Rapport de stage Ingénieur

_

Implémentation d'un ordonnanceur temps réel sur plateforme multi-cœur hétérogène

BELPOIS Vincent 2023





Table des matières

Pı	ésen	ntation du stage	3
	0.1	Le L.I.A.S	3
	0.2	Le sujet du stage	3
1	os	compatibles avec la carte	4
	1.1	Présentation de la carte de développement	4
	1.2	Installation d'un système d'exploitation	4
		1.2.1 Installation d'une image précompilée	4
		1.2.2 Compilation de Linux depuis le code source	5
		1.2.3 Compilation croisée	6
	1.3	Etude des versions de Linux compatibles	6
		1.3.1 Comment Linux gère le suport d'un processeur	6
		1.3.2 Essais de différentes versions	6
2	LIT	$ m CMUS^{RT}$	7
	2.1	Présentation de LITMUS ^{RT}	7
	2.2	Présentation de feather-trace	7
	2.3	Implémentation d'un ordonanceur EDF partitioné	7
	2.0	2.3.1 Algorithme considéré	7
		2.3.2 Implémentation	7
		2.3.2 Implementation	1
\mathbf{A}	nne	xe	8





Présentation du stage

0.1 Le L.I.A.S.

Parler des différentes équipes. Dans quelle équipe je suis?

0.2 Le sujet du stage

Mon stage s'intéresse à l'implémentation d'un ordonanceur sur plateforme hétérogène [1] Parler du projet SHRIMP.





1 Systèmes d'exploitation compatibles avec la carte ROCK960

1.1 Présentation de la carte de développement

Le stage s'intéressant à l'implémentation d'un algorithme d'ordonnacement sur une plateforme hétérogène, une carte possédant un tel processeur est mis à ma disposition. Cette carte se nomme ROCK960 et est fabriquée par l'entreprise 96Boards. Cette carte de développement contient de nombreuses interfaces mais nous nous contenteront d'utiliser l'interface Série TTL à laquelle nous nous connecterons via un convertisseur USB vers TTL.

Au centre de la carte est un SOC Rockchip RK3399. Ce processeur contient deux type de cœurs, ou processeurs. Deux d'entre eux sont des processeurs Cortex-A72 et les quatre autres sont des processeurs Cortex-A53. Ces 6 processeurs utilisent le même jeu d'instruction : ARMv8-A 64-bit. Cela sera important par la suite afin de faciliter la migration de tache entre les processeurs, en effet si les jeux d'instructions des processeurs étaient différents, plusieurs copies du code compilé devrait exister tout en maintenant un lien d'équivalence entre les deux codes. Cela est bien au delà de la portée de mon stage mais sera un point intéressant à explorer.

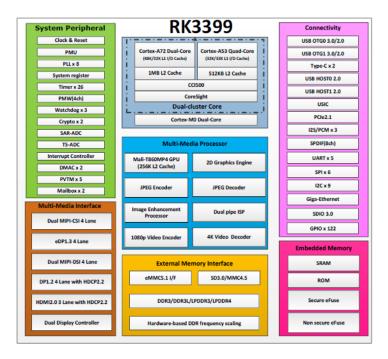


FIGURE 1 – Architecture du processeur RK3399

Le SOC RK3399 contient bien d'autres composants et peut interfacer avec de nombreux périphériques (écran HDMI, USB, caméra MPI-CSI, SPI, UART, I2C, etc...) comme le montre la figure 1. Ce diagramme nous montre aussi que les deux cluster de processeurs ne partagent pas les cache L1 ni L2 mais sont interconnectés par une interface CCI-500 qui, selon le site des développeurs ARM, permet la cohérence des caches des deux clusters.

1.2 Installation d'un système d'exploitation

1.2.1 Installation d'une image précompilée

Pour premier tester l'Installation de linux sur la carte de développement, j'ai utilisé une image de la distribution Ubuntu fournie par le fabriquant 96Boards disponible sur leur site. Cette image se présente sous la forme d'une archive au format .tar.gz. Elle contient à la fois le bootloader, le noyau Linux, et le système de fichier. Cette image (system.img) peut alors être gravée (ou flashée) sur une carte micro SD.

Depuis un terminal, en se déplaçant dans le dossier de l'archive extraite, on exécute la commande suivante :

\$ sudo dd if=system.img of=/dev/XXX bs=4M oflag=sync status=noxfer

Listing 1 – Linux Command





EXPLIQUER CE QUE FAIT CETTE COMMANDE

Aussi dire en quoi on s'en servira dans des scripts afin d'accélérer le développement.

