

# Entwicklung des Avionik-Thermal-Managements einer Experimentalrakete

cand. aer. Viktor Hoffmann

September 2025



Institut für Thermodynamik der Luft- und Raumfahrt der Universität Stuttgart

Direktor: Professor Dr.-Ing. B. Weigand



#### Universität Stuttgart

#### INSTITUT FÜR THERMODYNAMIK DER LUFT- UND RAUMFAHRT

Direktor: Professor Dr.-Ing. B. Weigand

Pfaffenwaldring 31, 70569 Stuttgart, Germany · http://www.itlr.uni-stuttgart.de



#### **Bachelorarbeit**

für Herrn cand, aer, Viktor Hoffmann

# Entwicklung des Avionik-Thermal-Managements einer Experimentalrakete

#### Motivation und Zielsetzung:

Im Rahmen des Projekts BLAST der studentischen Arbeitsgruppe HyEnD e.V. wird für die neu entwickelte und leistungsstarke Avionik ein Thermal-Management-Konzept notwendig, das die Hardware während der gesamten Flugdauer auf einer sicheren Betriebstemperatur hält. Darunter fallen kritische Systeme wie die Flugcomputer, Telemetrie und Stromversorgung, deren Ausfall durch Überhitzung eine erfolgreiche Bergung verhindern kann, sowie sekundäre Komponenten wie Kameras. Bei der Entwicklung soll insbesondere auf Leichtbau und Ausfallsicherheit geachtet werden.

Zunächst sollen die Randbedingungen der Mission und die Anforderungen an das Thermal-Management mithilfe angemessener Annahmen festgestellt werden. Basierend darauf wird, durch eine Literaturrecherche zu bestehenden Methoden in der Luft- und Raumfahrtindustrie, eine Auswahl getroffen, die sowohl Leichtbau als auch Ausfallsicherheit maximiert. Für die ausgewählten Methoden soll anschließend eine Vorauslegung gemacht und durch Simulationen verifiziert werden.

#### Arbeitsschritte:

- Einarbeitung in die Thematik
- Festlegung der Randbedingungen und Anforderungen
- Literaturrecherche zu vorhandenen Thermal-Management-Methoden
- Auswahl, Konzeption und Vorauslegung geeigneter Methoden
- Simulation und Auswertung der gewählten Methoden zum Vergleich mit der Vorauslegung

#### Ort und Dauer der Arbeit:

Die Bachelorarbeit soll am ITLR sowie bei HyEndD durchgeführt und innerhalb eines Zeitraums von 4 Monaten abgeschlossen werden.

#### Betreuer:

Dr.-Ing. Christian Waidmann, ITLR

Ausgabe: 01.05.2025

Abgabe: 01.09.2025

Hiermit versichere ich, dass ich diese Bachelorarbeit selbstständig mit Unterstützung des Betreuers / der Betreuer angefertigt und keine anderen als die angegebenen

Quellen und Hilfsmittel verwendet habe.

Die Arbeit oder wesentliche Bestandteile davon sind weder an dieser noch an einer anderen Bildungseinrichtung bereits zur Erlangung eines Abschlusses eingereicht

worden.

Ich erkläre weiterhin, bei der Erstellung der Arbeit die einschlägigen Bestimmungen zum Urheberschutz fremder Beiträge entsprechend den Regeln guter wissenschaftlicher Praxis eingehalten zu haben. Soweit meine Arbeit fremde Beiträge (z.B. Bilder, Zeichnungen, Textpassagen etc.) enthält, habe ich diese Beiträge als solche gekennzeichnet (Zitat, Quellenangabe) und eventuell erforderlich gewordene Zustimmungen der Urheber zur Nutzung dieser Beiträge in meiner Arbeit eingeholt. Mir ist bekannt, dass ich im Falle einer schuldhaften Verletzung dieser Pflichten die daraus entstehenden Konsequenzen zu tragen habe.

litter Huffman

Ort, Datum, Unterschrift



# Universität Stuttgart

## INSTITUT FÜR THERMODYNAMIK DER LUFT- UND RAUMFAHRT



Pfaffenwaldring 31, 70569 Stuttgart, Germany http://www.itlr.uni-stuttgart.de



Hiermit erkläre ich

Hoffmann, Viktor/ Matr.-Nr.: 3595910

mich damit einverstanden, dass meine Bachelorarbeit zum Thema

#### Entwicklung des Avionik-Thermal-Managements einer Experimentalrakete

in der Institutsbibliothek des Instituts für Thermodynamik der Luft- und Raumfahrt öffentlich zugänglich aufbewahrt und die Arbeit auf der Institutswebseite sowie im Online-Katalog der Universitätsbibliothek erfasst wird. Letzteres bedeutet eine dauerhafte, weltweite Sichtbarkeit der bibliographischen Daten der Arbeit (Titel, Autor, Erscheinungsjahr, etc.). Nach Abschluss der Arbeit werde ich zu diesem Zweck meinem Betreuer\*in neben dem Prüfexemplar eine weitere gedruckte sowie eine digitale Fassung übergeben.

Der Universität Stuttgart übertrage ich das Eigentum an diesen zusätzlichen Fassungen und räume dem Institut für Thermodynamik der Luft- und Raumfahrt an dieser Arbeit und an den im Rahmen dieser Arbeit von mir erzeugten Arbeitsergebnissen ein kostenloses, zeitlich und örtlich unbeschränktes, einfaches Nutzungsrecht für Zwecke der Forschung und der Lehre ein. Falls in Zusammenhang mit der Arbeit Nutzungsrechtsvereinbarungen des Instituts mit Dritten bestehen, gelten diese Vereinbarungen auch für die im Rahmen dieser Arbeit entstandenen Arbeitsergebnisse.

Ort, Datum, Unterschrift

# Kurzzusammenfassung

Für das Projekt Biliquid launch and Space Technology (BLAST) der Hochschulgruppe Hybrid Engine Development (HyEnD) wird eine neue, kompakte und hochleistungsfähige Avionik entwickelt, die unter extremen Flugbedingungen arbeitet. Die in dieser Arbeit entwickelte Kühlung muss leicht, zuverlässig, wiederverwendbar und für eine maximale Sperrschichttemperatur von  $T_{\rm J}\approx T_{\rm C}\leq 89.15\,^{\circ}{\rm C}$  für die gesamte Flugdauer ausgelegt sein. Basierend auf den Anforderungen und Flugbedingungen wurden drei Konzepte untersucht: reiner Radiator, reines Phase Change Material (PCM) und eine hybride Radiator-PCM-Lösung. Die Vorauslegung ergab, dass ein Radiator wegen aerothermaler Aufheizung ungeeignet ist. Die hybride Lösung ist möglich, jedoch durch geometrische Verluste und hohe Luftwärmeströme der Vorauslegung nach mit 4.177 kg schwerer als ein einfaches PCM mit 0.347 kg. Conjugate Heat Transfer (CHT)-Simulationen der Außenströmung und des PCM bestätigten trotz angenommener Vereinfachungen die Vorauslegungsergebnisse mit einer Masse des hybriden Radiator-PCM von 1.625 kg.

# Abstract

For the BLAST project of the HyEnD university group, a new, compact, and high-performance avionics system is being developed to operate under demanding flight conditions. The cooling system developed in this work must be lightweight, reliable, reusable, and designed for a maximum junction temperature of  $T_{\rm J} \approx T_{\rm C} \leq 89.15\,^{\circ}{\rm C}$  for the entire flightduration. Based on the requirements and flightconditions, three concepts were investigated: pure radiator, pure PCM, and a hybrid radiator-PCM solution. Preliminary design showed that a radiator is unsuitable due to aerothermal heating. The hybrid solution is feasible but, according to the preliminary design, heavier at 4.177 kg due to geometric losses and high convective heat flux than a simple PCM at 0.347 kg. CHT simulations of the external flow and the PCM confirmed the preliminary design results despite assumed simplifications with a mass of the hybrid radiator PCM of 1.625 kg.

