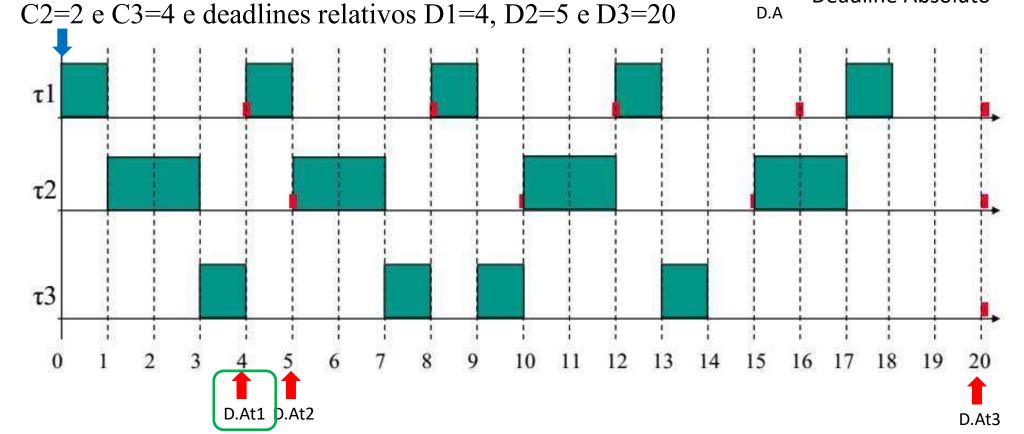
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

= Deadline Absoluto



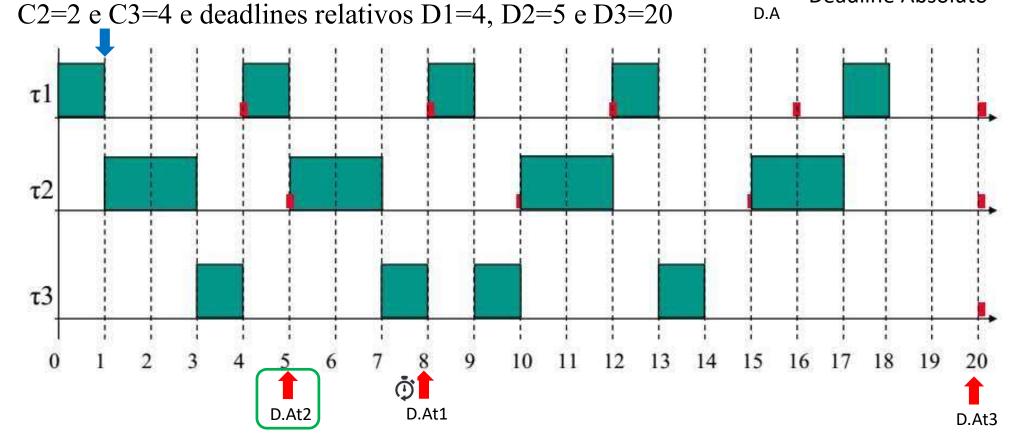
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

= Deadline Absoluto

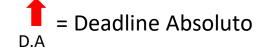


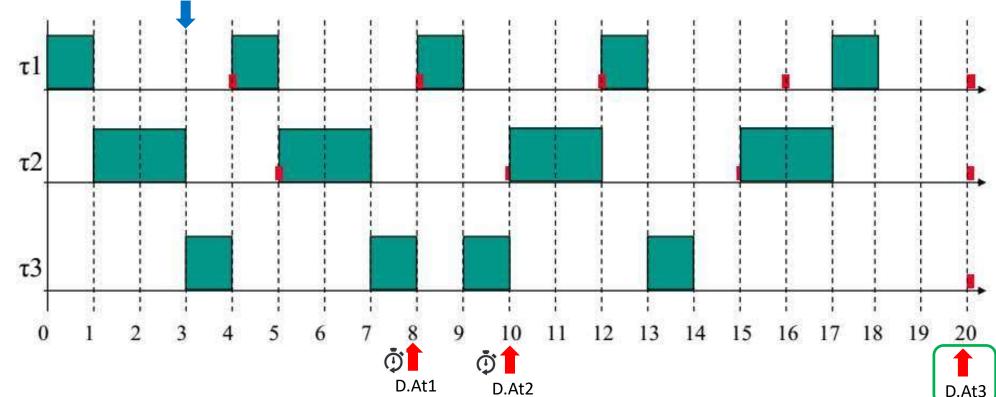
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



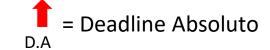


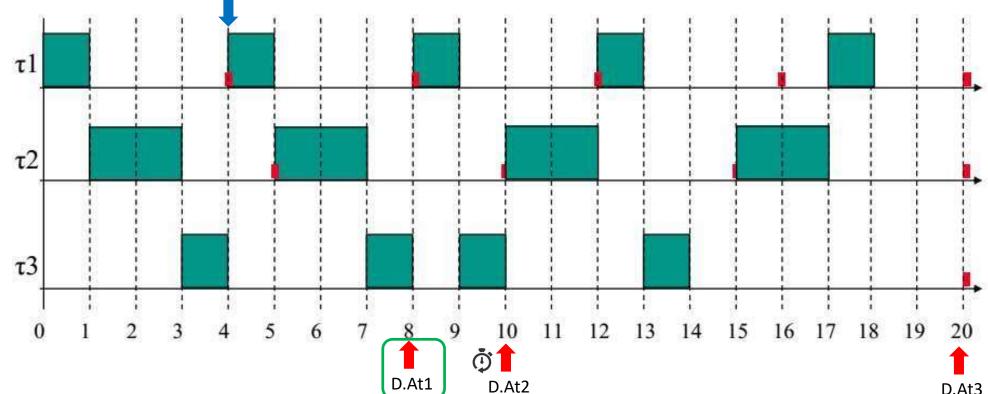
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,





□ EDF – Earliest Deadline First

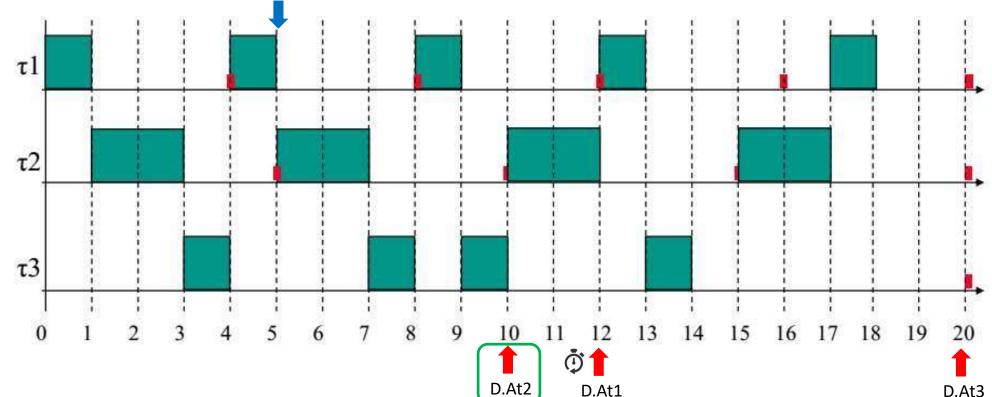
- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