1.2.2 Compilation de Linux depuis le code source

Afin d'utiliser une version de Linux différente de la version précompilé par le fabriquant de la carte de développement, il faut se premièrement se procurer le code source du noyau Linux. Celui-ci est disponible sur un dépôt de code git hébergé par GitHub. Il est disponible a l'adresse https://github.com/torvalds/linux, sous le profile du créateur de Linux : Linus Torvalds. Durant mon stage j'étais libre d'utiliser le logiciel de gestion de version de mon choix, j'ai donc principalement utilisé git en ligne de commande et j'ai parfois utilisé un client git nommé GitKraken afin plus facilement explorer les anciens commits de certains projets comme LITMUS^{RT}.

Une fois le code source du noyau téléchargé, et en se déplaçant dans le dossier linux depuis un terminal, on peu alors procédé a la compilation. Pour mes premiers essais j'ai premièrement décidé de compiler Linux pour une machine virtuelle que je ferai tourner sur ma machine de travail.

Le noyau Linux est un programme ayant une compilation basée sur la configuration : cela signifie que certaines parties du code peuvent rajouter ou omises par le simple biais d'une fichier de configuration. Ce configuration se présente sous la forme d'un fichier .config qui doit être créé à la racine du noyau. Pour créer ce fichier, des utilitaires sont mise a notre disposition dans le noyau :

- make defconfig: cet outil est utilisé pour générer une configuration pas défaut. Ici l'architecture de la machine qui réalise la compilation sera sélectionnée. Dans mon cas, éxécuter cette commande créer un fichier de configuration basé sur la config 'x86_64_defconfig'.
- make menuconfig : cet outil permet d'éditer la configuration actuelle du fichier .config via une interface graphique. Ce menu permet aussi de rechercher des paramètres, de voir leur description et d'enregistrer différentes configurations.

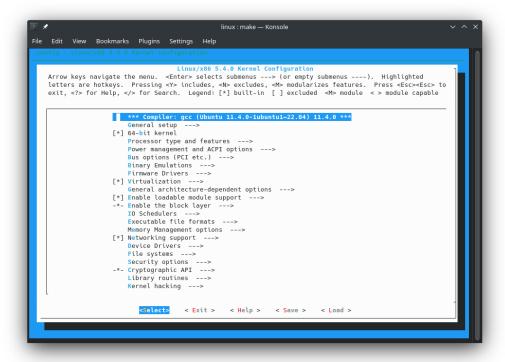


Figure 2 – Interface de configuration du noyau

Une fois la configuration crée, nous pouvons passer à la compilation du noyau. Linux utilise l'utilitaire de compilation *GNU Make*: il permet l'automatisation de la compilation, la gestion des dépendances et gère la personnalisation de la compilation de chaque dossier. Ces règles sont alors dictés par des fichiers MakeFile présent dans chaque dossier contenant des fichiers à compiler du projet.





Note : chaque distribution Linux possède un ensemble différent de programmes préinstallés, il faudra alors peut-être installer des programmes nécessaires a la compilation. Par exemple, installer libelf-dev "une bibliothèque partagée qui permet de lire et écrire des fichiers ELF à un niveau élevé" ¹.

\$ make -j 16

Listing 2 - Linux Command

Le paramètre -j 16 signifie que l'on veux exécuter la compilation avec 16 tâches en parallèles. Il est recommandé sur internet par beaucoup d'utiliser comme nombre de tâches, le double du nombre de processeurs dans l'ordinateur qui réalise la compilation.

Ou est le code source linux ? Expliqué que j'étais déjà familié avec git et github pour des projets persos et tout.

Comment changer de version du code cloné.

comment modifier quels modules sont chargés lors de la compilation de linux, interface graphique <-> fichier de config.

1.2.3 Compilation croisée

Toolchain : qu'est ce que c'est, de quoi elle est constituée? Expliquer que l'on compile sur du x86 mais qu'on veut compiler pour du ARMv8xxx.

Variables d'environement? Qu'est ce que c'est sous linux, comparer a des

Réalisation de scripts linux pour accélérer le développement. Que doit on charger pour charger le nouveau code compilé?

Copy de l'image du noyau pour faire encore plus rapide.

1.3 Etude des versions de Linux compatibles

1.3.1 Comment Linux gère le suport d'un processeur

fichier de configuration de la carte? du processeur? Problème rencontré avec le wifi

1.3.2 Essais de différentes versions

Expliquer quels versions de linux sont compatibles avec la carte. Quelles versions de LITMUS sont disponibles.





