Домашнее задание

Основы теории вероятностей

16 января 2019 г.

1 Классическая теория вероятностей

Вопрос 1. На шахматной доске размера $n \times n$ случайно размещают n ладей. Найдите вероятности следующих событий:

- (a) $A = \{ \text{Ладьи не бьют друг друга} \}$
- (b) $B = \{ \text{Ладьи не бьют друг друга и на главной диагонали нет никаких фигур} \}$

Вопрос 2. Брошено 3 игральных кости. Найти вероятность того, что на всех костях выпала "шестерка"при условии, что:

- (а) по крайней мере на одной кости выпала "шестерка"
- (b) по крайней мере на двух костях выпало равное количество очков

Вопрос 3. В некоторой популяции до 60 лет доживает 50%, а до 80 лет — 20%. Какова вероятность, что случайно выбранный шестидесятилетний представитель популяции доживёт до восьмидесяти?

Вопрос 4. На заводе обуви производится 3 типа моделей. Вероятность того, что первая модель некачественная — 0.1, вторая — 0.2 и третья — 0.15. Соотношение моделей на складе 40:30:30.

- (а) Какая вероятность того, что случайно выбранная пара обуви окажется качественной?
- (b) Какая вероятность того, что выбранная некачественная пара обуви окажется второй модели?

2 Распределения

Вопрос 1. Какие из приведённых величин, скорее всего, можно моделировать с помощью распределения Пуассона?

(а) Результат выпадения симметричного шестигранного кубика.

- (b) Количество людей в очереди на кассу в супермаркете.
- (с) Количество изюма в булочках с изюмом.
- (d) Число попаданий в баскетбольное кольцо за n попыток.
- (е) Точное время прихода на работу.

Вопрос 2. Постройте графики плотностей и функций распределения для:

- (а) Распределения Пуассона
- (b) Экспоненциального распределения (sts.expon)
- (с) Любого на выбор, которое не проходили

Для каждого распределения поэкспериментируйте с выбором параметров и изобразите их на одном графике, не забывая про легенду и подписи осей.