# Inhaltsverzeichnis

ĸ	urzzı	isammenrassung	1
Ta	abelle	enverzeichnis	$\mathbf{V}$
$\mathbf{A}$	bbild	ungsverzeichnis	VI
Sy	mbc	lverzeichnis	/II
1	Ein	führung	1
	1.1	Darstellung des Problems	1
	1.2	Zielsetzung der Arbeit	2
	1.3	Lösungsweg	2
2	Gru	ndlagen	3
	2.1	Sensible Wärme	3
	2.2	Latente Wärme	3
	2.3	Wärmeübertragung	4
		2.3.1 Wärmestrahlung	4
		2.3.2 Wärmeleitung	4
		2.3.3 Konvektion	4
		2.3.4 Simulation	5
3	Vor	auslegung	6
	3.1	Anforderungen	6
	3.2	Phase Change Materials	9
	3.3	Radiator	12
	3.4	PCM-Radiator-Hybrid	13
	3.5	Thermales Interface	17
		3.5.1 Thermal Straps	18
4	Sim	ulation	19
	4.1	CFD	19
	4.2	PCM-Radiator-Hybrid	20
	4.3	Aerothermal	20
	1.1	PCM	26

5	Discussion and conclusions 5.1 Discussion about including pictures	<b>3</b> 0
6	Zusammenfassung und Ausblick	31
A	ppendix	34

# Tabellenverzeichnis

3.1	Leistung der Avionik	7
3.2	Stoffdaten für Eicosane	10
3.3	AZ-93 Spezifikationen [1]	12

# Abbildungsverzeichnis

3.1	Flugdaten der Trajektoriensimulation	8
3.2	PCM Auslegung	11
3.3	Radiator Leistung nach Fläche und Temperatur	12
3.4	PCM Wärmestrom ohne aerodynamische Aufheizung	14
3.5	PCM Wärmestrom bei aerodynamischer Aufheizung	14
3.6	Kontourlänge vom Staupunkt der Rakete bis zum Mittelpunkt des	
	Radiators	14
3.7	Dimensionierungs-Ablauf in der Vorauslegung	15
3.8	Reynolds- und Prandtlzahl während kritischer Phase im Flug	16
3.9	PCM Wärmestrom während Flug	16
3.10	Kommerzeill erhältliche Thermal Straps aus Graphen, Kupfer und	
	Aluminium [3]	18
4.1	PCM Struktur und vereinfachtes Mesh	19
4.2	Darstellung der Außensströmungssimulation mit Meshstruktur in grau,	10
1.2	velocity inlet in blau, pressure outlet in rot, Symmetrien in gelb und	
	Partitionen der parallelisierung in lila	21
4.3	Schichtaufdickungen des Mesh an der Rakete	21
4.4	Spezifischer Wärmestrom an der Außenhaut bei maximalem dynami-	
1.1	schen Druck, sowie 10 s davor, danach und 20 s danach	22
4.5	y+ Wert an der Außenhaut bei maximalem dynamischen Druck, sowie	
1.0	10 s davor, danach und 20 s danach	23
4.6	PCM Wärmestrom während Flug mit Simulationsergebnissen und Fit	
	Kurve	24
4.7	Maximaler dynamischer Druck (max Q) Konturen	25
4.8	Approximiertes Beschleunigungsprofil	26
4.9	Flüssigkeitsanteil Konturen. Die Legende bezieht sich auf 4.9d	28
4.10	Konturen der statischen Temperatur. Die Legende bezieht sich auf 4.10d	28
4.11	Geschwindigkeitsvektoren der Konvektionswirbel einer, durch Nachbe-	
	arbeitung, vervollständigten Zelle bei 900 s. Darstellung der weiteren	
	Zeitschritte ist in 6.3 zu finden	29
6.1	Statische Temperaturkontur der Luft	37
6.2	Machzahlkontur der Luft	38

 $6.3\,$  Konturen der statischen Temperatur. Die Legende bezieht sich auf  $4.10\mathrm{d}$   $39\,$ 

# Symbolverzeichnis

#### Lateinische Symbole

tur

c J kg<sup>-1</sup> K<sup>-1</sup> Spezifische Wärmekapazität h J kg<sup>-1</sup> Spezifische Schmelzenthalpie

#### Griechische Symbole

 $\rho$  kg m<sup>-3</sup> Dichte

 $\lambda$  W m<sup>-1</sup> K<sup>-1</sup> Wärmeleitfähigkeit

 $\gamma$  K<sup>-1</sup> Wärmeausdehnungskoeffizient

 $\begin{array}{ccc} \epsilon & & \text{Emissionsgrad} \\ \alpha & & \text{Absorptionsgrad} \end{array}$ 

#### **Indizes**

solidus Solidus Temperatur des Phasenwechsels

liquidus Temperatur des Phasenwechsels

solid Feststoff Eigenschaften liquid Flüssigstoff Eigenschaften fus Schmelz Phasenwechsel

p Konstanter Druck

J Sperrschicht C Gehäuse

safety Mit Sicherheitsfaktor 1.5

t spektral integriert

s solar

## Hochgestellte Indizes

ct continuum regime

## Abkürzungen

**PCM** Phase Change Material

PCB Printed Circuit Board

**BLAST** Biliquid launch and Space Technology

FCC Flight Control Computer

HyEnD Hybrid Engine Development

**CFD** Computational Fluid Dynamics

**CHT** Conjugate Heat Transfer

**PGS** Pyrolithic Graphite Sheet

max Q Maximaler dynamischer Druck

**GSE** Ground Support Equipment

**PCDU** Power Control and Delivery Unit

**ATM** Avionik-Thermal-Management

**ROM** Reduced Order Model

**UDF** User Defined Function

# 1 Einführung

Eine leistungsstarke Avionik ist ein Grundstein jeder erfolgreichen Experimentalrakete. Ob es hierbei um Flight Control Computer (FCC), Telekommunikation,
Datenerfassung oder auch aktive Steuerung und Regelung von Instrumenten und
dem Fahrzeug während des Flugs geht, kompakte Hochleistungsmikroelektronik ist
immer gefragt und muss oft redundant ausgeführt sein. Diese Elektronik, die zudem
noch extremen Bedingungen ausgesetzt wird, kommt jedoch mit einer substanziellen
Wärmeleistung und Wärmestromdichte die, bei mangelhafter Rücksicht zu reduzierter Lebensdauer der Avionik führt, oder sogar die Mission frühzeitig scheitern lässt.

Diese Arbeit befasst sich mit der lösung des dargestellten problems für das Projekt BLAST der studentischen Hochschulgruppe HyEnD wo eine neue Avionik entwickelt wird und ein Avionik-Thermal-Management (ATM) benötigt wird.

# 1.1 Darstellung des Problems

Das Thermal-Problem einer Experimentalrakete beginnt bereits lange vor dem eigentlichen Start. Oft muss nach integration und Befestigung der Rakete auf der Rail und Verbindung mit dem Ground Support Equipment (GSE) noch einige Stunden auf das Startfenster gewartet werden. Während dieser Zeit steht die Rakete der Umwelt ausgesetzt oft in der Sonne und kann, je nach Struktur und Beschichtung der Sektion interne Temperaturen über den zulässigen 89.15 °C erreichen. Da in dieser Phase eine Verbindung mit dem GSE besteht kann Masse durch externe Kühlung währenddessen eingespart werden, weshalb in dieser Arbeit nur für die darauf folgende Flugphase das ATM entwickelt werden soll. Da BLAST für ein Apogäum über der Kármán-Linie (100 km) entwickelt wird, sind während dem Flug extreme Umweltbedingungen durch aerothermale Aufheizung, microgravitation und annäherndes Vakuum zu erwarten, die ein komplexes ATM fordern.

In der Vergangenheit wurde bei HyEnD oft die Avionik ohne Redundanz oder zusammen mit fertig gekaufter Avionik, für Missionskritische Aufgaben wie den Fallschirm-Auswurf, ausgeführt. Beim Projekt BLAST soll das vermieden werden, indem der selbst entwickelte FCC in Dual Duplex Redundanz ausgelegt wird. Demensprechend gibt es vier Computer die die selben Programme ausführen und den

Einführung 1.3 Lösungsweg

vierfachen Stromverbrauch gegenüber einfach ausgeführter Avionik haben. Hinzu kommen weitere Kameras, Funkplatinen, Verstärker, Sensor-Schnittstellen etc. die jedoch keine redundante Ausführung haben.

Dem Energieerhaltungssatz nach haben der FCC, die Kameras und weitere Elektronik die keine Leistung abgibt, gegenüber etwa der Power Control and Delivery Unit (PCDU) und Funkplatine welche Leistung in Form von Strom und elektromagnetischer Strahlung abgeben, einen Wirkungsgrad von 0 %, da Logikoperationen physikalisch gesehen keine Arbeit sind. Resultierend wird der komplette Stromverbrauch in Wärme umgewandelt.

## 1.2 Zielsetzung der Arbeit

Da es sich beim ATM um ein peripheres System handelt, soll besonders hohe Zuverlässigkeit gewehrleistet werden, da trotz der Redundanz des FCC ein Ausfall der Kühlung zum Ausfall durch Überhitzung führen kann.

Desweiteren ist Wiederverwendbarkeit, die kosten minimiert, aber besonders komplexe Integrations- und Vorbereitungsvorgänge vermeided eine Priorität.

