



# Alma Mater Studiorum-Università di Bologna Scuola di Ingegneria

---

## Varianza & sostituibilità dei componenti Il principio di sostituzione di Liskov

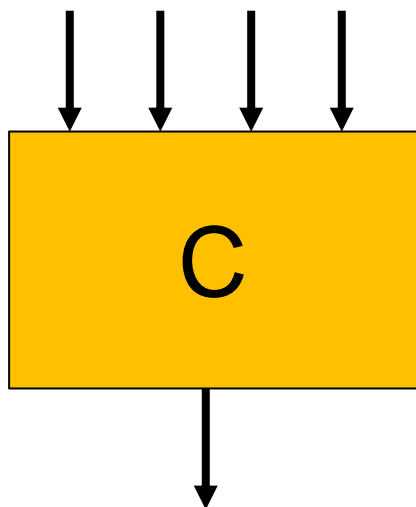
*Corso di Laurea in Ingegneria Informatica*  
Anno accademico 2021/2022

**Prof. ENRICO DENTI**

*Dipartimento di Informatica – Scienza e Ingegneria (DISI)*

# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- Supponiamo di avere un componente C, ben funzionante, che accetti certi input e produca un certo output



## ESEMPIO HARDWARE

Alimentatore

- Ingresso 220-240V
- Uscita 5-9V



## ESEMPIO SOFTWARE

Funzione che abbia:

- Ingresso: un Integer
- Uscita: un Counter

Sotto quali condizioni esso può essere sostituito da un altro componente C' ?

# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- Principio di Sostituzione di Liskov

*Sia  $P$  una proprietà vera su oggetti  $x$  di tipo  $T$ .*

*Allora,  $P$  deve valere anche su ogni oggetto  $y$  di tipo  $S$  in cui  $S$  sia sottotipo di  $T$ .*



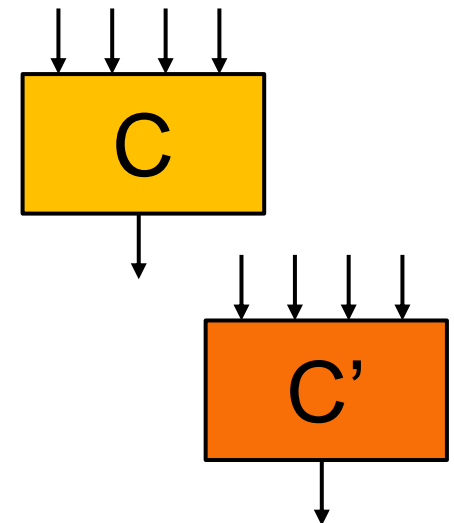
Barbara J. Liskov

- Ciò implica che il nuovo componente  $C'$ :

- in input, abbia *specifiche pari o più ampie* dell'originale
- in output, abbia *specifiche pari o più stringenti* dell'originale

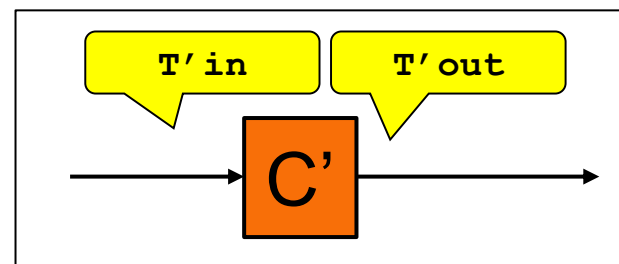
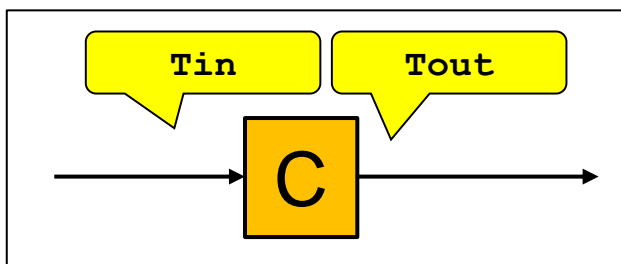
- SLOGAN

