

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Teoria

### Pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Estrutura de Dados*

- Na computação, uma Estrutura de Dados é um modo particular de armazenamento e organização de dados em um computador, de modo que possam ser usados eficientemente;

## *Estrutura de Dados*

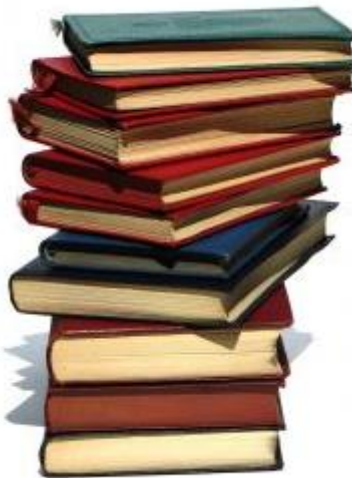
Dentre as principais Estrutura de Dados existentes, temos:

- Pilha;
- Fila;
- Lista;
- Árvore Binária;
- Grafo; e
- Tabela de Hashing.

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

- A Pilha ou *Stack* é uma estrutura de dados baseada no princípio LIFO (*Last In, First Out*), no qual um dado nela inserido em primeiro será removido dela por último:



## *Pilha (Stack) – LIFO*

Existem duas funções que se aplicam às pilhas:

- *push* : Insere um dado no topo da Pilha; e
- *pop* : Remove o item do topo da Pilha.

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C B A

Pilha

Saída

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C B

$\xrightarrow{\text{push}}$

Pilha

A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C B

Pilha

A

---

Saída



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C      $\xrightarrow{\text{push}}$

Pilha

B  
A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C

Pilha

B  
A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D  $\xrightarrow{\text{push}}$

Pilha

C  
B  
A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D

Pilha

C  
B  
A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E  $\xrightarrow{\text{push}}$

Pilha

D

C

B

A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E

Pilha

D

C

B

A

---

Saída

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

*push* →

E

D

C

B

A

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

E  
D  
C  
B  
A

---



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

$\xrightarrow{\text{pop}}$

E

D

C

B

A

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

E

D

C

B

A

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

$\xrightarrow{\text{pop}}$

D E

C

B

A

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

D E

C

B

A

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

$\xrightarrow{\text{pop}}$

C D E

B

A

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

C D E

B

A

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

$\xrightarrow{\text{pop}}$

B C D E

A

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

B C D E

A

---



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

$\xrightarrow{\text{pop}}$

A B C D E

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

Pilha

Saída

A B C D E

---

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Entrada

E D C B A

*inversão de ordem* →

Saída

A B C D E

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Exemplos de utilização de Pilhas:

- Chamada de Subprogramas (métodos, funções etc.);
- Inversão de ordem de uma coleção;
- Análise de Expressões e Sintaxe (Lógicas e Matemáticas).

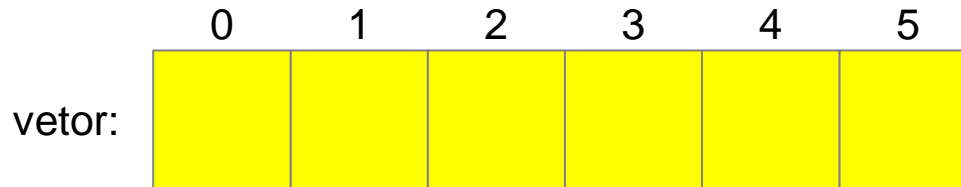
## *Pilha (Stack) – LIFO*

Outras funções que se aplicam às pilhas:

- *size* : Informa o tamanho da referida Pilha; e
- *top* : Informa o elemento no topo da Pilha, sem retirá-lo.