C2=2 e C3=4 e deadlines relativos D1=4, D2=5 e D3=20

= Deadline Absoluto



□ EDF – Earliest Deadline First

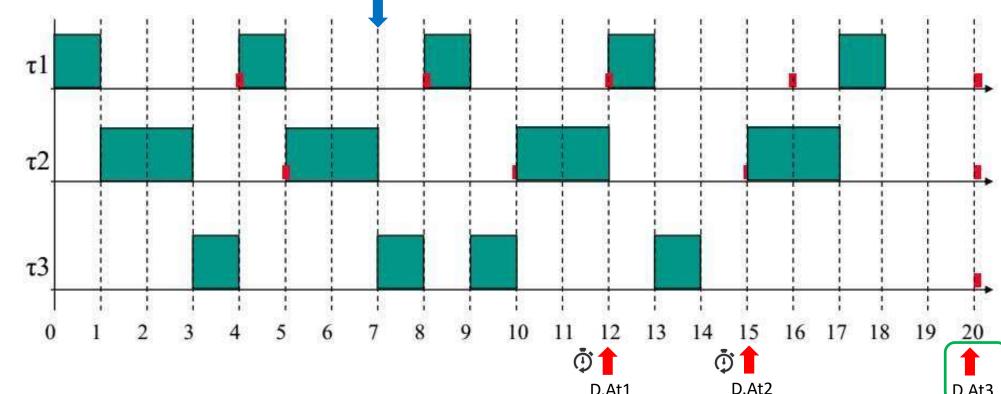
- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

C2=2 e C3=4 e deadlines relativos D1=4, D2=5 e D3=20

= Deadline Absoluto

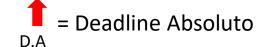


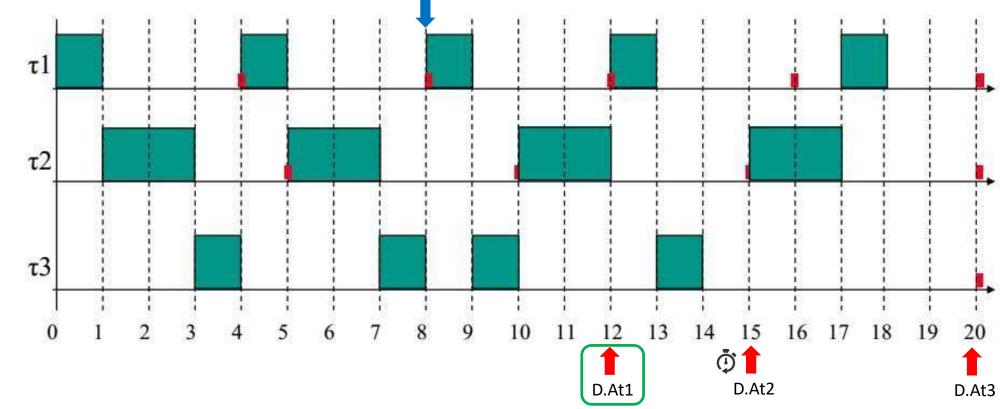
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



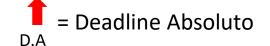


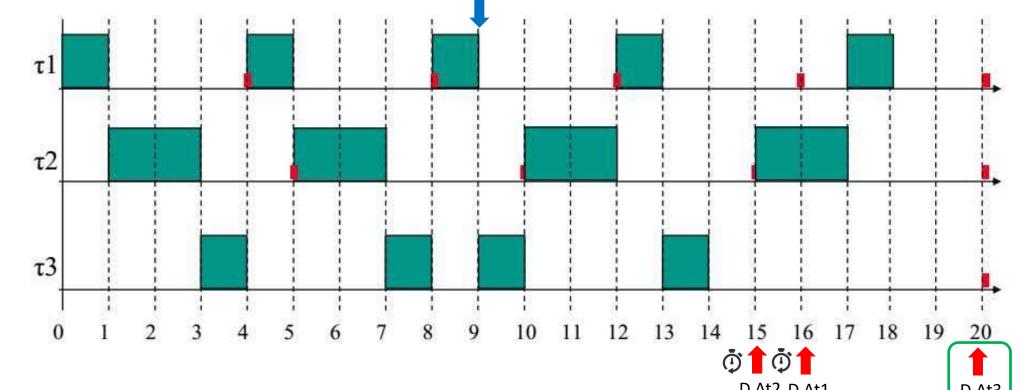
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,





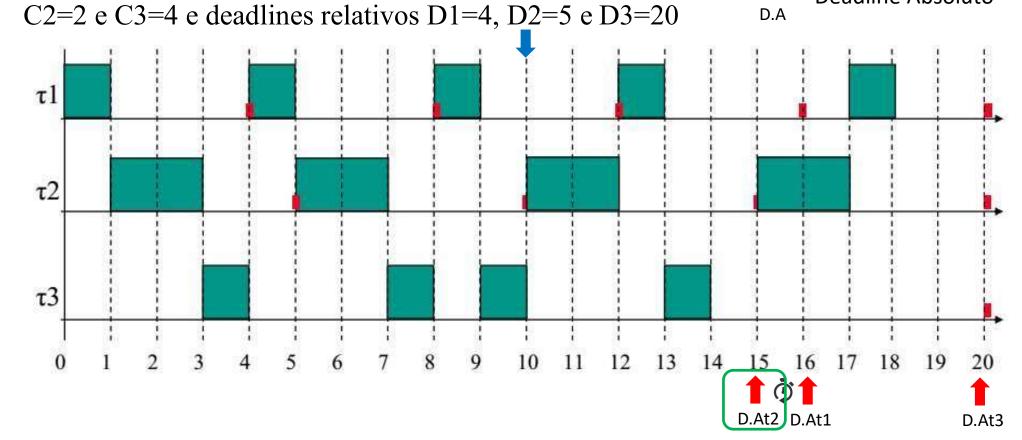
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

= Deadline Absoluto

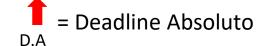


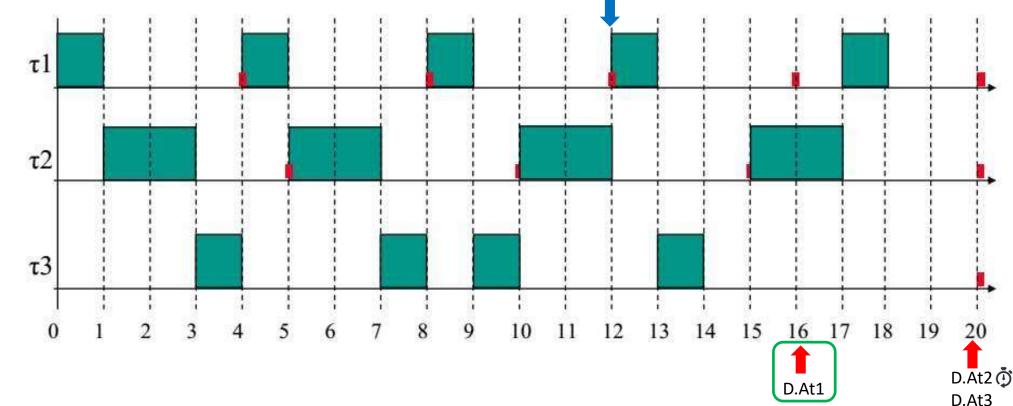
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,