Als letzte Anforderung, nach einer Auswahl basierend auf den ersten beiden, soll wegen des begrenzten Massenbudgets der Avionik besonders auf Leichtbau geachtet werden und die Masse des ATM soweit wie möglich minimiert werden.

## 1.3 Lösungsweg

Um ein geeignetes ATM zu entwickeln wird zunächst eine Auswahl an etablierten Lösungen aus der Luft- und Raumfahrtindustrie getroffen, die die gestellten Anforderungen erfüllen können.

Diese werden in der Vorauslegung mithilfe eines Reduced Order Model (ROM) in Python ausgewertet, um eine erste Abschätzung der Leistungsfähigkeit zu erhalten. Anschließend wird die Vorauslegung, soweit mit vorhandenen Rechenressourcen möglich, durch CHT-Simulationen mit Domänenreduktion verifiziert und die Ergebnisse vergleichbar gemacht.

# ${f 2}$ Grundlagen

In diesem Kapitel werden die Thermodynamischen, Chemischen und Numerischen Grundlagen erläutert, die in dieser Arbeit angewandt wurden.

#### 2.1 Sensible Wärme

Unter sensibler Wärme versteht man die Eigenschaft von Masse durch eine Temperaturänderung Wärmeenergie zu absorbieren oder abzugeben. Dieses Phänomen kann durch die änderung der kinetischen Energie von den molekularen Teilchen im System erklärt werden. Durch das einführen von Wärmeenergie in ein System steigt die kinetische Energie der Teilchen:

$$c = \frac{\Delta Q}{m \cdot \Delta T} \tag{2.1}$$

Da Elektrionik eine gewisse Eigenmasse hat und meist Teil einer größeren Baugruppe ist, gibt es durch die Sensible Wärme eine Dämpfung zu Temperaturänderungen, welche jedoch zeitlich von der Wärmeleitfähigkeit der Materialien abhängt.

#### 2.2 Latente Wärme

Im Gegenteil zur sensiblen Wärme ist latente Wärme, auch Umwandlungsenthalpie genannt, die Eigenschaft von Masse bei einem Phasenwechsel Wärmeenergie zu absorbieren oder abzugeben, ohne dass dabei die Temperatur sich ändert. Das ist durch die erhöhung der potentiellen Energie der Teilchen, statt der kinetischen wie bei der sensiblen Wärme, zu verstehen. Effektiv erhöht sich die potentielle Energie durch Änderung der Bindungszustände. Die Stoffkonstante der Umwandlungsenthalpie ist die spezifische Umwandlungsenthalpie:

$$h = \frac{\Delta Q}{m} \tag{2.2}$$

Zu beachten ist, dass die Konvention der Schreibweise für die massenspezifische Fest-Flüssig Umwandlungsenthalpie spezifische Schmelzenthalpie ist, aber für die massenspezifische Flüssig-Gas Umwandlungsenthalpie nur Verdampfungsenthalpie ist.

Die latente Wärme ist für die meisten Materialien im Fest-Flüssig Übergang um mindestens den Faktor 10 größer als die sensible Wärme bei einem Grad Temperaturerhöhung. Genauso ist die Verdampfungsenthalpie vom Flüssig-Gas Übergang meist um etwa den Faktor 10 größer als die spezifische Schmelzenthalpie [2].

## 2.3 Wärmeübertragung

Um Wärme innerhalb von einem System günstig zu verteilen, oder die Energie aus dem System zu entfernen, gibt es drei Mechanismen.

#### 2.3.1 Wärmestrahlung

Bei der Wärmestrahlung geben Teilchen beim aufnehmen oder abgeben kinetischer Energie eine Gewisse Menge an Energie in Form von Elektromagnetischer Strahlung ab. Da die Strahlungsleistung von der vierten Potenz der Temperatur abhängt, ist dieser Modus erst bei sehr hohen Temperaturen dimensionierend, kann jedoch im Vakuum dominant sein:

$$\dot{Q} = \sigma \epsilon A T^4 \tag{2.3}$$

#### 2.3.2 Wärmeleitung

Bei der Wärmeleitung wird Wärmeenergie in einem Körper durch diffusion der kinetischen Energie der Teilchen verteilt. Die Wärmestromdichte in einem Temperaturgradienten wird durch das Fourier-Gesetz beschrieben:

$$\vec{\dot{q}} = -\lambda \nabla T \tag{2.4}$$

#### 2.3.3 Konvektion

Bei der Konvektion wird Wärmeenergie durch Massenaustausch transportiert. Bei der erzwungenen Konvektion bekommt das Fluid durch äußere Kräfte eine relative Geschwindigkeit, die zum Massenaustausch führt. Andererseits resultiert bei der natürlichen Konvektion nur die eigene inhomogene Temperaturverteilung, durch beispielsweise eine anliegende heiße Wand, zu einem Temperaturanstieg und infolge dessen zu einem Dichteanstieg, der in einem Beschleunigungsfeld zu Auftriebskräften und automatischer Bewegung des Fluids führt. Für den Wärmeübergang zwischen Fluid und Festkörper ergibt sich:

$$\dot{Q} = \alpha A \Delta T \tag{2.5}$$

Für den spezifischen Wärmestrom zwischen Fluid und Festkörper folgt daraus:

$$\dot{q} = \alpha \left( T_f - T_w \right) \tag{2.6}$$

Der Wärmeübergangskoeffizient  $\alpha$  wird aus der Nußelt Beziehung genommen. Diese lautet für laminare Grenzschichten im Gültigkeitsbereich Re < Re $_k$  (Re $_k \approx 5 \cdot 10^5$ ) und  $0, 6 \leq \Pr \leq 2000$ :

$$Nu_x = \frac{\alpha_x x}{\lambda} = 0,332 \text{ Pr}^{\frac{1}{3}} \text{ Re}_x^{\frac{1}{2}}$$
 (2.7)

für turbulente Grenzschichten mit Gültigkeitsbereich:  $5 \cdot 10^7 \le \text{Re}_L \le 10^7$  und  $0, 6 \le \text{Pr} \le 2000$  lautet die Gleichung:

$$Nu_x = \frac{\alpha_x x}{\lambda} = 0,0296 \text{ Re}_x^{0,8} \text{ Pr}^{\frac{1}{3}}$$
 (2.8)

Für die Reynoldszahl und Prandtlzahl werden die folgenden zwei Gleichungen verwendet:

$$\operatorname{Re}_{x} = \frac{V\rho x}{\eta}$$
 (2.9)  $\operatorname{Pr} = \frac{c_{p}\eta}{\lambda}$ 

Die Dynamische Viskosität wird mittels der Sutherlands-Formel 2.12 berechnet, und die Recoverytemperatur mittels der adiabaten Strömungsgleichung 2.13. In diesem Fall wird die Recoverytemperatur statt der Freistromtemperatur benötigt, da die signifikanten Wärmestrome weit über Mach 0.3 erwartet werden und somit die aerodynamische Aufheizung berücksichtigt wird. Dementsprechend wird  $T_{\rm f}$  aus 2.11 zu  $T_{\rm r}$ :

$$\dot{q} = \alpha \left( T_{\rm r} - T_{\rm w} \right) \tag{2.11}$$

$$\eta = \eta_0 \frac{T_0 + C}{T_\infty + C} \left(\frac{T_\infty}{T_0}\right)^{\frac{2}{3}} \tag{2.12}$$

$$T_r = T_\infty \left( 1 + r \frac{\kappa + 1}{2} \text{Ma}^2 \right) \tag{2.13}$$

Der Recovery-Faktor kann mittels der folgenden Gleichung approximiert werden:

$$r = \frac{2}{(\kappa - 1) \operatorname{Ma}_{e}^{2}} \left( \frac{T_{a_{w}}}{T_{e}} - 1 \right) \approx \begin{cases} \sqrt[3]{\operatorname{Pr}} & \text{für turbulente Grenzschicht} \\ \sqrt{\operatorname{Pr}} & \text{für laminare Grenzschicht} \end{cases}$$
(2.14)

#### 2.3.4 Simulation

# 3 Vorauslegung

Die Flugdaten kommen aus einer Trajektoriensimulation aus dem Simulationsprogramm OpenRocket, welche vom Triebwerk-Subsystem durchgeführt wurde. Diese Flugdaten (3.1) sind eine Maximalabschätzung der Schubkraft und dauer, welche in maximaler Flugdauer und Aerodynamischen Aufheizung resultiert.

## 3.1 Anforderungen

Da die Kühlung zeitgleich zu der Avionik entwickelt wurde, musste auf eine genaue Analyse aller Komponenten der Avionik verzichtet werden. Stattdessen wurde anhand des bereits festgelegten Microcontrollers STM32H743ZGT6, der auf den redundanten Flugcomputern verwendet wird, die Auslegung durchgeführt.

