

Chapitre 9 - Distributivité simple

Activité Introduction

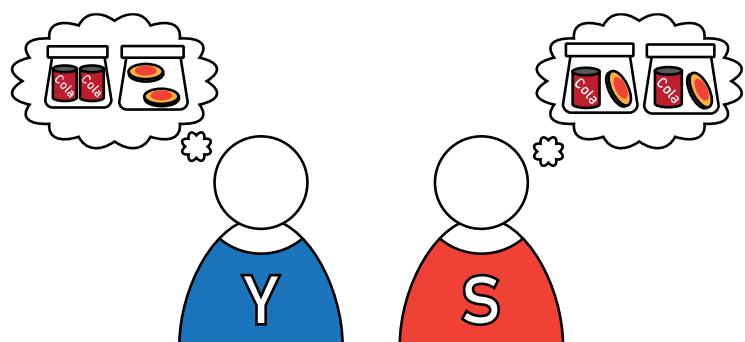
Yazid et Sarah veulent acheter 2 tartelettes et 2 cannettes de soda. Voici leurs visions de l'achat.

1. Leurs visions représentent-elles le même achat ?

2. Compléter l'égalité suivante :

$$2 \times \dots \dots \dots + 2 \times \dots \dots \dots = 2 \times (\dots \dots \dots + \dots \dots \dots)$$

3. Comparer les deux côtés de l'égalité. Dire pour l'un et l'autre s'il s'agit d'une somme ou d'un produit.



I – Egalité d'expressions littérales (rappels) :

1) Définition :

Exemple :

$$\bullet \quad 4x + 5 = 2x + 5 + 2x \quad \bullet \quad x^4 = x \times x \times x \times x \quad \bullet \quad 2 \times L + 2 \times l = 2 \times (L + l)$$

2) Réduction :

- Famille des constantes.
- Famille des x .
- Famille des x^2 .
- Famille des x^3 .

$$\begin{array}{cccccc} 5x & -2 & -5x^3 \\ 2x^2 & -3x & 4 & -3x^2 \\ 7 & 6x^2 & x \end{array}$$

Exemple :

$$3x + 2x^2 + 8 - 2x - 5 + 7x^2 + 7x =$$

On regroupe les termes d'une même famille ensemble. Ici les x^2 , les x et les constantes.

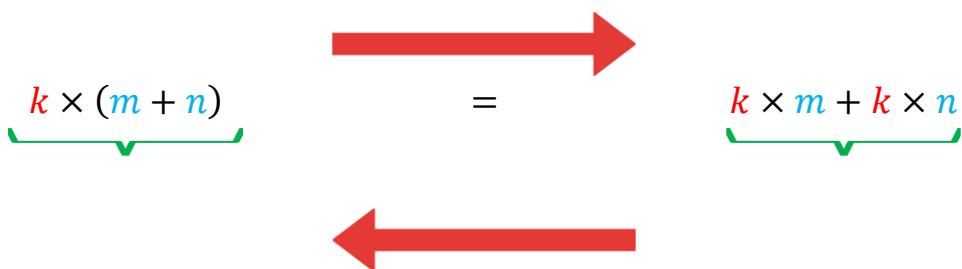
Remarques :

- **On ne peut pas ajouter deux éléments de famille différentes :**
Par exemple $8x + 3 \neq 11x$ ou encore $2x^2 + 3x \neq 5x$.
- $x = 1x$

II – Distributivité :

3) Définition :

La distributivité $k \times (m + n) = k \times m + k \times n$ permet d'écrire un produit entre un nombre et une somme comme une somme de deux produits.

$$\overbrace{k \times (m + n)}^{\text{un produit}} = \overbrace{k \times m + k \times n}^{\text{une somme}}$$


Remarque :

- La distributivité permet de passer d'une somme à un produit et inversement.
On l'utilise de manière logique dans les calculs comme :
 $101 \times 42 =$

4) Développement :

Lorsque l'on passe d'un produit à une somme, on **développe**.

$$\overbrace{k \times (m + n)}^{\text{un produit}} = \overbrace{k \times m + k \times n}^{\text{une somme}}$$

Exemples :

$$2x(3x + 5) =$$

$$3x(7 - 2x) =$$

$$10x(8x^2 + 5x - 4) =$$

Remarque :

Le cas de figure suivant peut se présenter, on prend alors l'**opposé** de chacun des termes entre parenthèses :

- $-(3x - 7) = -3x + 7$
- $-(-5x^2 + 4x - 1,5) = 5x^2 - 4x + 1,5$

5) Factorisation :

Lorsque l'on passe d'une somme à un produit, on **factorise**.

$$\overbrace{k \times m + k \times n}^{\text{Somme}} = \overbrace{k \times (m + n)}^{\text{Produit}}$$

Exemples :

$$8x + 12 =$$

$$3x^2 + 5x =$$

$$12x^2 + 18x =$$

Remarque :

Il existe une infinité de factorisations possibles car on peut factoriser par n'importe quel nombre. Prenons $24x + 16$, il est possible de le factoriser comme suit :

- $8(3x + 2)$
- $4(6x + 4)$
- $2(12x + 8)$
- $5(4,8x + 3,2)$
- $7\left(\frac{24}{7}x + \frac{16}{7}\right)$
- $23\left(\frac{24}{23}x + \frac{16}{23}\right)$
- $16\left(\frac{3}{2}x + 1\right)$
- ...