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

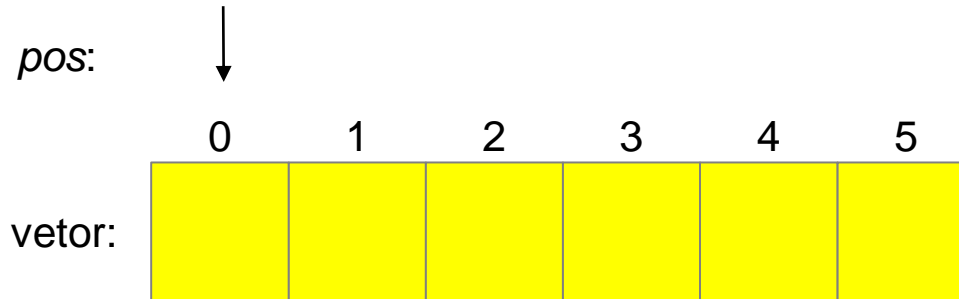


```
int vetor[ ] = new vetor[6];
```

Vetor com o tamanho máximo necessário

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

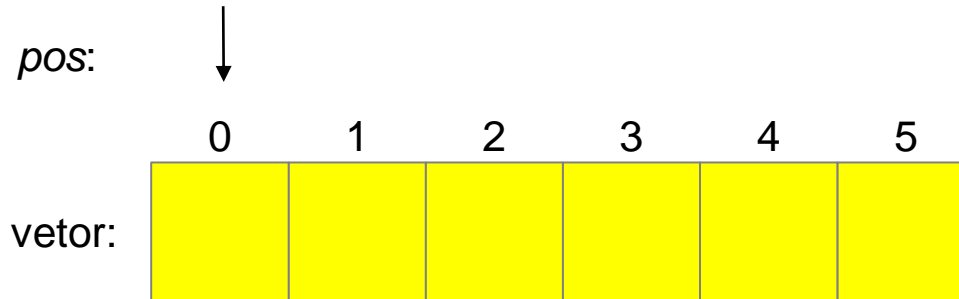


```
int pos;  
:  
:  
pos = 0;
```

Inicializa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



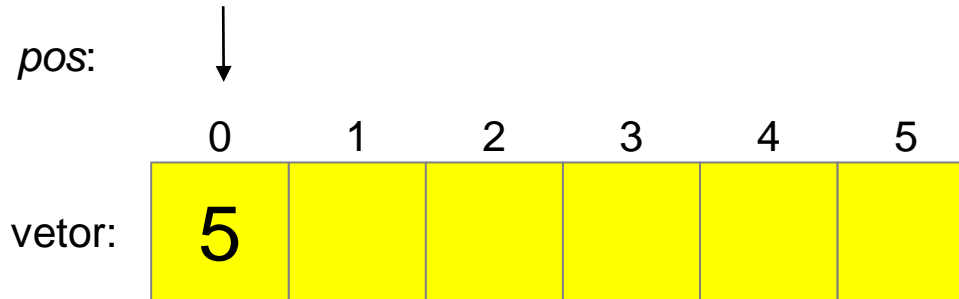
```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(5);
```

Verifica se a pilha está cheia



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

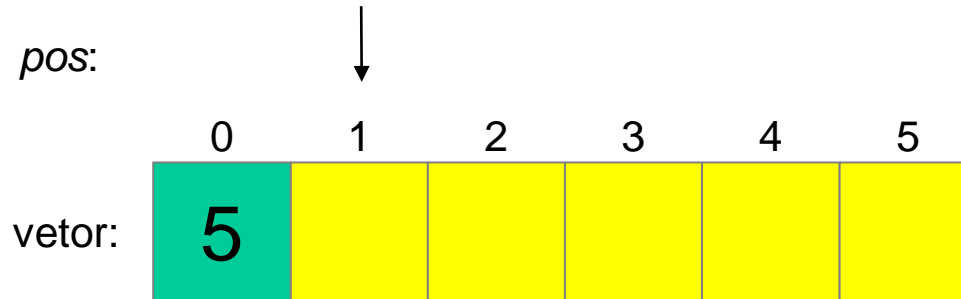


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(5);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 5 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

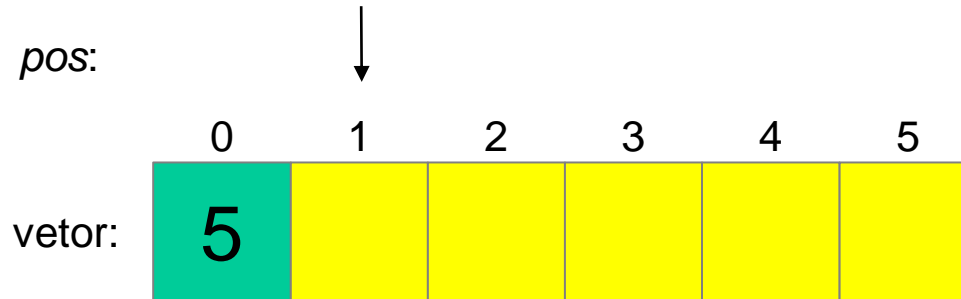
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



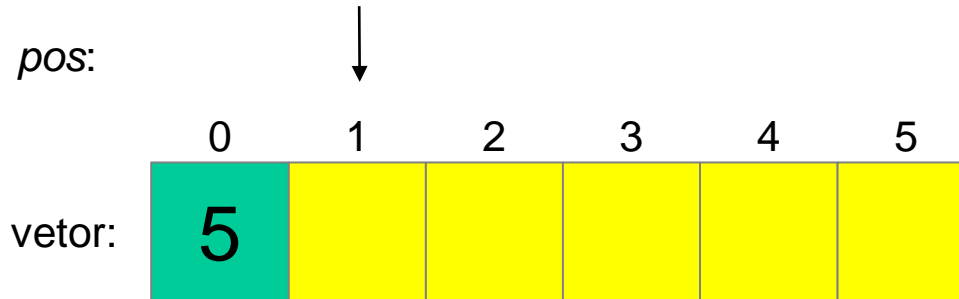
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 5