Aus dem Datenblatt des Microcontrollers folg eine maximale Sperrschichttemperatur von  $T_{\rm J}=125\,^{\circ}{\rm C}$  [4] und ein Sperrschicht-Gehäuse Wärmeleitwiederstand von  $\Theta_{\rm JC}=23.9\,^{\circ}{\rm C~W^{-1}}$  [4]. Mit einem konservativen Sicherheitsfaktor von 1.5, um bisher unbekannte Bauteile zu berücksichtigen, folgt daraus  $\Theta_{\rm JC,safety}=35.85\,^{\circ}{\rm C~W^{-1}}$  und eine maximale Gehäusetemperatur von  $T_{\rm C}=89.15\,^{\circ}{\rm C}$ .

Die Leistung der Avionik ergibt sich durch den Maximalverbrauch der FCC mikrocontroller bei maximaler clock rate (400 MHz) und vollständig aktiver Peripherie, der Kameras und einer Abschätzung der restlichen Komponenten.

Tabelle 3.1: Leistung der Avionik

Komponente	Spannung & Strom	Wirkungsgrad	Wärmestrom
STM32H743ZGT6	$V_{\rm DD} = 3.3  \mathrm{V},$	$\approx 0\%$	$1.769\mathrm{W}$
	$I_{\rm DD} = 536 \mathrm{mA} [4]$		
$\dot{Q}_{ m ges}$			$7.075\mathrm{W}$
RunCam Split 4 V2	$V_{\mathrm{DD}} = 5  \mathrm{V},$	$\approx 0\%$	$2.25\mathrm{W}$
	$I_{\rm DD} = 450  \text{mA}  [9]$		
$\dot{Q}_{ m ges}$			9 W
Thebe-II	$V_{\rm DD} = 3.6  \mathrm{V},$	$\approx 30\%$	1.3 W
	$I_{\rm DD} = 500 \mathrm{mA} [11]$		
PCDU		$\approx 30 \%$	9.3 W
$\dot{Q}_{ m ges, \ safety}$			40 W

Die Kühlung soll außerdem eine hohe Zuverlässigkeit haben, welche durch Verwendung von ausschließlich passiven Bauteilen gewehrleistet wird. Dadurch kann aufwendiges und teures testen und verifizieren von aktiven Bauteilen mit mechanischer oder elektrischer Funktion vermieden werden und es besteht bei nicht nominalen Flügen eine geringere Ausfallwahrscheinlichkeit durch die inherent größeren Toleranzen passiver Bauteile.

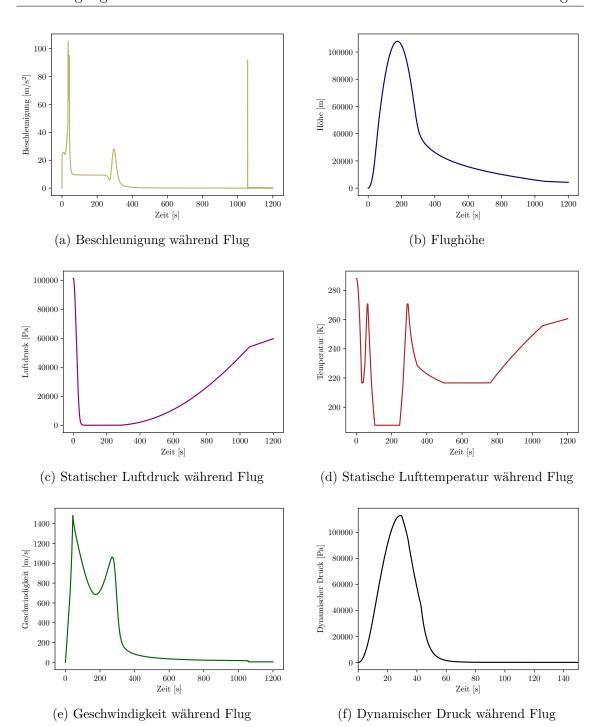


Abbildung 3.1: Flugdaten der Trajektoriensimulation

## 3.2 Phase Change Materials

PCM mit Fest-Flüssig Übergang sind eine weit verbreitete Lösung in der Luft- und Raumfahrtindustrie um für für begrenzte Zeiträume Elektronik in einem akzeptablen Temperaturbereich zu halten. Auch wenn PCM Lösungen generell eine hohe Masse haben, wird das oft aufgrund der ansonsten idealen Eigenschaften inkauf genommen. Durch die hohe spezifische Schmelzenthalpie, kann rein passiv eine große Wärmemenge, bei einem isothermen Prozess, absorbiert werden. Aufgrund dessen kann ein von der Umwelt isoliertes ATM entwickelt werden, das nicht mit stark schwankenden Zuständen der Sonneneinstrahlung und Lufttemperatur zurecht kommen muss. Auch wenn PCM im Flüssig-Gas Übergang meist eine etwa 10-fach höhere Verdampfungsenthalpie haben, werden diese generell nicht verwendet, da der Dichteunterschied zwischen Flüssig- und Gasphase zu extremen Drücken führen würden, falls Wiederverwendbarkeit verlangt wird und somit ein Druckkörper nötig ist. Alternativ kann die Gasphase auch aus dem Fahrzeug abgelassen werden in einem Prozess der Vapour Venting genannt wird. Hierbei geht jedoch die Wiederverwendbarkeit verloren, da vor jedem Start die Flüssigphase neu getankt werden muss. Weiter kann das Venting trotz der geringen Massenströme zu Momenten führen, die das Fahrzeug destabilisieren; besonders im Überschallbereich können unintuitive Momente entstehen [6], die aufwendige Computational Fluid Dynamics (CFD)-Simulationen oder Tests benötigen. Dementsprechend wird nur ein Fest-Flüssig PCM analysiert.

Für die Auswahl eines geeigneten PCM sind spezifische Schmelzenthalpie, Schmelztemperatur und Wärmeleitfähigkeit am wichtigsten. Letzteres kann jedoch durch Lamellen oder ähnliche Strukturen, zur Verbesserung der Wärmeleitfähigkeit durch das komplette PCM verbessert werden, wobei dabei PCM Masse mit Strukturmasse ersetzt wird und somit die Wärmekapazität verringert. Das Volumen der Wärmeleitenden Struktur welches PCM ersetzt wird Void Fraction genannt, da es gewissermaßen eine Leerstelle im PCM bildet, die keine latente Wärmeaufnahme hat. Hier wird ein Void Fraction von F=0.1 todo

Die Thermodynamischen Eigenschaften von Eicosane, aufgeführt in Tabelle 3.2, wurden aus mehreren Quellen entnommen.

Tabelle 3.2: Stoffdaten für Eicosane

Solidus Temperatur	$T_{ m solidus}$	309 K [8]
Liquidus Temperatur	$T_{ m liquidus}$	311 K [8]
Spezifische Wärmekapazität bei konstantem Druck der Flüssigphase	$c_{p, m liquid}$	$2350.05\mathrm{Jkg^{-1}K^{-1}}$ [8]
Spezifische Wärmekapazität bei konstantem Druck der Feststoffphase	$c_{p,\mathrm{solid}}$	$2132.4\mathrm{Jkg^{-1}K^{-1}}$ [8]
Dichte der Flüssigphase	$ ho_{ m solid}$	$910 \mathrm{kg} \mathrm{m}^{-3} [7]$
Dichte der Feststoffphase	$ ho_{ m liquid}$	$769 \mathrm{kg} \mathrm{m}^{-3} [7]$
Wärmeleitfähigkeit der Flüssigphase	$\lambda_{ m liquid}$	$0.1505\mathrm{Wm^{-1}K^{-1}}$ [5]
Wärmeleitfähigkeit der Feststoffphase	$\lambda_{ m solid}$	$0.4248\mathrm{Wm^{-1}K^{-1}}$ [10]
Wärmeausdehnungskoeffizient	$\gamma$	$0.0009\mathrm{K^{-1}}$ [5]
Spezifische Schmelzenthalpie	$h_{ m fus}$	$240998.86\mathrm{Jkg^{-1}}$ [8]

```
# aluminium density [kg*m^-3]
  rho_alu = 2700
                      # pcm density [kg*m^-3]
  rho_pcm = 788
          = 240998.9
                     # pcm latent heat [J*kg^-1]
  F
           = 0.1
                      # void fraction
           = 0.001
                      # wall thickness [m]
5
6
  def total_mass(L, H): # pcm mass including case and fins
7
      return (rho_alu * (L**2 * H - (L - 2*t)**2 * (H - 2*t))
8
               + (F * rho_alu + (1 - F) * rho_pcm) * (L - 2*t)
9
                  **2 * (H - 2*t))
10
  def total_heat(L, H): # pcm latent heat capacity
11
12
               = (1 - F) * rho_pcm * (L - 2*t)**2 * (H - 2*t)
      pcm_heat
13
          * h
       return pcm_heat
14
```

