



Alma Mater Studiorum-Università di Bologna  
Scuola di Ingegneria

---

# Polimorfismo verticale vs. orizzontale

## Introduzione ai tipi generici

*Corso di Laurea in Ingegneria Informatica*  
Anno accademico 2021/2022

**Prof. ENRICO DENTI**

*Dipartimento di Informatica – Scienza e Ingegneria (DISI)*



# IL TEMA DELLA GENERICITÀ

- Avere `Object` come classe base di ogni altra è servito storicamente anche a **scrivere componenti software generici rispetto al tipo**
  - strutture dati (array, liste, alberi, tabelle..) usabili su qualunque tipo di oggetto *[ma definite una sola volta]*
  - funzioni / metodi che accettano qualunque tipo di oggetto
- Nel tempo tale approccio ha però mostrato **evidenti limiti**
  - usare `Object` come tipo significa **abolire il controllo di tipo**
  - poiché «everything is an Object», in quelle strutture si può in realtà mettere *di tutto* → error-prone, problemi, esplosioni
- L'approccio moderno (da Java 5 in poi) è quindi diverso e basato sull'idea di **tipo parametrico («generico»)**

# IL TEMA DELLA GENERICITÀ

- Avere `Object` come classe base di ogni altra è servito storicamente anche a scrivere *componenti software generici rispetto al tipo*
  - strutture dati (array, liste, alberi, ecc.) che accettano **qualunque tipo di oggetto**
  - funzioni / metodi che accettano **qualunque tipo di oggetto**
- Nel tempo tale approccio ha però mostrato *evidenti limiti*
  - usare `Object` come tipo significa *abolire il controllo di tipo*
  - poiché «everything is an Object», in quelle strutture si può in realtà mettere *di tutto* → error-prone, problemi, esplosioni
- L'approccio moderno (da Java 5 in poi) è quindi diverso e basato sull'idea di *tipo parametrico* («generico»)

Ma *non tipi primitivi*, perché non sono oggetti!  
(l'ennesima tassa dovuta alla loro disuniformità..)



# FUNZIONI (LIBRERIE) GENERICHE con Object

- Si supponga di voler scrivere una funzione che *stampi tutti gli elementi di un (generico) array*
- Perché funzioni per qualunque array, si può pensare di definirla in modo che accetti un *array di Object*:

```
public static void printAll(Object[] array){  
    for (Object obj : array) System.out.println(obj);  
}
```

Java

- Concretamente, sarà poi chiamata con *specifici array*

```
String[]    arr1 = { "Pippo", "Alberto", "Enrico" };  
Counter[]   arr2 = { new Counter(2), new Counter2(18) };  
Frazione[]  arr3 = { new Frazione(2,3), new Frazione(5,7) };  
printAll(arr1); printAll(arr2); printAll(arr3);
```

Java



# FUNZIONI (LIBRERIE) GENERICHE con Object

- PROBLEMA: *l'intenzione* era «chiaramente» quella di passare un array specifico, contenente *oggetti omogenei*
- MA tecnicamente in un array di `Object` ci si potrebbe mettere *qualunque cosa*, *violando l'idea stessa di array come collezione di entità omogenee in tipo!*
- Ad esempio, nulla vieterebbe di fare questo:

```
Object[] arr =  
    { "Pippo", new Counter(2), new Frazione(2,3) };  
printAll(arr);
```

Java

- Tecnicamente ha senso e funziona, ma *equivale ad abolire il controllo di tipo*: dentro ad `arr` ci può essere qualunque «porcheria» e il compilatore non può obiettare! ☹️☹️



# FUNZIONI (LIBRERIE) GENERICHE con Object

- A ben vedere, lo stesso problema era emerso tempo addietro, cercando di rendere generica la funzione `idem`:

```
public static boolean idem(Object[] a, Object[] b){  
    if (a.length != b.length) return false;  
    for (int i=0; i<a.length; i++){  
        if (!a[i].equals(b[i])) return false;  
    }  
    return true;  
}
```

Java

~C#

- L'uso inteso era chiamarla con due array *dello stesso tipo*:

```
System.out.println(idem(  
    new Counter[]{new Counter(2),new Counter(3),new Counter(4)},  
    new Counter[]{new Counter(2),new Counter(3),new Counter(4)} ));  
  
System.out.println(idem(  
    new String[]{"Pippo", "Alberto", "Enrico" },  
    new String[]{"Denari", "Coppe", "Bastoni" } ));
```



