

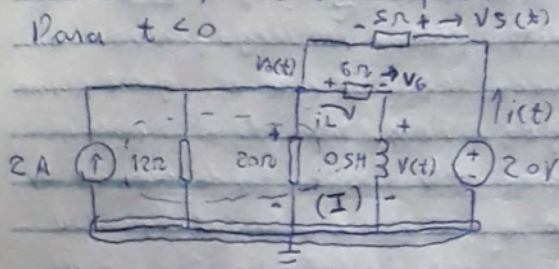
9,0

# AP2 Circuitos elétricos I

Aluno: Francilândio Lima Senafim Matrícula: 472644

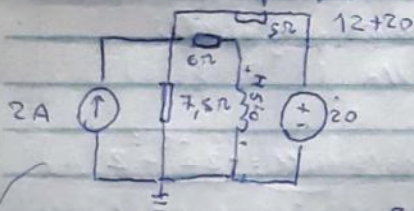
1. a)  $V(t)$ ,  $i(t)$  e  $i(t)$  para  $t > 0$

Para  $t < 0$

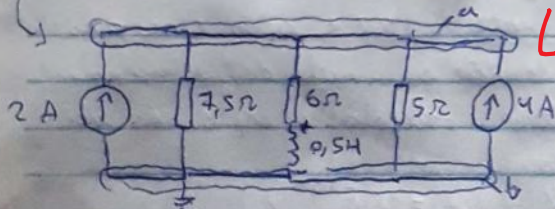


Fazemos a associação dos resistores em paralelo:

$$R_{eq} = \frac{12 \cdot 20}{12 + 20} = \frac{12 \cdot 20}{32} = 7,5 \Omega$$

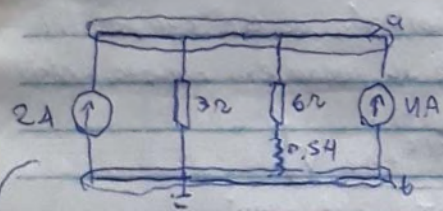


Fazemos a transformação da fonte de tensão para a equivalente de corrente, sendo  $V = RI \rightarrow I = V/R \rightarrow I = 20/5 = 4A$  e redesenhamos o circuito



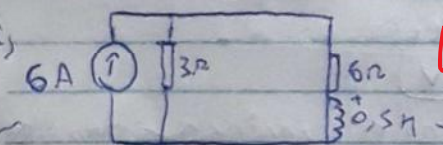
Os resistores de  $7,5 \Omega$  e de  $5 \Omega$  compõem o mesmo ramo em seus terminais, portanto podemos fazer a equivalente paralelo:

$$R_{eq} = \frac{7,5 \cdot 5}{7,5 + 5} = \frac{37,5}{12,5} = 3 \Omega$$

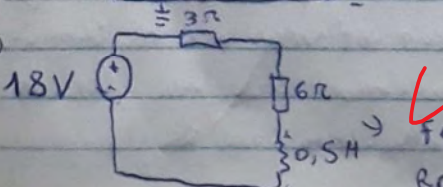


Podemos fazer a equivalente das fontes de corrente em paralelo, por terem os mesmos terminais, e como a soma de duas correntes é a mesma, somamos:

$$I_{eq} = 2 + 4 = 6A$$

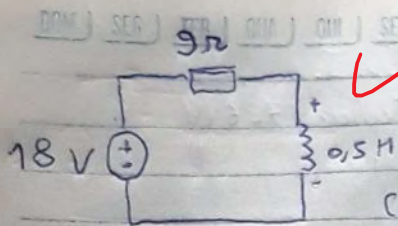


Fazemos a transformação da fonte, sendo  $V = I \cdot R = 6 \cdot 3 = 18V$



Fazemos a equivalente série dos resistores:  $R_{eq} = 3 + 6 = 9 \Omega$





Determinaremos a constante de tempo do circuito, sendo:

$$\tau = L/R = 0,5/9 \rightarrow \tau = 1/18 = 9/0,5 = 18$$

Como o circuito possui um longo período com a chave fechada, infere-se que o regime permanente foi atingido, e nesse momento, o indutor se comporta como curto-circuito, tendo tensão de 0 que se espera, é que, como o indutor possui descarregado, sua corrente inicial seja 0A e com o passar do tempo o mesmo se carregue estabilizando no valor de corrente  $V/R$ , onde  $V=18V$  e  $R=9\Omega$ , e assim temos a expressão para  $i_L(t)$ :

$$i_L(t) = \left[ i_L(0) - \frac{V}{R} \right] e^{-t/\tau} + V/R \quad (\tau = 9/0,5 = 18)$$

$$i_L(t) = \left[ 0 - 18/9 \right] e^{-t/18} + 18/9 \quad i_L(t) = -2e^{-t/18} + 2 \text{ A}$$

