Mécanique Question 4

$$\begin{array}{c} \text{Expressions de grad } (fg), \ \text{div } (f\vec{u}), \\ \text{rot } (f\vec{u}) \\ \text{et de div } (\vec{A} \wedge \vec{B}) \end{array}$$

Soient f,g des fonctions de l'espace et $\overrightarrow{u},\overrightarrow{A},\overrightarrow{B}$ des fonctions vectorielles de l'espace. On a :

$$\overrightarrow{\operatorname{grad}}(fg) = f\overrightarrow{\operatorname{grad}}g + g\overrightarrow{\operatorname{grad}}f$$
$$\operatorname{div}(f\overrightarrow{u} = (\overrightarrow{\operatorname{grad}}f) \cdot \overrightarrow{u} + f\operatorname{div}\overrightarrow{u}$$
$$\overrightarrow{\operatorname{rot}}(f\overrightarrow{u}) = (\overrightarrow{\operatorname{grad}}f) \wedge \overrightarrow{u} + f\overrightarrow{\operatorname{rot}}\overrightarrow{u}$$
$$\operatorname{div}(\overrightarrow{A} \wedge \overrightarrow{B}) = (\overrightarrow{\operatorname{rot}}\overrightarrow{A}) \cdot \overrightarrow{B} - (\overrightarrow{\operatorname{rot}}\overrightarrow{B}) \cdot \overrightarrow{A}$$