2 LITMUS^{RT}

2.1 Présentation de LITMUS^{RT}

2.2 Présentation de feather-trace

2.3 Implémentation d'un ordonanceur EDF partitioné

2.3.1 Algorithme considéré

On cherche alors pour commencer à implémenter un algorithme d'ordonnancement simple afin de se familiariser avec les méthodes et fonctions fourni par LITMUS^{RT}. J'ai donc choisi un algorithme partitioné pour la simplicité d'ordonnancement par processeur que cela offre. Un algorithme EDF (*Earliest Deadline First*) est alors choisi pour la simplicité du choix de la tache a exécuter. Comme son nom l'indique, on choisi à chaque instant la tache ayant l'échéance la plus proche. On nommera par la suite cet algorithme P-EDF (*Partitionned Earliest Deadline First*).

Pour montrer le fonctionnement de cet algorithme, si l'on se place sur un même processeur, on peut visualiser l'éxécution de deux tache periodiques :

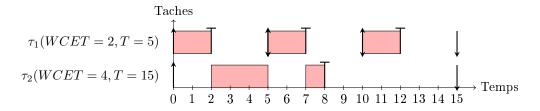


FIGURE 3 – Exemple de EDF à 2 taches

On a ici une première tache τ_1 avec un pire temps d'éxécution (Worst Case Execution Time) de 2 et une période de 5, et une seconde tache τ_2 avec un pire temps d'éxécution de 4 et une période de 15. On a alors préemption de la τ_2 à t=5 afin d'éxécuter τ_1 . Cela est dû au réveil de la tâche τ_1 (représenté par la flêche montante) et à la date d'échéance plus proche de cette dernière.

2.3.2 Implémentation

La construction d'un plugin d'ordonnancement nécessite la déclaration d'un module au sens de Linux. Pour Linux un module est un élément de code qui peut être chargé dynamiquement lors de l'exécution du système d'exploitation. Un module permet alors d'étendre les fonctionnalités du noyau, il a donc ont accès aux fonctions du noyau, à ses resources et peut aussi réaliser des appels systèmes.

Pour que notre nouvel ordonnanceur soit reconnu par le noyau Linux modifié (LITMUS^{RT}); il faut alors déclarer une fonction d'initialisation :

```
#include #include #include .h> // used for calling module_init()

static int __init init_p_edf(void)
{
    return 0; // indicates a successful initialisation
}

module_init(init_p_edf); // specify the entry point of the module
```

On peut alors enregistrer ce fichier sous le nom sched_p_edf.c pour suivre la nomenclature des autres ordonnanceurs fournis avec avec LITMUS $^{\rm RT}$. Ce fichier est enregistré dans le dossier llinux/litmus. On peut alors modifier le fichier Makefile de ce dossier afin de l'ajouter au fichier à compiler :

```
obj-y = sched_p_edf.o
```

On place notre fichier à compiler sous le mot clé obj-y pour signifier que l'on veut ce module compilé et inclus lors de la compilation du noyau Linux.

Une fois le makefile modifié, la compilation de notre module sera exécutée lors de la compilation du noyau Linux à l'aide de make. La compilation du noyau est discuté dans la partie 1.2.2.





Annexe

Listing 3 – linux/litmus/Makefile

```
# Makefile for LITMUS^RT
   #
3
   obj-y = sched_plugin.o litmus.o \
          preempt.o \
          litmus_proc.o \
          budget.o \
          clustered.o \
          jobs.o \
          sync.o \
          rt_domain.o \
          edf_common.o \
          fp_common.o \
14
          fdso.o \
          locking.o \
          srp.o \
          bheap.o \
          binheap.o \
          ctrldev.o \
          uncachedev.o \
          sched_gsn_edf.o \
          sched_psn_edf.o \
          sched_pfp.o \
           sched_p_edf.o
26
   obj-$(CONFIG_PLUGIN_CEDF) += sched_cedf.o
   obj-$(CONFIG_PLUGIN_PFAIR) += sched_pfair.o
   obj-$(CONFIG_FEATHER_TRACE) += ft_event.o ftdev.o
   obj-$(CONFIG_SCHED_TASK_TRACE) += sched_task_trace.o
   obj-$(CONFIG_SCHED_DEBUG_TRACE) += sched_trace.o
   obj-$(CONFIG_SCHED_OVERHEAD_TRACE) += trace.o
   obj-y += sched_pres.o
36
   obj-y += reservations/
```