# FUNZIONI (LIBRERIE) GENERICHE con Object

- A ben vedere, lo stesso problema era emerso tempo addietro, cercando di rendere generica la funzione `idem`:

```
public static boolean idem(Object[] a, Object[] b){  
    if (a.length != b.length) return false;  
    for (int i=0; i<a.length; i++){  
        if (!a[i].equals(b[i])) return false;  
    }  
    return true;  
}
```

Java

~C#

- MA nulla poteva impedire di chiamarla con array disuniformi:
  - la chiamata è lecita e il risultato è certamente *false*
  - ma è insensato: due array di diverso tipo non sono mai uguali

```
System.out.println(idem(  
    new Counter[]{new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)},  
    new String[]{"Denari", "Coppe", "Bastoni" } ));
```



# STRUTTURE DATI GENERICHE con Object

---

- Oltre agli array, si potrebbero desiderare altri tipi di strutture dati «generiche», come liste, alberi, tabelle, etc.
- Definirle come «**contenitori di Object**» permette di ottenere quanto voluto, *ma al prezzo – di nuovo – di poterci poi mettere dentro qualunque cosa*, violando così l'uniformità.
- Per meglio focalizzare la questione, definiamo e usiamo una classica lista «old style» a puntatori: **edutils.List**





# STRUTTURE DATI GENERICHE con Object

- Esempio: la lista generica `edutils.List`

```
package edutils;

public class List {
    private Object elem;
    private List next;

    public List(){ elem=null; next=null;}
    public List(Object e){ elem=e; next=null; }
    public List(Object e, List l){ elem=e; next=l; }

    public Object head(){ return elem; }
    public List tail(){ return next; }

    public boolean isEmpty(){ return elem==null; }
    public String toString(){ return isEmpty()? "" :
        elem.toString() +
        (next==null ? "" : ", " + next.toString()); }
}
```

Il tipo effettivo dell'elemento può essere *un qualsiasi Object* (ma non un tipo primitivo, perché essi non sono oggetti)

Java



# STRUTTURE DATI GENERICHE con Object

- Uso inteso: poter creare specifiche liste di ciò che ci serve

```
List l1 = new List();
```

Lista vuota

Java

```
List l2 = new List("Pippo",  
    new List("Alberto",  
        new List("Enrico")) );
```

Lista di stringhe

```
List l3 = new List( new Counter(2),  
    new List(new Counter2(18)) );
```

Lista di Counter

```
List l4 = new List( new Frazione(2,3),  
    new List(new Frazione(5,7)) );
```

Lista di frazioni

```
System.out.println(l1);  
System.out.println(l2);  
System.out.println(l3);  
System.out.println(l4);
```

```
Pippo, Alberto, Enrico  
Counter di valore 2, Counter2 di valore 18  
2/3, 5/7
```

# STRUTTURE DATI GENERICHE con Object

- Ma purtroppo è legale anche un mix come questo:

```
List l5 = new List( new Frazione(2,3) ,  
                    new List("Pippo",  
                              new List(new Counter2(18))) ) ;  
  
System.out.println(l5) ;
```

Java

```
Pippo, Alberto, Enrico  
Counter di valore 2, Counter2 di valore 18  
2/3, 5/7  
2/3, Pippo, Counter2 di valore 18
```

- Di nuovo, definire strutture come «contenitori di Object» permette sì di ottenere contenitori «generici» (bene!)...
- ...ma anche, purtroppo, di poterci poi mettere *dentro qualunque cosa (male!)*, violando così l'uniformità di tipo, che solitamente costituisce un requisito inteso



# GENERICITÀ: UN PRIMO BILANCIO

- L'uso di **Object** come mezzo per scrivere componenti software *generici rispetto al tipo* è dunque un approccio *insoddisfacente, error-prone* e per questo *obsoleto*
  - si bypassa di fatto il controllo di tipo
  - si pongono le premesse per «esplosioni» a run-time dovute a errori non intercettati in fase di compilazione
- Il modo moderno per soddisfare la necessità di *genericità* è costituita dal concetto di *tipo parametrico (o generico)*
  - *il tipo c'è*, ma diventa un *parametro*
  - in tal modo sarà possibile *specificarlo al momento dell'uso* della funzione o del componente
  - **RISULTATO: genericità senza compromessi ☺**

# IL TIPO PARAMETRICO (GENERICO)

- La nozione di *tipo generico* consente di *usare un simbolo per il tipo*, che diviene un *parametro* da specificare poi
  - in Java, C#, Kotlin: notazione **<T>**
  - in Scala: notazione **[T]**

L'identificatore può essere qualsiasi: i più usati sono **T** («Type») ed **E** («Element»)

NON PIÙ

```
public static boolean idem(Object[] a, Object[] b)
```

MA

```
public static <T> boolean idem(T[] a, T[] b)
```

Java

- Idea di fondo
  - non stabiliamo ora chi sia T* (lo si dirà al momento dell'uso)
  - ma affermiamo che sarà comunque *lo stesso* per *entrambi gli argomenti*: non potranno più essere di tipi diversi!

