ČESKÁ ZEMĚDĚLSKÁ UNIVERZITA V PRAZE PROVOZNĚ EKONOMICKÁ FAKULTA



SEMESTRÁLNÍ PROJEKT ZE PŘEDMĚTU OPERAČNÍ VÝZKUM II

VÝPOČET NEJKRATŠÍ CESTY GASTRONOMICKÉHO TURNÉ PO PRAZE

VIKTORIIA KIVISHEVA

OBSAH:	
$\acute{U}vod$	3
Vstupní data	4
<u>TSPTW</u>	5
Vogelova aproximační metoda	7
Metoda nejbližšího souseda	9
Závěr	10

1. Úvod

Každý ve světě ví, že Česká republika je známá kvalitním pivem. V celé České republice se vyrábějí piva různých barev, složení, obsahu alkoholu, receptur a mnoha dalších vlastností.

Skoro všichni turista, které přijede do České republiky, určitě ochutná pivo a já jsem se v této práci rozhodla spočítat, jak se optimálně dostat do českých pivovarů v Praze, protože za pár měsíců přijede můj kamarád z Polska, pro kterého budu dělat gastronomický turné po Praze. Navštěva má také omezené časové okno, během které ji lze navštívit.

2. Vstupní data

Bodem odjezdu a příjezdu je hlavní nádraží v Praze, kde se setkáme s kamarádem. Odjezd je plánován na 10:00 hodin dopoledne a návrat do místa odjezdu na 22:00 hod. Jako způsob dopravy byl pro tuto cestu zvolen automobil. Pojedeme rychlostí 45 km/h a při spotřebě paliva 5l/100 km, průměrná cena benzinu v Praze je 40Kč na litr. Tyto údaje potřebujeme pro výpočet konečných nákladů na cestu.

Vzdálenosti v tabulce 2 jsou získána z Google Maps a zaokrouhleny na celé km. Pro každé místo byl zvolen čas návštěvy, úkolem je dodřet všechna časová okna. Problém budu řešit metodou nejbližšího souseda, okružní dopravní problém s časovými okny pomoci OpenSolver a Vogelovou aproximační metodou.

	Název	Adresa				
1	Hlavní nádraží	Wilsonova 300/8, Praha 2				
2	U Fleků	Křemencova 11, Praha 1				
3	Břevnovský pivovar	Markétská 1/28, Praha 6				
4	Pivovar Strahov	r Strahov Strahovské nádvoří 301, Praha 1				
5	Pivovar U Medvídků	Na Perštýně 7, Praha 1				
6	Pivovar u Bulovky	Bulovka 373, Praha 8				
7	Pivovarský dům	Ječná 511/16, Praha 1				
8	Staropramen	Pivovarská 9, Praha 5				

TABULKA 1 MÍSTA VÝLETU

	Název	1	2	3	4	5	6	7	8
1	Hlavní nádraží	-	6,5	6,3	8,9	4,2	3,8	2,8	2,6
2	Pivovar u Bulovky	6,5	-	7,9	9,8	11,8	8,6	8,1	7,9
3	Pivovar Strahov	6,3	7,9	-	2,7	4,9	5,2	5,8	6,3
4	Břevnovský pivovar	8,9	9,8	2,7	-	7,5	8,9	8,3	8,5
5	Staropramen	4,2	11,8	4,9	7,5	-	2,9	2,2	2,3
6	Pivovar U Medvídků	3,8	8,6	5,2	8,9	2,9	-	1,1	1,9
7	U Fleků	2,8	8,1	5,8	8,3	2,2	1,1	-	1,3
8	Pivovarský dům	2,6	7,9	6,3	8,5	2,3	1,9	1,3	-