Listing 3.1: Berechnung der Masse und Latenten Wärmekapazität des PCM in der pcm.py

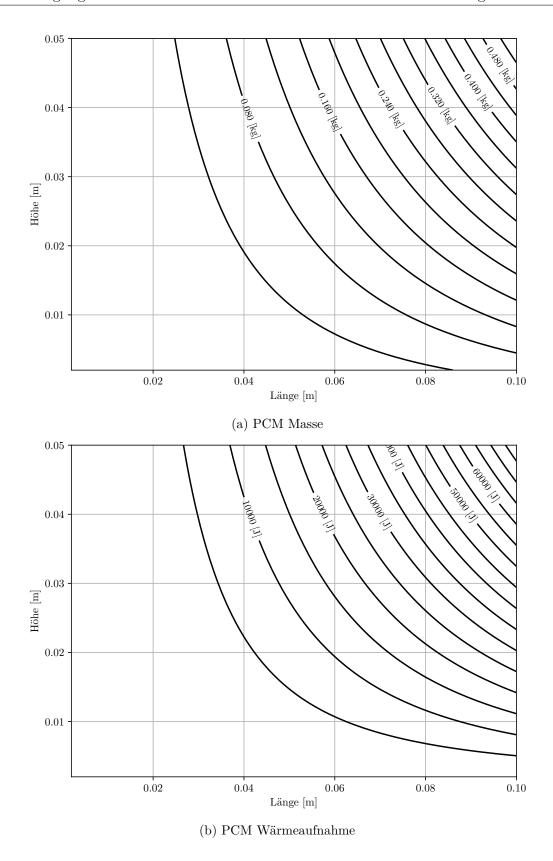


Abbildung 3.2: PCM Auslegung

Vorauslegung 3.3 Radiator

## 3.3 Radiator

Bei Radiatoren ist ein hoher Emissions- und niedriger Absorptionsgrad nach 2.3 dimensionierend, da die Temperatur den Anforderungen nach limitiert ist und die Fläche minimiert werden muss, da diese proportional zu eingehende Wärmeströmen aus der Umgebung ist, welche auch möglichst gering gehalten werden müssen.

Als Beschichtung wurde AZ-93 der Firma AZ Technology LLC. [1] ausgewählt. Dabei handelt es sich um eine in der Raumfahrt weit verbreitete inorganische Farbe mit idealen Eigenschaften, welche Tabelle 3.3 entnommen werden können. In 3.3 sieht man für die ausgewählte Beschichtung die Leistung eines Radiators bei gegebener Temperatur und Fläche. Durch in 3.4 analysierte Wärmeströme, würde es bei nutzung eines einfachen Radiators schnell zur Überhitzung der Avionik kommen.

Tabelle 3.3: AZ-93	3 Spezifikationen [1]
$\epsilon_{ m t}$	$0.91 \pm 0.02$
$\alpha_{ m s}$	$0.15 \pm 0.02$
Temperaturbereich	-180 °C bis 1400 °C

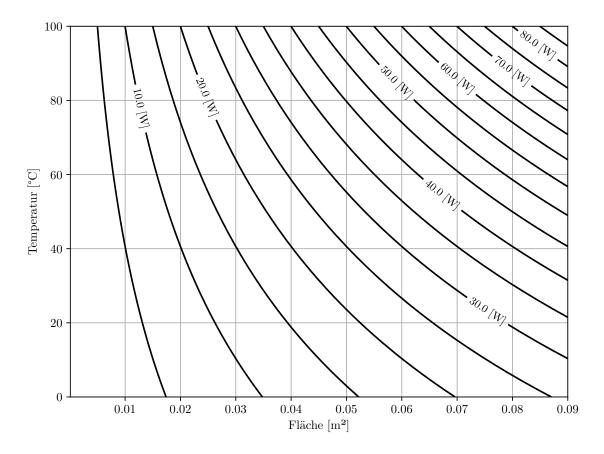


Abbildung 3.3: Radiator Leistung nach Fläche und Temperatur

# 3.4 PCM-Radiator-Hybrid

Eine Hybridlösung wird auch in erwägung gezogen, um die Masse durch Nutzung eines Radiators zu minimieren, wobei wegen aerodynamischer Aufheizung für kurze Zeit ein PCM gebraucht werden könnte. Um eine umständliche Simulation mittels CFD zu vermeiden, wird die Außenkontour der Rakete von Spitze bis Avionik-Sektion, mit Hilfe der Nußelt-Beziehungen, als längsangeströmte ebene Platte angesehen, wie in Abbildung 3.6 dargestellt ist. Um zu wissen, ob hier die Beziehung für laminare oder turbulente Grenzschichten angewandt werden soll, müssen zunächst die Gültigkeitsbereiche der Reynolds- und Prandtlzahl (2.10, 2.9) überprüft werden. Mittels der Nußelt-Beziehung wird  $\alpha$  bestimmt und dann in Gleichung 2.11 eingesetzt, um auf den spezifischen Wärmestrom zu schließen.

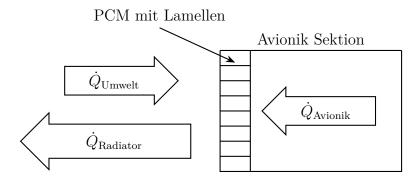


Abbildung 3.4: PCM Wärmestrom ohne aerodynamische Aufheizung

 $\dot{Q}_{\rm Radiator} = \dot{Q}_{\rm Umwelt} + \dot{Q}_{\rm Avionik}$  In diesem Fall reicht die Leistung des Radiators, um die Avionik auf Betriebstemperatur zu halten.



Abbildung 3.5: PCM Wärmestrom bei aerodynamischer Aufheizung

Hier reicht die Leistung des Radiators nicht mehr aus und das PCM fängt an zu schmilzen. Zu beachten ist, dass die Leistung des Radiators durch die Temperaturerhöhung steigen würde, wegen des PCM jedoch sehen wir das System als isotherm an.

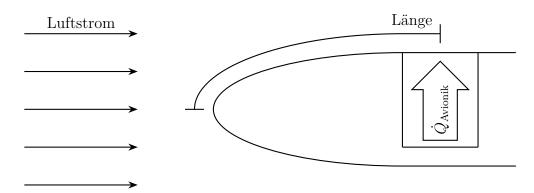


Abbildung 3.6: Kontourlänge vom Staupunkt der Rakete bis zum Mittelpunkt des Radiators

In Abbildung 3.7 sieht man wie die Dimensionierung in den Programmen abläuft. Die Programme erzeugen alle Graphen und rechnen simultan für gegebenen Avionik Wärmestrom alle Werte aus.

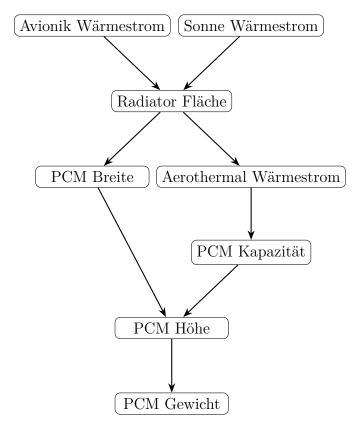


Abbildung 3.7: Dimensionierungs-Ablauf in der Vorauslegung

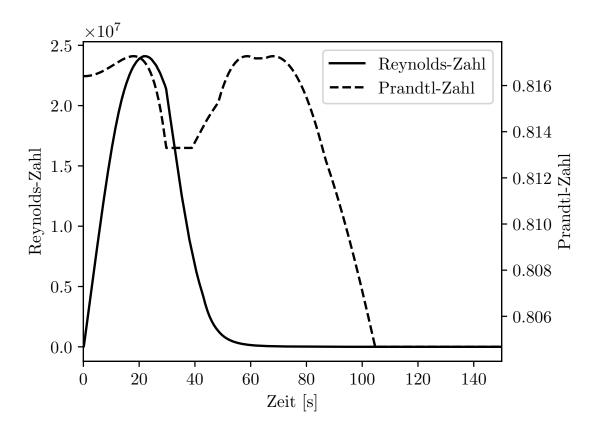


Abbildung 3.8: Reynolds- und Prandtlzahl während kritischer Phase im Flug

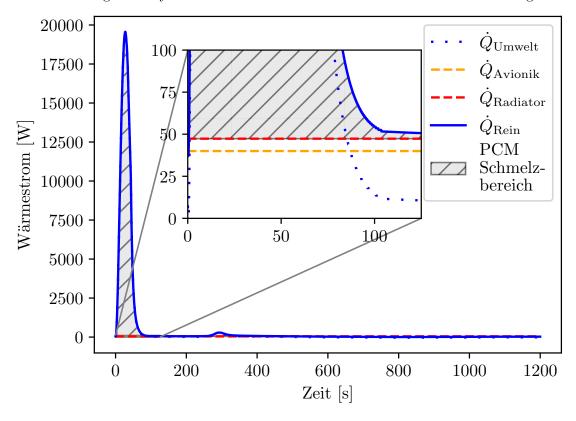


Abbildung 3.9: PCM Wärmestrom während Flug

# 3.5 Thermales Interface

Hier gehts jetzt um wie die wärme verteilt und abtransportiert wird. Laut [12] seite 35 geht die meiste Wärme in die PCB.

