

Eletromagnetismo

Aula 14 – Magnetodinâmica

Prof. Acélio Luna Mesquita

Universidade Federal do Ceará - Campus Sobral

Equações de Maxwell

• As Eqs. de Maxwell:

$$\begin{cases} \vec{\nabla} \times \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}(t)}{\partial t} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \\ \vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}(t)}{\partial t} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{D} = \rho_v \end{cases}$$

Relações constitutivas:

$$\begin{cases} \vec{D} = \varepsilon \cdot \vec{E} \\ \vec{B} = \mu \cdot \vec{H} \\ \vec{J} = \sigma \cdot \vec{E} \end{cases}$$

Ē: campo elétrico;
Ē: densidade de campo elétrico;
ε: permissividade elétrica;
Ē: campo magnético;
Ē: densidade de campo magnético;
μ: permeabilidade magnética;
Ī: densidade de corrente;
σ: condutividade elétrica;
ρ_v: densidade volumétrica de cargas;

Forma integral da 3º Eq. de Maxwell

- Terceira eq. de Maxwell: $\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\mu \cdot \frac{\partial \vec{H}(t)}{\partial t}$
- Teorema de Stokes: $\int_{S} \left[\vec{\nabla} \times \vec{A}(x, y, z) \right] \cdot \vec{dS} \equiv \oint_{l} \vec{A}(x, y, z) \cdot \vec{dl}$
- Integrando sobre uma superfície aberta (fluxo):

$$\int_{S} \left[\vec{\nabla} \times \vec{E}(...) \right] \cdot \vec{dS} = \int_{S} -\frac{\partial \vec{B}(t)}{\partial t} \cdot \vec{dS}$$

Substituindo a identidade de Stokes:

$$\oint_{l} \vec{E}(...) \cdot \vec{dl} = -\frac{\partial}{\partial t} \int_{S} \vec{B}(t) \cdot \vec{dS} \rightarrow V_{i} = -\frac{\partial \Phi(t)}{\partial t}$$
(Lei de Faraday)

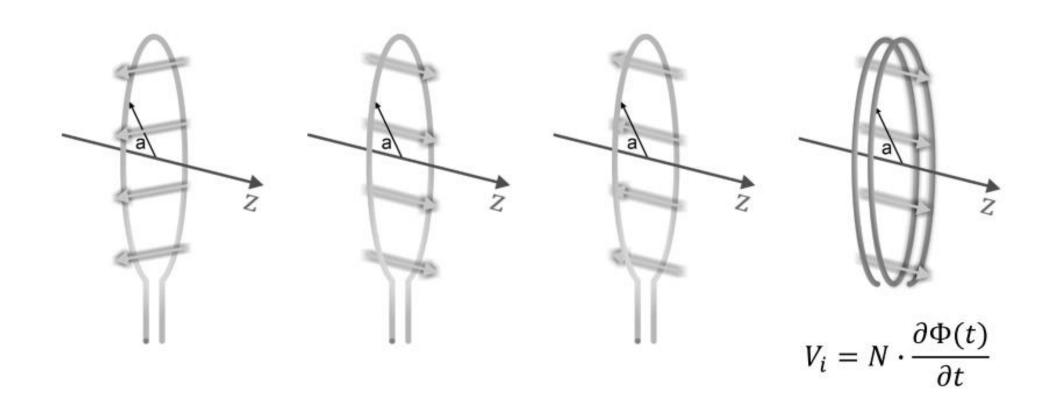
(Lei de Faraday)
Prof. Elmano – Eletromagnetismo Aplicado - UFC Campus Sobral (Friedrich Lenz)



Lei de Lenz

- 1. Se o fluxo magnético através de uma bobina cresce com o tempo $\left(\frac{\partial \Phi(t)}{\partial t} > 0\right)$, o sentido de circulação da corrente induzida na bobina deve ser tal que o campo magnético induzido se oponha ao campo magnético indutor;
- 11. Se o fluxo magnético através de uma bobina decresce com o tempo $\left(\frac{\partial \Phi(t)}{\partial t} < 0\right)$, o sentido de circulação da corrente induzida na bobina deve ser tal que o campo magnético induzido se some ao campo magnético indutor;

Aplicação da lei de Faraday





Perguntas?

acelio.luna@ufc.br