

Esercitazione11_Latex

October 25, 2023

1 Esercitazione 10

1.1 Es 1. Massima sequenza di 'a' consecutivi pari

Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato l'intero n , stampa tutte le stringhe lunghe n con simboli in $\{a, b\}$ dove i blocchi di simboli 'a' di lunghezza massima che appaiono nella stringa hanno lunghezza pari.

Ad esempio per $n = 1$ viene stampata la sola stringa b mentre per $n = 5$, le stringhe da stampare sono:

bbbbbb aabbbb baabb bbaab bbbbaa baaaa aabaa aaaab

L'algoritmo deve avere complessità $O(nS(n))$ dove $S(n)$ e' il numero di stringhe da stampare. Motivare la complessità del vostro algoritmo.

Idea

Soluzione

```
[ ]: def maxKaCons(x, inf, sup, k, kmax):  
    # scrive tutte le sequenze con al massimo kmax 'a' consecutivi  
    if inf == sup:  
        print(''.join(x))  
    else:  
        x[inf] = 'b'  
        maxKaCons(x, inf+1, sup, kmax, kmax)  
        if k > 0:  
            x[inf] = 'a'  
            maxKaCons(x, inf+1, sup, k-1, kmax)  
  
def pariA(x, inf, aCons, n):  
    for j in range(inf, inf+aCons):  
        x[j] = 'a'  
    if inf + aCons < n:  
        x[inf+aCons] = 'b'  
        maxKaCons(x, inf+aCons+1, n, aCons, aCons)  
    else:  
        print(''.join(x))  
  
def maxKaConsInit(x, inf, sup, k, kmax, acons, n):
```

```

# genera le sequenze con al piu' k a consecutivi,
# poi chiama la funzione che mette la sequenza 'b'.'a'^(2n).'b'
    #print x, inf, sup, k, kmax, acons, n
    if inf == sup:
        if sup == 0 or x[sup-1] == 'b':
            pariA(x, sup, acons, n)
        else:
            x[inf] = 'b'
            maxKaConsInit(x, inf+1, sup, kmax, kmax, acons, n)
            if k > 0:
                x[inf] = 'a'
                maxKaConsInit(x, inf+1, sup, k-1, kmax, acons, n)

def maxAConsPari(n):
    x = [None for _ in range(n)]
    maxKaCons(x, 0, n, 0, 0)
    for p in range(2, n+1, 2):
        for k in range(n-p+1):
            maxKaConsInit(x, 0, k, p-1, p-1, p, n)

```

Esecuzione

```

[ ]: n = 3
     k = 2
     x = [None for _ in range(n)]
     maxKaCons(x, 0, len(x), k, k)
     maxAConsPari(n)

```

```

bbb
bba
bab
baa
abb
aba
aab
bbb
aab
baa

```

1.2 Es 2. Tutte le sequenze palindrome

Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato un intero n , stampa tutte le stringhe palindromi lunghe $2n$ con valori in $\{a, b\}$.

Ad esempio per $n = 2$, le stringhe da stampare sono: aaaa abba baab bbbb

L'algoritmo deve avere complessita' $O(n^2)$. Motivare la complessita' del vostro algoritmo.

Idea

scrivere una funzione che genera tutte le sequenze lunghe n e poi ricopia le n posizioni rimanenti

Soluzione

```
[ ]: def allStringsABAux(x, n, i):
    if i==n:
        print(''.join(x))
    else:
        x[i] = 'a'
        allStringsABAux(x, n, i+1)
        x[i] = 'b'
        allStringsABAux(x, n, i+1)

def allStringsAB(n):
    x = [None for _ in range(n)]
    allStringsABAux(x, n, 0)

#Esercizio vero e proprio: e' sufficiente modificare le funzioni viste prima
def allPalindromeABAux(x, n, i):
    if i==n:
        for j in range(n):
            x[n+j] = x[n-j-1]
        print(''.join(x))
    else:
        x[i] = 'a'
        allPalindromeABAux(x, n, i+1)
        x[i] = 'b'
        allPalindromeABAux(x, n, i+1)

def allPalindromeAB(n):
    x = [None for _ in range(2*n)]
    allPalindromeABAux(x, n, 0)
```