#### 3.5.1 Thermal Straps

Um das Printed Circuit Board (PCB) mit der Heatpipe zu verbinden werden Thermal Straps aus verschiedenen Materialien analysiert. Thermal Straps sind flexible Verbindungsteile die Wärmebrücken zwischen mehreren Bauteilen gewehrleisten. Wegen der hohe Wärmeleitzahl von Pyrolithic Graphite Sheet (PGS) und bedonders für Thermal Straps wichtigen Flexibilität, sind diese eine interessante Option. Ein Nachteil von PGS ist die geringe Dicke und der daraus resultierende geringe Querschnitt, welcher trotz hoher Wärmeleitzahl zu hoher Wärmestromdichte und stärkerer Temperaturerhöhung führen kann. Im Vergleich mit herkömmlichen Materialien wie Aluminium und Kupfer soll ein Vergleich gezogen werden.



Abbildung 3.10: Kommerzeill erhältliche Thermal Straps aus Graphen, Kupfer und Aluminium [3]

# 4 Simulation

# 4.1 CFD

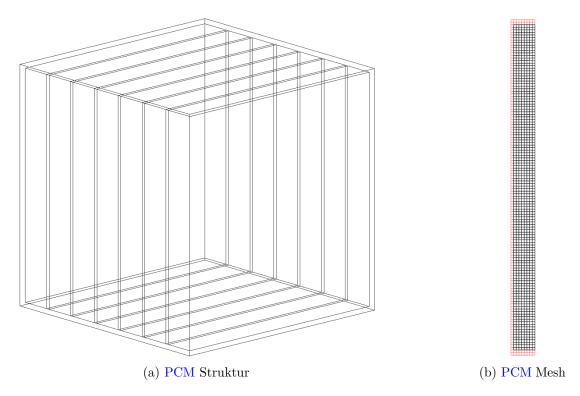


Abbildung 4.1: PCM Struktur und vereinfachtes Mesh

Die Vorauslegungwurde mit folgenden Werten durchgeführt:

- Isotherm auf: 38 °C
- Avionik Abwärme: 40 W
- 1 m Kontourlänge
- Radiator Emissionsgrad: 0.91 (AZ-93)
- Radiator Absorptionsgrad: 0.15 (AZ-93)
- Icosane PCM
- Trajektoriensimulation
- 1  $\frac{\mathrm{kW}}{\mathrm{m}^2}$ mit 50% dutycycle durch Rotation der Rakete

Zu beachten ist, dass die Radiatorleistung konstant bleibt, da das System als isotherm mit einer infinitesimalen Temperaturerhöhung über den Schmelzpunkt hinweg angenommen wird.

Als nächstes sieht man die Flugdaten

Simulation 4.3 Aerothermal

## 4.2 PCM-Radiator-Hybrid

Als nächstes sieht man Graphen

#### 4.3 Aerothermal

Die Umströmungssimulationen der Rakete wurden an max Q orientiert, da es als Richtwert für Aerothermale Aufheizung genommen werden kann. Desweiteren ist der Wert unanhängig von der Vorauslegung, wodurch Ungenauigkeiten von dort getroffenen Annahmen vermieden werden.

als nächstes habe ich geschaut wo der maximale dynamische Druck erreicht wurde in der Vorauslegung. Die korrespondierenden Werte des Flugzustandes habe ich dann als Boundery Conditions in der CFD Simulation genommen. Um zu verifizieren, dass dort auch die maximale Aufheizung stattfindet, habe ich 1 Sekunden vorher und nachder im Flug die BC's auch verwendet und einen Vergleich gezogen.

Maximaler dynamischer Druck: 112901.25708461029 Pa at 28.691 s

Entsprechender Flugzustand: 10244.138 m, 750.704 m/s,  $-51.587^{\circ}\text{C}$ , 254.783 hPa mit entsprechender Luft Dichte  $0.4006 \text{ kg/m}^3$ 

Flugzustand bei 18.691 s max Q - 10 s: 4274.387 m, 461.355 m/s, -12.784, 594.935 hPa mit entsprechender Luft Dichte  $0.7960\,\mathrm{kg/m^3}$ 

Flugzustand bei 38.691 s max Q + 10 s: 19758.652 m, 1189.968 m/s, -56.5°C, 56.93 hPa mit entsprechender Luft Dichte  $0.0915 \,\mathrm{kg/m^3}$ 

Flugzustand bei 48.7 s max Q + 20 s: 32439.616 m, 1393.377 m/s, -43.269°C, 8.136 hPa mit entsprechender Luft Dichte  $0.012\,330\,01\,\mathrm{kg/m^3}$ 

Da wie in 4.4 zu sehen ist, der Zeitpunkt des maximalen dynamischen Druckes nicht im größten spezifischen Wärmestrom resultiert, wurde mit der Simulation die den höheren spezifischen Wärmestrom ergeben hat, eine Lösungsfortsetzung durchgeführt um das Maximum zu finden.

Simulation 4.3 Aerothermal

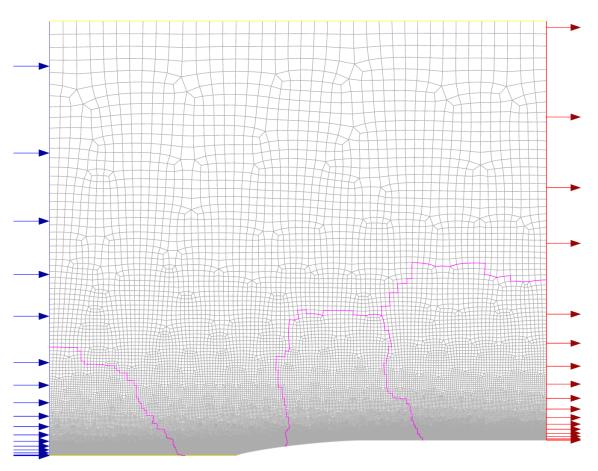


Abbildung 4.2: Darstellung der Außensströmungssimulation mit Meshstruktur in grau, velocity inlet in blau, pressure outlet in rot, Symmetrien in gelb und Partitionen der parallelisierung in lila

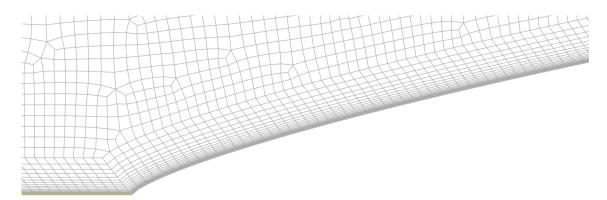


Abbildung 4.3: Schichtaufdickungen des Mesh an der Rakete

Simulation 4.3 Aerothermal

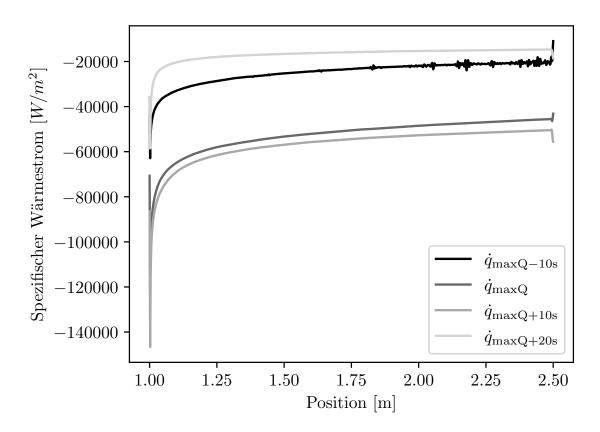


Abbildung 4.4: Spezifischer Wärmestrom an der Außenhaut bei maximalem dynamischen Druck, sowie  $10\,\mathrm{s}$  davor, danach und  $20\,\mathrm{s}$  danach