TABULKA 2 VZDÁLENOSTI V KM

	Název	v 1	v 2	v 3	v 4	v 5	v 6	v 7	v 8
1	v 1	0	0,1444	0,14	0,1978	0,0933	0,0844	0,0622	0,0578
2	v 2	0,1444	0	0,1756	0,2178	0,2622	0,1911	0,18	0,1756
3	v 3	0,14	0,1756	0	0,06	0,1089	0,1156	0,1289	0,14
4	v 4	0,1978	0,2178	0,06	0	0,1667	0,1978	0,1844	0,1889
5	5 v 5 6 v 6	0,0933	0,2622	0,1089	0,1667	0	0,0644	0,0489	0,0511
6		0,0844	0,1911	0,1156	0,1978	0,0644	0	0,0244	0,0422
7	v 7	0,0622	0,18	0,1289	0,1844	0,0489	0,0244	0	0,0289
8	v 8	0,0578	0,1756	0,14	0,1889	0,0511	0,0422	0,0289	0

TABULKA 3 VZDÁLENOSTI V HODINÁCH

	Název	v 1	v 2	v 3	v 4	v 5	v 6	v 7	v 8
1	Hlavní nádraží	0	8,6667	8,4	11,867	5,6	5,06667	3,7333	3,4667
2	Pivovar u Bulovky	8,6667	0	10,533	13,067	15,733	11,4667	10,8	10,533
3	Pivovar Strahov	8,4	10,533	0	3,6	6,5333	6,93333	7,7333	8,4
4	Břevnovský pivovar	11,867	13,067	3,6	0	10	11,8667	11,067	11,333
5	Staropramen	5,6	15,733	6,5333	10	0	3,86667	2,9333	3,0667
6	Pivovar U Medvídků	5,0667	11,467	6,9333	11,867	3,8667	0	1,4667	2,5333
7	U Fleků	3,7333	10,8	7,7333	11,067	2,9333	1,46667	0	1,7333
8	Pivovarský dům	3,4667	10,533	8,4	11,333	3,0667	2,53333	1,7333	0

PŘEVOD TABULKY 3 HODIN DO MINUT



VŠECHNY ADRESY PRŮMĚRNOU CESTOU. KTERÉ MUSÍME NAVŠTIVIT

3. Okružní dopravní problém s časovými okny (TSPTW)

- Máme k dispozici data, která ukazují adresy návštěv.
- Cílem je najít optimální cestu, která splňuje všechny požadavky uvedené v kapitole 2.
- Pro každé místo je stanoven určitý časový interval, během kterého se musí cesta vykonat. Časová okna jsou určeny takto, že z Pivovaru u Bulovky a Pivovarského doma musíme odejet do 16:00 hod, z Pivovaru Strahov do 19:00 hod, ze Břenovského pivovaru a Staropramenu do 18:00 hod a naposled z Pivovaru u Medvídků a U Fleků do 17:00 hod.

Pro vypočet tohoto úkolu okružního dopravního problému časovými okny jsem použila doplňek pro MS Excel OpenSolver

	Č	asová okna	3			
	od do			Odjezd	cesta	čas navštěvy
2	Pivovar u Bulovky	10:00	16:00	10:00	9min	10:39
3	Pivovar Strahov	10:00	19:00	10:39	13min	11:55
4	4 Břevnovský pivovar 5 Staropramen 6 Pivovar U Medvídků 7 U Fleků		18:00	11:22	4min	11:22
5			18:00	11:55	6min	12:31
6			17:00	12:31	3min	13:06
7			17:00	12:49	2min	12:49
8	Pivovarský dům	10:00	16:00	13:06	2min	13:39

Doba návšt	Doba návštěvy pivovaru Si									
S1	0									
S2	0,5	30 minut								
\$3	0,5	30 minut								
\$4	0,5	30 minut								
\$5	0,5	30 minut								
\$6	0,25	15 minut								
S7	0,25	15 minut								
\$8	0,5	30 minut								

TABULKA 4 ČASOVÁ OKNA

TABULKA 5 DOBA NAVŠTĚVY

Hodnota účelové funkce je 3,7 hodiny. Vzdálenost, kterou projedeme je 31,7 km a při stanovené ceně benzínu bude celá cesta stát 1268Kč.

