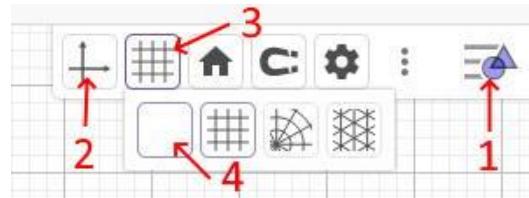


# Chapitre 11 - Réciproque du théorème de Pythagore

## Activité Introduction

Cette activité est une séance à faire grâce au logiciel [Géogebra](#).



Pour commencer, on va mettre en place la surface de dessin (1). Pour cela, il faut désactiver les axes (2) et le quadrillage (3 et 4).



On définit ensuite la gestion des arrondis depuis le menu en haut à droite (1 et 2).

Arrondi: 2 décimales

Changer pour ne mettre qu'une décimale.

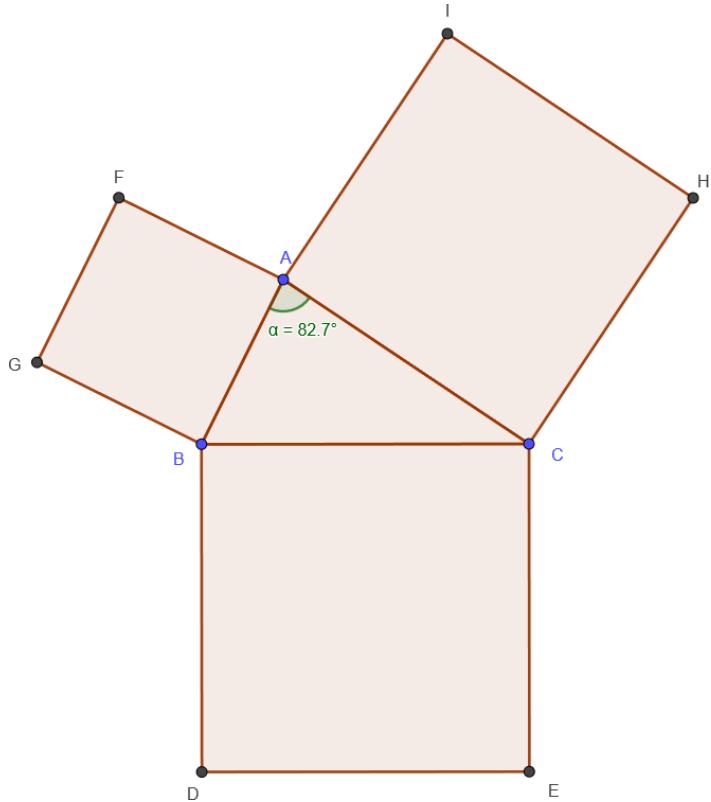
## I. Construction

1. Construire un triangle ABC à l'aide de l'outil polygone.



2. Construire un carré sur chaque côté de ton triangle à l'aide de l'outil polygone régulier.

Pour que les carrés soient bien vers l'extérieur, il faut parcourir les points du triangle dans le sens des aiguilles d'une montre.

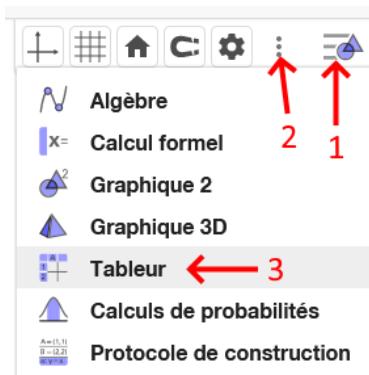


3. Faire ensuite afficher l'angle  $\widehat{BAC}$  à l'aide de l'outil angle.



Tu devrais obtenir la figure ci-contre.

***Si le nom de tes points diffère, il faudra adapter les formules par la suite.***



Tu peux maintenant ouvrir le tableau (1, 2 et 3) pour commencer les calculs.

Compléter le tableur comme ci-contre en prenant soin de mettre le nom de tes carrés.  
 Remarque : lorsque tu tapes le nom de ton carré, celui-ci est remplacé automatiquement par une valeur. Pour compléter les cases B1 à D1, il faut mettre les noms des carrés entre guillemets.

	A	B	C	D
1		BAFG	ACHI	BCED
2	<b>Aires des carrés</b>			
3				
4	<b>Aire du grand carré</b>			
5	<b>Somme des aires des deux petits carrés</b>			

Dans la cellule B2, entrer la formule  $=Aire(B,A,F,G)$

Dans la cellule D2, entrer la formule  $=Aire(A,C,H,I)$

Dans la cellule C2, entrer la formule  $=Aire(B,C,E,D)$

Pour terminer, dans la cellule B4, entrer la formule  $=D2$ . Dans la cellule B5, entrer la formule  $=B2+C2$

## II. Analyse

En déplaçant le point A tu peux voir les valeurs du tableau changer.