- *Require less, Provide more*
- *Demand no more, Promise no less*



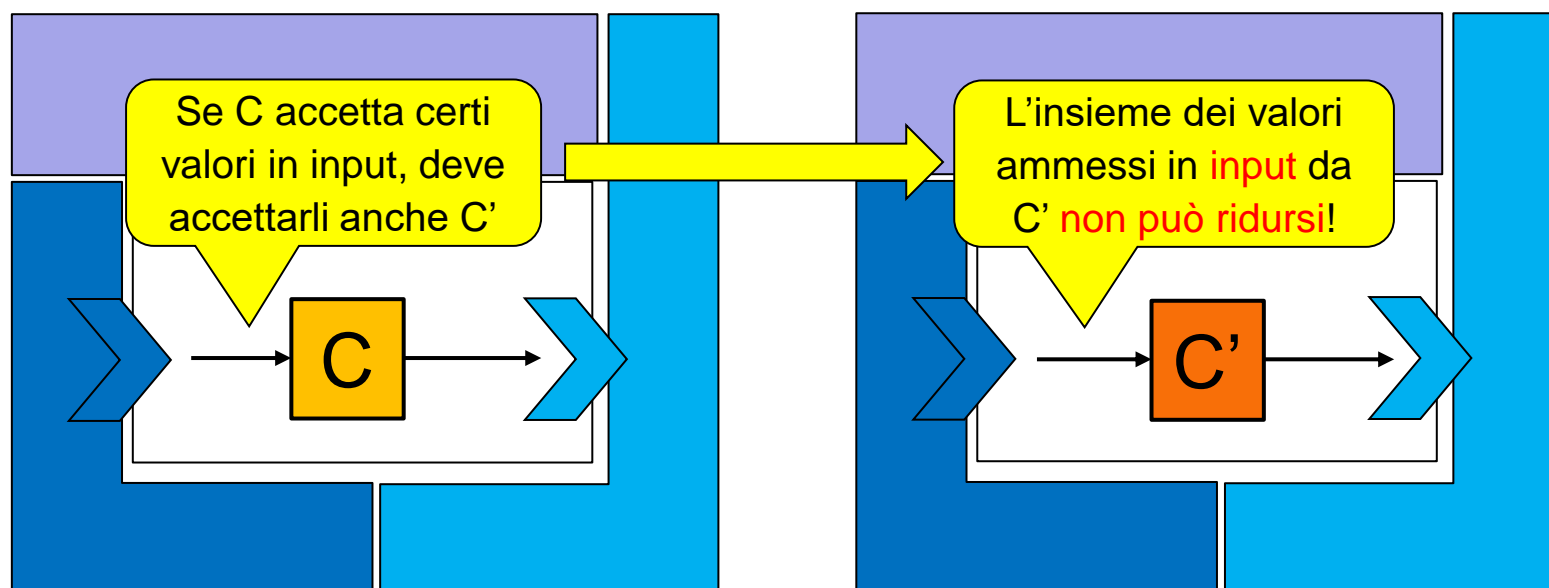
# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- **Interpretazione:** affinché  $C'$  sia sostituibile al posto di  $C$ ,  $C'$  deve essere usabile *in ogni situazione* in cui si usava  $C$ 
  - ogni argomento di ingresso valido per  $C$  dev'essere valido per  $C'$ 
    - l'insieme dei tipi accettabili **in ingresso** a  $C'$  dev'essere **pari o più largo** rispetto all'insieme dei tipi accettabili in ingresso a  $C$
  - ogni valore restituito da  $C'$  dev'essere un possibile valido valore di ritorno anche per  $C$ 
    - il tipo restituito **in uscita** da  $C'$  dev'essere **pari o più stretto** del tipo restituito in uscita da  $C$



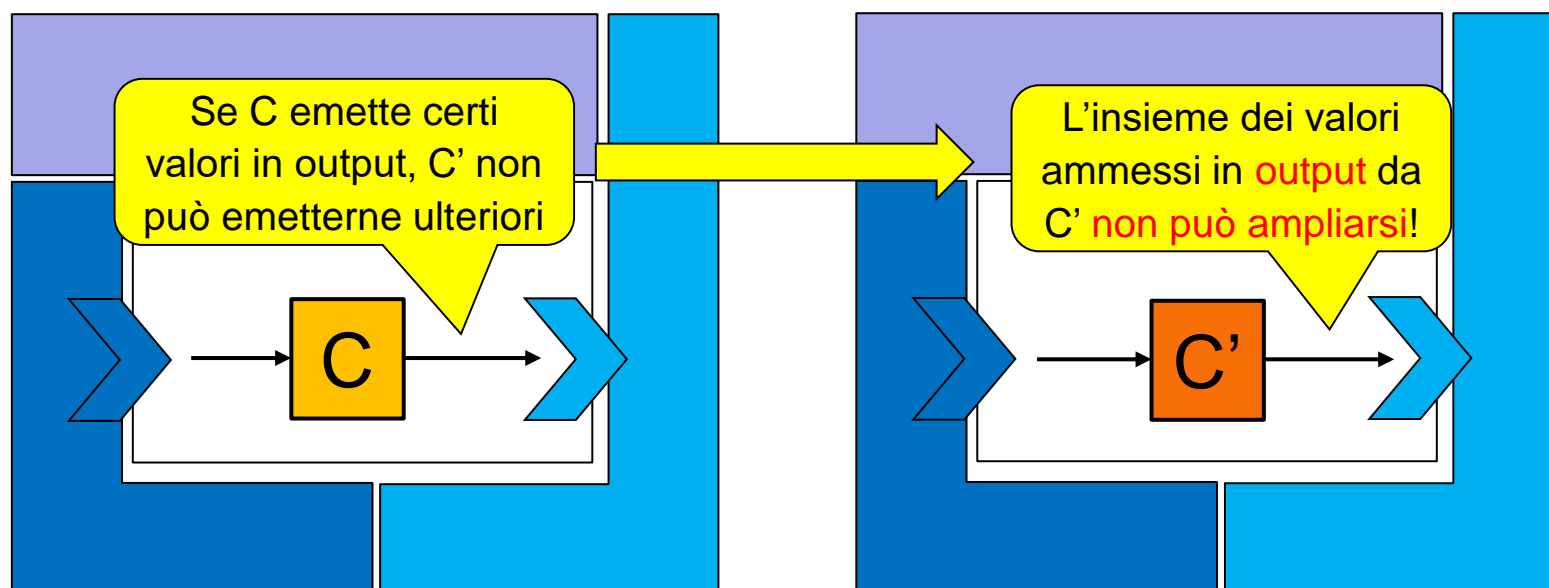
# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- **Interpretazione:** affinché  $C'$  sia sostituibile al posto di  $C$ ,  $C'$  deve essere usabile *in ogni situazione* in cui si usava  $C$ 
  - ogni valore di ingresso valido per  $C$  dev'essere valido anche per  $C'$
  - ogni valore restituito da  $C'$  dev'essere valido anche per  $C$
- Solo così il mondo circostante non si accorgerà di nulla!



