

Estruturas de Dados

FILAS DE PRIORIDADES & HEAPS - Unidade 12

Prof. Kenia Kodel

Pontos Trabalhados na Disciplina

- (Plano da Disciplina) Ementa, Metodologia, Avaliação
- Introdução a Estruturas de Dados
- Linguagem C
- Variáveis Dinâmicas
- Arquivos Binários
- Eficiência de Algoritmos (Complexidade, Notação 0)
- Listas Lineares: Sequenciais, Encadeadas, Dinâmicas
- Listas Lineares Restritas: Pilhas e Filas
- Hashing
- Árvores, Árvores Binárias e Árvores Binárias de Pesquisa
- Árvores Balanceadas AVL

- Aplicações comumente requerem que haja comparação e/ou classificação de objetos de acordo com parâmetros ou propriedades chamadas chaves.
- Formalmente **chave** é definida como um elemento que é associado a um objeto, como um atributo específico deste (objeto), que pode ser usado para identificar, classificar ou estabelecer prioridade entre estes (objetos).

- Aplicações comumente requerem que haja comparação e/ou classificação de objetos de acordo com parâmetros ou propriedades chamadas chaves.
- Formalmente chave é definida como um elemento que é associado a um objeto, como um atributo específico deste objeto, que pode ser usado para identificar, classificar ou estabelecer prioridades entre estes (objetos).

Definir situações problemas e respectivas chaves.
Identificam? Classificam?
Estabelece prioridade?

Uma **fila de prioridade** é um contêiner de elementos, cada um tendo uma chave associada, já definida no instante em que o elemento é inserido na estrutura; a qual estabelece a *prioridade* usada para definir a ordem de remoção dos elementos da fila.

APLICAÇÃO

O atendimento Prioritário é lei. A principal lei federal é a Lei 10.048/00, que estabelece, no artigo 1º, os grupos de pessoas que têm direito ao atendimento prioritário: pessoas com deficiência; idosos com idade igual ou superior a 60 anos; idosos acima de 80 anos que possuem prioridade perante os outros idosos (Lei Federal 13.466/17); gestantes; lactantes; pessoas com crianças de colo e obesos.

Essa é uma lei federal e se aplica a repartições públicas, instituições bancárias e transportes. Porém, ela serviu de base para outras leis e normas que determinam o atendimento prioritário em outros estabelecimentos. Todos os estados possuem suas leis sobre atendimento prioritário.

CONTEXTO & DEFINIÇÃO

Uma **fila de prioridade** é um contêiner de elementos, cada um tendo uma chave associada, já definida no instante em que o elemento é inserido na estrutura; a qual fornece a *prioridade* usada para definir a ordem de remoção dos elementos da **fila**.



Segundo Szwarcfiter e Markenzon (2015), corresponde a "lista em que a seus itens de composição são associados prioridades definidas em geral por valor numérico e que estabelece a ordem de remoção destes na estrutura".

Segundo Szwarcfiter e Markenzon (2015), corresponde a "lista em que a seus itens de composição são associados prioridades definidas em geral por valor numérico e que define a ordem de remoção destes na estrutura".

Identificar situação problema cuja solução ideal implica no uso de fila de prioridade

APLICAÇÃO

 As filas de prioridades são aplicadas em situações em que existe característica que distingue os dados e estabelece prioridade entre estes.

Necessitam de atendimento imediato.

CASOS DE EMERGÊNCIA

Necessitam de atendimento praticamente imediato.

CASOS MUITO URGENTES

Necessitam de atendimento rápido, mas podem aguardar.

CASOS DE URGÊNCIA

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

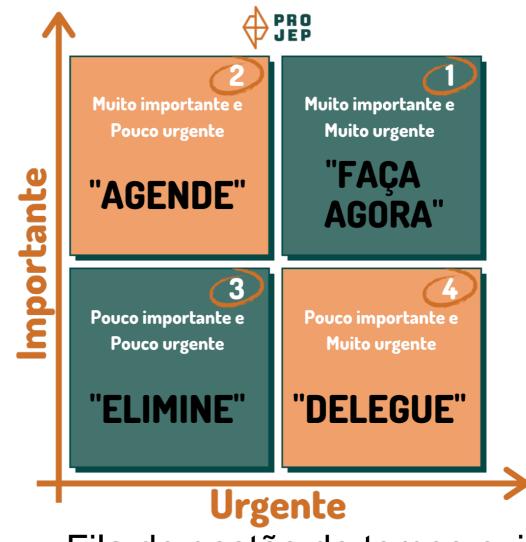
CASOS POUCO URGENTES

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde. CASOS NÃO URGENTES

Fila cuja prioridade é estabelecida pela gravidade do quadro de saúde, pelo risco.

APLICAÇÃO

 As filas de prioridades são aplicadas em situações em que existe característica que distingue os dados e estabelece prioridade entre estes.



Fila de gestão do tempo cuja prioridade é estabelecida pelos critérios de importância e urgência.

APLICAÇÃO

- Realizar tarefas conforme ordem de prioridades.
- Para gerir o tempo, é necessário escolher sucessivamente a tarefa de maior prioridade.
- Há variação da prioridade com o passar do tempo.
- Novas tarefas podem ser adicionadas na lista ao longo do tempo.



OPERAÇÕES



Necessitam de atendimento imediato.

CASOS DE EMERGÊNCIA

Necessitam de atendimento praticamente imediato.

CASOS MUITO URGENTES

Necessitam de atendimento rápido, mas podem aguardar.

CASOS DE URGÊNCIA

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS POUCO URGENTES

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS NÃO URGENTES

Que operações são úteis à manipulação de dados mantidos em filas de prioridade?

OPERAÇÕES Necessitam de atendimento imediato. CASOS DE EMERGÊNCIA Necessitam de atendimento praticamente imediato. CASOS MUITO URGENTES Muito importante e Muito importante e Pouco urgente **Muito urgente 'FACA** mportante "AGENDE" CASOS DE URGENCIA **AGORA**" Podem aquardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde. 3 CASOS POUCO URGENTES Pouco importante e Pouco importante e Podem aquardar atendimento ou serem Pouco urgente **Muito urgente** encaminhados para outros serviços de saúde. CASOS NÃO URGENTES "ELIMINE" "DELEGUE"

1. Seleção de elemento de maior prioridade.

Urgente

- 2. Inserção de novo elemento.
- 3. Remoção de elemento de maior prioridade.
- 4. Alteração de prioridades.

OPERAÇÕES

- Seleção de elemento de maior prioridade.
- 2. Inserção de novo elemento.
- 3. **Remoção** de elemento de maior prioridade.
- 4. Alteração de prioridades.

Necessitam de atendimento imediato. CASOS DE EMERGÊNCIA

Necessitam de atendimento praticamente imediato.
CASOS MUITO URGENTES

Necessitam de atendimento rápido, mas podem aguardar.