Listing 4 – linux/litmus/sched p edf.c

```
#include <linux/module.h>
   #include <linux/percpu.h>
   #include <linux/sched.h>
   #include <litmus/litmus.h>
   #include <litmus/budget.h>
   #include <litmus/edf_common.h>
   #include <litmus/jobs.h>
   #include <litmus/litmus_proc.h>
   #include <litmus/debug_trace.h>
   #include <litmus/preempt.h>
   #include <litmus/rt_domain.h>
   #include <litmus/sched_plugin.h>
12
   #include <litmus/sched_trace.h>
1.3
   struct p_edf_cpu_state {
15
          rt_domain_t local_queues;
16
          int cpu;
```





```
struct task_struct* scheduled;
   };
   static DEFINE_PER_CPU(struct p_edf_cpu_state, p_edf_cpu_state);
   #define cpu_state_for(cpu_id) (&per_cpu(p_edf_cpu_state, cpu_id))
   #define local_cpu_state()
                                 (this_cpu_ptr(&p_edf_cpu_state))
24
                             (&per_cpu(p_edf_cpu_state, cpu).local_queues)
   #define remote_edf(cpu)
   #define remote_pedf(cpu) (&per_cpu(p_edf_cpu_state, cpu))
   #define task_edf(task)
                             remote_edf(get_partition(task))
   static struct domain_proc_info p_edf_domain_proc_info;
   static long p_edf_get_domain_proc_info(struct domain_proc_info **ret)
31
32
33
          *ret = &p_edf_domain_proc_info;
          return 0;
34
   }
36
37
   static void p_edf_setup_domain_proc(void)
38
          int i, cpu;
          int num_rt_cpus = num_online_cpus();
40
41
          struct cd_mapping *cpu_map, *domain_map;
42
          memset(&p_edf_domain_proc_info, 0, sizeof(p_edf_domain_proc_info));
          init_domain_proc_info(&p_edf_domain_proc_info, num_rt_cpus, num_rt_cpus);
45
          p_edf_domain_proc_info.num_cpus = num_rt_cpus;
46
          p_edf_domain_proc_info.num_domains = num_rt_cpus;
47
          i = 0;
49
          for_each_online_cpu(cpu) {
                  cpu_map = &p_edf_domain_proc_info.cpu_to_domains[i];
                  domain_map = &p_edf_domain_proc_info.domain_to_cpus[i];
                  cpu_map->id = cpu;
54
                  domain_map->id = i;
                  cpumask_set_cpu(i, cpu_map->mask);
                  cpumask_set_cpu(cpu, domain_map->mask);
                  ++i;
58
          }
59
   }
   /* This helper is called when task 'prev' exhausted its budget or when
      * it signaled a job completion. */
   static void p_edf_job_completion(struct task_struct *prev, int budget_exhausted)
64
          sched_trace_task_completion(prev, budget_exhausted);
      TRACE_TASK(prev, "job_completion(forced=%d).\n", budget_exhausted);
       tsk_rt(prev)->completed = 0;
          /* Call common helper code to compute the next release time, deadline,
              * etc. */
          prepare_for_next_period(prev);
   }
73
7.4
   /* Add the task 'tsk' to the appropriate queue. Assumes the caller holds the
       ready lock.
      */
   static void p_edf_requeue(struct task_struct *tsk, struct p_edf_cpu_state *
```





```
cpu_state)
    {
           if (is_released(tsk, litmus_clock())) {
7.9
                   /* Uses __add_ready() instead of add_ready() because we already
                      * hold the ready lock. */
                   __add_ready(&cpu_state->local_queues, tsk);
82
                  TRACE_TASK(tsk, "added to ready queue on reschedule\n");
83
           } else {
                   /* Uses add_release() because we DON'T have the release lock. */
                  add_release(&cpu_state->local_queues, tsk);
86
                  TRACE_TASK(tsk, "added to release queue on reschedule\n");
           }
89
    static int p_edf_check_for_preemption_on_release(rt_domain_t *local_queues)
           struct p_edf_cpu_state *state = container_of(local_queues, struct
               p_edf_cpu_state,
                                                    local_queues);
           /* Because this is a callback from rt_domain_t we already hold
               * the necessary lock for the ready queue. */
           if (edf_preemption_needed(local_queues, state->scheduled)) {
                  preempt_if_preemptable(state->scheduled, state->cpu);
                  return 1:
           }
           return 0;
104
    static long p_edf_activate_plugin(void)
           int cpu;
108
           struct p_edf_cpu_state *state;
           for_each_online_cpu(cpu) {
                  TRACE("Initializing CPU%d...\n", cpu);
                   state = cpu_state_for(cpu);
                  state->cpu = cpu;
                   state->scheduled = NULL;
                  edf_domain_init(&state->local_queues,
                                 p_edf_check_for_preemption_on_release,
                                 NULL);
           }