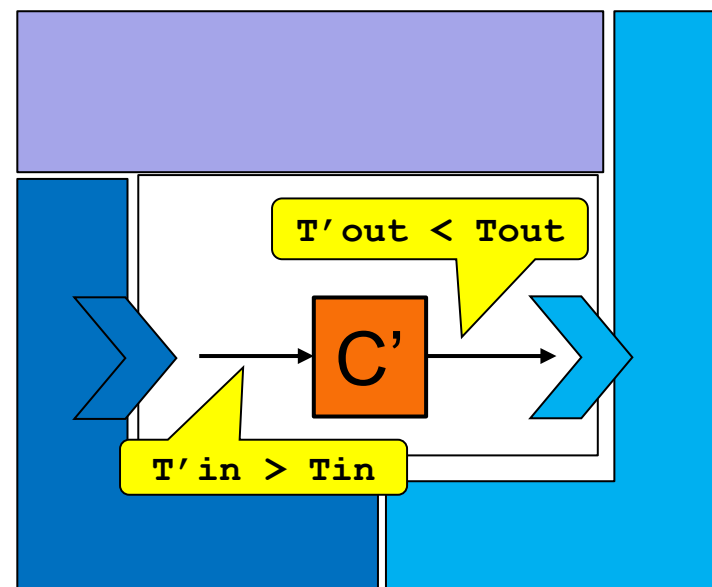
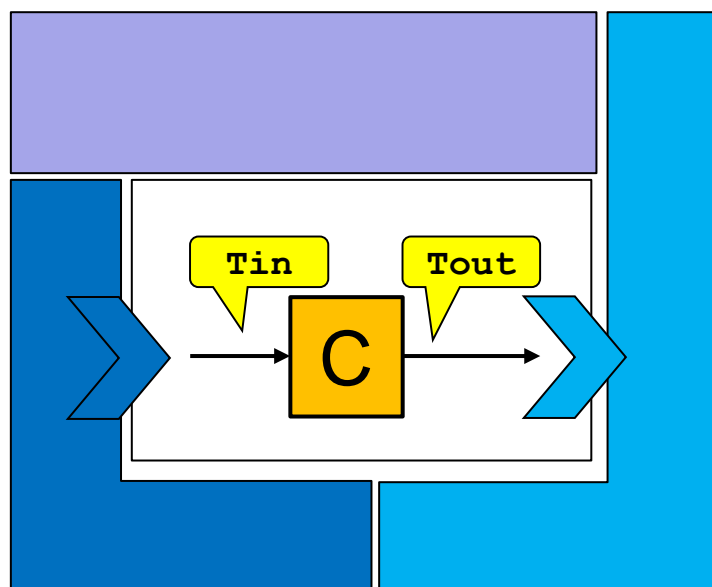
# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- **Interpretazione:** affinché  $C'$  sia sostituibile al posto di  $C$ ,  $C'$  deve essere usabile *in ogni situazione* in cui si usava  $C$ 
  - ogni valore di ingresso valido per  $C$  dev'essere valido anche per  $C'$
  - ogni valore restituito da  $C'$  dev'essere valido anche per  $C$
- Solo così il mondo circostante non si accorgerà di nulla!



# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- **Interpretazione:** affinché  $C'$  sia sostituibile al posto di  $C$ ,  $C'$  deve essere usabile *in ogni situazione* in cui si usava  $C$ 
  - ogni valore di ingresso valido per  $C$  dev'essere valido anche per  $C'$
  - ogni valore restituito da  $C'$  dev'essere valido anche per  $C$
- Solo così il mondo circostante non si accorgerà di nulla!





# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

---

- Inoltre, **C' non deve:**
  - *introdurre nuove e più stringenti pre-condizioni* (ma può indebolirle)
  - *indebolire le post-condizioni* esistenti (mentre può rafforzarle)
  - introdurre metodi che *modifichino* proprietà osservabili

Altrimenti, una proprietà vera su oggetti di tipo T cesserebbe di valere su oggetti del sottotipo S, violando il principio di sostituzione di Liskov.

- Ad esempio, C' non può
  - *dichiarare e lanciare nuove eccezioni*, non già previste da C
  - stabilire che un certo invariante di uscita (es.  $x==y$ ) non sia più vero
  - aggiungere metodi come *add*, *change*, etc. se non già previsti



# ESEMPIO HARDWARE

- L'alimentatore originale
  - accetta in input tensioni fra 220 e 240 V
  - emette in uscita una tensione fra 5 e 9V
- Qualunque alimentatore sostitutivo deve garantire di fare «almeno» questo, quindi:
  - accettare in input tensioni almeno da 220 a 240 V (o un range più ampio)
  - emettere in uscita una tensione che sia al più nel range 5-9V (ma potrebbe stare in un range più ristretto, ad es. 5-7V)
- MOTIVO: sotto tali condizioni, l'alimentatore sostitutivo *certamente non danneggia* il circuito a cui viene collegato
  - il quale, infatti, riceve valori sicuramente coerenti con quelli che accettava già prima

## ALIMENTATORE ORIGINALE

- Ingresso 220-240V
- Uscita 5-9V



## Possibili ricambi:

IN 220-240V, OUT 5-**8**V  
IN **100**-240V, OUT 5-9V

## Non accettabili come ricambi:

IN 220-240V, OUT 5-**10**V  
IN **230**-240V, OUT 5-9V

Non funzionerebbe con tensioni di ingresso di 220-230V, che l'originale accettava

Emettendo tensioni di uscita anche di 9-10V, potrebbe danneggiare il circuito a cui viene collegato