CASOS DE URGÊNCIA

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS POUCO URGENTES

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS NÃO URGENTES

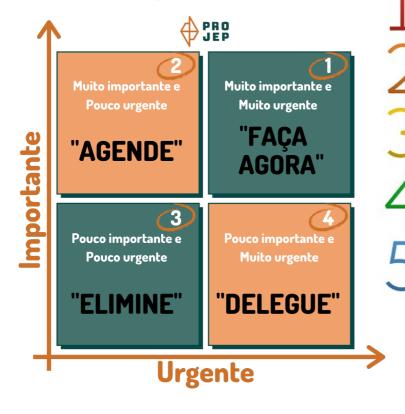
Operações úteis à resolução desta situação problema? Em quais circunstâncias?

IMPLEMENTAÇÃO



Como implementar filas de prioridade? Hashing, AVL?

IMPLEMENTAÇÃO



Necessitam de atendimento imediato.

CASOS DE EMERGÊNCIA

Necessitam de atendimento praticamente imediato. CASOS MUITO URGENTES

Necessitam de atendimento rápido, mas podem aguardar.

CASOS DE URGÊNCIA

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS POUCO URGENTES

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.

CASOS NÃO URGENTES

Organização da Estrutura

Ordenada Fisicamente Ordenada por Link Desordenada

Tipo de Estrutura

Dinâmica Array Arquivo

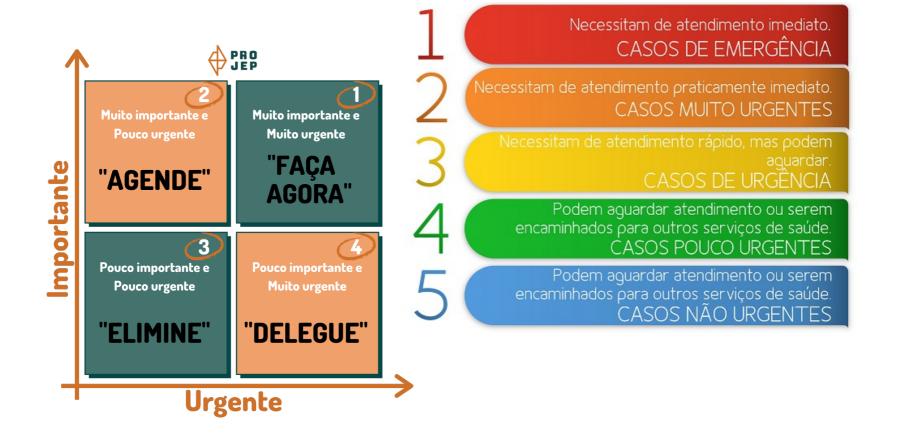
Filas de Prioridades IMPLEMENTAÇÃO

Como a prioridade é tratada num array desordenado, num array ordenado?



Filas de Prioridades IMPLEMENTAÇÃO

Como a prioridade é tratada numa lista dinâmica desordenado, numa lista dinâmica ordenado?



IMPLEMENTAÇÃO

- 1. **Seleção** de elemento de maior prioridade.
- 2. Inserção de novo elemento.
- 3. **Remoção** de elemento de maior prioridade.
- 4. Alteração de prioridades.

Como implementar as operações dadas, em fila ode prioridade usando as organizações e os tipos de estruturas propostas?



Necessitam de atendimento imediato.

Organização da Estrutura

Ordenada Fisicamente Ordenada por Link Desordenada

Tipo de Estrutura

Dinâmica Array Arquivo

AÇÃO
MENT/
MPLE
les
lad
oric
Pri
de
as
Ē

ridades Implementação			Custos (Em Array)		
	Operações	Observações	Desordenada	Ordenada pela Prioridade	
	Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
	Inserção de novo elemento		O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é possivelmente preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade, e mover dados.	
e Prior	Remoção de elemento de maior prioridade	Dependem da busca.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Filas de	Alteração de prioridade de dado elemento		O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a elemento a ser alterado.	O(n) no pior caso, pois o dado a ser alterado deve ser buscado, e em seguida a estrutura rearranjada com desclocamento.	

ÇÃO	Operações	Observações	Custos (Em Array)		
ENTA			Desordenada	Ordenada pela prioridade	
IMPLEN	Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
ridades	Inserção de novo elemento	Dependem da busca.	O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é possivelmente preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade, e mover dados.	
e Priorid	Remoção de elemento de maior prioridade		O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Filas de	Alteração de prioridade de dado elemento		O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a elemento a ser alterado.	O(n) no pior caso, pois o dado a ser alterado deve ser buscado, e depos a estrutura rearranjada com deslocamento.	

Filas de Prioridades IMPLEMENTAÇÃO

Operações	Observações	Custos (Implementado em Estrutura Dinâmica)		
		Desordenada	Ordenada pelas Prioridades	
Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Inserção de novo elemento		O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade.	
Remoção de elemento de maior prioridade	Dependem da busca.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Alteração de prioridade de dado elemento		O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a elemento a ser alterado.	< O(n), pois é pesquisada região menor que a lista toda uma fez que se conhece a prioridade deste. No rearranjo também	

Filas de Prioridades IMPLEMENTAÇÃO

Operações	Observações	Custos (Implementado em Estrutura Dinâmica)		
Operagoo		Desordenada	Ordenada pelas Prioridades	
Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Inserção de novo elemento	Dependem da busca.	O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade.	
Remoção de elemento de maior prioridade		O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
Alteração de prioridade de dado elemento		O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a elemento a ser alterado.	< O(n), pois é pesquisada região menor que a lista toda uma fez que se conhece a prioridade deste. No rearranjo não há deslocamento.	

IMPLEMENTAÇÃO

Operaçãos	Observesãos	Custos (Implementado em Array)					
Operações	Observações	Desorder	nada Or	denada			
Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pion quando se dev toda a estrutu identificar a prioridad		ois o elemento l Observações		entado em Estrutura mica)	
Incaração do novo	ŗ	O(k), já que n é inserido n Se	o poi in şoco		Desordenada	Ordenada	
Inserção de novo elemento	į			Seleção do elemento de maior prioridade	Dependem da ordenação.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.
Remoção de elemento de maior prioridade	Dependem da busca.	Remoção de nento de maior Dependem da busca. prioridade O(n) no pio quando se de toda a estrutu identificar a prioridad O(n) no pio quando se de toda a estrutu	quando se de toda a estruti identificar a	Inserção de novo elemento		O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade.
Alteração de prioridade de dado			Remoção de element de maior prioridade	Dependem da busca.	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	
elemento	2	identificar a e a ser alter	Alteração de prioridade de dado elemento		O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar al elemento a ser alterado.	< O(n), pois é pesquisada região menor que a lista toda uma fez que se conhece a prioridade deste. No rearranjo não há deslocamento.	