           p_edf_setup_domain_proc();
           return 0;
    }
122
    static long p_edf_deactivate_plugin(void)
124
           destroy_domain_proc_info(&p_edf_domain_proc_info);
           return 0;
    }
128
    static struct task_struct* p_edf_schedule(struct task_struct * prev)
           struct p_edf_cpu_state *local_state = local_cpu_state();
134
           /* next == NULL means "schedule background work". */
136
```





```
struct task_struct *next = NULL;
138
           /* prev's task state */
           int exists, out_of_time, job_completed, self_suspends, preempt, resched;
           raw_spin_lock(&local_state->local_queues.ready_lock);
142
143
           BUG_ON(local_state->scheduled && local_state->scheduled != prev);
           BUG_ON(local_state->scheduled && !is_realtime(prev));
145
146
           exists = local_state->scheduled != NULL;
           self_suspends = exists && !is_current_running();
           out_of_time = exists && budget_enforced(prev) && budget_exhausted(prev);
149
           job_completed = exists && is_completed(prev);
           /* preempt is true if task 'prev' has lower priority than something on
               * the ready queue. */
           preempt = edf_preemption_needed(&local_state->local_queues, prev);
154
           /* check all conditions that make us reschedule */
           resched = preempt;
158
           /* if 'prev' suspends, it CANNOT be scheduled anymore => reschedule */
              (self_suspends) {
                  resched = 1;
           }
           /* also check for (in-)voluntary job completions */
164
              (out_of_time || job_completed) {
                  p_edf_job_completion(prev, out_of_time);
                  resched = 1;
           }
168
           if (resched) {
                   /* First check if the previous task goes back onto the ready
                      * queue, which it does if it did not self_suspend.
173
                  if (exists && !self_suspends) {
174
                          p_edf_requeue(prev, local_state);
                  }
                  next = __take_ready(&local_state->local_queues);
           } else {
                   /* No preemption is required. */
                  next = local_state->scheduled;
           }
181
182
           local_state->scheduled = next;
           if (exists && prev != next) {
184
                  TRACE_TASK(prev, "descheduled.\n");
           }
           if (next) {
                  TRACE_TASK(next, "scheduled.\n");
188
189
           /* This mandatory. It triggers a transition in the LITMUS^RT remote
               * preemption state machine. Call this AFTER the plugin has made a
                   local
               * scheduling decision.
194
           sched_state_task_picked();
```





```
raw_spin_unlock(&local_state->local_queues.ready_lock);
            return next;
198
    }
    static long p_edf_admit_task(struct task_struct *tsk)
201
202
           if (task_cpu(tsk) == get_partition(tsk)) {
203
                   TRACE_TASK(tsk, "accepted by p_edf plugin.\n");
                   return 0;
205
            }
206
           return -EINVAL;
208
209
    static void p_edf_task_new(struct task_struct *tsk, int on_runqueue,
210
                               int is_running)
211
212
            /* We'll use this to store IRQ flags. */
213
           unsigned long flags;
214
            struct p_edf_cpu_state *state = cpu_state_for(get_partition(tsk));
215
            lt_t now;
217
           TRACE_TASK(tsk, "is a new RT task %llu (on runqueue: %d, running: %d) \n",
218
                       litmus_clock(), on_runqueue, is_running);
219
220
            /* Acquire the lock protecting the state and disable interrupts. */
           raw_spin_lock_irqsave(&state->local_queues.ready_lock, flags);
222
           now = litmus_clock();
224
225
            /* Release the first job now. */
226
           release_at(tsk, now);
228
           if (is_running) {
                   /* If tsk is running, then no other task can be running
                       * on the local CPU. */
                   BUG_ON(state->scheduled != NULL);
                   state->scheduled = tsk;
233
            } else if (on_runqueue) {
234
                   p_edf_requeue(tsk, state);
            }
236
237
            if (edf_preemption_needed(&state->local_queues, state->scheduled))
238
                   preempt_if_preemptable(state->scheduled, state->cpu);
           raw_spin_unlock_irqrestore(&state->local_queues.ready_lock, flags);
241
    }
242
243
    static void p_edf_task_exit(struct task_struct *tsk)
244
245
            unsigned long flags;
