UFF - IME - Departamento de Matemática Aplicada

Nome:

Questão	Valor	Nota
1	1,0	
2	1,5	
3	3,0	
4	1,5	
5	3,0	
Total	10.0	

VE3 de Cálculo 1-TF1-11h - 05/07/2023

Justifique todas as respostas!

1. Calcule

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{3x} - 3x - 1}{x^2 \cos(x)}$$

- 2. Calcule a área da região R entre os gráficos de y=x e $y=x^2-x$. Esboce a região R.
- **3.** Calcule as integrais abaixo:

(a)
$$\int_{-1}^{1} \sqrt{2x+6} \ dx$$

(b)
$$\int \frac{x+2}{x^3-x} \ dx$$

(c)
$$\int x^3 \ln(x^5) \ dx$$

- 4. Considere a função $f(x) = 4x^3 + 3x^2 6x 1$, $x \in [-2, 1]$. Podemos garantir que a f assume máximo e mínimo absolutos no intervalo [-2, 1]? Por quê? Caso a f assuma os extremos absolutos, determine-os.
- 5. Considere a função de expressão $f(x) = xe^{2x}$.
- (a) Determine o domínio da f. (Maximal)
- (b) Determine as interseções do gráfico da f com os eixos coordenados, caso existam.
- (c) Verifique se o gráfico da f possui assíntotas verticas e/ou horizontais. Caso possua, especifique a equação de cada assíntota.
- (d) Calcule f'(x) e estude seu sinal. Diga se a f possui extremos locais.
- (e) Calcule f''(x) e estude seu sinal. Diga se o gráfico da f possui algum ponto de inflexão.
- (f) Esboce o gráfico da f.

BOA PROVA!