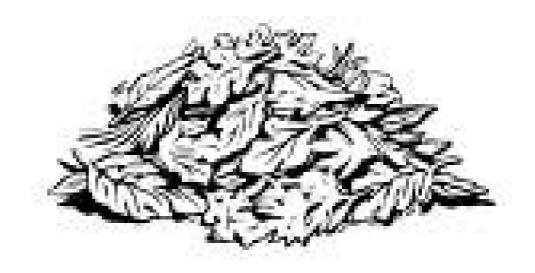
E quando implementado por arquivo?

REFLEXÃO

Quando mantém-se filas de prioridades ordenadas, o gargalo da manutenção destas reside na inserção. Já quando estas são mantidas não ordenadas, o gargalo passa a ser as remoções e consultas. Assim, diante de uma situação problema a ser resolvida com aplicação de filas de prioridade, que critério usar para decidir se manter esta ordenada ou desordenada? Justifique sua resposta:

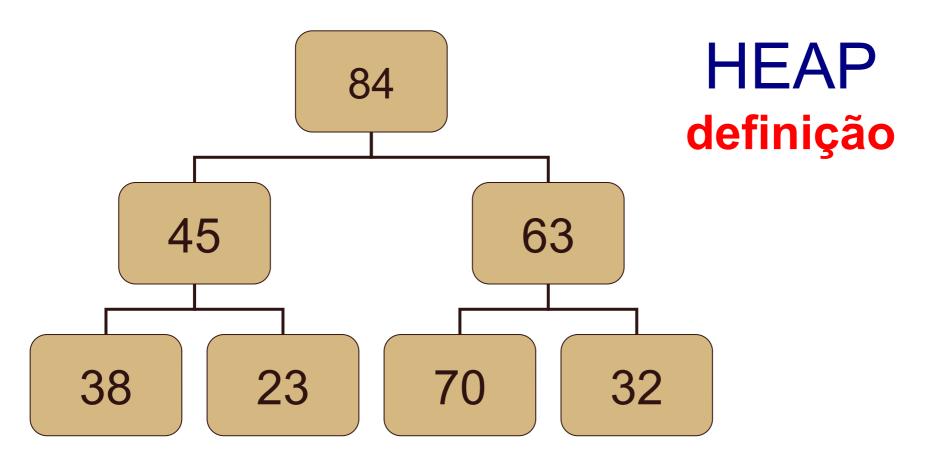


Heap ESTRUTURA DE DADOS

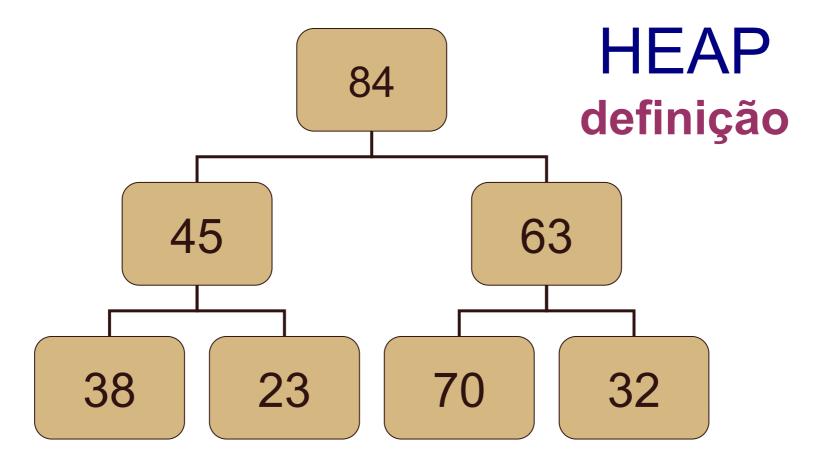


HEAP definição

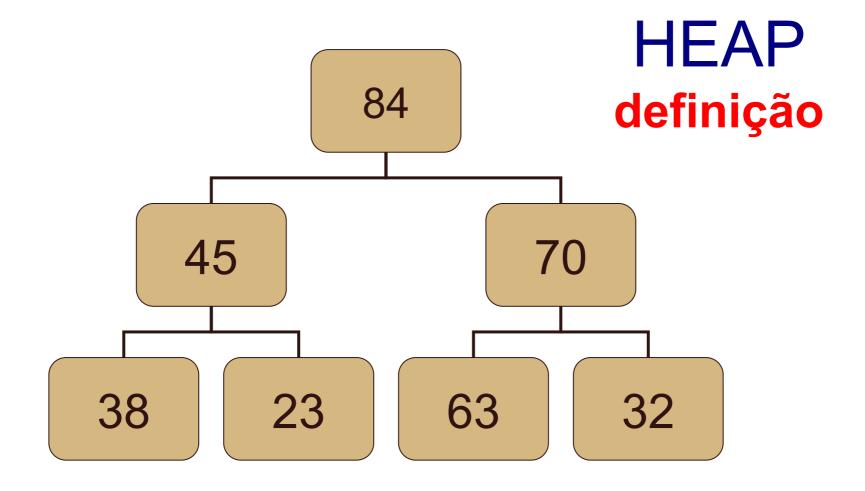
- Denomina-se heap a árvore binária completa, onde o valor contido em cada nó é maior que os valores de seus sucessores (ou descendentes).
- Uma árvore completa A é aquela em que, se n é um nó de A com alguma subárvore vazia, então n se localiza no penúltimo ou no último nível.



Sendo heap uma árvore binária completa, onde o valor contido em cada nó é maior que os valores de seus sucessores; a estrutura dada corresponde a um heap?



Esta não constitui um **heap** porque o nó que contém 63 viola a regra de que o valor contido em cada nó deve ser maior que os valores de seus sucessores (tem descendente com valor 70).



Esta é **heap** - árvore binária completa onde o valor contido em cada nó é maior que os valores mantidos em seus sucessores.

HEAP inserção

No processo de inserção todas as propriedades do heap devem ser preservadas:

- Consistir numa árvore binária.
- O valor contido em cada nó deve ser maior que os valores de seus sucessores.
- Ser completa; se n é um nó do heap H com subárvore vazia, então n se localiza no penúltimo ou no último nível de H.



Montando um heap com os dados:

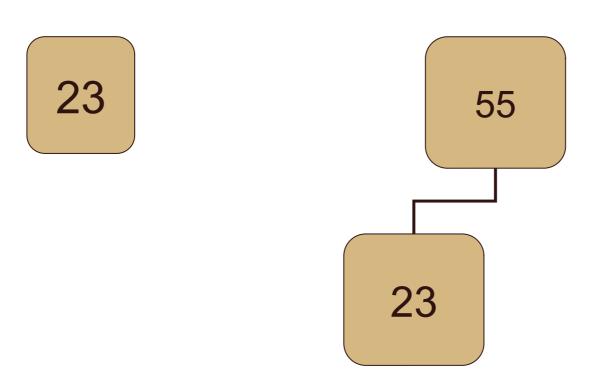
$$23 - 55 - 46 - 35 - 10 - 90$$

23

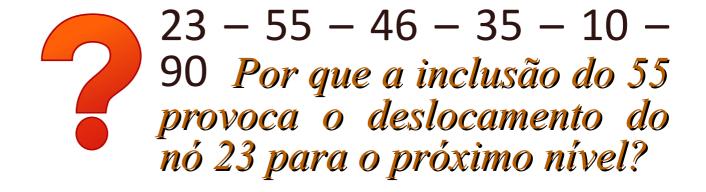
O primeiro elemento constitui a raiz do heap.