# CONFRONTO

- Finora, i due argomenti avevano come (unico) vincolo il fatto di essere *array di Object*
- L'idea era che fossero poi «*dello stesso*» tipo, ma questo vincolo non era in realtà specificato da nessuna parte
  - era un vincolo "farlocco": ogni array è «di oggetti»
  - nei fatti, il contenuto poteva essere qualunque cosa
- Ora invece i due argomenti hanno il vincolo di essere entrambi **array della stessa cosa (T)**
  - qualunque tipo sia/sarà T, i due array saranno *omogenei*
  - pasticci come quelli di prima diventano impossibili
  - **la cura è rafforzare il controllo di tipo, non eluderlo!**
  - il compilatore è un *alleato*, non un nemico!



# POLIMORFISMO VERTICALE vs POLIMORFISMO ORIZZONTALE

---

- L'approccio «old style» che sfrutta `Object` per ottenere genericità si chiama *polimorfismo verticale*
  - segue la gerarchia di ereditarietà
  - sembra semplice, e lo è.... in effetti, è *fin troppo semplice!*
- L'approccio basato sul **tipo generico** si chiama invece *polimorfismo orizzontale*
  - opera "trasversalmente" rispetto alla gerarchia di ereditarietà
  - introduce il tipo come parametro
  - non influenza l'ereditarietà, non si basa su essa
  - è *l'approccio moderno* usato ormai "a tappeto" in tutti i linguaggi a oggetti con type system forti

# SINTASSI: DEFINIZIONE

## DEFINIZIONE di funzione generica in tipo

Java

```
public static <T> boolean idem(T[] a, T[] b)
```

C#

```
public static bool idem<T>(T[] a, T[] b)
```

Scala

```
def idem[T](a: Array[T], b: Array[T]) : Boolean
```

Kotlin

```
public fun <T> idem(a: Array<T>, b: Array<T>) : Boolean
```

- i vari linguaggi si differenziano per la posizione del segnaposto <T> (o [T] in Scala) e dei relativi dettagli sintattici



# SINTASSI: CHIAMATA

CHIAMATA di una funzione generica (con **T=Counter**)

Java

```
nomeclasse.<Counter>idem(array1, array2)
```

C#

```
nomeclasse.idem<Counter>(array1, array2)
```

Scala

```
nomeobject.idem(array1, array2)
```

Kotlin

```
nomeobject.idem(array1, array2)
```

Importante: in Java, omettere l'indicazione del tipo attuale **<Counter>** fa sì che venga assunto **<Object>**, disattivando così di fatto il type check !

- anche in fase di chiamata i vari linguaggi si differenziano per la posizione del segnaposto **<T>** (o **[T]**) e dei relativi dettagli sintattici



# ESPERIMENTO in Java

```
public class MyLib {  
    public static <T> boolean idem(T[] a, T[] b){  
        if (a.length != b.length) return false;  
        for (int i=0; i<a.length; i++)  
            if (!a[i].equals(b[i])) return false;  
        return true;  
    }  
}
```

Java

```
public static void main(String[] args) {  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    Counter[] w = {new Counter(2), new Counter(3)};  
  
    System.out.println(MyLib.<Counter>idem(x,y));  
    // true, se Counter ha equals polimorfa  
  
    System.out.println(MyLib.<Counter>idem(x,z)); // false  
    System.out.println(MyLib.<Counter>idem(z,y)); // false  
    System.out.println(MyLib.<Counter>idem(x,w)); // false  
}
```

Java

OK: chiamata corretta



# ESPERIMENTO in Java (BIS)

```
public class MyLib {  
    public static <T> boolean idem(T[] a, T[] b){  
        if (a.length != b.length) return false;  
        for (int i=0; i<a.length; i++)  
            if (!a[i].equals(b[i])) return false;  
        return true;  
    }  
}
```

Java

```
public static void main(String[] args) {  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    Counter[] w = {new Counter(2), new Counter(3)};  
  
    System.out.println(MyLib.idem(x,y));  
    // true, se Counter ha equals polimorfa  
  
    System.out.println(MyLib.idem(x,z)); // false  
    System.out.println(MyLib.idem(z,y)); // false  
    System.out.println(MyLib.idem(x,w)); // false  
}
```

Java

ATTENZIONE:  
chiamata non qualificata  
→ pericolosa!