O esperado também, é que de início o indutor tenha tensão igual a da fonte de 18V e após duas constantes de tempo, essa tensão se anula devido ao amortecimento, então podemos calcular a expressão da seguinte forma:

$$V_L(t) = 18 e^{-t/\tau} \text{ V} \rightarrow V_L(t) = 18 e^{-18t} \text{ V}$$

Em relação ao circuito original, como o resistor de  $6\Omega$  compartilha a mesma corrente do indutor, a mesma corrente  $i_L$  passa em ambos, então pela Lei de Ohm, calculamos a tensão  $V_6(t)$ :

$$V_6(t) = i_L(t) \cdot 6\Omega = (-2e^{-t/18} + 2) \cdot 6 = -12e^{-t/18} + 12 \text{ V}$$

Portanto, aplicando lei das malhas em (I), obtemos:

$$-V_0(t) + V_6(t) + V_L(t) = 0 \rightarrow V_0(t) = V_6(t) + V_L(t)$$

$$V_0(t) = 18e^{-18t} - 12e^{-t/18} + 12 = 6e^{-18t} + 12 \text{ V}$$

Mas como o nó de potencial  $V_0(t)$  e o nó de referência estão ligados ao ramo da fonte de 20V, podemos afirmar que a tensão nesse ramo equivale a  $V_0(t)$ , então podemos calcular a tensão no resistor de  $5\Omega$  (usando o método da pilha com 20V).



Na verdade:  $V_S(t) = -V_O(t) + 20 = -6e^{-18t} - 12 + 20 = -6e^{-18t} + 8 \text{ V}$

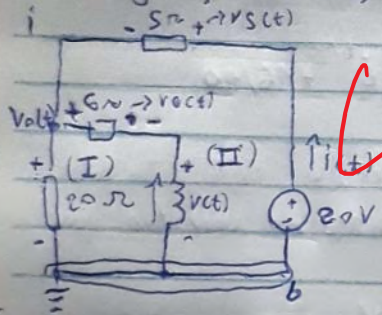
$-20 + V_S(t) = V_O(t) \rightarrow V_S(t) = V_O(t) + 20 = 6e^{-18t} + 32 \text{ V}$

Tendo a tensão no resistor de  $5\Omega$ , e sabendo que a corrente  $i(t)$  passa pelo mesmo, usamos a Lei de Ohm para calcular a expressão  $i(t)$ :

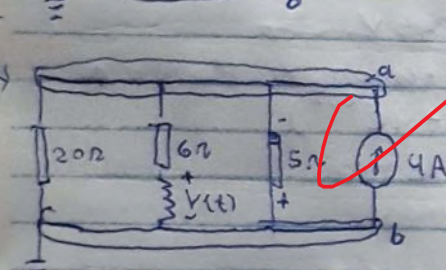
$V_S(t) = i(t) \cdot 5\Omega \rightarrow i(t) = \frac{6e^{-18t} + 32}{5} \rightarrow i(t) = 1,2e^{-18t} + 6,4 \text{ A}$

→ conclusão:  $i(t) = -1,2e^{-18t} + 1,6 \text{ A}$

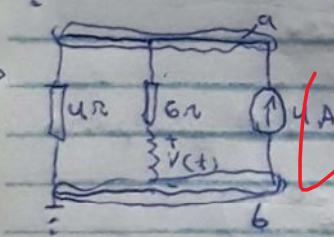
2,5  
b) Como indutores não variam bruscamente a corrente, temos que, para a configuração atual, a corrente no indutor inicialmente é  $2 \text{ A}$ .



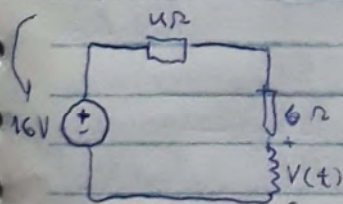
Como o resistor de  $5\Omega$  está no mesmo ramo da fonte, podemos transformá-la em fonte de corrente, mantendo-se as nós de ligação:  
 $I_S = 20/5 = 4 \text{ A}$



Como os resistores de  $20\Omega$  e  $5\Omega$  têm seus terminais ligados nos mesmos nós, podemos fazer o equivalente paralelo:  
 $R_{eq} = \frac{5 \cdot 20}{5 + 20} = \frac{100}{25} = 4\Omega$



A fonte de corrente está em paralelo com o resistor de  $4\Omega$ , e portanto podemos aplicar transformação de fontes, tendo:  
 $V = 4 \cdot 4 = 16 \text{ V}$



Aplicamos equivalência de resistores em série, sendo:  
 $R_{eq} = 4 + 6 = 10\Omega$





A tensão da configuração do circuito atual, é que, como o indutor está carregado, o mesmo descarrega com o passar do tempo, sujeito a um decaimento devido à presença da fonte.