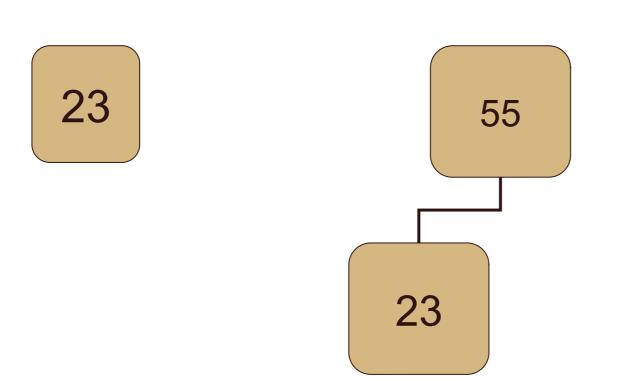
Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90

Para incluir 55, compara-se com a raiz 23, sendo o novo elemento 55 maior que 23, 23 (menor elemento) é deslocada para o próximo nível, compondo uma folha da estrutura e 55 assume a antiga posição do 23.

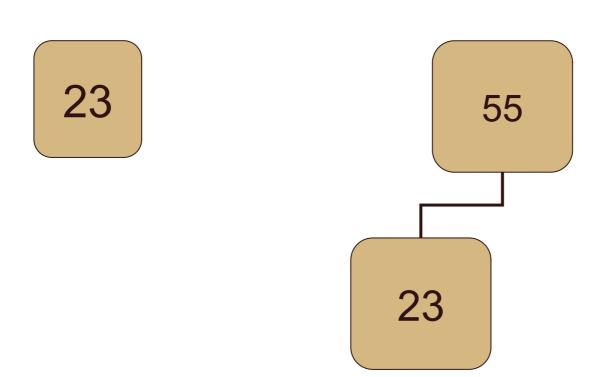






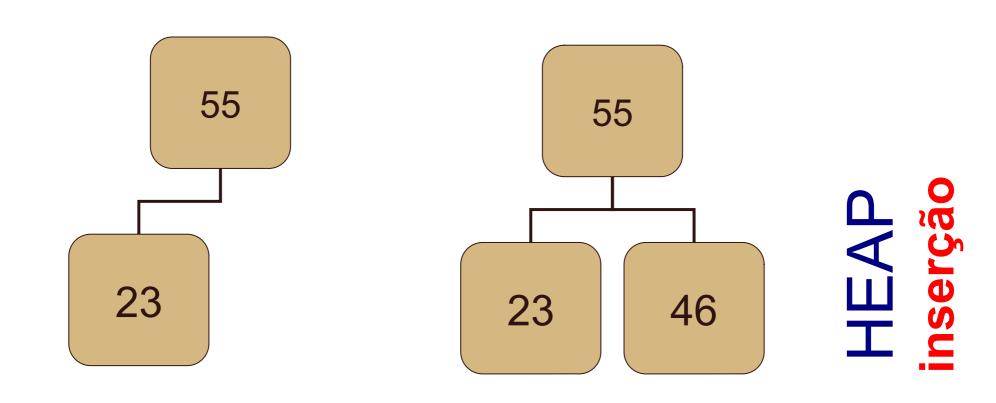


HEAP insercão Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90 A inclusão do 55 provoca o deslocamento do nó 23 para o próximo nível para garantir que todo nó N seja maior ou igual aos seus sucessores.



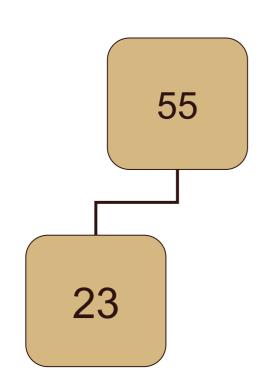


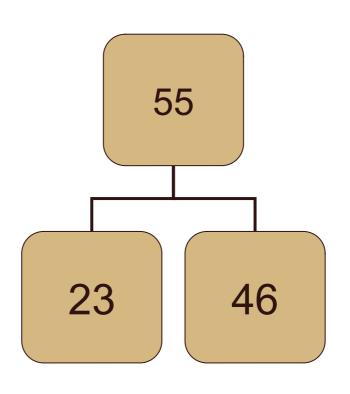
Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90 Ao incluir 46, compara-se com a raiz 55, sendo o novo elemento 46 menor que 55, 46 é descolado para o próximo nível da estrutura, à direita do último nó incluído.



Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90

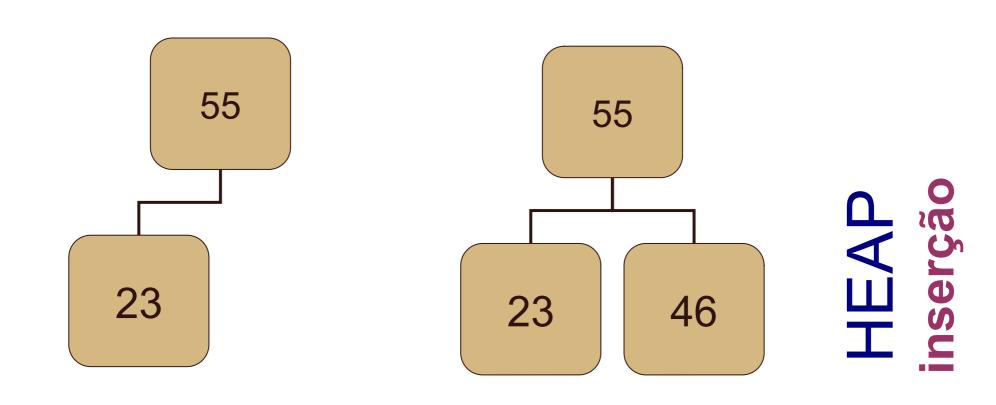
Por que ao incluir 46, este é alocado na estrutura à direita do último nó incluído?



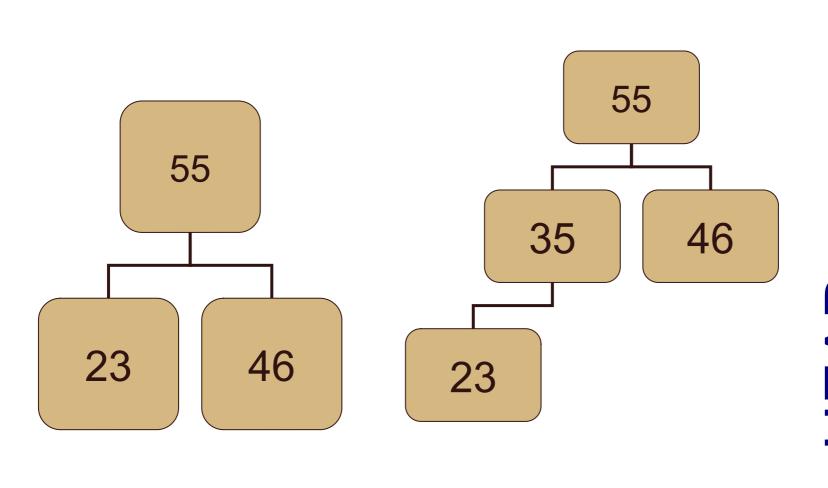




Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90 Na inclusão do nó 46 este é alocado à direita do último nó incluído para garantir que a árvore seja completa. Então diz-se que um heap cresce por nível, descendo neste exemplo.

