo, **$x_{trp} = x_{tr} + r$** .
- 5) Para obtenção dos parâmetros livres **W^*** (parâmetros ótimos), através do conjunto de treinamento, deve ser utilizada a função POLYFIT(**x_{trp}, h_{tr}, M**), onde **M** é a ordem do polinômio, obtendo-se $y(x_{trp}) = w_1 x^m + w_2 x^{m-1} + \dots + w_m x + w_{m+1}$. A função POLYFIT retorna um vetor com os parâmetros dos livres do polinômio (ex.: $m=1$, vetor **$W^* < w_1 \ w_0 >$** , $m=3$, **$W^* < w_4 \ w_3 \ w_2 \ w_1 \ w_0 >$**).
- 6) Fazer simulações para $m=1$, $m=3$, $m=5$, $m=7$, $m=9$ e $m=11$ e superior, se necessário.
- 7) Uma vez obtido **W^*** para cada ordem, plotar, para cada ordem, a curva **$h_{tr}/y(x_{trp})$** (curva ajustada para os dados de treinamento). Use a função POLYVAL para **testar** o polinômio obtido. Para efeito de análise deve ser também plotado **$h_{te}/y(x_{te})$** (curva da função ajustada do conjunto de teste).

- 8) Computar os E^{RMS} (*root-mean-square error*) para o conjunto de treinamento e para o conjunto de teste. Vale ressaltar que ***htr*** e ***hte*** são os valores desejados e $y(x_{trp})$ e $y(x_{te})$ são os valores calculados. Comparar, para cada grau de polinômio simulado, o erro em função dos graus do polinômio (curva E^{RMS} x grau do polinômio).
- 9) Fazer as análises necessárias quanto a relação da complexidade do modelo pela capacidade de generalização. Escolher o melhor grau do polinômio que ajusta os dados. Utilizar o Cap. 1, item 1.5 do livro '*Neural Networks for Pattern Recognition*', Christopher M. Bishop, como referência para o trabalho.
- 10) Repetir a operação(itens 2 ao 9) para **N** = 200 exemplares
- 11) Utilizar a Regularização para a melhor equação ajustada (melhor valor de M) para este conjunto com 200 exemplares. Utilize 3 valores de λ (slides).
- 12) Apresentar o trabalho escrito com os resultados no formato *paper* (duas colunas)
- 13) **O trabalho pode ser feito em dupla (somente!!)**