Esecuzione

```
[ ]: n = 2
allStringsAB(n)
allPalindromeAB(n)
```

```
aa
ab
ba
bb
aaaa
abba
baab
bbbb
```

1.3 Es 3. Sequenze in cui elementi consecutivi differiscono almeno di 2

Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato l'intero n , stampa tutte le sequenze lunghe n formate da interi nell'insieme $\{1, 2, 3, 4\}$ con la proprieta' che nella sequenza numeri adiacenti distano almeno 2.

Ad esempio per $n = 3$ delle $43 = 64$ possibili sequenze ne vanno stampate solo 10, vale a dire:

131 141 142 241 242 313 314 413 414 424

L'algoritmo deve avere complessita' $O(nS(n))$ dove $S(n)$ e' il numero di matrici da stampare. Motivare la complessita' del vostro algoritmo.

Idea

Soluzione

```
[ ]: def allStringsAux(x, m, n, i, prec):
    if i==n:
        print(x)
    else:
        for j in range(1,prec-1):
            x[i] = j
            allStringsAux(x, m, n, i+1, j)
        for j in range(prec+2,m+1):
            x[i] = j
            allStringsAux(x, m, n, i+1, j)

def allStrings(m, n):
    x = [None for _ in range(n)]
    for j in range(1,m+1):
        x[0] = j
        allStringsAux(x, m, n, 1, j)
```

Esecuzione

```
[ ]: allStrings(4,3)
```

```
[1, 3, 1]
[1, 4, 1]
[1, 4, 2]
[2, 4, 1]
[2, 4, 2]
[3, 1, 3]
[3, 1, 4]
[4, 1, 3]
[4, 1, 4]
[4, 2, 4]
```

1.4 Es 4. Stampa matrici non decrescenti su righe/colonne

Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato l'intero n , stampa tutte le matrici ternarie $n \times n$ con la proprietà che le righe e le colonne della matrice risultano ordinate in modo crescente.

Idea

Soluzione

```
[ ]: def stampaMatriciAux(M, i, j, k):
    n = len(M)
    m = len(M[0])
    if i == n: #and j == m-1:
        print(M)
        return
    if i == 0 and j == 0: v = 0
    elif i == 0:
        v = M[i][j-1]
    elif j == 0:
        v = M[i-1][j]
    else:
        v = max(M[i-1][j], M[i][j-1])
    if j==m-1:
        ii = i+1
        jj = 0
    else:
        ii = i
        jj = j+1
    for x in range(v, k+1):
        M[i][j] = x
        stampaMatriciAux(M, ii, jj, k)

def stampaMatrici(n,k):
    M = [[None for _ in range(n)] for _ in range(n)]
    stampaMatriciAux(M, 0, 0, k)
```

Esecuzione

```
[ ]: stampaMatrici(2, 2)
```

```
[[0, 0], [0, 0]]
[[0, 0], [0, 1]]
[[0, 0], [0, 2]]
[[0, 0], [1, 1]]
[[0, 0], [1, 2]]
[[0, 0], [2, 2]]
[[0, 1], [0, 1]]
[[0, 1], [0, 2]]
[[0, 1], [1, 1]]
[[0, 1], [1, 2]]
```

$[[0, 1], [2, 2]]$
 $[[0, 2], [0, 2]]$
 $[[0, 2], [1, 2]]$
 $[[0, 2], [2, 2]]$
 $[[1, 1], [1, 1]]$
 $[[1, 1], [1, 2]]$
 $[[1, 1], [2, 2]]$
 $[[1, 2], [1, 2]]$
 $[[1, 2], [2, 2]]$
 $[[2, 2], [2, 2]]$