

# Esercitazione12\_Latex

October 25, 2023

## 1 Esercitazione 10

### 1.1 Es 1. Sequenze numero dispari a/b

#### Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato l'intero  $n$ , stampa tutte le stringhe lunghe  $n$  con simboli in  $\{a, b\}$  che contengono un numero dispari di simboli  $a$  ed un numero dispari di simboli  $b$ . Ad esempio per  $n = 3$  non viene stampato nulla mentre per  $n = 4$ , le stringhe da stampare sono: abbb babbb babbb bbaa baaa abaa aaba aaab. L'algoritmo deve avere complessità  $O(nS(n))$  dove  $S(n)$  è il numero di stringhe da stampare. Motivare la complessità del vostro algoritmo.

#### Idea

#### Soluzione

```
[ ]: def stampaDispariAux(x, i, n, na, nb):
    if i==n:
        if na % 2 != 0:
            print(''.join(x))
    else:
        x[i]='a'
        stampaDispariAux(x, i+1, n, na+1, nb)
        x[i]='b'
        stampaDispariAux(x, i+1, n, na, nb+1)

def stampaDispari(n):
    x = [None for _ in range(n)]
    if n % 2 == 0:
        stampaDispariAux(x, 0, n, 0, 0)

# L'algoritmo precedente arriva all'ultimo carattere e decide se stampare o meno
# la sequenza: il che significa che genera tutte e  $2^n$ .
# E' possibile fare meglio e generare solo quelle "giuste" al prezzo di
    ↪ complicare
# un pochino la soluzione

def allC(x, i, n, c):
    for j in range(i,n):
```

```

        x[j] = c
    print(''.join(x))

def stampaKa(x, i, n, k):
    if i==n:
        print(''.join(x))
    elif k == n-i:
        # mi mancano k 'a' da mettere e ho k posizioni da sistemare
        allC(x, i, n, 'a')
    elif k==0:
        # ho messo tutte le 'a' e devo completare con tutte 'b'
        allC(x, i, n, 'b')
    else:
        x[i]='a'
        stampaKa(x, i+1, n, k-1)
        x[i]='b'
        stampaKa(x, i+1, n, k)

def stampaDispariOpt(n):
    x = [None for _ in range(n)]
    if n % 2 == 0:
        for k in range(1,n,2):
            stampaKa(x, 0, n, k)

```

### Esecuzione

```
[ ]: stampaDispariOpt(2)
      stampaDispariOpt(4)

```

```

ab
ba
abbb
babb
bbab
bbba
aaab
aaba
abaa
baaa

```

## 1.2 Es 2. m,n,k

### Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che presi i tre interi  $n$ ,  $m$  e  $k$ , stampa tutte le sequenze di  $n$  interi positivi con interi di valore al più  $m$  e nelle quali nessun intero compare più di  $k$  volte. Ad esempio per  $n = 3$ ,  $m = 2$  e  $k = 2$  le sequenze da stampare sono:

```
1,1,2 - 1,2,1 - 2,1,1 - 1,2,2 - 2,1,2 - 1,2,2
```

L'algoritmo deve avere complessita'  $O(nS(n))$  dove  $S(n)$  e' il numero di sequenza da stampare. Motivare la complessita' del vostro algoritmo.

### Idea

tenere un vettore indicizzato su  $[1,...,m]$  che tiene quanti numeri  $j$  sono stati messi nella sequenza che si sta generando (ovviamente questa e' informazione ridondante, ma evita di riguardarsi  $x$  ogni volta)

### Soluzione

```
[ ]: def generaSeq(n, m, k):  
    T = [0 for _ in range(m+1)] # occorrenze dell'intero i usate in x  
    x = [None for _ in range(n)] # sequenza in costruzione  
    generaAux(n, m, k, x, 0, T)  
  
    def generaAux(n, m, k, x, i, T):  
        if i==n:  
            print(x)  
            return  
        for j in range(1, m+1):  
            if T[j]<k:  
                T[j] += 1  
                x[i] = j  
                generaAux(n, m, k, x, i+1, T)  
                T[j] -= 1
```

### Esecuzione

```
[ ]: generaSeq(3, 2, 2)
```

```
[1, 1, 2]  
[1, 2, 1]  
[1, 2, 2]  
[2, 1, 1]  
[2, 1, 2]  
[2, 2, 1]
```

## 1.3 Es 3. Matrici binarie senza 1 adiacenti

### Testo

Dare lo pseudo-codice di un algoritmo che dato l'intero  $n$ , stampa tutte le matrici binarie  $n \times n$  con la proprieta' che nella matrice non compaiono mai due uni adiacenti in orizzontale, in verticale o in diagonale.

L'algoritmo deve avere complessita'  $O(n^2S(n))$  dove  $S(n)$  e' il numero di matrici da stampare. Motivare la complessita' del vostro algoritmo.

### Idea

### Soluzione

```
[ ]: def stampaMatriciAux(M, i, j):
    n = len(M)
    m = len(M[0])
    if i == n: #and j == m-1:
        print(M)
        return

    if j==m-1:
        ii = i+1
        jj = 0
    else:
        ii = i
        jj = j+1
    M[i][j] = 0
    stampaMatriciAux(M, ii, jj)
    if (i == 0 and j == 0) or (i == 0 and M[i][j-1] == 0) or (j == 0 and
↪M[i-1][j] == 0 and M[i-1][j+1]) or (M[i-1][j] == 0 and M[i][j-1] == 0 and
↪M[i-1][j-1] == 0 and (j+1>n-1 or M[i-1][j+1]==0)):
        M[i][j] = 1
        stampaMatriciAux(M, ii, jj)

def stampaMatrici(n):
    M = [[None for _ in range(n)] for _ in range(n)]
    stampaMatriciAux(M, 0, 0)
```

### Esecuzione

```
[ ]: stampaMatrici(2)
```

```
[[0, 0], [0, 0]]
[[0, 0], [0, 1]]
[[0, 1], [0, 0]]
[[0, 1], [1, 0]]
[[1, 0], [0, 0]]
```