A constante de tempo nesse caso é:

$$\tau = L/R = 0,5/10 = 0,05 \text{ s} \rightarrow \tau = 50 \text{ ms}$$

utilizando a seguinte expressão para determinar a tensão do indutor,

$$v_L(t) = [V - R \cdot i_L(0)] \cdot e^{-t/\tau}, \text{ onde } V = 16 \text{ V}, R = 10 \Omega \text{ e } i_L(0) = 2 \text{ A}$$

$$v_L(t) = [16 - 10 \cdot 2] e^{-20t} \rightarrow v_L(t) = -4 e^{-20t} \text{ V}$$

A corrente no indutor é dada por:

$$i_L(t) = [i_L(0) - V/R] e^{-t/\tau} + V/R \rightarrow i_L(t) = [2 - 16/10] e^{-t/\tau} + 16/10$$

$$\rightarrow i_L(t) = 0,4 e^{-t/\tau} + 1,6 \text{ A}$$

Tendo a corrente no indutor, calculamos a tensão no resistor que compartilha o mesmo ramo, sendo:

$$V_R(t) = (0,4 e^{-t/\tau} + 1,6) \cdot 10 = 2,4 e^{-t/\tau} + 16 \text{ V}$$

Assim, fazendo KVL das malhas em (I), temos:

$$V_o(t) = V_R(t) + v_L(t) = (2,4 e^{-t/\tau} + 16) + (-4 e^{-20t})$$

$$v_o(t) = -1,6 e^{-t/\tau} + 16 \text{ V} \quad (\tau = 50 \text{ ms})$$

Aplicando KVL das malhas em (II), temos:

$$V_S(t) = -V_o(t) + 20 \rightarrow V_S(t) = -(-1,6 e^{-t/\tau} + 16) + 20$$

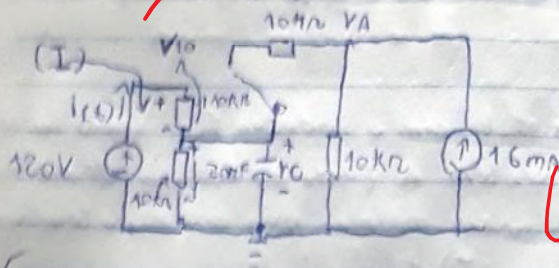
$$V_S(t) = 1,6 e^{-t/\tau} + 4 \text{ V}$$

Logo, por lei de Ohm, determinamos a corrente  $i(t)$  que passa no resistor:

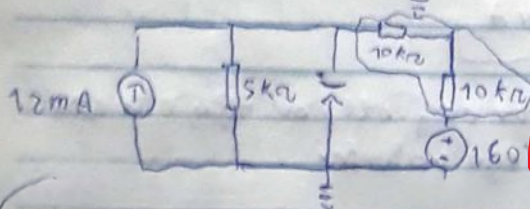
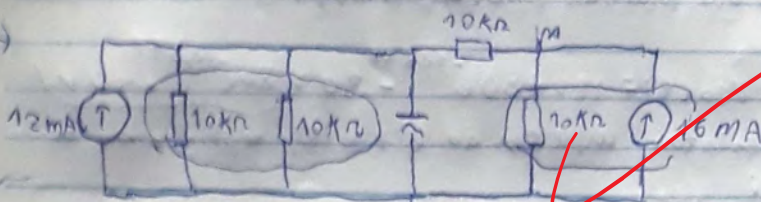
$$i(t) = V_S(t)/5 \Omega = (1,6 e^{-t/\tau} + 4)/5 = 0,32 e^{-t/\tau} + 0,8 \text{ A}$$



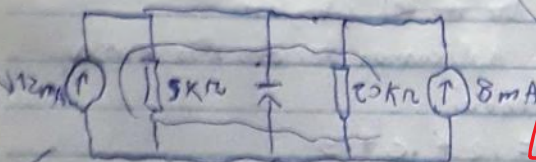
2.0  
 2. a) Para  $x=0$ ,  $v_C(t)$  e  $i(t)$ :