# ESPERIMENTO in Java (TER)

```
public class MyLib {  
    public static <T> boolean idem(T[] a, T[] b){  
        if (a.length != b.length) return false;  
        for (int i=0; i<a.length; i++)  
            if (!a[i].equals(b[i])) return false;  
        return true;  
    }  
}
```

Java

```
public static void main(String[] args) {  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    String[] q = {"ciao", "mondo"};  
    System.out.println(MyLib.idem(x,q));  
    // falso, ma perché compila?  
}
```

Java

## DISASTRO!

Senza il type tag l'errore *non* viene rilevato, perché il compilatore ha assunto **<Object>**, disattivando così di fatto il type check



# ESPERIMENTO in C#

```
public class MyLib {  
    public static bool idem<T>(T[] a, T[] b){  
        if (a.Length != b.Length) return false;  
        for (int i=0; i<a.Length; i++)  
            if (!a[i].Equals(b[i])) return false;  
        return true;  
    }  
}
```

C#

```
public static void Main(string[] args){  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    Counter[] w = {new Counter(2), new Counter(3)};  
  
    System.out.println(MyLib.idem<Counter>(x,y));  
    // True, se Counter ha Equals polimorfa  
  
    System.out.println(MyLib.idem<Counter>(x,z)); // False  
    System.out.println(MyLib.idem<Counter>(z,y)); // False  
    System.out.println(MyLib.idem<Counter>(x,w)); // False  
}
```

C#

OK: chiamata corretta

# ESPERIMENTO in C# (BIS/TER)

```
public static void Main(string[] args){  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    Counter[] w = {new Counter(2), new Counter(3)};  
  
    System.out.println(MyLib.idem(x,y));  
    System.out.println(MyLib.idem(x,z));  
    System.out.println(MyLib.idem(z,y));  
    System.out.println(MyLib.idem(x,w));  
}
```

C#

In C#, la chiamata non qualificata  
giustamente **NON COMPILA**

*Impossibile dedurre gli argomenti di  
tipo per il metodo  
MyLib.idem<T>(T[], T[])' dall'uso.*

```
public static void Main(string[] args){  
    Counter[] x = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] y = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4)};  
    Counter[] z = {new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5)};  
    Counter[] w = {new Counter(2), new Counter(3)};  
    String[] q = {"ciao", "mondo"};  
    System.out.println(MyLib.idem<Counter>(x,y));  
}
```

C#

Mischiando tipi di oggetti  
diversi *non compila*,  
come è giusto



# ESPERIMENTO in Scala

```
def idem[T](a: Array[T], b: Array[T]) : Boolean = {  
  if (a.size != b.size) return false;  
  for (i <- 0 until a.size)  
    if (!a(i).equals(b(i))) return false;  
  return true;  
}
```

Scala

```
def main(args: Array[String]) : Unit = {  
  
  val x = Array(new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4));  
  val y = Array(new Counter(2), new Counter(3), new Counter(4));  
  val z = Array(new Counter(2), new Counter(3), new Counter(5));  
  val w = Array(new Counter(2), new Counter(3));  
  
  println(idem(x,y)); // true, se Counter ha equals polimorfa  
  println(idem(x,z)); // false  
  println(idem(z,y)); // false  
  println(idem(x,w)); // false  
}
```

Scala

In Scala la chiamata non richiede qualificatori:  
il compilatore non fa assunzioni su `Object`  
Eventuali usi errati, come `idem(x,q)`,  
vengono identificati a compile time

# ESPERIMENTO in Kotlin

```
public fun <T> idem(a: Array<T>, b: Array<T>) : Boolean {  
    if (a.size != b.size) return false;  
    for (i in 0..a.size-1)  
        if (!a[i]!!.equals(b[i])) return false;  
    return true;  
}
```

Kotlin

!! **non-null assertion operator**: converte un valore eventualmente nullo in uno certamente non nullo, lanciando eccezione (NPE) in caso sia nullo

```
public fun main(args: Array<String>) : Unit {
```

Kotlin

```
    val x = arrayOf(Counter(2), Counter(3), Counter(4));  
    val y = arrayOf(Counter(2), Counter(3), Counter(4));  
    val z = arrayOf(Counter(2), Counter(3), Counter(5));  
    val w = arrayOf(Counter(2), Counter(3));
```

```
    println(idem(x,y)); // true, se Counter ha equals polimorfa  
    println(idem(x,z)); // false  
    println(idem(z,y)); // false  
    println(idem(x,w)); // false  
}
```

In Kotlin la chiamata non richiede qualificatori: il compilatore non fa assunzioni su `Object`. Eventuali usi errati, come `idem(x,q)`, vengono identificati a compile time





