

# Ejercicio laboratorio 3

1. implementar el programa de búsqueda binaria y estimar su complejidad de acuerdo con el teorema del Maestro.

```
language-c
int BusquedaBinaria(int arr[], int ini, int fin, int elem)
{
    if (fin >= ini)
    {
        int mid = ini + (fin - ini) / 2;

        if (arr[mid] == elem)
            return mid;

        if (arr[mid] > elem)
            return BusquedaBinaria(arr, ini, mid - 1, elem);

        return BusquedaBinaria(arr, mid + 1, fin, elem);
    }
    return -1;
}
```

## Teorema del maestro

$$T(n) = a * T\left(\frac{n}{b}\right) + O(n^c) \quad - - (1)$$

$$O(n^c) = O(1)$$

$$O(n^0) = O(1)$$

$$C = 0$$

- El tamaño de la entrada se divide a la mitad en cada llamada recursiva, con esto:

$$\frac{n}{b} = \frac{n}{2}$$

- Despejando B

$$b = 2$$

- El algoritmo se llama 1 sola vez por cada llamada recursiva, así:

$$a = 1$$

- Sustituyendo  $a = 1$ ,  $b = 2$ ,  $c = 0$  el caso  $a = b^c$ , tenemos

$$1 = 2^0$$

$$1 = 1$$

- Con esto podemos concluir que la complejidad del algoritmo es

$$O(n^0 * \log n)$$

$$O(\log n)$$

## 2. Implementar el programa del stoogesort y estimar su complejidad de acuerdo con el teorema del Maestro.

```
language-c
void stooge_sort(int arr[], int bajo, int alto)
{
    // Complejidad  $O(8) = O(1)$ 
```

```

    if (bajo >= alto) // O(2)
        return;

    if (arr[bajo] > arr[alto]) // O(2)
    {
        int aux = arr[bajo]; // O(1)
        arr[bajo] = arr[alto]; // O(1)
        arr[alto] = aux; // O(1)
    }

    if (alto - bajo + 1 >= 3)
    {
        int tercera = (alto - bajo + 1) / 3; // O(1)
        stooge_sort(arr, bajo, alto - tercera);
        stooge_sort(arr, bajo + tercera, alto);
        stooge_sort(arr, bajo, alto - tercera);
    }
}

```

## Teorema del maestro

$$T(n) = a * T\left(\frac{n}{b}\right) + O(n^c) \quad (1)$$

$$O(n^c) = O(1)$$

$$O(n^0) = O(1)$$

$$C = 0$$

- El tamaño de la entrada se divide de la siguiente manera:

$$\frac{n}{b} = \frac{2n}{3}$$

- Despejando B

$$b = \frac{3}{2}$$

- El algoritmo se llama 3 veces por cada llamada recursiva, así:

$$a = 3$$

- Sustituyendo  $a = 3$ ,  $b = \frac{3}{2}$ ,  $c = 0$  en el caso  $a > b^c$ , tenemos

$$3 > \frac{3}{2}^0$$

$$3 > 1$$

- Con esto podemos concluir que la complejidad del algoritmo es

$$O(n^{\log_{\frac{3}{2}}(3)})$$

### 3. Implementar el programa del factorial recursivo y estimar su complejidad de acuerdo con el teorema del Maestro.

```
int factorial(int n) language-c
{
    return n == 0 ? 1 : n * factorial(n - 1); // O(1)
}
```

### Teorema del maestro

$$T(n) = a * T\left(\frac{n}{b}\right) + O(n^c) \quad - - (1)$$

$$O(n^c) = O(1)$$

$$O(n^0) = O(1)$$

$$C = 0$$

El algoritmo se llama 1 sola vez por cada llamada recursiva, así:

$$a = 1$$

- El tamaño de la entrada se reduce en una unidad en cada llamada recursiva, con esto sustituyendo en (1):

$$T(n) = T(n - 1) + O(1)$$

$$b = 1$$

- Sustituyendo  $a = 1$ ,  $b = 1$ ,  $c = 0$  el caso  $a = b^c$ , tenemos

$$1 = 1^0$$

$$1 = 1$$

- Con esto podemos concluir que la complejidad del algoritmo es

$$O(n^0 * \log n)$$

$$O(\log n)$$

**4. Implementar un programa que genere la secuencia de Fibonacci y estimar su complejidad de acuerdo con el teorema del Maestro.**

```
int fibonacci(int n)
{
    if (n == 0)
```

language-c

```

        return 0;
    else if (n == 1)
        return 1;
    else
        return fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2);
}

```

## Teorema del Maestro

$$T(n) = a * T\left(\frac{n}{b}\right) + O(n^c) \quad (1)$$

$$O(n^c) = O(1)$$

$$O(n^0) = O(1)$$

$$C = 0$$

El algoritmo se llama 1 sola vez por cada llamada recursiva, así:

$$a = 2$$

- El tamaño de la entrada se reduce en 3 unidades en cada llamada recursiva como se muestra en la siguiente función:

$$F(n) = F(n - 1) + F(n - 2)$$

- Con esto sustituyendo en (1):

$$T(n) = T(n - 1) + T(n - 2) + O(1)$$

$$b = 3$$

- Sustituyendo  $a = 2$ ,  $b = 3$ ,  $c = 0$  el caso  $a > b^c$ , tenemos

$$2 = 1^0$$

$$2 > 1$$

- Con esto podemos concluir que la complejidad del algoritmo es  $O(n^{\log_3(2)})$