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

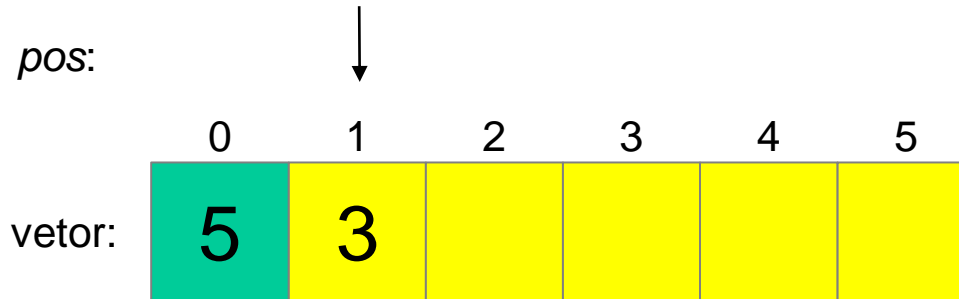


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(3);
```

Verifica se a pilha está cheia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

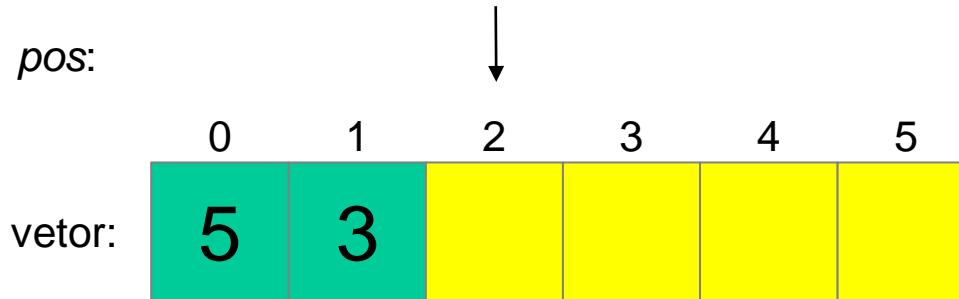


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(3);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 3 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

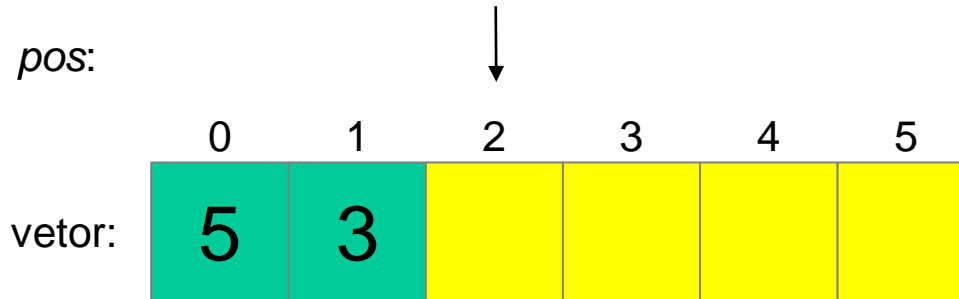
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



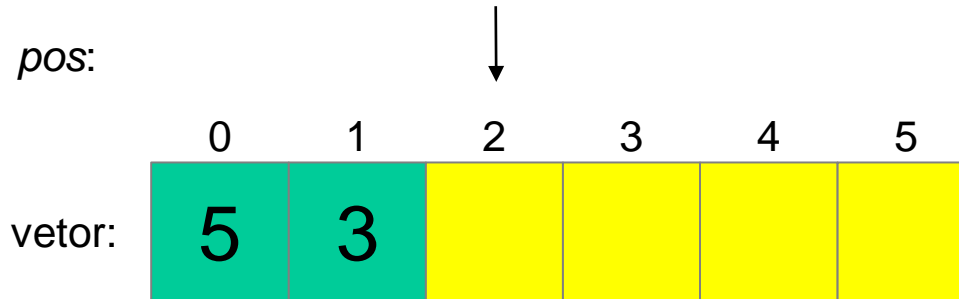
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 3

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



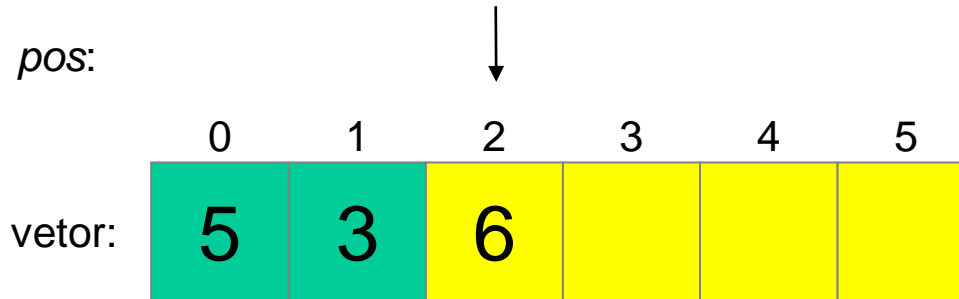