# STRUTTURE DATI GENERICHE CON TIPO PARAMETRICO

---

- Il tipo parametrico si può usare anche per definire nuove strutture dati: liste, alberi, tabelle...
- Non più «contenitori di **Object**» MA «contenitori di **T**»
  - rimane possibile specializzarli per qualunque tipo concreto **T**
  - *MA diventa impossibile poterci mettere dentro qualunque cosa senza controllo, violando l'uniformità di tipo*
- Revisioniamo quindi la precedente definizione di lista a puntatori (**edutils.List**) usando il tipo parametrico come tipo dell'elemento, al posto di **Object**



# STRUTTURE DATI GENERICHE CON Object

- Lista generica `edutils.List` – vecchia versione

```
package edutils;  
  
public class List {  
    private Object elem;  
    private List next;  
  
    public List(){ elem=null; next=null;}  
    public List(Object e){ elem=e; next=null; }  
    public List(Object e, List l){ elem=e; next=l; }  
  
    public Object head(){ return elem; }  
    public List tail(){ return next; }  
  
    public boolean isEmpty(){ return elem==null; }  
    public String toString(){ return isEmpty()? "" :  
        elem.toString() +  
        (next==null ? "" : ", " + next.toString()); }  
}
```

Java

Gli elementi sono degli Object

# STRUTTURE DATI GENERICHE CON TIPO PARAMETRICO

- Lista generica `edutils2.List` – nuova versione

```
package edutils2;

public class List<T> {
    private T elem;
    private List<T> next;

    public List(){ elem=null; next=null;}
    public List(T e){ elem=e; next=null; }
    public List(T e, List<T> l){ elem=e; next=l; }

    public T head(){ return elem; }
    public List<T> tail(){ return next; }

    public boolean isEmpty(){ return elem==null; }
    public String toString(){ return isEmpty()? "" :
        elem.toString() +
        (next==null ? "" : ", " + next.toString()); }
}
```

La lista è ora definita esplicitamente  
come lista «di **T**»

Tipo parametrico **T** al posto di **Object**

NB:nei costruttori non è  
previsto il tag **<T>**

Java

# STRUTTURE DATI GENERICHE CON TIPO PARAMETRICO

- L'uso inteso rimane possibile, ma ora **si deve specificare esattamente che tipo di liste si desidera, caso per caso:**

```
List<Object> l1 = new List<Object>() ;
List<String> l2 = new List<String>("Pippo",
    new List<String>("Alberto",
        new List<String>("Enrico"))) ;
List<Counter> l3 = new List<Counter>( new Counter(2) ,
    new List<Counter>(new Counter2(18))) ;
List<Frazione> l4 = new List<Frazione>(
    new Frazione(2,3) ,
    new List<Frazione>(new Frazione(5,7)) ) ;

System.out.println(l1);
System.out.println(l2);
System.out.println(l3);
System.out.println(l4);
```

Qui il tipo non importa

Java

Lista di stringhe

Lista di Counter

Lista di frazioni

```
Pippo, Alberto, Enrico
Counter di valore 2, Counter2 di valore 18
2/3, 5/7
```



# STRUTTURE DATI GENERICHE CON TIPO PARAMETRICO

- Il mix incontrollato non è ora più possibile, perché le liste così ottenute sono *incompatibili* fra loro

```
12 = 13; // NO!  
12 = 14; // NO!  
14 = 12; // NO!
```

- Per poter mettere oggetti «qualsiasi» (disomogenei) in una lista ora bisogna etichettarla *esplicitamente* come tale:

```
List<Object> l5 = new List<Object>(
    new Frazione(2,3),
    new List<Object>("Pippo",
        new List<Object>(new Counter2(18))
    );
```

```
System.out.println(l5);
```

Java

```
Pippo, Alberto, Enrico  
Counter di valore 2, Counter2 di valore 18  
2/3, 5/7  
2/3, Pippo, Counter2 di valore 18
```

# CONCLUSIONE

---

- Scrivere funzioni o strutture dati *generiche in tipo* è possibile
- Il modo «old style» di farlo è etichettare gli argomenti come **Object** → *polimorfismo verticale*
  - di fatto abolisce il controllo di tipo
  - i *mis-use case* sfuggono a *compile time* ed esplodono a *run time*
- Il modo moderno è adottare il *tipo parametrico (generico)* → *polimorfismo orizzontale*
  - rende il tipo stesso un (ulteriore) parametro
  - rafforza il controllo di tipo
  - intercetta i *mis-use case* a *compile time*
- Ne riparleremo in futuro, parlando di *varianza*