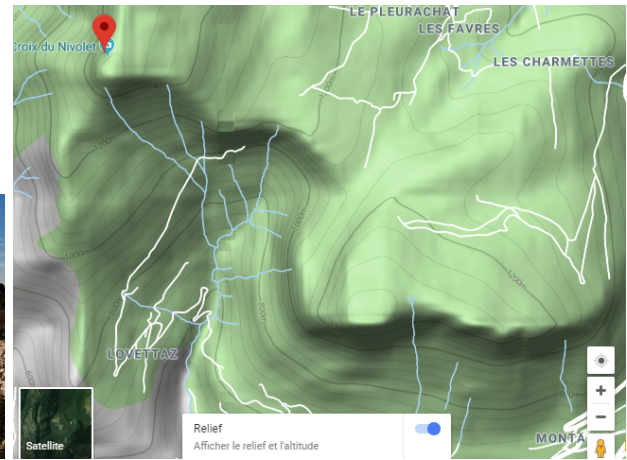

Fonctions de plusieurs variables

Le cours porte sur les fonctions de plusieurs variables. Prenons un exemple, voici la photographie d'un relief montagneux et sa carte topographique associée :



La lecture de la carte topographique donne l'altitude en fonction de la position définie par la latitude et la longitude, soit une fonction d'un domaine D de \mathbb{R}^2 à valeurs dans \mathbb{R} . Par exemple, à l'emplacement de la Croix de Nivolet ($45^\circ 3' 49''$ nord, $5^\circ 57' 56''$ soit l'icône de localisation en rouge sur la carte), l'altitude donnée par les courbes de niveaux (points du relief ayant la même altitude) est d'à peu près 1500 mètres. Les falaises représentent des discontinuité de la fonction. Les cols dans la montagne représentent des points critiques qui ne sont pas des extremum car selon une direction, le col apparaît comme un maximum et selon l'orthogonal de cette direction, comme un minimum. L'objet de ce cours est d'étendre l'étude faite sur les fonctions de la variable réel aux fonctions de plusieurs variables.

Définitions

Représentation ligne de niveaux graphes voirs cours page 29 <http://math.univ-lyon1.fr/~pujo/analyse3.pdf>