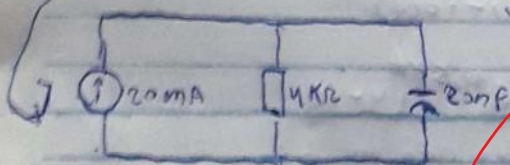
como a fonte de tensão está em série com um resistor, transformamos em fonte de corrente, sendo:

$$I_s = V/R = 120/10k = 12mA$$


Fazemos o equivalente dos resistores em paralelo e a transformação de fonte:

$$R_{eq} = \frac{10k \cdot 10k}{10k + 10k} = 5k\Omega$$


$V = I_s R = 16m \cdot 10k = 160V$   
 Fazemos o equivalente série dos resistores e transformamos a fonte:



$R_{eq} = 10k + 10k = 20k\Omega$   
 $I_s = V/R_{eq} = 160/20k = 8mA$   
 Associamos as fontes em paralelo e os resistores em paralelo:

$$R_{eq} = \frac{20k \cdot 5k}{20k + 5k} = 4k\Omega$$

$$I_{eq} = 12m + 8m = 20mA$$

Constante de tempo:  
 $\tau = RC = 4k \cdot 20m = 80\mu s$   
 $\rightarrow 1/\tau = 12,5K$

A tendência é que o capacitor, inicialmente descarregado, com o passar de  $t > 5\tau$  se carregue e sua tensão passa de 0V até atingir  $20m \cdot 4k = 80V$ , ou seja, para  $t \rightarrow \infty$ :

$V(t) = -80e^{-12,5Kt} + 80V$ , como o capacitor na região permanente atua como circuito aberto, a pena-se que sua corrente inicial seja



20 mA e final 0 A então a expressão da corrente é:  
 $i_c(t) = 20e^{-12,5kt}$  mA

Como o resistor de 10 k $\Omega$  em paralelo com o indutor tem igual tensão podemos inferir que o ramo que contém a fonte de tensão também tem a mesma tensão, por compartilharem mesmos nós em novo semicírculo, então aplicando lei das malhas em (I), temos:

$$-120 + V_{10} + V_L(t) = 0$$

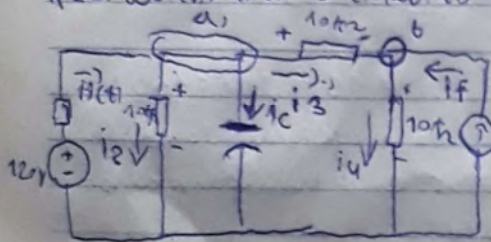
$$V_{10}(t) = 120 - V_L(t) \rightarrow V_{10}(t) = 120 + 80e^{-12,5kt} - 80 = (80e^{-12,5kt} + 40 \text{ V})$$

Como  $i(t)$  passa pelo resistor cuja tensão é  $V_{10}(t)$ , aplicamos a lei de Ohm no mesmo:

$$i(t) = \frac{V_{10}(t)}{10k} \rightarrow i(t) = 8e^{-12,5kt} + 4 \text{ mA}$$

05

b) A corrente  $i(t)$  sai do polo positivo da fonte, ou seja, ela está saindo. Desenhando o circuito de forma equivalente:



Na malha chegamos

Aplicamos lei dos nós em a, sendo:

$$i_5(t) = i_2 + i_3 + i_4$$

$$\rightarrow i_2 + i_3 = i_5(t) - i_4(t)$$

$$\rightarrow i_2 + i_3 = 8e^{-12,5kt} + 4 - 20e^{-12,5kt} \text{ mA}$$

$$i_2 + i_3 = -12e^{-12,5kt} + 4 \text{ mA} \rightarrow i_3 = -12e^{-12,5kt} + 4 - i_2$$

Como  $i_2$  e  $i_3$  passam Aplicando lei dos nós em b:

$$i_3 + i_4 = i_4 \rightarrow -12e^{-12,5kt} + 4 - i_2 + i_4 = i_4$$

$$i_4 = i_4 + 12e^{-6/10} - 4 + i_2$$

$$i_2 = \frac{V_L(t)}{10k} = -8e^{-6/10} + 8 \text{ mA}$$

$$i_3 = -12e^{-12,5kt} + 4 + 8e^{-6/10} - 8 \text{ mA} \rightarrow i_3(t) = -4e^{-6/10} - 4 \text{ mA}$$

refazendo a lei dos nós em b:

$$i_3 + i_4 = i_4 \rightarrow i_4 = -4e^{-6/10} - 4 + 16 \text{ mA} = -4e^{-6/10} + 12$$

A tensão no resistor em que passa  $i_4$  é a mesma da fonte de corrente.