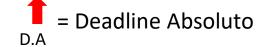
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

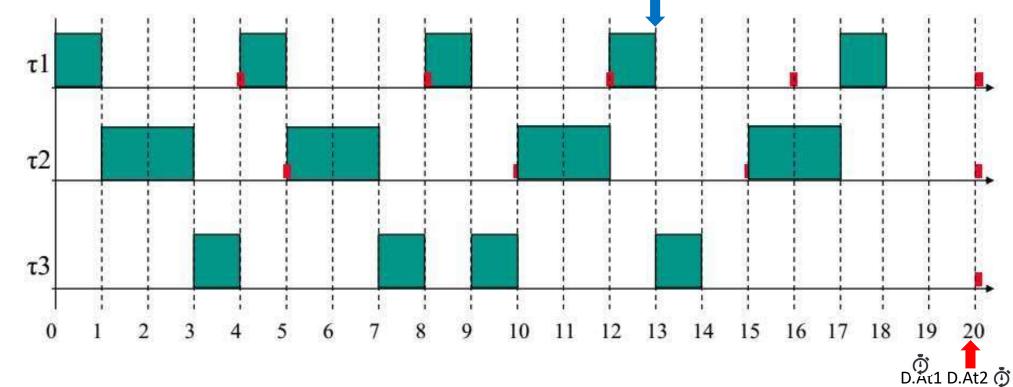
Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,

C2=2 e C3=4 e deadlines relativos D1=4, D2=5 e D3=20



D.At3

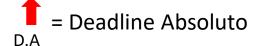


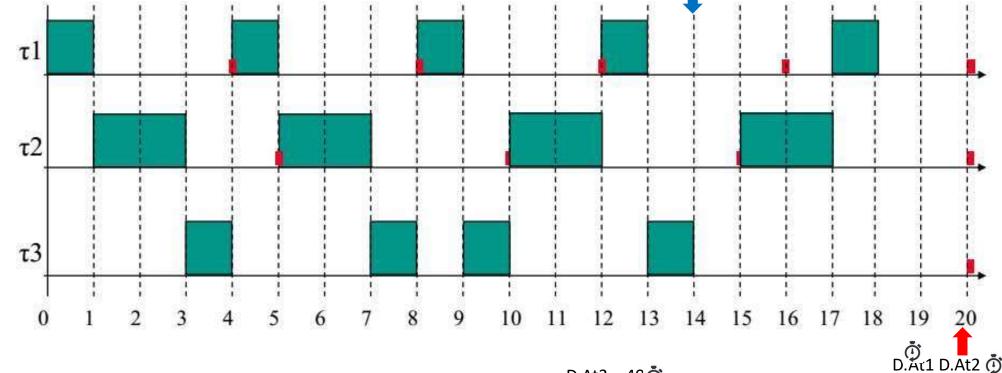
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



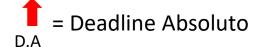


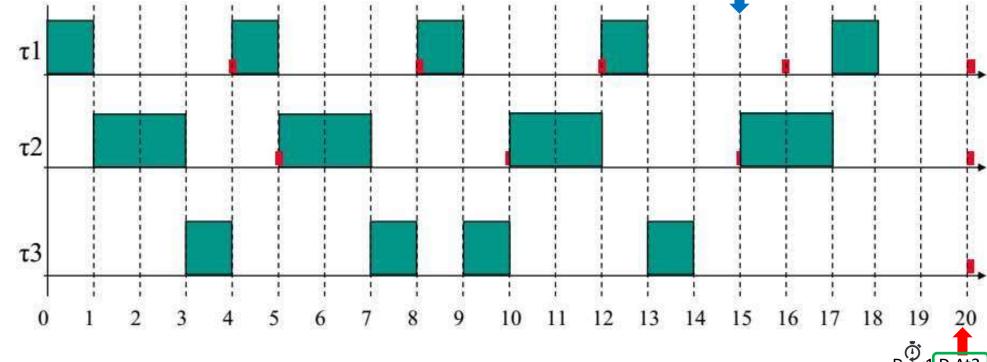
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



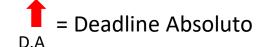


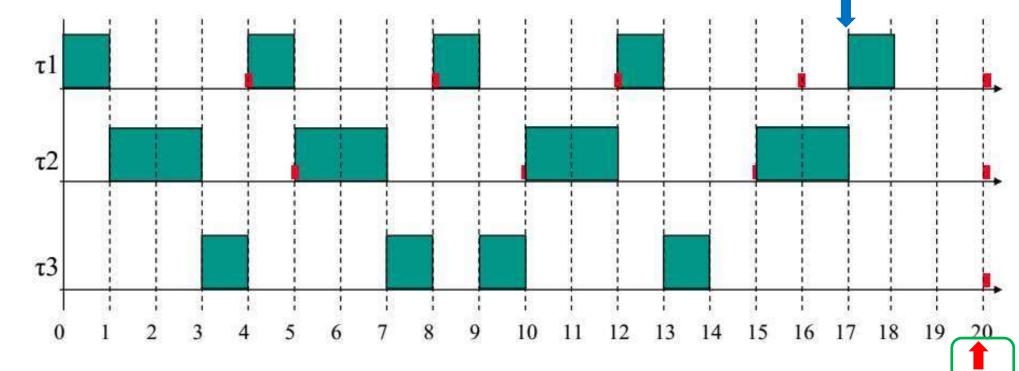
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



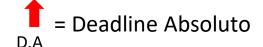


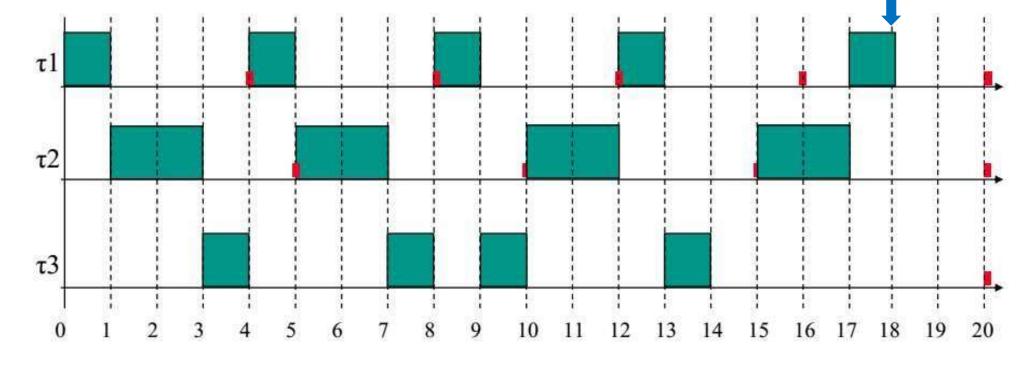
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