            struct p_edf_cpu_state *state = cpu_state_for(get_partition(tsk));
247
            raw_spin_lock_irqsave(&state->local_queues.ready_lock, flags);
248
           rt_domain_t*
                              edf:
249
250
            /* For simplicity, we assume here that the task is no longer queued
251
               anywhere else. This
                * is the case when tasks exit by themselves; additional queue
                   management is
                st is required if tasks are forced out of real-time mode by other tasks
253
254
```





```
if (is_queued(tsk)){
                   edf = task_edf(tsk);
                   remove(edf,tsk);
           }
           if (state->scheduled == tsk) {
260
                   state->scheduled = NULL;
261
           }
           preempt_if_preemptable(state->scheduled, state->cpu);
264
           raw_spin_unlock_irqrestore(&state->local_queues.ready_lock, flags);
267
    /* Called when the state of tsk changes back to TASK_RUNNING.
268
       * We need to requeue the task.
269
        * NOTE: If a sporadic task is suspended for a long time,
271
       * this might actually be an event-driven release of a new job.
272
    static void p_edf_task_resume(struct task_struct *tsk)
275
           unsigned long flags;
           struct p_edf_cpu_state *state = cpu_state_for(get_partition(tsk));
277
           lt_t now;
278
           TRACE_TASK(tsk, "wake_up at %llu\n", litmus_clock());
           raw_spin_lock_irqsave(&state->local_queues.ready_lock, flags);
           now = litmus_clock();
283
           if (is_sporadic(tsk) && is_tardy(tsk, now)) {
284
                   /* This sporadic task was gone for a "long" time and woke up past
                       * its deadline. Give it a new budget by triggering a job
286
                       * release. */
                   inferred_sporadic_job_release_at(tsk, now);
                   TRACE_TASK(tsk, "woke up too late.\n");
           }
291
           /* This check is required to avoid races with tasks that resume before
292
               * the scheduler "noticed" that it resumed. That is, the wake up may
               * race with the call to schedule(). */
294
           if (state->scheduled != tsk) {
295
                   TRACE_TASK(tsk, "is being requed\n");
                   p_edf_requeue(tsk, state);
                   if (edf_preemption_needed(&state->local_queues, state->scheduled))
298
                        ₹
                          preempt_if_preemptable(state->scheduled, state->cpu);
299
                   }
300
           }
301
           raw_spin_unlock_irqrestore(&state->local_queues.ready_lock, flags);
304
305
306
    static struct sched_plugin p_edf_plugin = {
307
                                  = "P-EDF",
           .plugin_name
308
           .schedule
                                  = p_edf_schedule,
309
                                  = p_edf_task_resume,
           .task_wake_up
310
           .admit_task
                                  = p_edf_admit_task,
           .task_new
                                  = p_edf_task_new,
312
                                  = p_edf_task_exit,
           .task exit
313
314
           .get_domain_proc_info = p_edf_get_domain_proc_info,
```





```
.activate_plugin
                                  = p_edf_activate_plugin,
           .deactivate_plugin = p_edf_deactivate_plugin,
316
           .complete_job
                                  = complete_job,
317
    };
318
319
    static int __init init_p_edf(void)
320
    {
321
           return register_sched_plugin(&p_edf_plugin);
    }
323
324
   module_init(init_p_edf);
```





RÉFÉRENCES RÉFÉRENCES

Références

[1] Antoine Bertout, Joël Goossens, Emmanuel Grolleau, and Xavier Poczekajlo. Workload assignment for global real-time scheduling on unrelated multicore platforms. In *Proceedings of the 28th International Conference on Real-Time Networks and Systems*, pages 139–148, 2020.





TABLE DES FIGURES Glossaire

Table des figures

1	Architecture du processeur RK3399
2	Interface de configuration du noyau
3	Exemple de EDF à 2 taches

Glossaire

bootloader court programme chargé au démarrage de l'ordinateur initialisant le système d'exploitation. 4

 ${\bf cluster}\,$ ensemble interconnecté de plusieurs processeurs. 4

git systèue de gestion de versuibns décentralisé, utilisé pour suivre les modifications apportées à des fichiers sources dans un projet de développement logiciel. 5

plateforme hétérogène Système formé d'un ensemble de processeurs différents. 3 processeur Ca c'est la définition. 7

 ${f SOC}$ ou ${\it Syst\`eme}$ On a ${\it Chip}$ est . 4