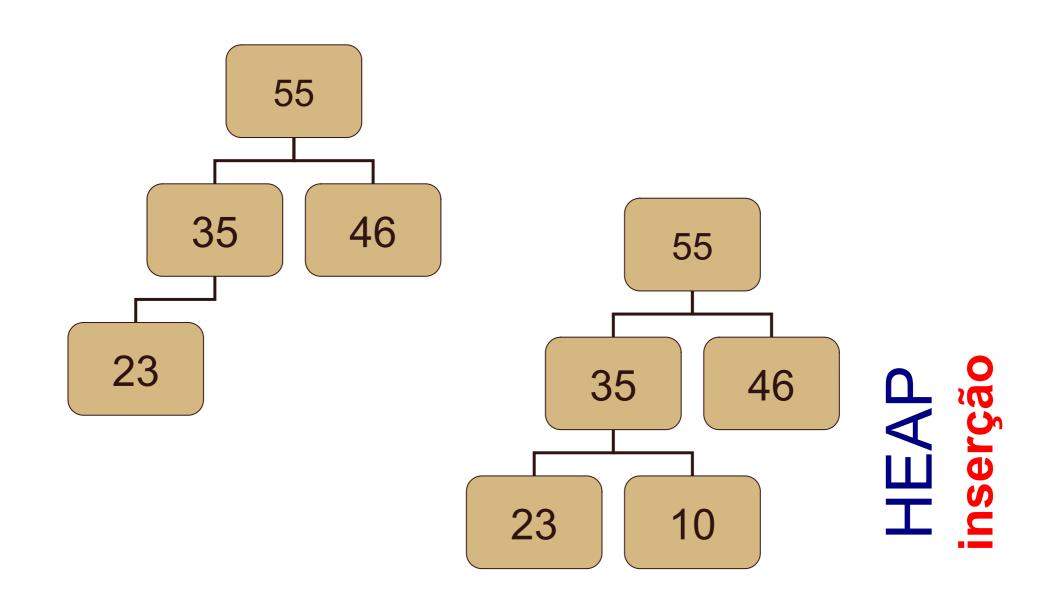


Dados: 23 – 55 – 46 – 35 – 10 – 90 Incluindo 35...

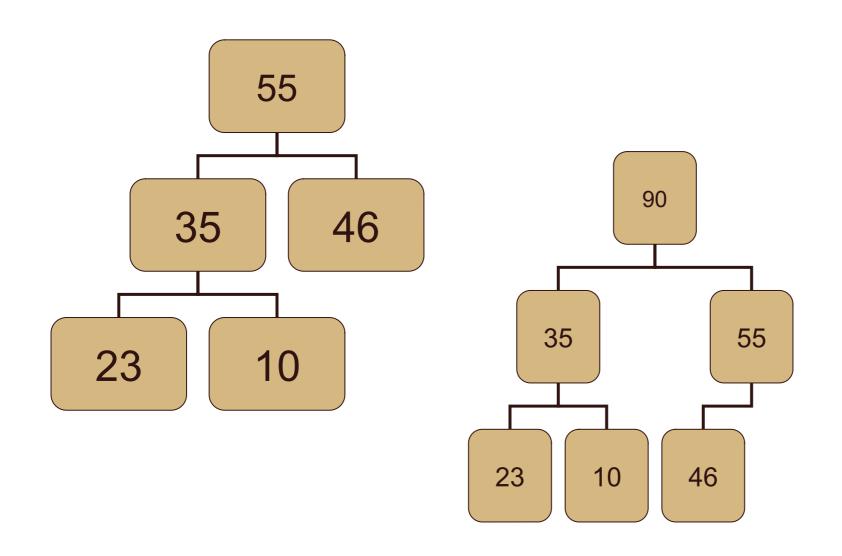




Dados: 23 - 55 - 46 - 35 - 10 - 90Incluindo 10...



Dados: 23 - 55 - 46 - 35 - 10 - 90Incluindo 90...





HEAP inserção

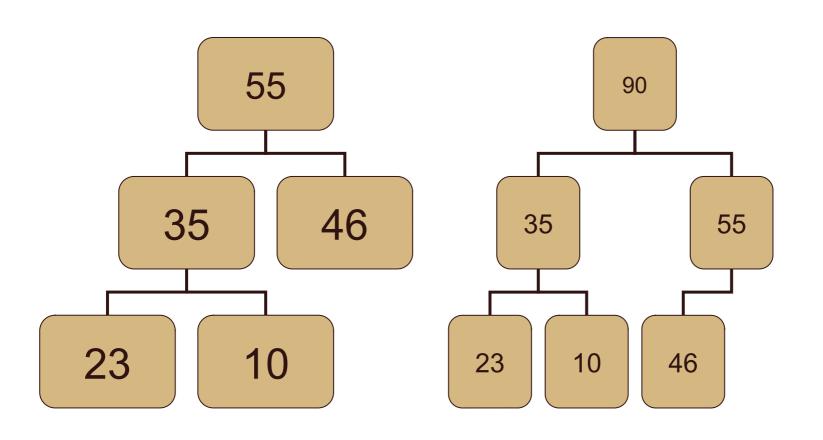
Observar:

- Um heap é montado por nível, para garantir que a árvore obtida seja completa.
- Como consequência de preservar a árvore completa, tem-se uma árvore com menor altura possível, e pouco desbalanceada.
- Ademais, por manter o conteúdo dos sucessores de um nó n menor que n, tem-se que os dados encontrados em um caminho da raiz até uma folha são mantidos em ordem não decrescente.



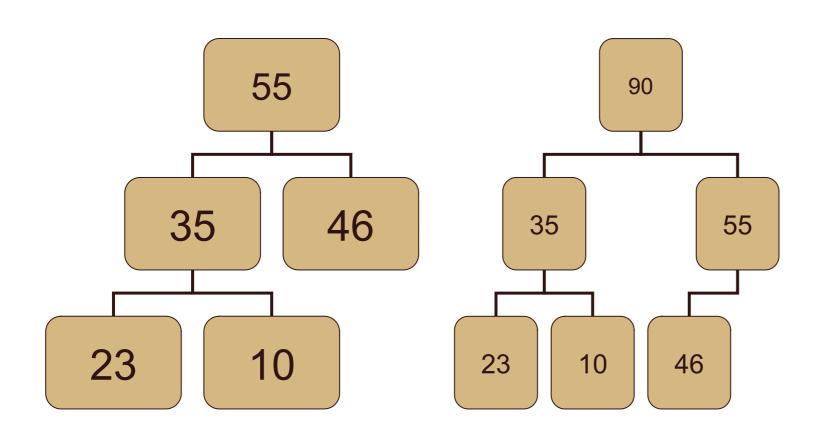
Qual o custo da operação de inserção em heap?