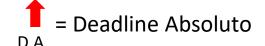


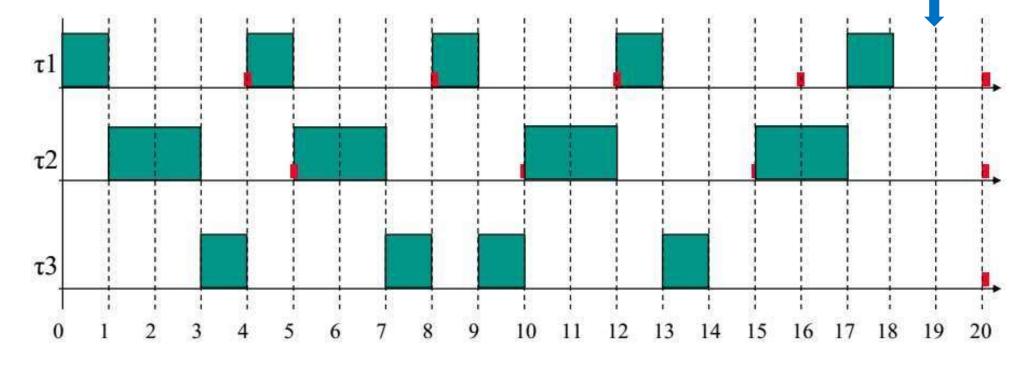
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,



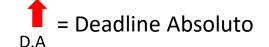


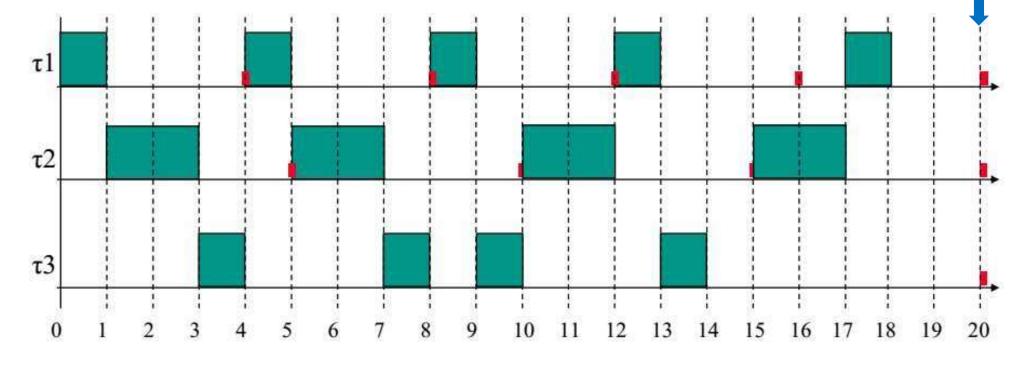
□ EDF – Earliest Deadline First

- Inversamente proporcional ao deadline absoluto
- -Ótimo em relação aos critérios de prioridades variáveis

Exemplo: Três tarefas periódicas τ1, τ2 e τ3

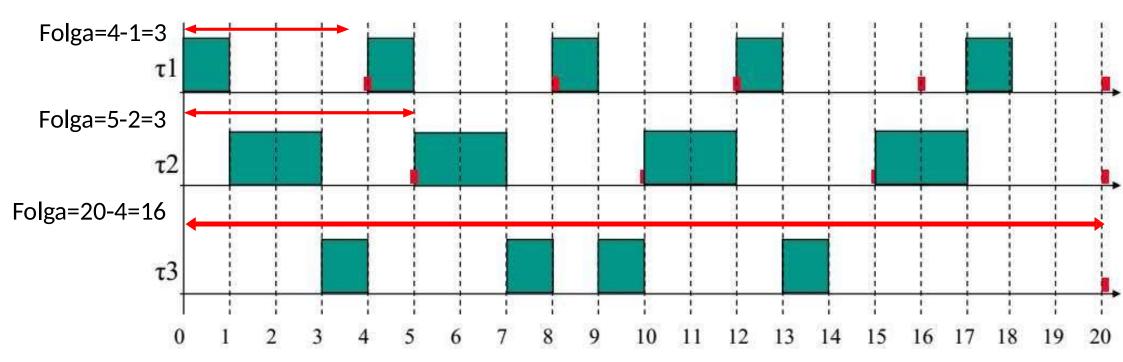
Períodos P1=4, P2=5 e P3=20 e tempos de execução C1=1,





□ LSF (LST ou LLF) – Least Slack First

- Inversamente proporcional ao tempo livre (laxity ou slack)
- A folga (laxity ou slack) de uma tarefa é dada pelo tempo que resta até o seu deadline absoluto menos o tempo de processador que ela ainda precisa. A folga é o tempo que a tarefa pode ficar sem executar e ainda conseguir cumprir o seu deadline.



Continuação:

Prioridades + Teste de Escalonabilidade

- □ Cada tarefa recebe uma prioridade
- ☐ Escalonamento em geral é preemptivo
- ☐ Teste de escalonabilidade
 - É capaz de dizer se é garantido que todas as tarefas de um dado sistema sempre cumprirão seus deadlines.

Teste baseado na Utilização

- ☐ Utilização de uma tarefa:
 - Tempo máximo de computação dividido pelo período
 - Exemplo: T1 tem C1=12 e P1=50, então U1 = 12 / 50 = 0.24
- ☐ Utilização do sistema
 - Somatório da utilização de todas as tarefas
- □ Dado
 - Um modelo de tarefas
 - Uma política de atribuição de prioridades
- ☐ Existe um limiar de utilização para o processador, de tal sorte que:
 - Se a utilização do processador for menor que o limiar
 - Então jamais um deadline será perdido
- ☐ Limiar demonstrado como teorema

Prioridades Variáveis – Teste para EDF

- □ Supondo um conjunto de **n** tarefas
 - independentes e periódicas
- □ EDF como política de atribuição de prioridades
- □ Liu & Layland, 1973
- ☐ Se D=P, sistema é escalonável quando:
 - Permite usar 100% do processador mantendo os deadlines
 - Teste exato
- ☐ Se D<P, sistema é escalonável quando:
 - Teste suficiente

$$\sum_{i=1}^{N} \left(\frac{C_i}{P_i} \right) \le 1$$

$$\sum_{i=1}^{N} \left(\frac{C_i}{D_i} \right) \le 1$$

- □ RM Rate Monotonic (Taxa Monotonica)
- □ Quanto menor o período, mais alta a prioridade
- ☐ Ótimo quando
 - Tarefas são periódicas
 - Deadline é sempre igual ao período
- □ Exemplo:
 - Tarefas T1 T2 T3
 - Períodos P1=30 P2=40 P3=50
 - Prioridades p1=1 p2=2 p3=3
- □ Cuidado!
 - Número menor indica prioridade maior
 - Muitas vezes é o contrário