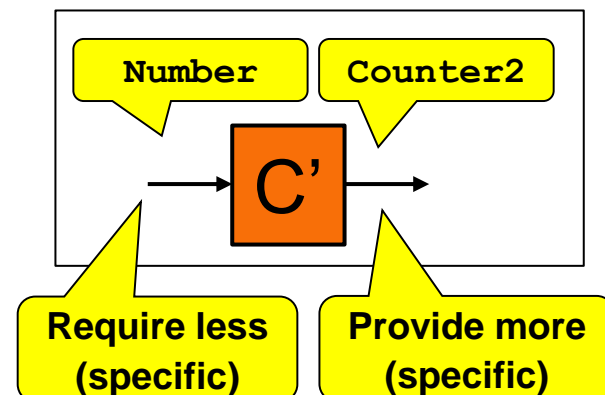
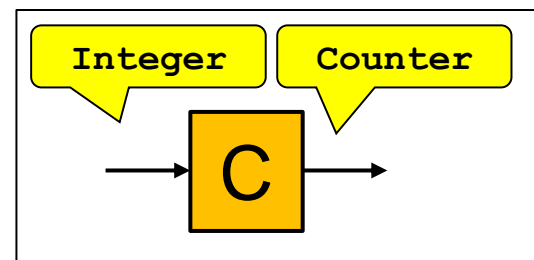
# ESEMPIO SOFTWARE

- Il componente originale
  - accetta in input un Integer
  - emette in uscita un Counter
- Qualunque componente sostitutivo lecito deve fare «almeno» questo, quindi:
  - accettare in input almeno gli Integer (magari anche altro)
  - emettere in uscita al più un Counter (magari però Counter più specifici)
- MOTIVO: sotto tali condizioni, il componente sostitutivo *certamente si integra* nel sistema software a cui viene collegato
  - il type system troverà sempre e solo tipi *coerenti* con quelli che gestiva già prima

## ESEMPIO SOFTWARE

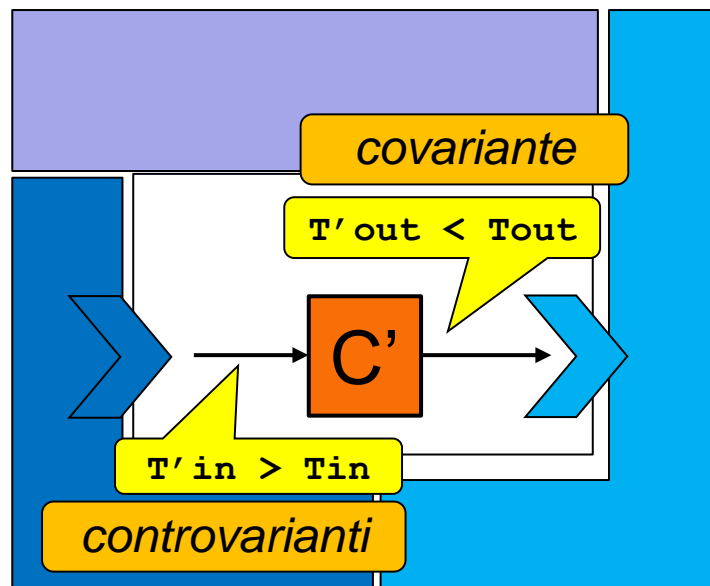
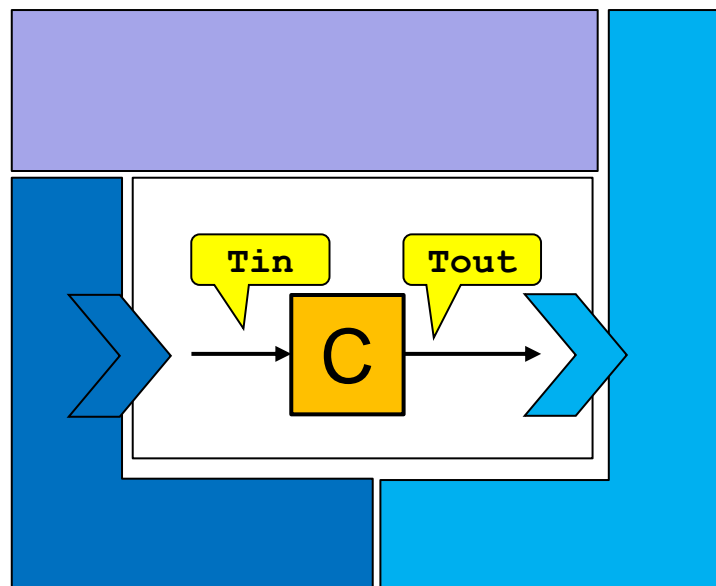
Funzione che abbia:

- Ingresso: un Integer
- Uscita: un Counter



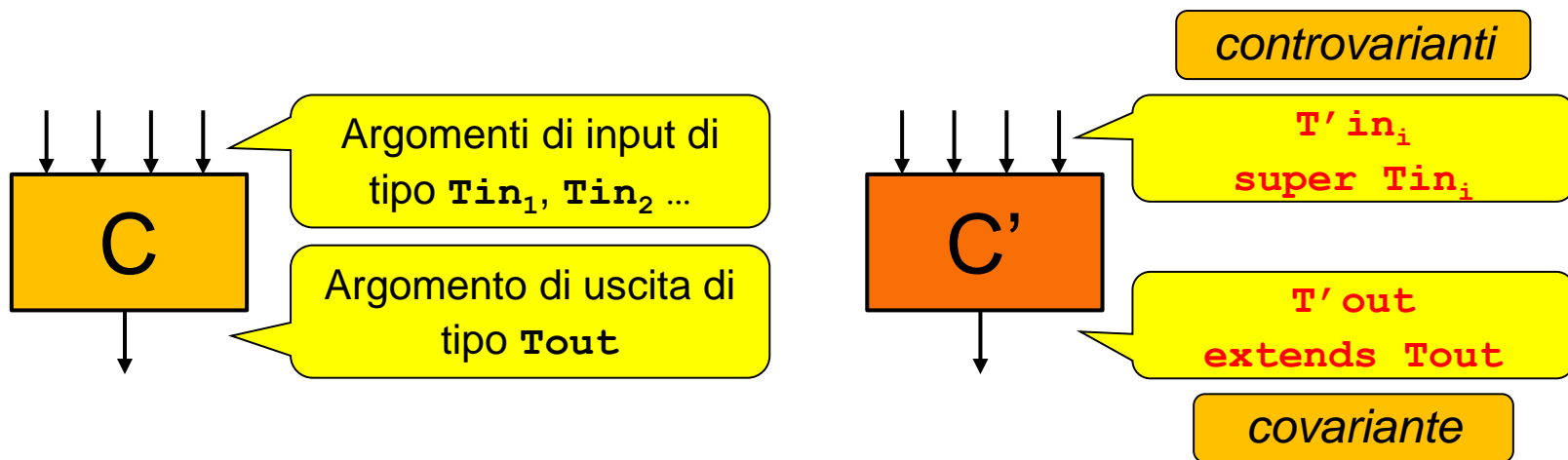
# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI

- In termini di vincoli in una gerarchia di ereditarietà, affinché  $C'$  sia sostituibile a  $C$ , occorre che sia *sottotipo* di  $C$
- A tal fine:
  - i tipi accettabili **in ingresso** a  $C'$  devono essere **controvarianti**
  - i tipi producibili **in uscita** da  $C'$  devono essere **covarianti**



# SOSTITUIBILITÀ DEI COMPONENTI CONDIZIONE

- Affinché il componente  $C'$  sia sostituibile al posto di  $C$ ,  $C'$  deve essere usabile *in ogni situazione* in cui si usava  $C$ 
  - nessun argomento di ingresso che fosse valido per  $C$  può essere *rifiutato* in  $C'$ 
    - l'insieme dei tipi accettabili **in ingresso** a  $C'$  dev'essere **più largo**
  - $C'$  non può fornire valori di ritorno *esterni* a quelli che avrebbe fornito  $C$ 
    - il tipo accettabile **in uscita** da  $C'$  dev'essere **più stretto**



# ESEMPIO 1

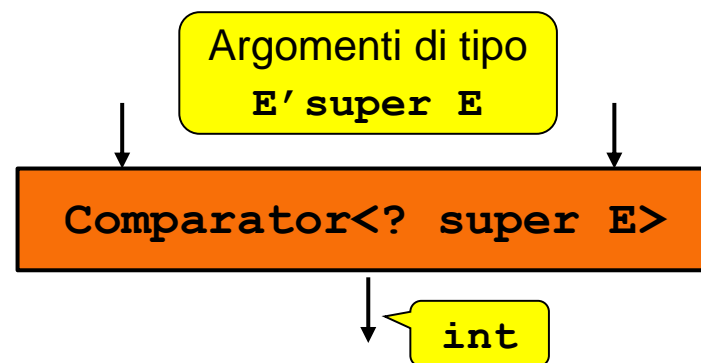
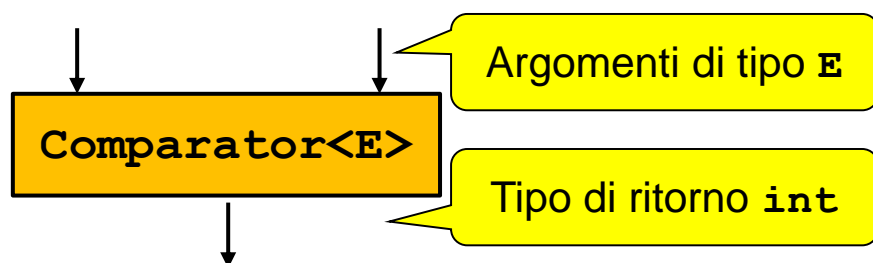
- Si consideri il metodo `sort` accetta un **Comparator**
  - per ordinare una lista di tipo `T`, serve un comparatore capace di confrontare due oggetti di tipo `T`
  - un **Comparator**<`T`> va sicuramente bene, ma non è indispensabile
  - **va bene anche un comparatore che accetti cose più generali di `T`**, che per ciò stesso sa certamente confrontare, come caso particolare, anche due oggetti di tipo `T`



# ESEMPIO 1

- E infatti, l'argomento `Comparator` di `sort` per una `List<E>` è *controvariante* rispetto a `E`

```
void      sort(Comparator<? super E> c)
```



## ESEMPIO 2

- Immaginiamo di voler definire un metodo `filterList` che filtri gli elementi di una lista secondo un certo filtro:

```
<T> List<T> filterList( List<T> list,  
                        Predicate<T> acceptor)
```

```
List<Number> numbers =  
    List.of(12, 13, 14, 15, 16.6, 17.7, 18.8);  
List<Integer> ints =  
    List.of(12, 13, 14, 15, 26, 27, 28);  
System.out.println(numbers);  
System.out.println(ints);  
Predicate<Number> numFilter = N -> N.intValue() % 2 == 0;  
Predicate<Integer> intFilter = N -> N % 2 == 0;  
System.out.println( filterList(ints, intFilter) );  
System.out.println( filterList(numbers, numFilter) );
```

## ESEMPIO 2

- Osserviamo che tutto funzionerebbe bene anche se **acceptor** filtrasse cose *più generali* di T:

```
<T> List<T> filterList(List<T> list,  
                        Predicate<? super T> acceptor)
```

