

TAREFA DA SEMANA 13

01. (10 pontos, sendo 1,25 por item) Calcule as seguintes integrais indefinidas usando o método da Integração por Partes.

- a) $\int xe^x dx$
- **b)** $\int \ln x \, dx$
- c) $\int x^3 \ln x \, dx$
- d) $\int 2x \cos 3x \, dx$
- **e)** $\int \ln(1 + x^2) dx$
- f) $\int x \arctan x \, dx$
- g) $\int x^2 e^x dx$
- h) $\int e^x \cos x \, dx$

DESAFIO (opcional)

02. Calcule as seguintes integrais indefinidas:

- a) $\int \cos(\ln x) dx$
- **b)** $\int x^4 (\ln x)^2 dx$

26 DERIVADAS



GABARITO DA TAREFA DA SEMANA 13

01. a)
$$\int xe^x dx = xe^x - e^x + C$$

$$\mathbf{b)} \quad \int \ln x \ dx = x \ln x - x + C$$

c)
$$\int x^3 \ln x \, dx = \frac{x^4 \ln x}{4} - \frac{x^4}{16} + C$$

d)
$$\int 2x \cos 3x \, dx = \frac{2x \sin 3x}{3} + \frac{2\cos 3x}{9} + C$$

e)
$$\int \ln(1 + x^2) dx = x \ln(1 + x^2) - 2x + 2 \arctan x + C$$

f)
$$\int x \arctan x \, dx = \frac{x^2 \arctan x}{2} - \frac{x}{2} + \frac{\arctan x}{2} + C$$

g)
$$\int x^2 e^x dx = x^2 e^x - 2x e^x + 2e^x + C$$

$$\mathbf{h)} \quad \int e^x \cos x \ dx \ = \ \frac{e^x \cos x \ + \ e^x \sin x}{2} \ + \ C$$

02. a)
$$\int \cos(\ln x) dx = \frac{x\cos(\ln x) + x\sin(\ln x)}{2} + C$$

b)
$$\int x^4 (\ln x)^2 dx = \frac{x^5 (\ln x)^2}{5} - \frac{2x^5 \ln x}{25} + \frac{2x^5}{125} + C$$

DERIVADAS 27