- ☐ Utilização de uma tarefa:
 - Tempo máximo de computação dividido pelo período Ui = Ci / Pi
 - T1 tem C1=12 e P1=50, então U1 = C1 / P1 = 12 / 50 = 0.24
- □ Liu & Layland, 1973
- ☐ Teste para Rate Monotonic, sistema é escalonável se:

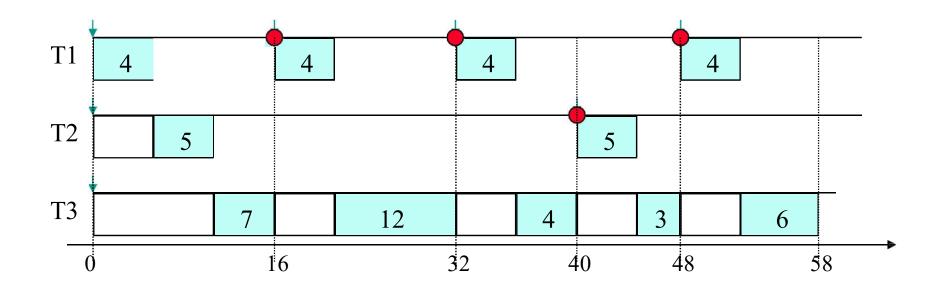
$$\sum_{i=1}^{N} \left(\frac{C_i}{P_i} \right) \le N(2^{1/N} - 1)$$

- □ Para N=1 utilização máxima é 100%
- □ Para N grandes utilização máxima tende para 69.3%
- □ Baseado no conceito de Instante Crítico
- ☐ Teste é suficiente mas não necessário

\square N	Limiar de Utilização
1	100.0%
2	82.8%
3	78.0%
4	75.7%
5	74.3%
10	71.8%
infinito	69.3%

□ Exemplo: T1 T2 T3

- Períodos P1=16 P2=40 P3=80
- Computação C1=4 C2=5 C3=32
- Utilização U1=0.250 U2=0.125 U3=0.400
- Prioridades p1=1 p2=2 p3=3
- ☐ Utilização total é 0.775, abaixo do limite 0.780



Exemplo:

T1

T2

T3

Períodos

P1 = 2

P2 = 4

P3 = 8

Computação

C1=1

C2 = 1

C3 = 2

Utilização

U1=0.500

U2=0.250

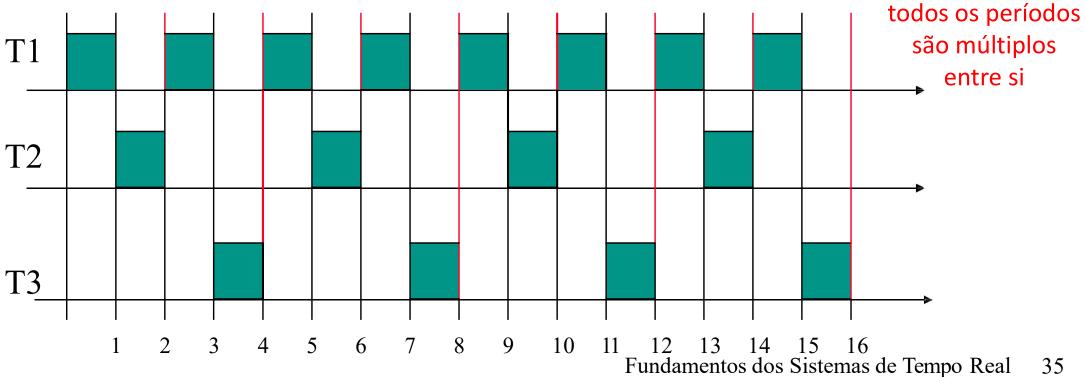
U3=0.250

Prioridades

p1=1

p2 = 2

- p3 = 3
- Utilização total é 1, acima do limiar 0.780, mas conjunto é escalonável



35

Isso é possível se



Exemplo

• Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

τ1: P1=4 C1=2 D1=4 τ2: P2=7 C2=3 D2=7 τ3: P3=28 C3=2 D3=28



• Exemplo

• Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

 $\tau 1: P1=4$

C1=2

D1 = 4

 $\tau 2: P2=7$

C2 = 3

D2 = 7

 $\tau 3$: P3=28

C3 = 2

D3 = 28

Podemos escalonar este sistema com prioridades preemptivas fixas? E com prioridades preemptivas variáveis? Justifique sua resposta.

Teste de Escalabilidade

Prioridade fixa

Prioridade variável

RM
$$\sum_{i=1}^{N} \left(\frac{C_i}{P_i} \right) \le N(2^{1/N} - 1)$$

$$EDF \sum_{i=1}^{N} \left(\frac{C_i}{P_i} \right) \le 1$$



• Exemplo

• Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

Podemos escalonar este sistema com prioridades preemptivas fixas? E com prioridades preemptivas variáveis? Justifique sua resposta.

Utilização do sistema

$$U = \frac{2}{4} + \frac{3}{7} + \frac{2}{28} = 0.5 + 0.43 + 0.07 = 1$$

Teste de Escalabilidade		
Prioridade Fixa	Prioridade Variável	
RM	EDF	
$\bigotimes 1 \leq 0,78$	√ 1 ≤ 1	



- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

 $\tau 1: P1=4$

C1=2

D1=4

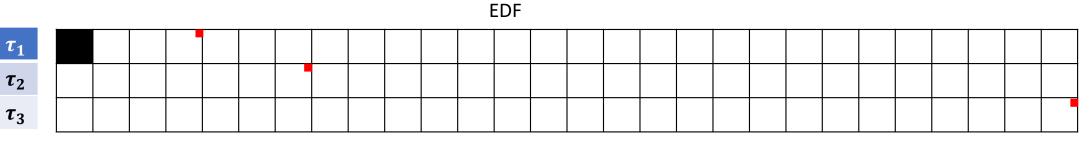
 $\tau 2$: P2=7

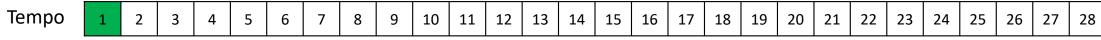
C2 = 3

D2 = 7

τ3: P3=28 C3=2

D3 = 28







- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

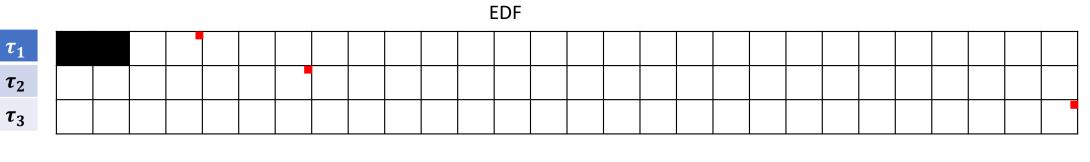
$$\tau 2$$
: P2=7

$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$C3 = 2$$

$$D3 = 28$$









- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1 = 2$$

$$D1=4$$

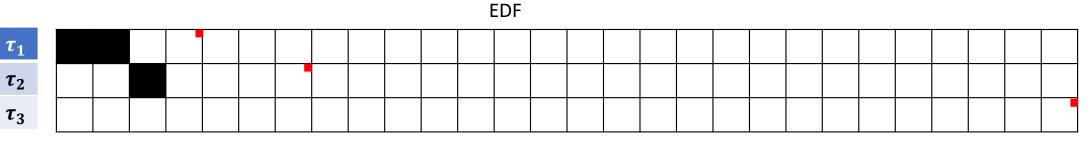
$$\tau 2$$
: P2=7

$$C2 = 3$$

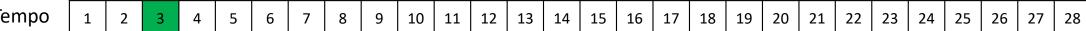
$$D2 = 7$$

$$C3 = 2$$

$$D3 = 28$$









Exemplo

 au_1

 au_2

 au_3

• Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

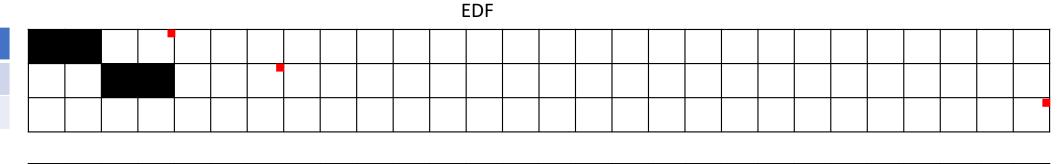
$$\tau 2$$
: P2=7

$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$C3 = 2$$

$$D3 = 28$$







- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

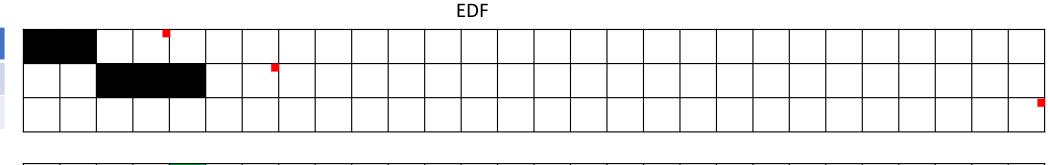
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$C3 = 2$$

$$D3 = 28$$

Podemos escalonar este sistema com prioridades preemptivas fixas? E com prioridades preemptivas variáveis? Justifique sua resposta.

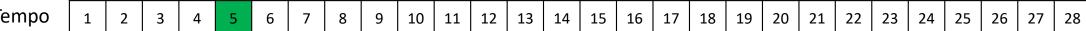




 au_1

 au_2

 au_3





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1 = 2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

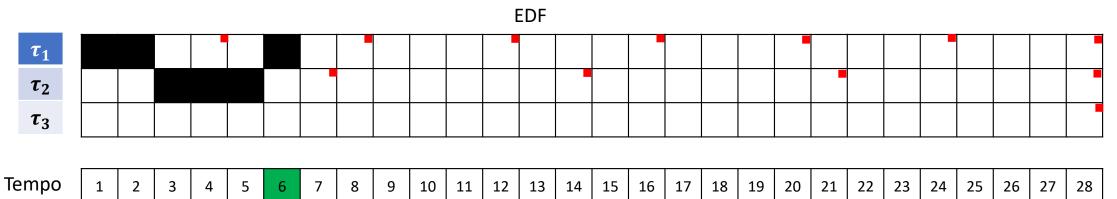
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

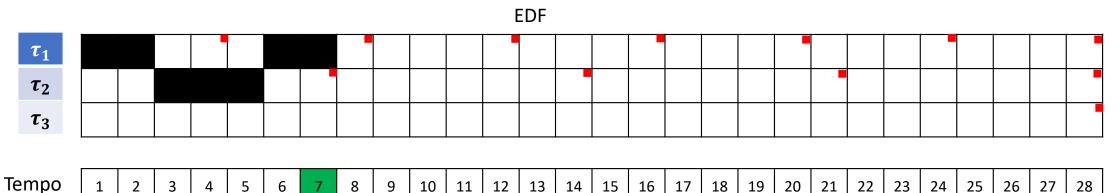
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

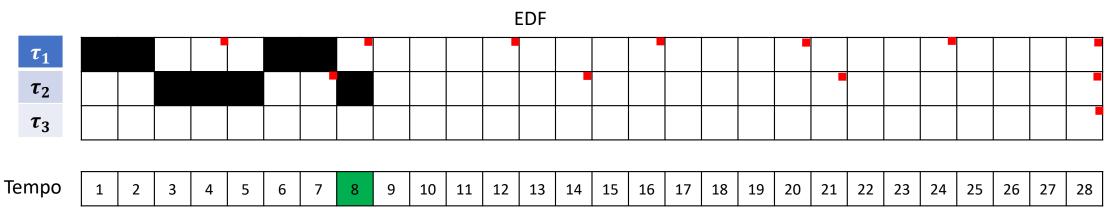
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

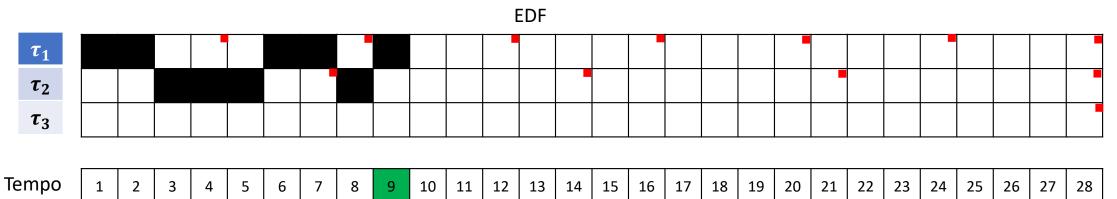
$$C2 = 3$$

$$D2=7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

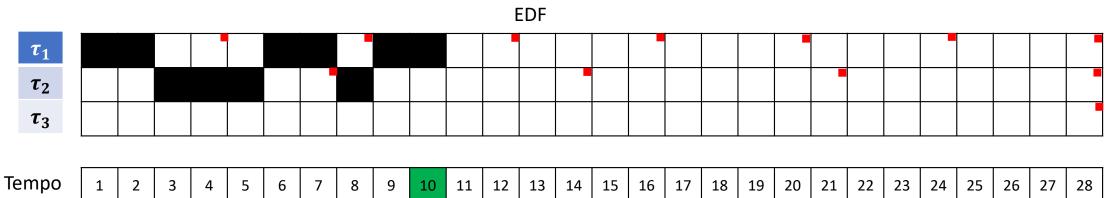
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