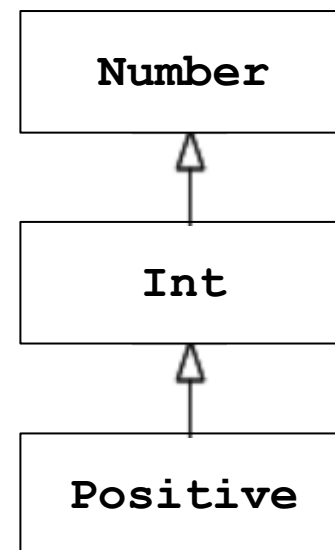
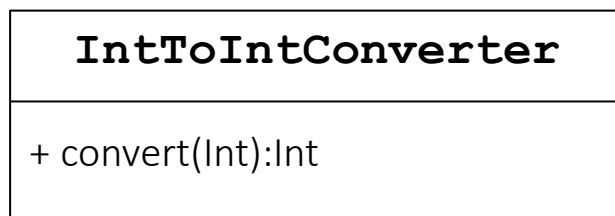
```
List<Number> numbers =  
    List.of(12, 13, 14, 15, 16.6, 17.7, 18.8);  
List<Integer> ints =  
    List.of(12, 13, 14, 15, 26, 27, 28);  
System.out.println(numbers);  
System.out.println(ints);  
Predicate<Number> numFilter = N ->  
Predicate<Integer> intFilter = N ->  
System.out.println( filterList(ints, intFilter) );  
System.out.println( filterList(numbers, numFilter) );  
System.out.println( filterList(ints, numFilter) );
```

Grazie a ciò, ora si può usare anche **numFilter** (anziché **intFilter**) per filtrare la lista di numeri



## ESEMPIO 3

- Con riferimento alla gerarchia di ereditarietà a lato
- Si consideri il componente **IntToIntConverter** sotto illustrato, che espone il metodo **convert(Int) : Int**

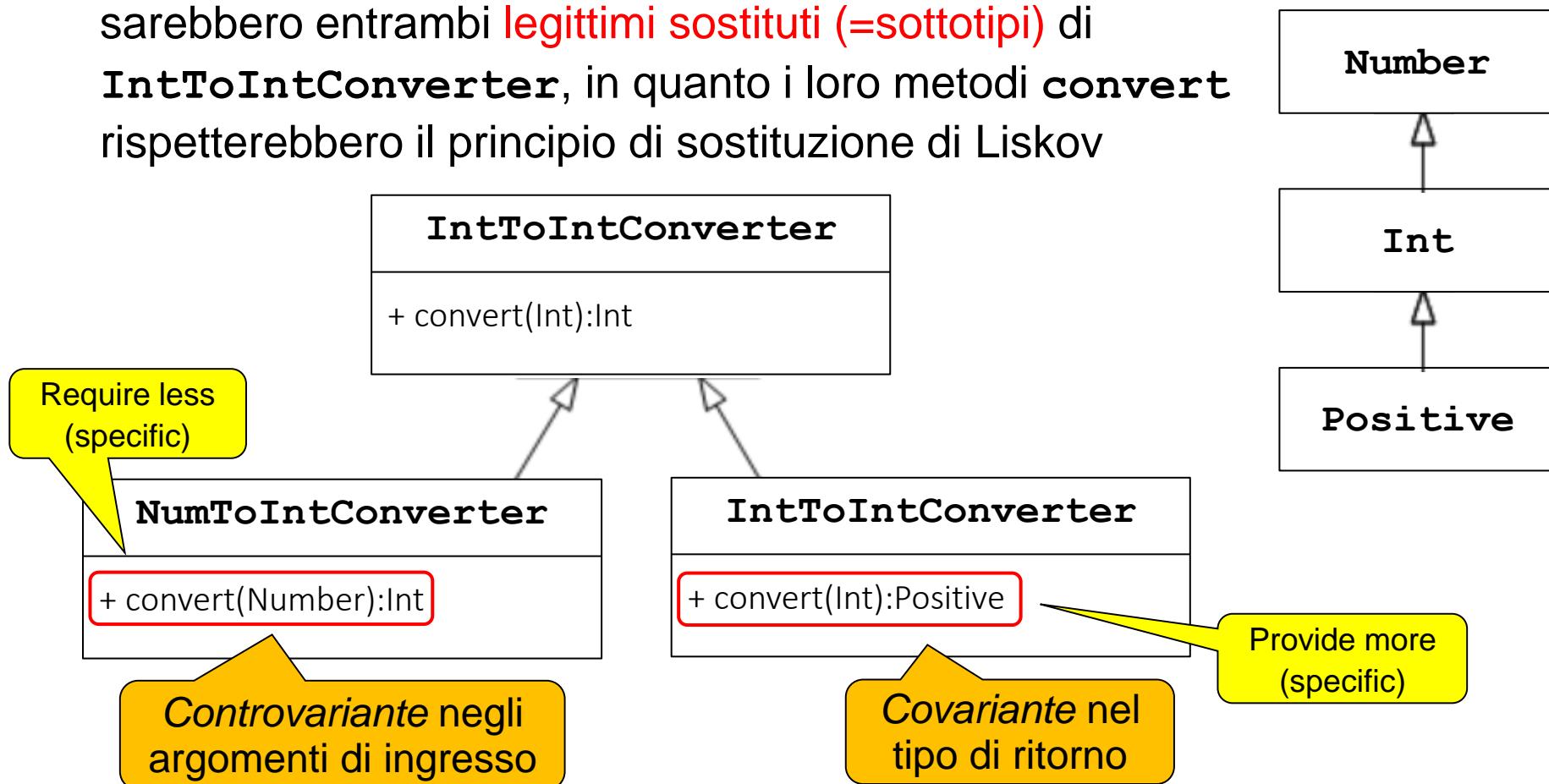


- Ci si chiede: due ipotetici componenti più specifici:
  - **NumToIntConverter**, il cui metodo **convert** accetti un **Number** (anziché solo un **Int**, quindi *allargando* il range dei valori ammessibili)
  - **IntToPositiveConverter**, il cui metodo **convert** emetta un **Positive** (anziché un generico **Int**, quindi *restringendo* l'insieme dei valori restituibili)

*sarebbero sostituibili ad esso*, senza colpo ferire?