TERRA DO SOL



Aqui na 'b' vc fez os cálculos corretos, mas errou na convenção  
positiva e acabou interpretando errado.

Então, pela lei de ohm:

$$V_A(t) = 40k(-4e^{-t/\tau} + 12)m = -4e^{-t/\tau} + 120V$$

a Potência em cima da fonte é dada por  $Pot = V_A \cdot I_s$

$$Pot = (-40e^{-t/\tau} + 120) \cdot 16 = (-640e^{-t/\tau} + 1920)m$$

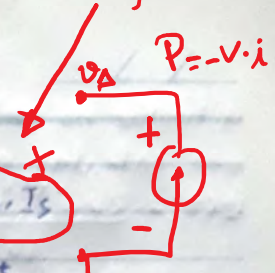
$$\rightarrow Pot = -0,64e^{-t/\tau} + 1,92W \text{ ou } Pot = -0,64e^{-12,5kt} + 1,92W$$

observamos que em  $Pot(0)$ , temos:

$$Pot(0) = 1,92 - 0,64 = 1,28W$$

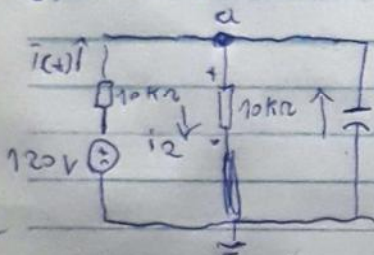
e para  $t \rightarrow \infty \rightarrow Pot(t) = 1,92W$ .

Logo, a Potência na fonte é positiva de em  $0 \leq t < \infty$   
e portanto, ela consome energia.



J.S

c) Para  $t > 0$  temos o circuito:



De início, argumentamos que, como

o capacitor não suporta variações

bruscas de tensão, a tensão final

da configuração com  $t < 0$  é a inicial

na situação atual, ou seja:  $V_C(0+) = 80V$

O esperado é que o capacitor descarregue total

e carregue novamente atingindo regime permanente

onde sua tensão será  $V_C$  da fonte no

circuito RC. O capacitor se descarregará apenas até

Podemos simplificar o circuito fazendo uma

formação de fontes.

$$I_s = \frac{120}{10k} = 12mA$$

e resistência equivalente:

$$\text{Constante de tempo: } \tau = 12ms \text{ ou } R_{eq} = \frac{10k \cdot 10k}{10k + 10k} = 5k\Omega$$

$$\rightarrow \tau = 240\mu s \rightarrow V_C = \frac{10^6}{240}$$

A expressão da tensão no capacitor é:

$$V_C(t) = [80 - 5 \times 12m]e^{-t/\tau} + 5k \cdot 12m$$

$$V_C(t) = 20e^{-t/\tau} + 60V$$

A corrente no capacitor é  $i_C(t) = [12m - \frac{80}{5k}]e^{-t/\tau} = [12m - 16m]e^{-t/\tau}$

$$\rightarrow i_C(t) = -4e^{-t/\tau} mA$$

está de acordo com seus regimes!

$$T = 5 \times 10^3 \cdot 20 \times 10^9$$

$$= 100 \mu D$$

$$\frac{1}{f} = 10k Hz$$



DOM | SEG | TER | QU | QUI | SEX | SÁB

a tensão no resistor de  $10\text{ k}\Omega$  é a mesma do capacitor, então pode  
 mas calcular a corrente no mesmo por lei de ohm, sendo:

$$i_2(t) = \frac{20e^{-t/\tau} + 60}{10\text{ k}} \quad (20e^{-t/\tau} + 60 \text{ mV})$$

Dependendo de onde não em ai

$$i_2(t) + i_c(t) = i_2(t)$$

$$i_2(t) = i_2(t) - i_c(t) \rightarrow i_2(t) = 20e^{-t/\tau} + 60 - (-10e^{-t/\tau}) \text{ mA}$$

$$i_2(t) = 60e^{-t/\tau} + 60 \text{ mA}$$

-0.15

$$i_2(t) = \frac{120 - v_c(t)}{10\text{ k}} \approx \frac{120 - (60 + 20e^{-10kt})}{10\text{ k}}$$

$$\rightarrow i_2(t) = \frac{60 - 20e^{-10kt}}{10\text{ k}} \equiv \frac{6 - 2e^{-10kt}}{1} \text{ (mA)}$$