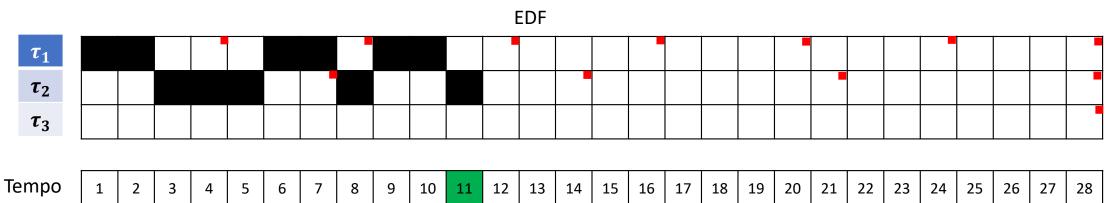
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

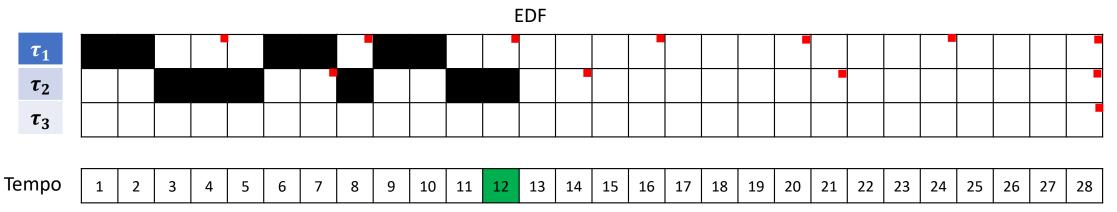
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

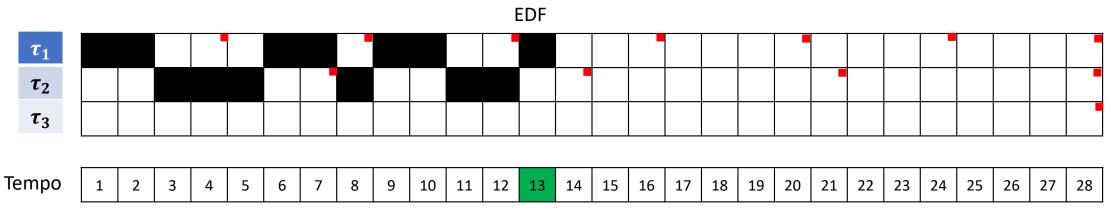
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

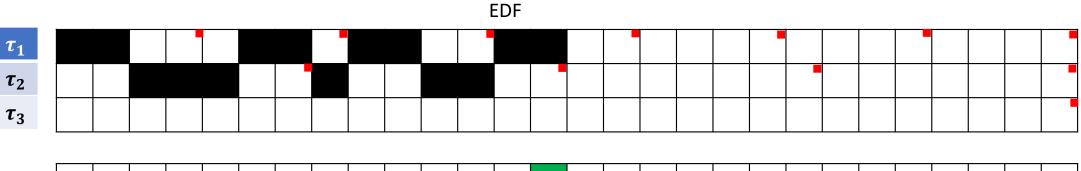
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$









- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

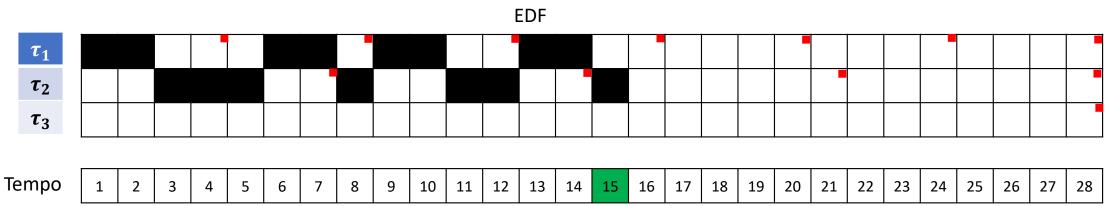
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

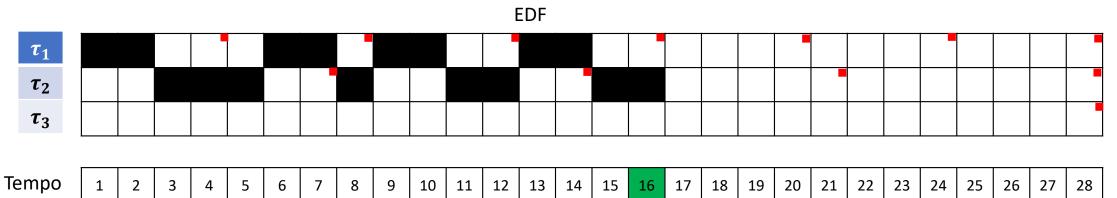
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

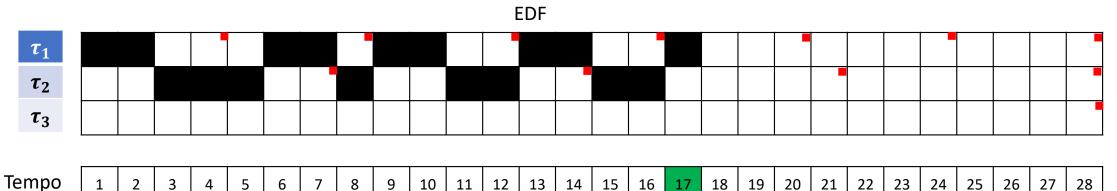
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1 = 2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2: P2=7$$

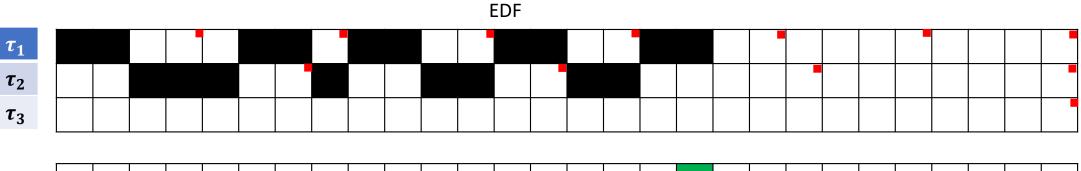
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$



Tor	~~~	
iei	npo	





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

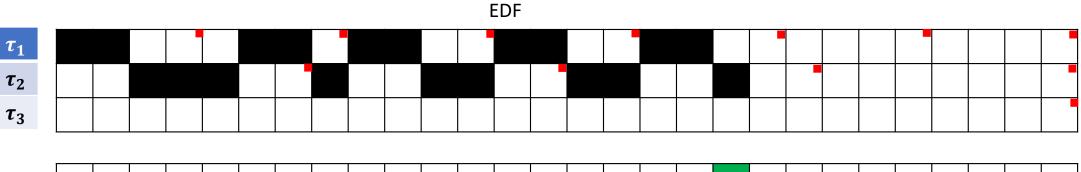
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

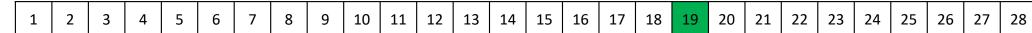
$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$









- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

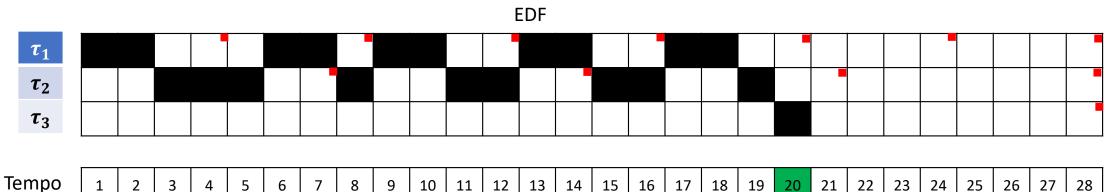
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

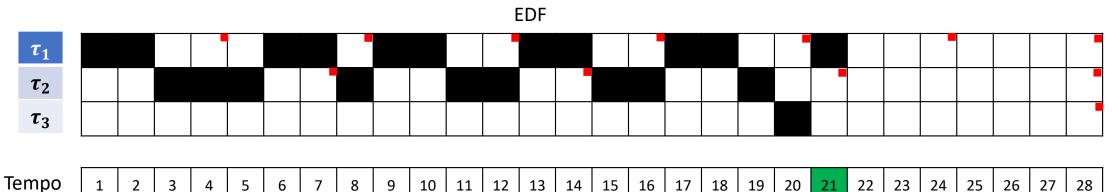
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2: P2=7$$

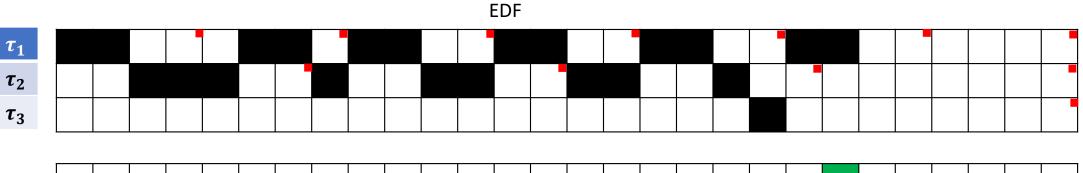
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$









- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2: P2=7$$

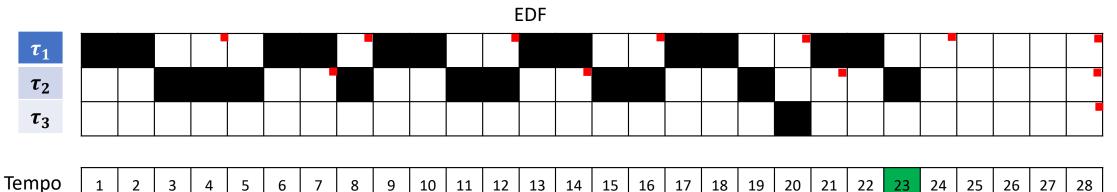
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2: P2=7$$

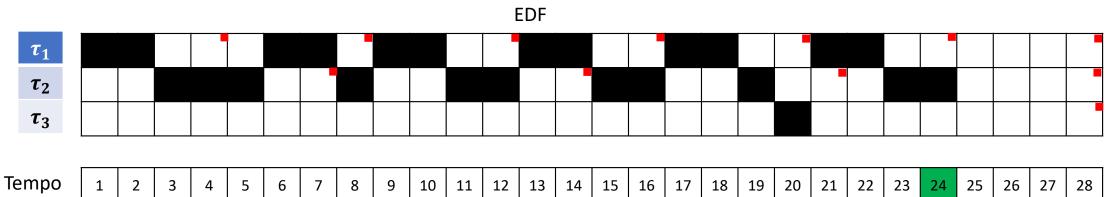
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

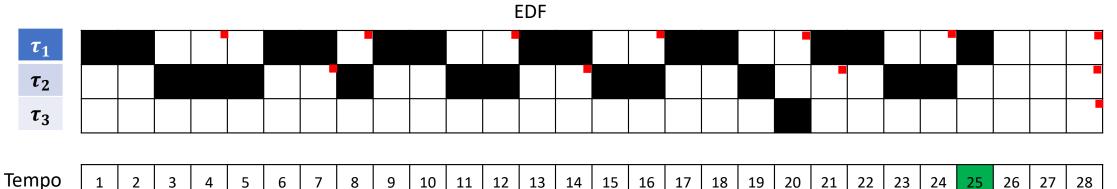
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2: P2=7$$

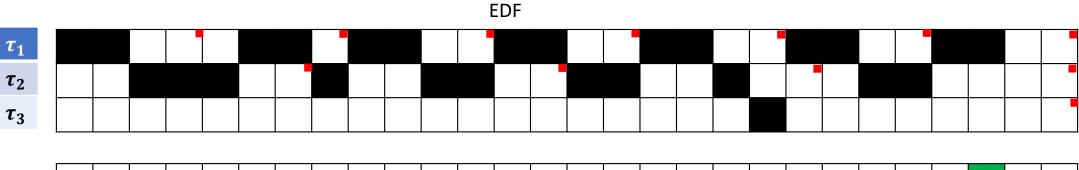
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

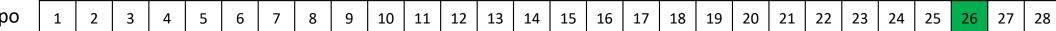
$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$









- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

$$C2 = 3$$

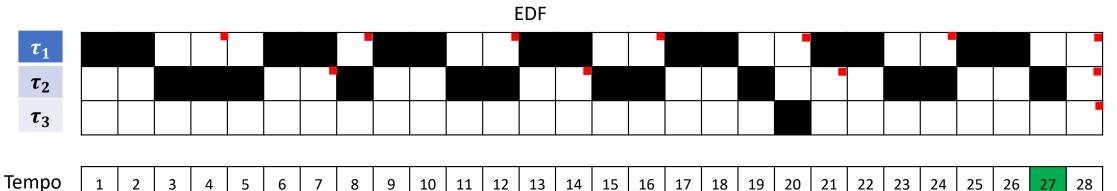
$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

9

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$





- Exemplo
 - Considere um sistema composto por três tarefas periódicas, independentes:

$$\tau 1: P1=4$$

$$C1=2$$

$$D1=4$$

$$\tau 2$$
: P2=7

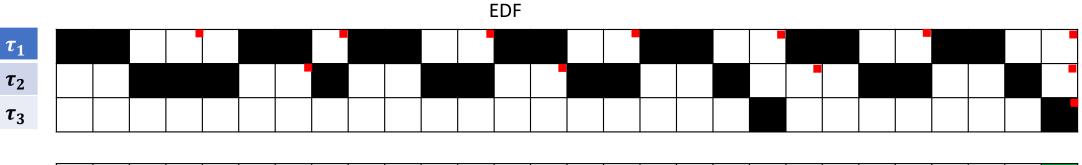
$$C2 = 3$$

$$D2 = 7$$

$$\tau 3$$
: P3=28

$$C3=2$$

$$D3 = 28$$



Tem	no
ICIII	ρ





Referência

• Rômulo S. de Oliveira. Fundamentos dos Sistemas de Tempo Real. Publicação independente, 2018).