# ESEMPIO 3

- Sì: **NumToIntConverter** e **IntToPositiveConverter** sarebbero entrambi **legittimi sostituti (=sottotipi)** di **IntToIntConverter**, in quanto i loro metodi **convert** rispetterebbero il principio di sostituzione di Liskov



# ESEMPIO 3: IL CODICE

```
public class Int extends Number {
    private int value;

    public Int(int v) {
        this.value = v;
    }

    public long longValue() {
        return 0L + value;
    }

    public double doubleValue() {
        return 0.0 + value;
    }

    public float floatValue() {
        return 0.0F + value;
    }

    public String toString() {
        return "" + value;
    }
}
```

In questa classe ci sono **due metodi convert** con diversa signature: si applica il più specifico

```
class IntToIntConverter {
    public Int convert(Int i) {
        System.out.print("This is IntToIntConverter, ");
        return new Int(2*i.intValue());
    }
}

class NumToIntConverter extends IntToIntConverter {
    public Int convert(Number n) {
        System.out.print("This is NumToIntConverter, ");
        return new Int(3*n.intValue());
    }
}

class IntToPosConverter extends IntToIntConverter {
    public Positive convert(Int n) {
        System.out.print("This is IntToPosConverter, ");
        return new Positive(2*Math.abs(n.intValue()));
    }
}
```

Questo metodo *convert* fa **override** dell'omonimo metodo ereditato, perché la signature (return type a parte) è identica

```
public class Positive extends Int {
    public Positive(int v) {
        super(v);
        if (v < 0) throw new IllegalArgumentException("Negative value for Positive: " + v);
    }
}
```

# ESEMPIO 3: IL CODICE

```
public static void main(String[] args){
```

```
    Positive p = new Positive(4);
```

```
    Int i = new Int(-3);
```

```
    System.out.println(p);
```

```
    System.out.println(i);
```

```
    //
```

```
    Int iRes = new IntToIntConverter().convert(i);
```

```
    System.out.println(iRes);
```

```
    Positive pRes = new IntToPosConverter().convert(i);
```

```
    System.out.println(pRes);
```

```
    iRes = new NumToIntConverter().convert(6.28);
```

```
    System.out.println(iRes);
```

```
    //
```

```
    f(new IntToIntConverter(), new Int(-5));
```

```
    f(new IntToPosConverter(), new Int(-5));
```

```
    f(new NumToIntConverter(), new Int(-5)); // scatta il metodo ereditato da IntToIntConverter
```

```
    g(new NumToIntConverter(), new Int(-5)); // scatta il metodo di NumToIntConverter
```

```
    // g(new IntToIntConverter(), new Int(-5)); // NO, tipi incompatibili
```

```
    // g(new IntToPosConverter(), new Int(-5)); // NO, tipi incompatibili
```

```
}
```

```
static void f(IntToIntConverter converter, Int n){
```

```
    System.out.println(converter.convert(n));
```

```
}
```

```
static void g(NumToIntConverter converter, Number n){
```

```
    System.out.println(converter.convert(n));
```

```
}
```

Collaudo di base,  
senza polimorfismo

Collaudo con  
principio di Liskov

NumToIntConverter  
espone **due** convert:  
quella ereditata, con  
argomento Int, e quella  
specificata, con Number.  
Scatta la prima!

```
4
```

```
-3
```

```
This is IntToIntConverter, -6
```

```
This is IntToPosConverter, 6
```

```
This is NumToIntConverter, 18
```

```
This is IntToIntConverter, -10
```

```
This is IntToPosConverter, 10
```

```
This is IntToIntConverter, -10
```

```
This is NumToIntConverter, -15
```



# CONTROESEMPIO: GLI ARRAY JAVA

- Gli array Java, notoriamente, sono *type unsafe*
- Infatti, averli definiti inizialmente covarianti
  - perché all'epoca non c'erano i tipi generici né le collection, quindi senza questo non si sarebbe potuto sfruttare il polimorfismo sull'unica «collection» (gli array, appunto) esistente
- ne ha minato per sempre la natura e le proprietà.
- È facile constatare che infatti essi *violano il principio di sostituzione di Liskov*
  - l'estrazione (lettura) di un dato è un metodo (*get*) covariante nel tipo del risultato (e fin qui ok)...
  - ...ma la *scrittura* di un dato è un metodo (*set*) che *dovrebbe* essere invece *controvariante* nell'argomento, e non lo è!



