Секция "Изток" – СМБ КОЛЕДНО МАТЕМАТИЧЕСКО СЪСТЕЗАНИЕ – 14.12.2024г.

9 клас

Времето за решаване е 90 минути.

Регламент: Всяка задача от 1 до 9 има само един верен отговор. "Друг отговор " се приема за пешениесамо при отбелязан верен резултат. Залачите от 1 до 3 се оценяват с до 3 точки, залачите

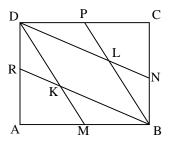
от 4 до 6 се оценял подробно и се оце	ват с по 5 точки, задачи	ге от 7 до 9 се оценяват с і		-
Име		Училище	Гра	ад
1.зад . Графиката параметъра a е:	на функцията $y = x^2 - a$	x+2 минава през точка с	координати ((– 2;12). Стойността на
A) 6	Б) 3	B) 2		Γ) -2
2.зад . В Δ <i>ABC AM</i>	е медиана, G е медиценть	р. Ако $S_{MCG}=1,5m^2$, то S_{AM}	_{ив} в кв.м е:	
A) 2,5	Б) 6	B) 3		Γ) 4,5
a) $8x^2 + 8x + 7 = 0$ 4.3ад. При какви о x_2 , за които: $x_1^2 + x_2^2$	стойности на параметър $\frac{2}{3} = m + 4$	ни реални корена? в) $14 + 17x - 6x$ а m , уравнението $x^2 - (2m)$	$-3)x + m^2 - 3$	$3m = 0$ има корени x_1 и
а) всяко число	б) 5 и 2		в) 1 и 2,5	г) друг отговор.
гриъгълник ABC в кв	в.см е:	ВС са перпендикулярни. Ако		
a) 40 5 22.1 Hugu u Can	б) 80	в) 160 цно математическо състеза	г) друг отго	•
за подготовката, що за 1 ден Сашо реша	е ги решат за 12 дни. За ва 50% от задачите, кои	колко дни всеки сам можо ито Ники решава за 3 дни?	е да реши опр	
а) 25 и 35;	б) 25 и 30;	,	цруг отговор	
$x^2 - (2m - 3)x + 2 = 0$	0 са реални и удовлетво	раметъра m , за който короряват условието $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3}$	$-\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2} = 1:$	нението
a) $-\frac{1}{2} \times \frac{3}{2}$;	$6) \frac{1}{2} \text{ M} - \frac{3}{2};$	в) $\frac{1}{4}$ и –5; г) друг от	товор.	

8.зад. Върховете на острите ъгли на правоъгълен триъгълник с катети 2 см и 3 см служат за центрове на окръжности с радиус 1 см. Лицето на частта от триъгълника, която се намира, извън окръжностите е:

г) друг отговор

a)
$$3 - \frac{\pi}{2}$$
 6) $3 - \frac{\pi}{3}$ B) $3 - \frac{\pi}{4}$

9.зад. Точките M, N, P и R са среди съответно на страните AB, BC, CD и DA.на квадрата ABCD и AB=aсм. Да се намери S_{KBLD} в кв.см.



a) $a^2/3$

- б) $2a^2/3$
- B) $a^2/2$
- г) друг отговор

10.зад.. Дадено е уравнението: $kx(kx+6)+x^2(1-2k)=-4$.

- а) да се определи стойността на параметъра k така, че уравнението да има точно един корен.
- δ) да се определи за кои стойности на параметъра k уравнението има два различни положителнни корена.

в) да се определи k така, че за реалните корени x_1 и x_2 на уравнението да е в сила: $\frac{\sqrt{x_1}}{\sqrt{x_2}} + \frac{\sqrt{x_2}}{\sqrt{x_1}} = -\frac{k}{3}$

Отговори 9 клас:

1	2	3	4	5	6	7	8	9
Б	Γ	В	В	Г 320	В	Γ) $-\frac{1}{2}$	В	A

1 зад. Уравнението има вида:
$$(k-1)^2 x^2 + 6kx + 4 = 0$$

a)
$$D = (k+2)(5k-2)$$
 $D = 0$ $k = -2, 2/5$

$$a = 0, \quad k = 1$$

$$D = (k-2)(5k-2) > 0$$

$$x_1 x_2 = \frac{4}{(k-1)^2} > 0$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{6k}{(k-1)^2} > 0$$

$$k \in (-\infty; -2) \cup (2/5; 1) \cup (1; +\infty)$$

$$k \in (-\infty; -2) \cup (2/5; 1) \cup (1; +\infty)$$

$$k \in (-\infty; -2) \cup (2/5; 1) \cup (1; +\infty)$$

$$k \in (-\infty; -2) \cup (2/5; 1) \cup (1; +\infty)$$

$$k \in (-\infty; -2) \cup (2/5; 1) \cup (1; +\infty)$$

в) За да е в сила равенството трябва корените x_1 и x_2 да са положителни, т.е $k \in (-\infty; -1)$ **2т.**

$$x_1 + x_2 = \frac{k}{3} \sqrt{x_1 x_2} \Leftrightarrow -\frac{6k}{(k-1)^2} = -\frac{k}{3} \sqrt{\frac{4}{(k-1)^2}}$$
 1T.

$$\frac{6k}{(k-1)^2} = \frac{2k}{3|k-1|}$$
 1

$$\frac{18k}{(k-1)^2} = \frac{2k}{1-k} \, \mathbf{1}_{T}.$$

$$k = 0; -8$$
 1T.

$$0 \notin (-\infty; -2), k = -8$$
 1T.