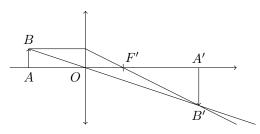
Formules de conjugaison de Descartes

Par théorème de Thalès,
$$\frac{\overline{OA'}}{\overline{AO}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{BA}}.$$
Par théorème de Thalès,
$$\frac{\overline{F'A'}}{\overline{OF'}} = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{BA}}.$$
Or
$$\overline{F'A'} = \overline{OA'} - \overline{OF'}.$$
Donc
$$\frac{\overline{OA'}}{\overline{AO}} = \frac{\overline{OA'}}{\overline{OF'}}.$$



On obtient ainsi la formule de conjugaison de Descartes:

$$\boxed{\frac{1}{\overline{OA'}} = \frac{1}{\overline{OA}} + \frac{1}{f'}}$$