1. Essayer de créer un angle en A de  $90^\circ$ . Que remarques-tu dans le tableur ?
2. Remplir le tableau donné ci-dessous en trouvant 4 positions du point A différentes telles que l'angle  $\widehat{BAC}$  soit égal à  $90^\circ$ .

	Triangle 1	Triangle 2	Triangle 3	Triangle 4
$\widehat{BAC}$	$90^\circ$	$90^\circ$	$90^\circ$	$90^\circ$
$A_{BAFG}$				
$A_{ACHI}$				
$A_{BCED}$				
$A_{BAFG} + A_{ACHI}$				

3. Que peut-on dire ?

## I – Egalité de Pythagore (rappels) :

Théorème :

---



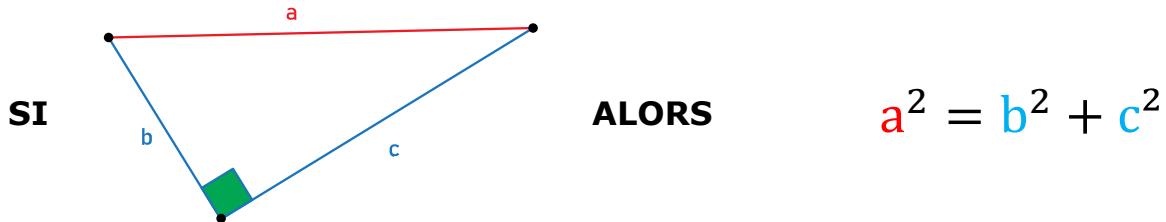
---



---



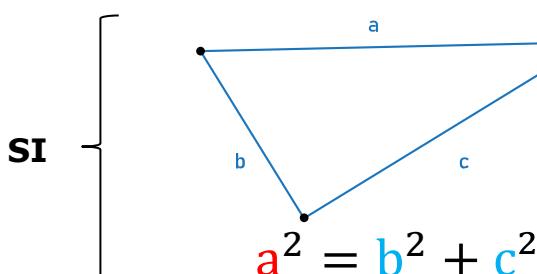
---



## II – Réciproque et contraposée :

### 1) Prouver qu'un triangle est rectangle :

Propriété : (réciproque du théorème de Pythagore)



**ALORS**

#### **Exemple :**

Soit le triangle ABC suivant :

On veut vérifier si ce triangle est rectangle.

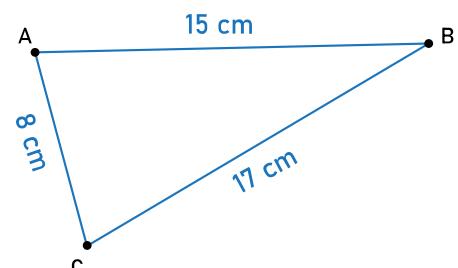
#### Rédaction type :

Son plus grand côté est BC. On calcule donc :

$$BC^2 =$$



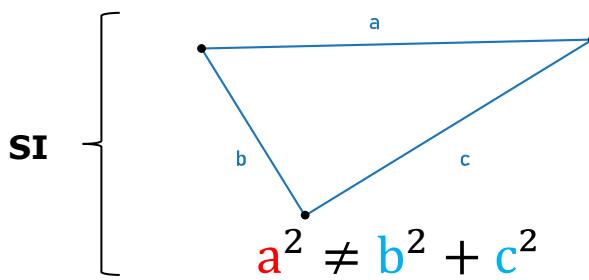
$$AB^2 + AC^2 =$$



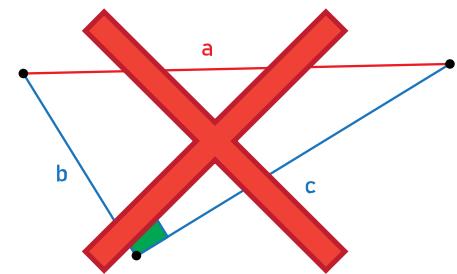
Donc , l'égalité de Pythagore est vérifiée, donc le triangle ABC est rectangle en .

### 2) Prouver qu'un triangle n'est pas rectangle :

Propriété : (contraposée de la réciproque du théorème de Pythagore)



**ALORS**



### Exemple :

Soit le triangle ABC suivant :

On veut vérifier si ce triangle est rectangle.

### Rédaction type :

Son plus grand côté est BC. On calcule donc :

$$BC^2 =$$

$$AB^2 + AC^2 =$$



Donc pas rectangle.

; l'égalité de Pythagore est vérifiée, donc le triangle ABC n'est pas rectangle.