	Název	1	2	3	4	5	6	7	8
1	Hlavní nádraží	0	1	0	0	0	0	0	0
2	Pivovar u Bulovky	0	0	0	1	0	0	0	0
3	Pivovar Strahov	0	0	0	0	1	0	0	0
4	Břevnovský pivovar	0	0	1	0	0	0	0	0
5	Staropramen	0	0	0	0	0	0	1	0
6	Pivovar U Medvídků	0	0	0	0	0	0	0	1
7	U Fleků	0	0	0	0	0	1	0	0
8	Pivovarský dům	1	0	0	0	0	0	0	0

Výsledkem je

1-2-4-3-5-7-6-8



6

4. VOGELOVA APROXIMAČNÍ METODA (VAM)

Abychom získali výsledek pomocí této metody, musíme použít tabulku vzdáleností v kilometrech a vypočítat pro každý řádek a sloupec diferenci mezi nejnižší sazbou a druhou nejnižší sazbou. Pak vybereme maxilmální diferenci a v řadě nejmenší prvek. Zaškrtneme z tabulky řadek a sloupec ve kterém se hodnota nachází a odstranime z výpočtu i její duplicitní hodnotu abyc nedošlo k předčasnému uzavření okruhu.

	Název	1	2	3	4	5	6	7	8	ai	diff
1	Hlavní nádraží	0	6,5	6,3	8,9	4,2	3,8	2,8	2,6	1	0,2
2	Pivovar u Bulovky	6,5	0	7,9	9,8	11,8	8,6	8,1	7,9	1	1,4
3	Pivovar Strahov	6,3	7,9	0	2,7	4,9	5,2	5,8	6,3	1	2,2
4	Břevnovský pivovar	8,9	9,8	2,7	0	7,5	8,9	8,3	8,5	1	4,8
5	Staropramen	4,2	11,8	4,9	7,5	0	2,9	2,2	2,3	1	0,1
6	Pivovar U Medvídků	3,8	8,6	5,2	8,9	2,9	0	1,1	1,9	1	0,8
7	U Fleků	2,8	8,1	5,8	8,3	2,2	1,1	0	1,3	1	0,2
8	Pivovarský dům	2,6	7,9	6,3	8,5	2,3	1,9	1,3	0	1	0,6
	bj	1	1	1	1	1	1	1	1		
	diff	0,2	1,4	2,2	4,8	0,1	0,8	0,2	0,6		

PRVNÍ KROK RUČNÍHO ŘEŠENÍ METODOU VAM

Pro rychlejší vyřešení tohoto problému jsem použila software TSPKOSA. Vidíme, že máme mnoho možností tras, ale pouze Vzdálenost = 31,8 km nám vyhovuje, protože začíná a končí na adrese, kterou jsem si stanovila a toto je optimální trasa.

Hlavní nádraží - Pivovar u Bulovky - Břevnovský pivovar - Pivovar Strahov - Staropramen - Pivovar U Medvídků - U Fleků - Pivovarský dům -Hlavní nádraží

$$1-2-4-3-5-6-7-8-1$$

VAM for	distance	
		on method/loss method
_	on duration	•
		int quantities comparing error: 0,01
		cycles (from the tested ones according to chosen method): 1
Z min=		
	52,1	
(Hlavní n	<u> </u>	vovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
Number	of found id	entical cycles: 16
Other te	sted cycles:	
Z =	32,5	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	35	(Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky)
Z =	31,8	(Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov)
Z =	31,8	(Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar)
Z =	31,8	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	36	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	33,2	(Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky)
Z =	33,2	(Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky)
Z =	31,8	(Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov)
Z =	31,8	(Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen)
Z =	32,5	(Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen)
Z =	31,8	(Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen)
Z =	31,8	(Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům)
Z =	31,8	(Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům)
Z =	31,8	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	36	(Hlavní nádraží) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen) - (Pivovarský dům) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	31,8	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
Z =	32,4	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
Z =	36	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Pivovarský dům) - (Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Hlavní nádraží)
Z =	35	(Pivovar u Bulovky) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky)
Z =	31,8	(Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar)
Z =	32,4	(Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen)
Z =	31,8	(Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen)
Z =	31,8	(Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen)
Z =	32,4	(Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Staropramen)
Z =	32,5	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
Z =	32,4	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
Z =	36	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
Z =	32,5	(Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (U Fleků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Staropramen)