Simulation 4.3 Aerothermal

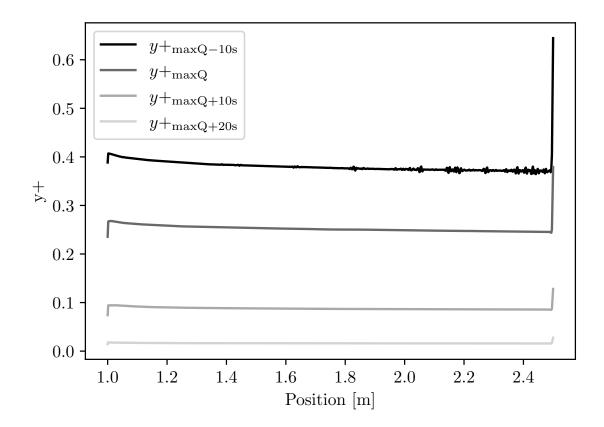


Abbildung 4.5: y<br/>+ Wert an der Außenhaut bei maximalem dynamischen Druck, sowie 10 <br/>s davor, danach und 20 s danach

Simulation 4.3 Aerothermal

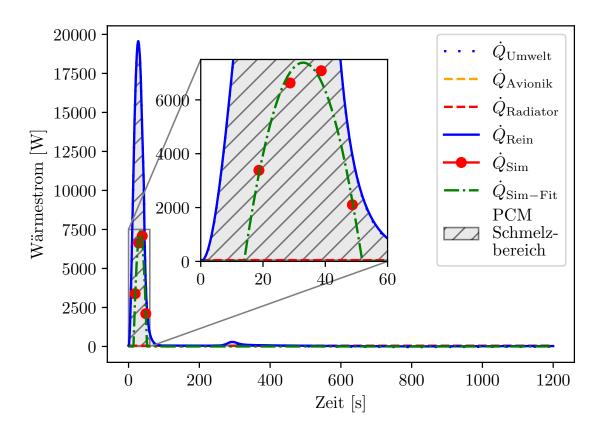


Abbildung 4.6: PCM Wärmestrom während Flug mit Simulationsergebnissen und Fit Kurve

Simulation 4.3 Aerothermal

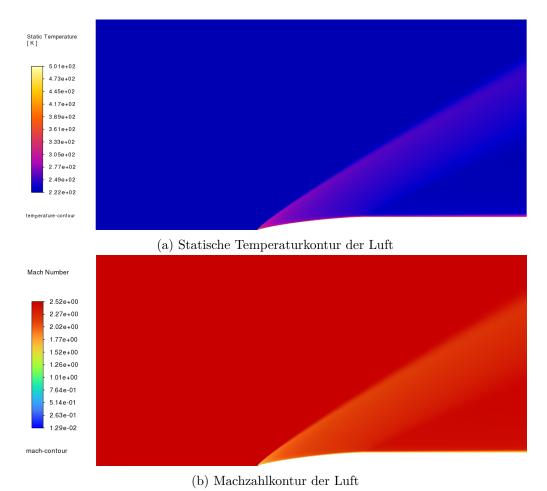


Abbildung 4.7: max Q Konturen

#### 4.4 **PCM**

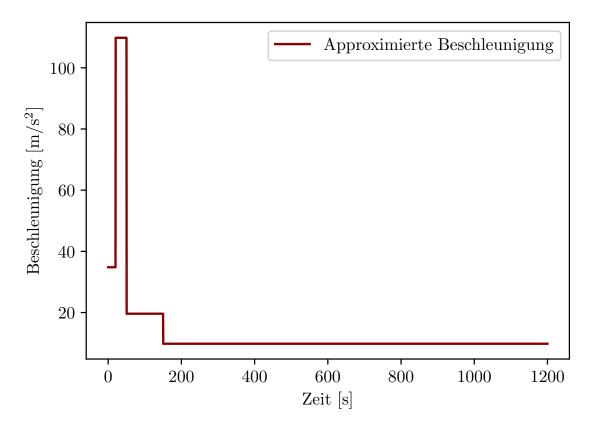


Abbildung 4.8: Approximiertes Beschleunigungsprofil

4.8 zeigt das Beschleunigungsprofil, welches in der Simulation verwendet wurde. Zu beachten ist, dass Beschleunigungsspitzen durch den Fallschirm, wie sie in 3.1a gesehen werden können, ignoriert werden, da diese in einer Überschätzung der Beschleunigung und der Konvektionsvorgänge resultieren würden.

```
//Y-momentum source
  DEFINE_SOURCE(Boussinesq_momentum_source,cell,thread,dS,eqn)
2
  {
3
           double Temp, source, acc;
4
           Temp=C_T(cell,thread);
5
6
           double t = CURRENT_TIME;
           if (t < 20)
9
                    acc = 34.81;
10
           else if (t < 50)
11
                    acc = 109.81;
12
           else if (t < 150)
                    acc = 19.62;
^{14}
           else
15
                    acc = 9.81;
16
17
           source=-Rol_pcm*acc*TEC*(Temp-Tr); //negative for -Y
18
           dS[eqn]=-Rol_pcm*acc*TEC;
                                                                 //
19
              negative for -Y down
           return source;
20
  }
21
```

Listing 4.1: Boussinesq-Approximation des Auftriebs im PCM in der User Defined Function (UDF) eicosane.c

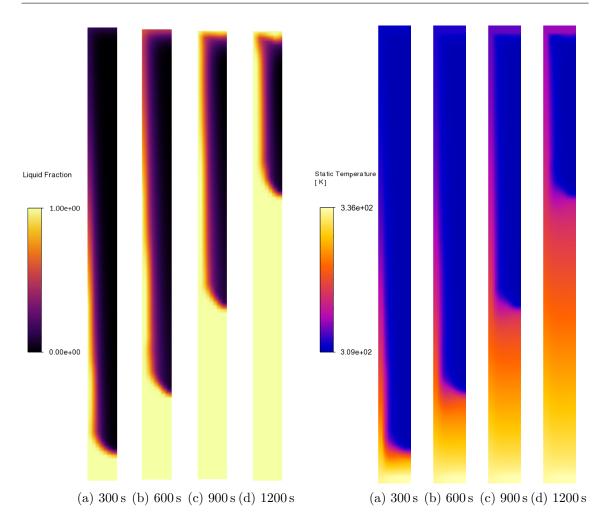


Abbildung 4.9: Flüssigkeitsanteil Konturen. Die Legende bezieht sich auf  $4.9\mathrm{d}$ 

Abbildung 4.10: Konturen der statischen Temperatur. Die Legende bezieht sich auf 4.10d

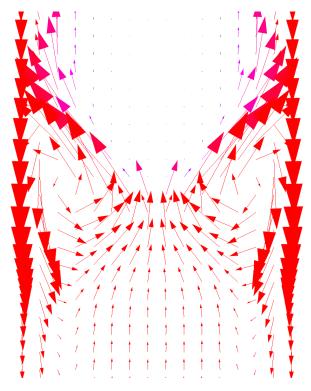


Abbildung 4.11: Geschwindigkeitsvektoren der Konvektionswirbel einer, durch Nachbearbeitung, vervollständigten Zelle bei  $900\,\mathrm{s}$ . Darstellung der weiteren Zeitschritte ist in 6.3 zu finden.

# 5 Discussion and conclusions

5.1 Discussion about including pictures

# 6 Zusammenfassung und Ausblick

#### Beispielliteraturverweise:

- 1. Fachzeitschrift
- 2. Internetquelle
- 3. Buch
- 4. Vorlesungsskript

Anmerkung: Es gibt verschiedene Referenzierungsstile

### Literaturverzeichnis

- [1] Az technology llc. V, 12
- [2] Enthalpy of fusion and enthalpy of vaporization. https://chem.libretexts.org/Bookshelves/General\_Chemistry/ChemPRIME\_(Moore\_et\_al.)/10% 3A\_Solids\_Liquids\_and\_Solutions/10.10%3A\_Enthalpy\_of\_Fusion\_and\_Enthalpy\_of\_Vaporization. 4
- [3] Thermal space and thermal straps. VI, 18
- [4] Stm32h743zgt6 datasheet. https://www.st.com/en/microcontrollers-microprocessors/stm32h743zg.html, 2022-08-12. 6, 7
- [5] M. Benbrika, M. Teggar, M. Benbelhout, and K. A. R. Ismai. Numerical study of n-eicosane melting inside a horizontal cylinder for different loading rates. *International Journal of Heat and Technology*, 38, 2020. 10
- [6] Karen A. Deere, S. Paul Pao, and Khaled S. Abdol-Hamid. Computational analysis of ares i roll control system jet interaction effects on rolling moment. In *Proceedings of the 48th AIAA Aerospace Sciences Meeting*, Orlando, FL, January 2011. American Institute of Aeronautics and Astronautics. AIAA Paper 2011-0172. 9
- [7] V. M. Nazarychev, M. V. Subbotin, A. A. Ermakov, D. A. Khrustalev, A. N. Frolov, S. G. Ovchinnikov, A. V. Knyazev, A. V. Churakov, and A. V. Novikov. Cooling-rate computer simulations for the description of crystallization of organic phase-change materials. *International Journal of Molecular Sciences*, 23, 2022.
- [8] U.S. Secretary of Commerce. Nist chemistry webbook, 2025. 10
- [9] RunCam Technology Co., Ltd. Runcam split 4 v2 user manual, 2020. Product manual (PDF). 7
- [10] P. C. Stryker and E. M. Sparrow. Application of a spherical thermal conductivity cell to solid n-eicosane paraffin. *International Journal of Heat and Mass Transfer*, 99, 1990. 10