# CONTROESEMPIO: GLI ARRAY JAVA

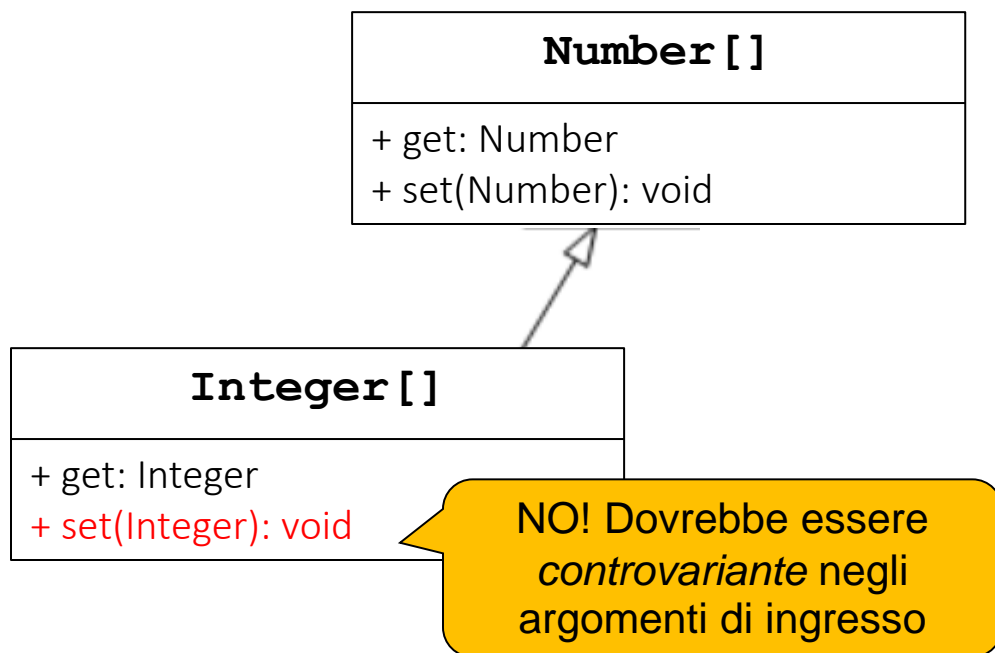
- Per fissare le idee, focalizziamoci sul tipo «array di Number»
  - schematizziamo con due metodi `get` e `set` l'uso dell'operatore `[]` rispettivamente in lettura (es. `x=v[i]`) e scrittura (es. `v[i]=x`)

Number []
+ get: Number + set(Number): void

- Ora consideriamo il tipo «array di Integer» e chiediamoci:  
*affermare che esso è un sottotipo di «array di Number»  
(come fa Java) rispetta il principio di sostituzione di Liskov?*

# CONTROESEMPIO: GLI ARRAY JAVA

- Se «array di Integer» è un sottotipo (=legittimo sostituto) di «array di Number», i suoi metodi devono garantire che
  - i tipi accettabili **in ingresso** a C' siano **controvarianti**
  - i tipi producibili **in uscita** da C' siano **covarianti**



È immediato vedere  
che **non è così**

- il metodo *get* è giustamente covariante nel tipo del risultato
- MA il metodo *set*, che **dovrebbe essere controvariante**, è invece *covariante* anch'esso!!

# CONTROESEMPIO: GLI ARRAY JAVA

- Conseguenza: la scrittura in un array può dar luogo a errore («ArrayStoreException») per violazione di coerenza

```
1 import java.util.*;
2
3 public class MyClass {
4     public static void main(String args[]) {
5         Integer[] arrayOfInt = new Integer[]{1,2,3,4,5};
6         Number[] arrayOfNum = new Number[5];
7         Object[] arrayOfObj = new Object[5];
8         System.out.println("ArrayOfInt = " + Arrays.toString(arrayOfInt));
9         filler(arrayOfNum);
10        System.out.println("ArrayOfNum = " + Arrays.toString(arrayOfNum));
11        filler(arrayOfInt); // ArrayStoreException!
12        System.out.println("ArrayOfInt = " + Arrays.toString(arrayOfInt));
13    }
14
15    public static void filler(Number[] arr){
16        arr[0] = 3.14; arr[1] = 2;
17    }
18 }
```

Result

CPU Time: 0.09 sec(s), Memory: 33080 kilobyte(s)

```
ArrayOfInt = [1, 2, 3, 4, 5]
ArrayOfNum = [3.14, 2, null, null, null]
```

```
Exception in thread "main" java.lang.ArrayStoreException: java.lang.Double
    at MyClass.filler(MyClass.java:16)
    at MyClass.main(MyClass.java:11)
```

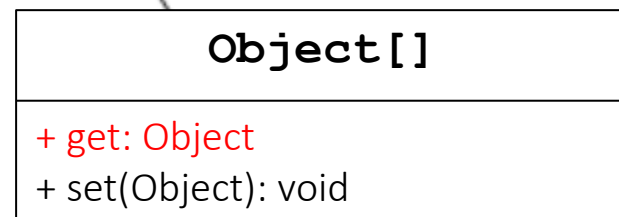
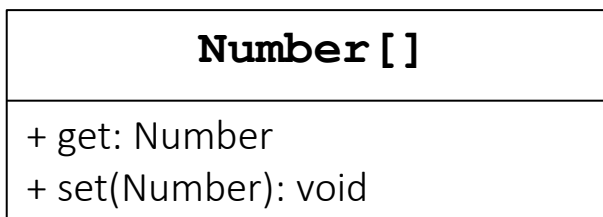


# CONTROESEMPIO: GLI ARRAY JAVA

- DUBBIO: e se fosse il contrario?
- Se fosse «array di Object» a dover essere un sottotipo (=legittimo sostituto) di «array di Number»?

È immediato vedere che  
**non è neppure così**

- il metodo *set* sarebbe ora (giustamente) controvariante nel tipo dell'argomento
- MA il metodo *get*, che invece **dovrebbe essere covariante** nel tipo di ritorno, sarebbe *controvariante* anch'esso!!



NO! Dovrebbe essere  
*covariante* nel tipo di ritorno