Incluindo 90...



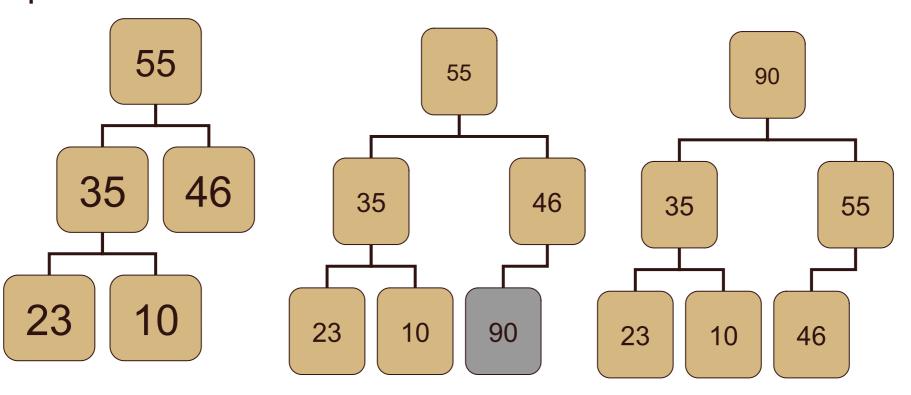


Considerando a necessidade de varredura de um caminho do heap, da raiz até uma folha – ponto de acomodação do novo nó ou algum de seus descendentes, o custo da operação de inserção é O(log(n)).



HEAP Inserção

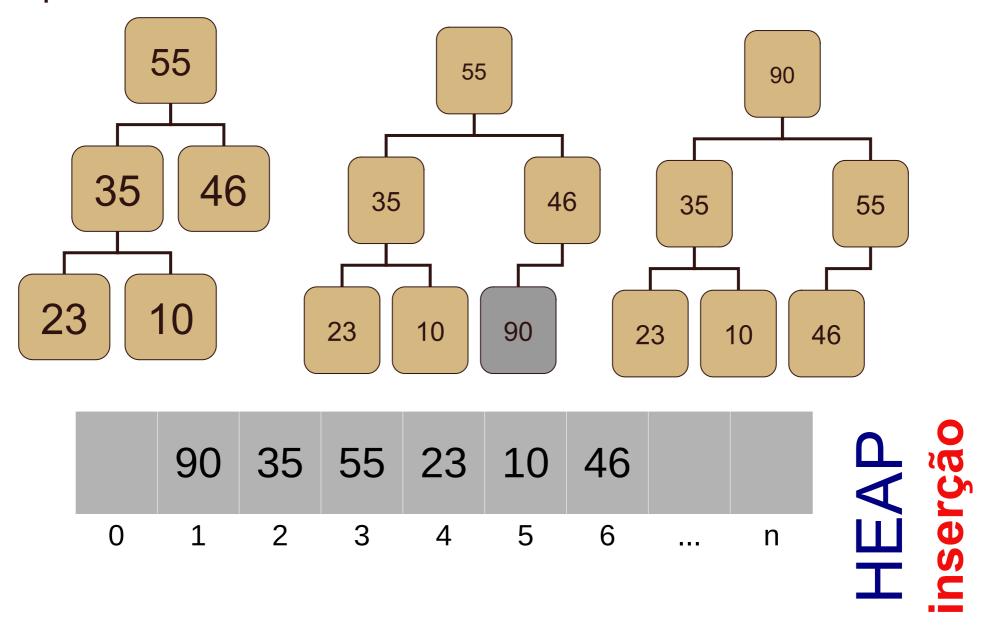
Há ainda o crescimento/inserção que segue das folhas para a raiz.

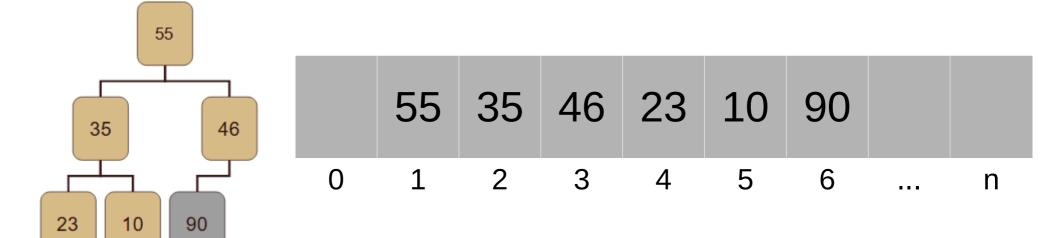


Há como manter um heap num array?



Há ainda o crescimento/inserção que segue das folhas para a raiz.





```
procedimento subir(i)
  j = i/2
  se j>=1 então
    se T[i].chave > T[j].chave então
    Aux = T[i].chave
    T[i].chave
    T[i].chave = T[j].chave
    T[j].chave = Aux
    subir(j)
```

T...array

i...índice do valor novo

j...índice do pai de i

HEAP Inserção

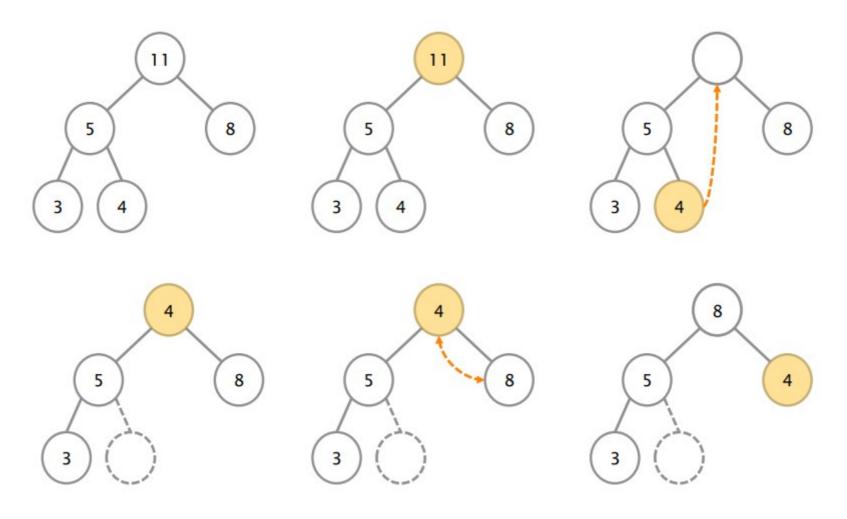
HEAP remoção

No processo de remoção em heap todas as propriedades do heap também devem ser preservadas:

