

TP 4 - Au delà de Fourier (DCT et DCT locale)

Maxime Descoteaux

29 novembre 2023

Vous devez rédiger un rapport et me remettre un zip avec votre code python. Commentez le code et assurez-vous que je puisse reproduire vos résultats et figures. Séparez votre code en différents fichiers pour faciliter la lecture. Des points seront attribués pour la qualité du document et ses figures, et la qualité du code python (10 points).

L'approximation linéaire garde que les M coefficients de plus basses fréquences dans l'espace de Fourier, c'est-à-dire les M premiers coefficients. Une approximation nonlinéaire garde que les M coefficients les plus élevés de la décomposition ou transformée.

1. **Approximations 1D. [10 points]** À partir d'un signal 1D de votre choix, reproduisez les figures de mon code *locDCT_demo.py*, disponible dans la Demo08.
 - (a) Illustrez votre signal. Combien de points dans votre signal ?
(Prenez un signal de taille "raisonable" et assurez-vous qu'il se découpe bien.)
 - (b) Décrivez votre choix de taille de segment et nombres de coefficients à couper M .
 - (c) Faites des approximations linéaires et non-linéaires de votre signal
 - (d) Rapporter les erreurs quadratiques moyennes de toutes les approximations dans un tableau.
2. **Approximations 2D. [25 points]** Avec Fourier complet (fft), Cosinus discrets (DCT) et DCT locale sur une image de votre choix.
 - 5 pts a) **Approximation de Fourier (fft).** Faites l'approximation linéaire pour 3 M différents et rapportez le SNR des images approximées ainsi que les erreurs quadratiques moyennes d'approximation sur les *plot*. (Vous avez déjà fait cela dans le TP3)
 - 10 pts b) **Approximation avec cosinus discrets et des cosinus discrets locaux.** En premier temps, faites l'approximation linéaire avec les cosinus discrets (DCT) et les cosinus discrets locaux (locDCT), gardant que les M coefficients de plus basses fréquences, pour 3 M différents et rapportez le SNR des images approximées ainsi que les erreurs relatives d'approximation sur les *plot*.
 - 10 pts d) **Approximations nonlinéaires.** Faites les approximations nonlinéaires avec les transformées des parties (a) et (b) pour 3 M différents. Faites un **tableau des SNR et des erreurs d'approximations linéaires et nonlinéaires**. Que remarquez-vous sur la performance des approximations linéaires versus non-linéaires en 2D ?

3. **Approximations sur des images de différentes complexités [25 points].**

20 pts i) Faites les approximations nonlinéaires pour les 4 images de la figure 1 (regular3, phantom, lena et le mandrill). Que remarquez-vous ? Les approximations dépendent-elles de la "complexité" de l'image ? Expliquez.

5 pts ii) Selon vous, quelle est la meilleure base ? Pourquoi ?

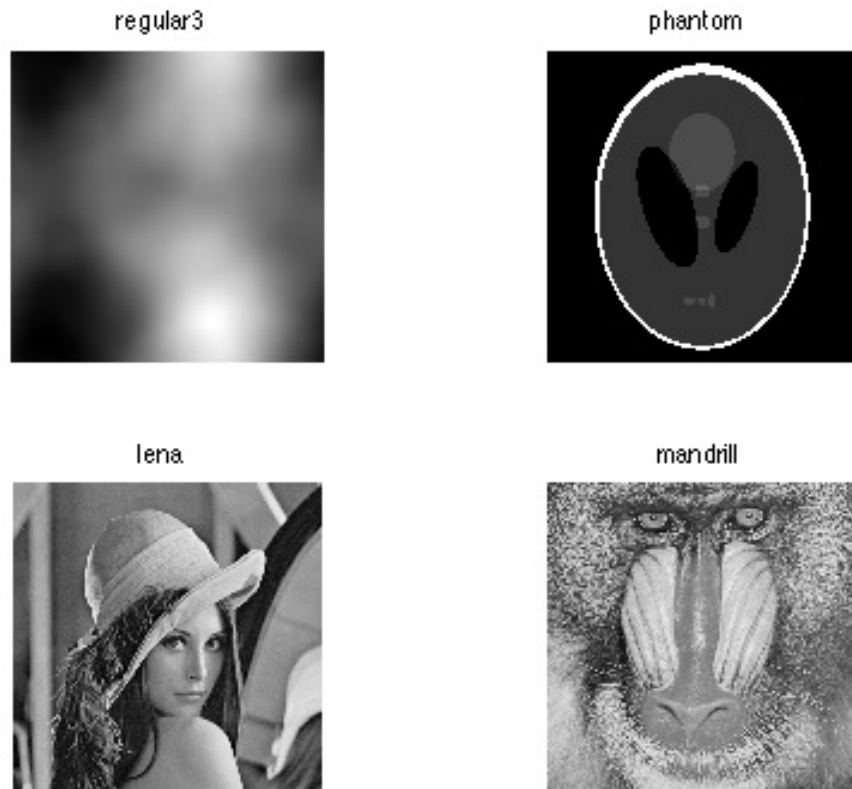


FIGURE 1 – 4 images classiques en traitement d'images à approximer nonlinéairement.