- [11] Würth Elektronik ei<br/>Sos GmbH & Co. KG. User manual: Thebe-ii (order code 2609031181000), version 1.14, 2024. Radio module 868 MHz, up to  $+27\,\mathrm{dBm}$  TX power. 7
- [12] Colin Xingcun. Advanced Materials for Thermal Management of Electronic Packaging. Springer, 2011. 17

## Appendix

#### Appendix A: Programmcode

```
//Modified UDF of the original source: https://akamcae.com/
     tutorials/phase-change-material-simulation-in-ansys-fluent
  #include "udf.h"
  #include "mem.h"
  //eicosane constant properties in solid phase
  #define Ros_pcm 910.0
 #define Cps_pcm 2132.4
  #define Ks_pcm 0.4248
9
  //eicosane constant properties in fluid phase
10
  #define Rol_pcm 769.0
  #define Cpl_pcm 2350.05
12
  #define Kl_pcm 0.1505
13
  //thermal expansion coefficient
15
  #define TEC 0.0009
16
17
  //solidus and liquidus temperatures of n-eicosane
18
  #define Ts 309.0
  #define Tl 311.0
20
21
  //reference temperature for Boussinesq's approximation
22
  #define Tr 310.0
                                    //Fluent Tref must be equal
23
     to Tr
24
  //density of PCM
25
  DEFINE_PROPERTY(Ro_var_PCM, cell, thread)
26
27
           double Gama, Ro_pcm;
28
           #if !RP_HOST
                   Gama=C_LIQF(cell,thread);
30
```

```
Ro_pcm = (1 - Gama) * Ros_pcm + Gama * Rol_pcm;
31
            #endif
32
            return Ro_pcm;
33
  }
34
35
  DEFINE_SPECIFIC_HEAT(Cp_var_PCM,T,Tref,h,yi)
37
            double Gama, Cp_pcm;
38
            #if !RP_HOST
39
                     if (T<Ts) { Cp_pcm=Cps_pcm; } else if (T>=Ts
40
                         \&\&T <= T1)
                     {
41
                               Gama = (T-Ts)/(Tl-Ts);
42
                               Cp_pcm = ((1-Gama) * Ros_pcm * Cps_pcm + Gama
43
                                  *Rol_pcm*Cpl_pcm)/((1-Gama)*
                                  Ros_pcm+Gama*Rol_pcm);
                     }
                     else
45
                     {
46
                               Cp_pcm=Cpl_pcm;
47
48
                     *h=Cp_pcm*(T-Tref);
49
            #endif
50
            return Cp_pcm;
51
52
53
   //thermal conductivity of eicosane
54
  DEFINE_PROPERTY(K_var_PCM, cell, thread)
   {
56
            double Gama, K_pcm;
57
            #if !RP_HOST
                     Gama=C_LIQF(cell,thread);
59
                     K_pcm = (1 - Gama) * Ks_pcm + Gama * Kl_pcm;
            #endif
61
            return K_pcm;
62
63
64
  //dynamic viscosity of PCM with fit
65
  DEFINE_PROPERTY(Mu_var_PCM, cell, thread)
66
67
            double Temp, Mu_pcm;
68
            #if !RP_HOST
69
                     Temp=C_T(cell,thread);
70
```

```
Mu_pcm=(9*pow(10.,-4)*pow(Temp,2)-0.6529*Temp
+119.94)*pow(10.,-3);

#endif
return Mu_pcm;

}

/*...*/
```

Listing 6.1: PCM UDF eicosane.c ohne Boussinesq-Approximation

### Appendix B: Simulationsergebnisse

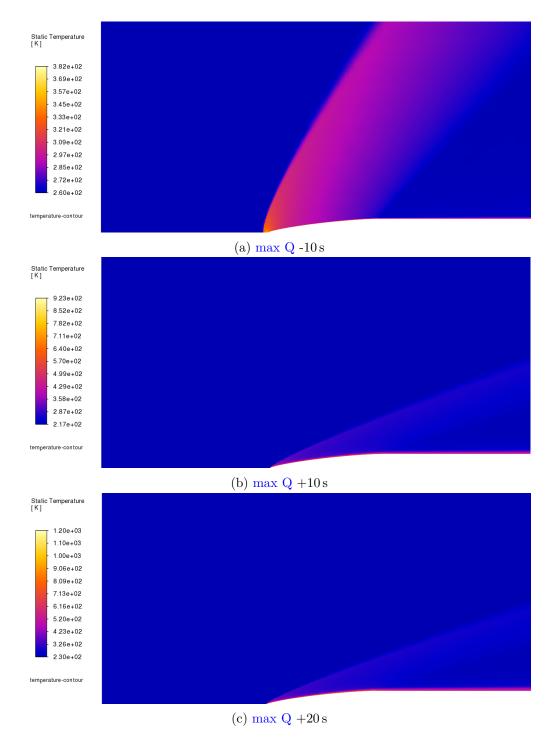


Abbildung 6.1: Statische Temperaturkontur der Luft

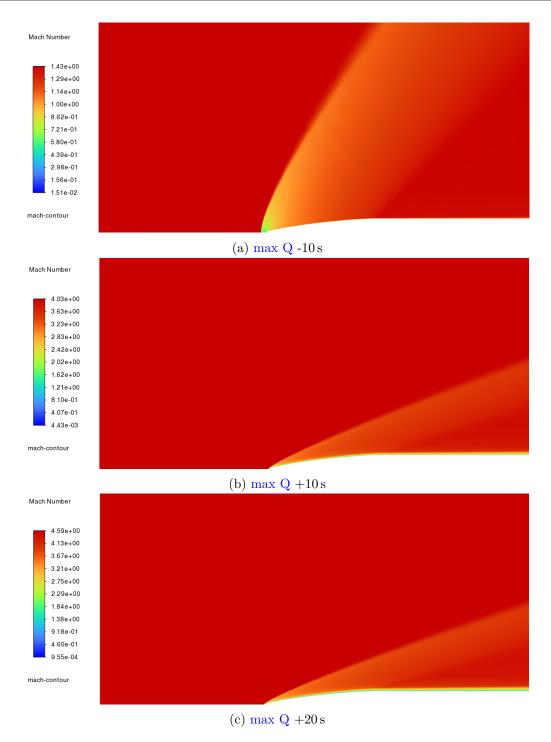


Abbildung 6.2: Machzahlkontur der Luft

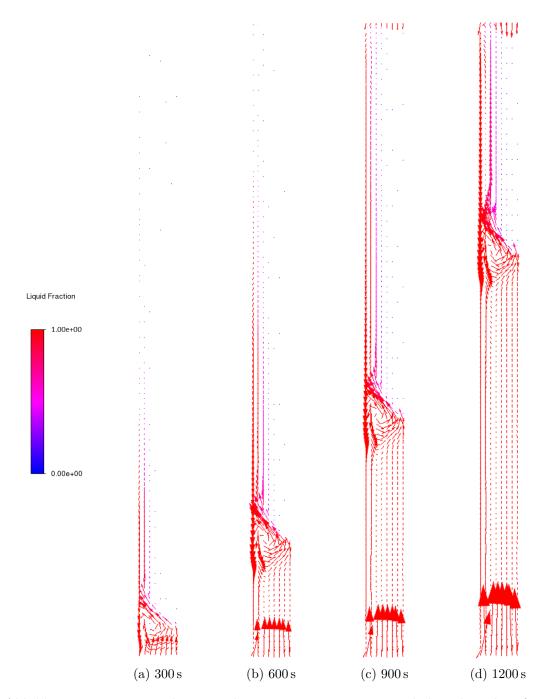


Abbildung 6.3: Konturen der statischen Temperatur. Die Legende bezieht sich auf  $4.10\mathrm{d}$