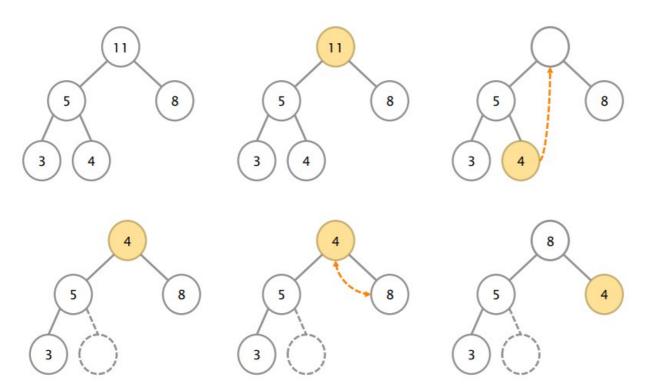
- Consistir numa árvore binária.
- O valor contido em cada nó deve ser maior que os valores de seus sucessores.
- Ser completa; se n é um nó do heap H com subárvore vazia, então n se localiza no penúltimo ou no último nível de H.

HEAP remoção

Exemplo de remoção



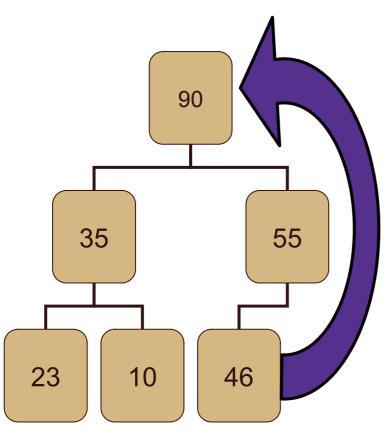
Exemplo de remoção



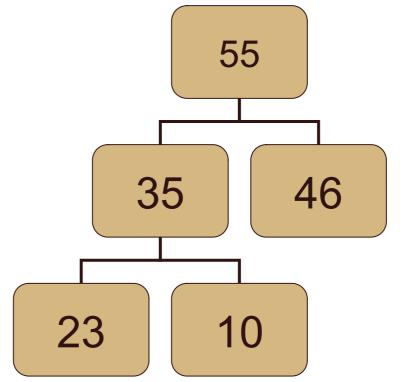
HEAP remoção

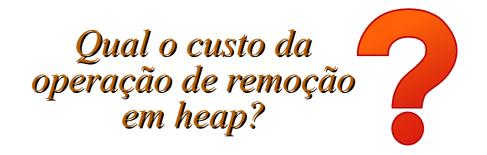
Por que não substituir o 11 por 8? Violaria a definição de árvore completa?

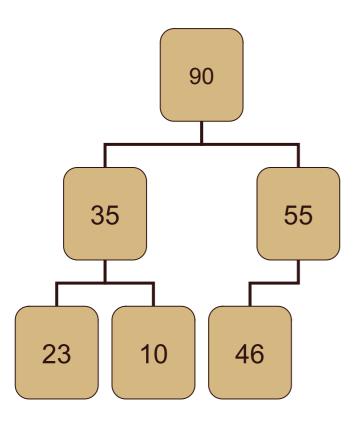
HEAP remoção

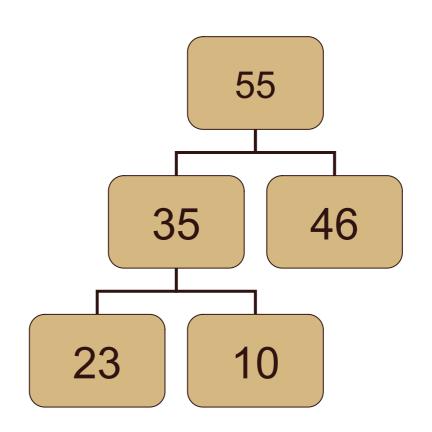


Removendo, por exemplo, o nó que contém 90:





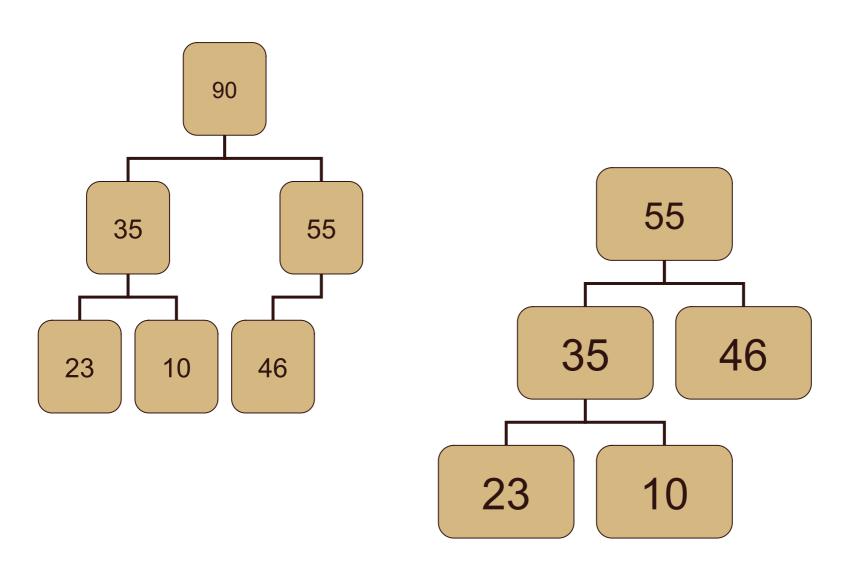




HEAP remoção

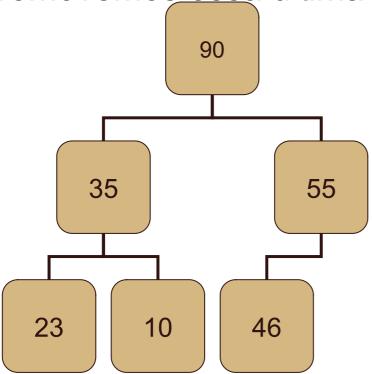
A operação de remoção tem custo logarítmico; já que é necessário ajustar um caminho, da raiz a uma folha, do heap.