Výsledek v hodinách pro vzdálenost 31,8 km je 3,7 hodin (222 minuty)

VANA for	time duration	
ogel's	approximation	n method/loss method
Calculat	ion duration: 0	00:00:1
Maxima	I floating-point	nt quantities comparing error: 0,00000000000001
Number	of minimal cyc	cles (from the tested ones according to chosen method): 1
Z_min =	222,2667	
Hlavní r	nádraží) - (Pivo	ovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
	of found iden	
Other te	ested cycles:	
<u>'</u> =	223,3333	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
!=	226,6667	(Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Staropramen) - (Pivovar U Medvídků) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Pivovar u Bulovky)
!=	222,4	(Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Fivovarský tům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov)
!=	222,4	(Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar)
<u>?</u> =	222,4	(Hlavní nádraží) - (Pivovarský dům) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Staropramen) - (Pivovar Strahov) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar u Bulovky) - (Hlavní nádraží)
<u> </u>	222,2667	(Hlavní nádraží) - (Pivovar u Bulovky) - (Břevnovský pivovar) - (Pivovar Strahov) - (Staropramen) - (U Fleků) - (Pivovar U Medvídků) - (Pivovarský dům) - (Hlavní nádraží)
	222	101 1 21 V3 Inc. 12 I 3 Inc. 3 Inv. 12 3 Inc. 61 1 3 Inc. 62 1 2 Inc. 62 1 3 Inc. 62 1 3 Inc. 62 1 1 3 Inc. 62 1 3 Inc.

5. METODA NEJBLIŽŠÍHO SOUSEDA

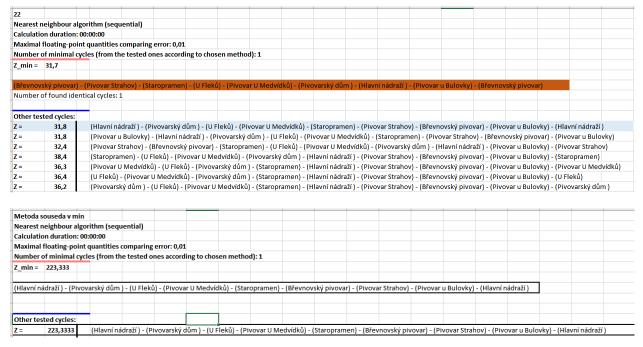
Pro třetí výpočet jsem zvolila metodu nejbližšího souseda. Postup řešení je takový, že nejprve vybereme nejmenší počáteční číslo ze stanovené adresy, které je považováno za bod odjezdu. Nesmíme žádný bod procházet dvakrát, abychom neuzavřeli okruh.

	Název	1	2	3	4	5	6	7	8
1	Hlavní nádraží	-	6,5	6,3	8,9	4,2	3,8	2,8	2,6
2	Pivovar u Bulovky	6,5	1	7,9	9,8	11,8	8,6	8,1	7,9
3	Pivovar Strahov	6,3	7,9	1	2,7	4,9	5,2	5,8	6,3
4	Břevnovský pivovar	8,9	9,8	2,7	1	7,5	8,9	8,3	8,5
5	Staropramen	4,2	11,8	4,9	7,5	-	2,9	2,2	2,3
6	Pivovar U Medvídků	3,8	8,6	5,2	8,9	2,9	1	1,1	1,9
7	U Fleků	2,8	8,1	5,8	8,3	2,2	1,1	-	1,3
8	Pivovarský dům	2,6	7,9	6,3	8,5	2,3	1,9	1,3	-

Hlavní nádraží - Pivovarský dům - U Fleků - Pivovar U Medvídků - Staropramen - Pivovar Strahov - Břevnovský pivovar - Pivovar u Bulovky - Hlavní nádraží

Vzdálenost = 31.8 km, 3.72 hod (223 minuty)

Tuto metodu můžeme vypočítat sami ručně nebo použít software TSPKOSA



6. ZÁVĚR

Cílem projektu bylo splnit všechny podmínky zadání a najít optimální trasu při dodržení časového intervalu. Cíl byl splněn