# A2 - Nombres décimaux

#### **Activité Introduction**

$$0,1 = \frac{1}{10}$$
 un dixième

$$0.01 = \frac{1}{100}$$
 un centième

$$0.1 = \frac{1}{10}$$
 un dixième  $0.01 = \frac{1}{100}$  un centième  $0.001 = \frac{1}{1000}$  un millième

1. Donner l'écriture décimal de chacun des nombres suivants :

**a.** 
$$\frac{4}{10} = \dots$$

**b.** 
$$\frac{7}{100} = \dots$$

**a.** 
$$\frac{4}{10} =$$
 ...... **b.**  $\frac{7}{100} =$  ..... **c.**  $\frac{16}{10} =$  .....

**d.** 
$$8 + \frac{4}{10} + \frac{2}{100} =$$
 **e.**  $5 + \frac{7}{100} =$ 

**e.** 
$$5 + \frac{7}{100} =$$

2. Compléter :

**a.** 
$$2,37 = \dots + \frac{100}{100} + \frac{100}{100}$$
 **b.**  $2,37 = \frac{100}{100} + \frac{100}{100}$  **c.**  $2,37 = \frac{100}{100}$ 

**b.** 2,37 = 
$$\frac{100}{100}$$
 +  $\frac{1000}{1000}$ 

**c.** 2,37 = 
$$\frac{100}{100}$$

On appelle cela des décompositions de 2,37.

3. Trouver de la même manière les différentes décompositions de 12,365.

## I - Fraction décimale :

Une fraction décimale est une fraction d'un entier « sur » 10, 100, 1000 etc.

# **Exemple:**

$$0.1 = \frac{1}{10}$$
 un dixième

$$0.01 = \frac{1}{100}$$
 un centième

$$0.1 = \frac{1}{10}$$
 un dixième  $0.01 = \frac{1}{100}$  un centième  $0.001 = \frac{1}{1000}$  un millième

$$0.0001 = \frac{1}{10.000}$$
 un dix-millième

Une fraction décimale admet plusieurs écritures.

# **Exemple:**

$$\bullet \quad \frac{10}{10} = \frac{100}{100} = \frac{1000}{1000} \dots$$

• 
$$\frac{10}{10} = \frac{100}{100} = \frac{1000}{1000} \dots$$
  
•  $\frac{1}{10} = \frac{10}{100} = \frac{100}{1000} = \frac{1000}{10000}$   
•  $\frac{42}{100} = \frac{40}{100} + \frac{2}{100} = \frac{4}{10} + \frac{2}{10}$ 

$$\bullet \quad \frac{42}{100} = \frac{40}{100} + \frac{2}{100} = \frac{4}{10} + \frac{2}{100}$$

#### II - Ecriture décimal :

L'écriture décimale d'une fraction décimale est son écriture sous forme de nombre avec virgule.

Il est possible d'agrandir le tableau vu précédemment pour les nombres entiers (Chapitre A1) :

Classe des Milliers				Clas	se des Ur	tés Cla		Classo	se des Millièmes	
Centaines	Dizaines	Unités	Centaines	Dizaines	Unités	Dixièmes	Centièmes	Unités	Dixièmes	Centièmes
100 000	10 000	1 000	100	10	1	0,1 1 10	0,01 1 100	0,00 1 1 1 000	0,00 01 1 10 000	0,00 001 1 100 000
			5	1	6	7	6	2		
Partie entière						Partie décimale				

#### Remarque:

- La barre rouge indique la position de la virgule.
- Tout nombre décimal est la somme d'un entier (la **partie entière**) et d'un nombre décimal inférieur à 1 (la **partie décimale**).
- Un nombre entier est un nombre dont la partie décimal est 0 (Ex :  $5 = 5,0 = 5,00 = \cdots$ )
- Les zéro supplémentaire derrière la virgule **et** le dernier chiffre ne sont pas utile (Ex : 2,40500 = 2,405)

### **Exemple:**

Dans le tableau est inscrit le nombre 516,762 :

$$516,762 = (5 \times 100) + (1 \times 10) + 6 + \left(7 \times \frac{1}{10}\right) + \left(6 \times \frac{1}{100}\right) + \left(2 \times \frac{1}{1000}\right)$$

516 est alors la partie entière et 0,762 la partie décimale.