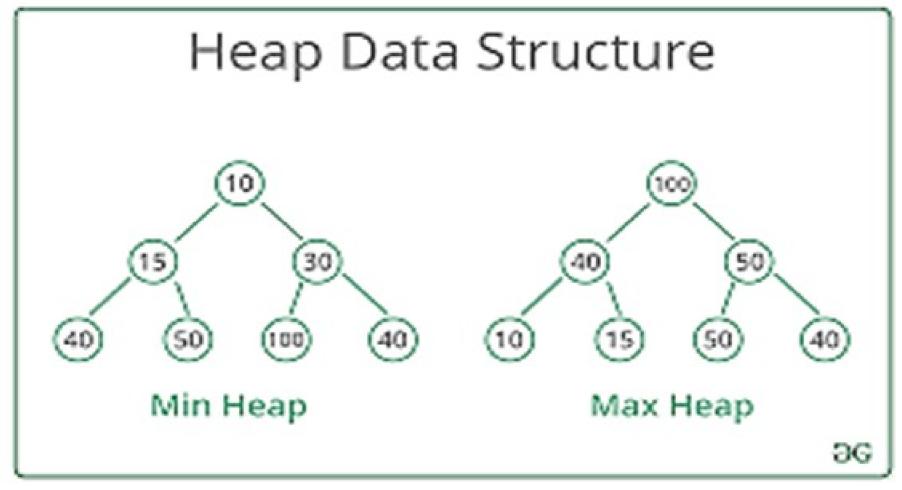


O heap pode ser usado para manter prioridades. Neste caso, o elemento removido sempre é o maior, ou seja, sempre a raiz. A remoção em um heap é sempre feita na raiz. Para manter a propriedade de ser completo ou quase-completo da esquerda para a direita, trocamos o valor da raiz com a última folha e removemos essa última folha.

HEAP remoção



Como remover os diversos nós de composição de um heap? E qual o custo?



Há dois principais tipos de heaps:

- 1. **Heap Máximo** ou Heap Max, apresentado neste. Onde maior item é mantido na raiz.
- 2. **Heap Mínimo** ou Heap Min, onde menor item é mantido na raiz.

HEAP aplicação

- 1. **Seleção** de elemento de maior prioridade.
- 2. Inserção de novo elemento.
- 3. **Remoção** de elemento de maior prioridade.
- 4. Alteração de prioridades.

É possível aplicar heap na resolução das situações problemas consideradas? Como controla o início e fim de cada fila: vermelha, laranja, amarela, verde e azul?



Organização da Estrutura

Ordenada Fisicamente Ordenada por Link Desordenada

Tipo de Estrutura

Dinâmica Array Arquivo

HEAP aplicação

- 1. **Seleção** de elemento de maior prioridade.
- 2. Inserção de novo elemento.
- 3. **Remoção** de elemento de maior prioridade.
- 4. Alteração de prioridades.

Que dados manteria em cada nó das filas vermelha, laranja, amarela, verde e azul?



Organização da Estrutura

Ordenada Fisicamente Ordenada por Link Desordenada

Tipo de Estrutura

Dinâmica Array Arquivo

HEAP aplicação & custo

Operações	Custos		
	Desordenada	Ordenada	Heap (ORDENADO POR DEFINIÇÃO)
Seleção do elemento de maior prioridade	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	O(k)
Inserção de novo elemento	O(k), já que novo item é inserido no final.	O(n) no pior caso já que é preciso localizar o ponto de inserção conforme a prioridade.	O(log n) no pior caso
Remoção de elemento de maior prioridade	O(n), no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a maior prioridade.	O(k), pois o elemento de maior prioridade é mantido no topo.	O(log n)
Alteração de prioridade de dado elemento	O(n) no pior caso quando se deve varrer toda a estrutura para identificar a elemento a ser alterado.	< O(n), pois é pesquisada região menor que a lista toda uma fez que se conhece a prioridade deste. No rearranjo não há deslocamento.	O(log n) no pior caso

HEAP Outra Vantagem

O heap impede que a solução fique engessada como acontece com a solução que prevê uma fila para cada categoria de urgência hospitalar.

Sendo criada uma nova categoria de classificação de urgência, é necessário mexer no código? Necessitam de atendimento imediato.
CASOS DE EMERGÊNCIA

Necessitam de atendimento praticamente imediato.
CASOS MUITO URGENTES

Necessitam de atendimento rápido, mas podem aguardar.
CASOS DE URGÊNCIA

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.
CASOS POUCO URGENTES

Podem aguardar atendimento ou serem encaminhados para outros serviços de saúde.
CASOS NÃO URGENTES

Atividade Periódica II4

Propor situação problema cuja solução ideal, quanto a uso de espaço e tempo de processamento, implica no **uso de Hashing ou Árvores AVL ou Heap.** A descrição deve ter um nível de detalhamento que possibilite identificar com clareza: o objetivo almejado pela solução computacional, as funcionalidades a serem disponibilizadas ao usuário final, os dados a manipular e a estrutura a aplicar.

Para tanto, compor grupo composto por 3 pessoas,

enviar e-mail, até 04/11/2022, com assunto: ED

<u>T04</u> – <u>Atividades Periódica II4</u>, no corpo do e-mail (não usar anexo) apresentar nome completo e matrícula dos componentes do grupo seguido da descrição citada no parágrafo anterior.

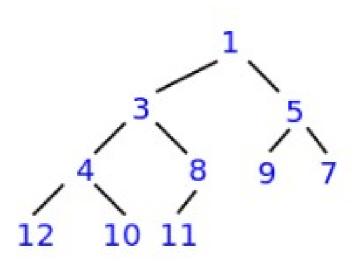
Estruturas de Dados e Seus Algoritmos

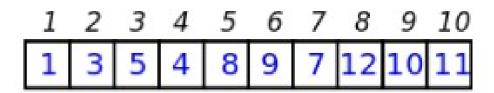
Szwarcfiter J. L. e Markenzon L.

Capítulo 6 Listas de Prioridade

Estruturas de Dados Descomplicada em Linguagem C Backes, A.

Capítulo
7 Filas de Prioridade

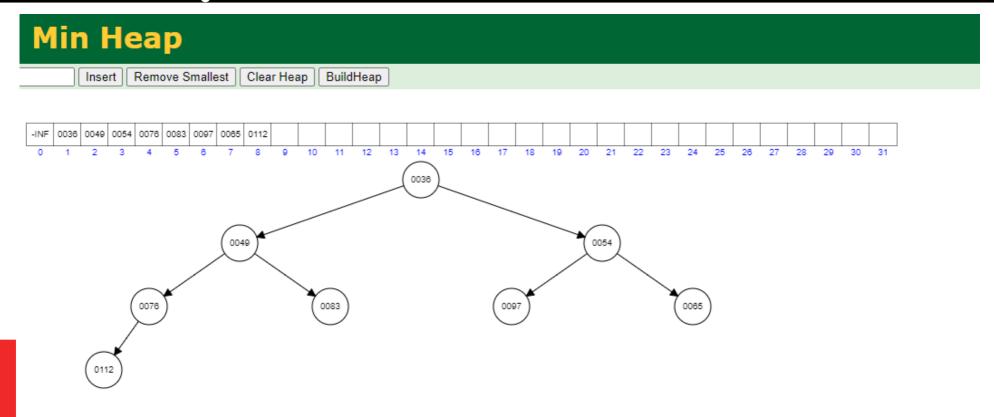






Heaps

www.ic.uff.br/~fabio/Aula-heaps-1.pdf ime.usp.br/~pf/analise de algoritmos/aulas/heap.html



Próximo Passo



Conjuntos Disjuntos