## 4 variantas

- 1. Kokia yra pagrindinė aritmetinės progresijos savybė, kuri skiria ją nuo skaičių sekos, kuri nėra aritmetinė progresija? Užrašykite dvi skaičių sekas: aritmetinę progresiją ir skaičių seka, kuri nėra aritmetinė progresija. Pagrįskite kodėl viena seka nėra aritmetinė progresija, o kita yra.
- 2. Parašykite sekos  $(a_n)$  pirmuosius penkis narius, kai jos n-ojo nario formulė yra:

$$a_n = 2^n + 10 - n^2$$
;

3. Parašykite sekos  $(b_n)$  pirmuosius penkis narius, kai jos seka išreikšta rekurentiškai:

$$b_1 = 0, b_2 = 1, b_{n+2} = b_{n+1} + b_n;$$

Galite naudoti ir tokią n-tojo nario formulę:  $b_n = b_{n-1} + b_{n-2}$ ;

- 4. Parašykite aritmetinės progresijos  $(c_n)$  pirmuosius penkis narius, kai pirmi jos nariai yra: 99, 75.
- 5. Seka  $(e_n)$  yra aritmetinė progresija. Žinoma, kad  $e_4 = -3.25$  ir  $e_{70} = -120.75$ .
  - a) Įrodykite, kad  $e_n$  sekos n-tojo nario formulė yra  $e_n = 2 1.75(n 1)$ ;
  - b) Apskaičiuokite  $e_9$ ;

- c) Apskaičiuokite  $S_{70}$ ;
- 6. -x, 15, 2x 15 skaičių seka yra aritmetinės progresijos pirmieji trys nariai. Apskaičiuokite pirmųjų 12 narių sumą.
- 7. Apskaičiuokite 15; -15; -45; -75; -80; -115; -150 sekos visų narių sumą;
- 8. (papildomas, vertinimas tik išsprendus abi dalis) Sekos n-tojo nario formulė yra  $h_n = 3n 4$ .
  - (a) Įrodykite, kad ši seka yra aritmetinė progresija.
  - (b) Apskaičiuokite šios sekos pirmųjų dviejų šimtų narių sumą.
- (1) **Visur**, išskyrus įrodymus, **užrašykite atsakymus** (Ats...); (2) Jokio sukčiavimo. Negalima naudotis užrašais, vadovėliais, elektroniniais prietaisais; (3) Jokio kalbėjimo; (4) Rašyti aiškiai, nedviprasmiškai; (5) Galima naudotis tik savo skaičiuotuvu ir formulių lapu;

## 4 variantas

- Kokia yra pagrindinė aritmetinės progresijos savybė, kuri skiria ją nuo skaičių sekos, kuri nėra aritmetinė progresija?
  Užrašykite dvi skaičių sekas: aritmetinę progresiją ir skaičių seka, kuri nėra aritmetinė progresija. Pagrįskite kodėl viena seka nėra aritmetinė progresija, o kita yra.
- 2. Parašykite sekos  $(a_n)$  pirmuosius penkis narius, kai jos n-ojo nario formulė yra:

$$a_n = 2^n + 10 - n^2$$
;

3. Parašykite sekos  $(b_n)$  pirmuosius penkis narius, kai jos seka išreikšta rekurentiškai:

$$b_1 = 0, b_2 = 1, b_{n+2} = b_{n+1} + b_n;$$

Galite naudoti ir tokią n-tojo nario formulę:  $b_n = b_{n-1} + b_{n-2}$ ;

- 4. Parašykite aritmetinės progresijos  $(c_n)$  pirmuosius penkis narius, kai pirmi jos nariai yra: 99, 75.
- 5. Seka  $(e_n)$  yra aritmetinė progresija. Žinoma, kad  $e_4 = -3.25$  ir  $e_{70} = -120.75$ .
  - a) Įrodykite, kad  $e_n$  sekos n-tojo nario formulė yra  $e_n = 2 1.75(n 1)$ ;
  - b) Apskaičiuokite  $e_9$ ;

- c) Apskaičiuokite  $S_{70}$ ;
- 6. -x, 15, 2x 15 skaičių seka yra aritmetinės progresijos pirmieji trys nariai. Apskaičiuokite pirmųjų 12 narių sumą.
- 7. Apskaičiuokite 15; -15; -45; -75; -80; -115; -150 sekos visų narių sumą;
- 8. (papildomas, vertinimas tik išsprendus abi dalis) Sekos n-tojo nario formulė yra  $h_n = 3n 4$ .
  - (a) Įrodykite, kad ši seka yra aritmetinė progresija.
  - (b) Apskaičiuokite šios sekos pirmųjų dviejų šimtų narių sumą.
- (1) **Visur**, išskyrus įrodymus, **užrašykite atsakymus** (*Ats*...); (2) Jokio sukčiavimo. Negalima naudotis užrašais, vadovėliais, elektroniniais prietaisais; (3) Jokio kalbėjimo; (4) Rašyti aiškiai, nedviprasmiškai; (5) Galima naudotis tik savo skaičiuotuvu ir formulių lapu;