```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(6);
```

Verifica se a pilha está cheia



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

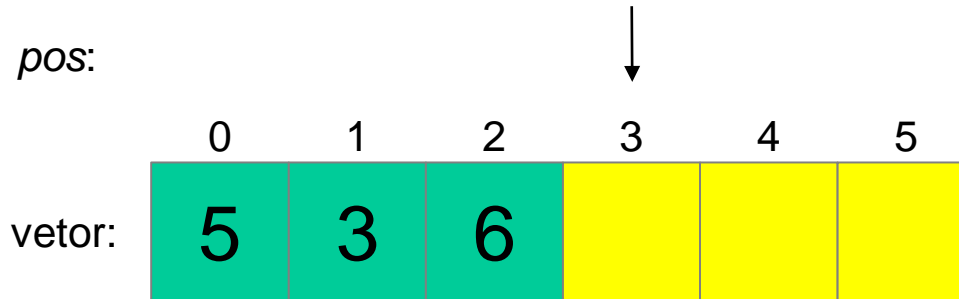


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(6);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 6 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

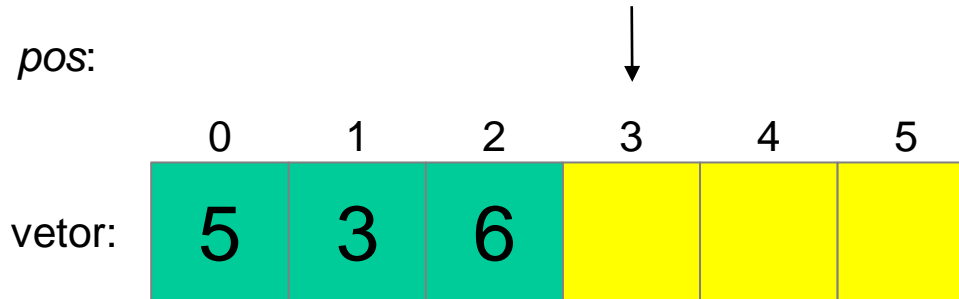
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



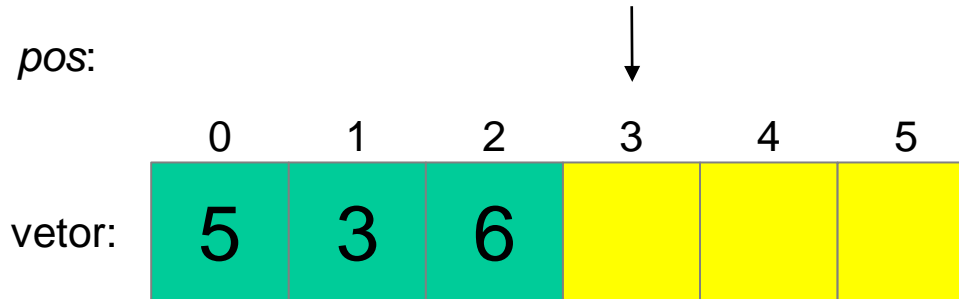
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 6

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

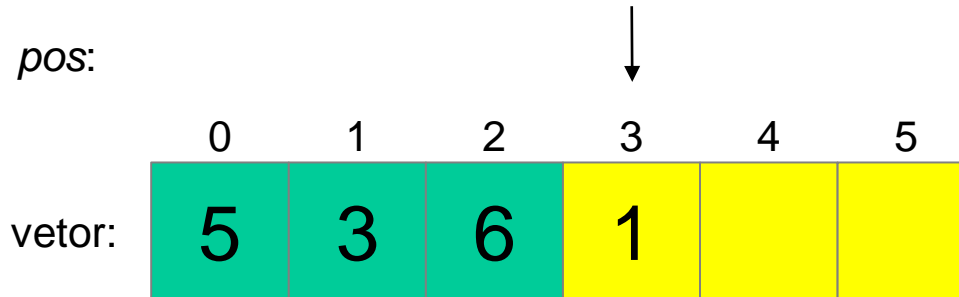


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(1);
```

Verifica se a pilha está cheia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

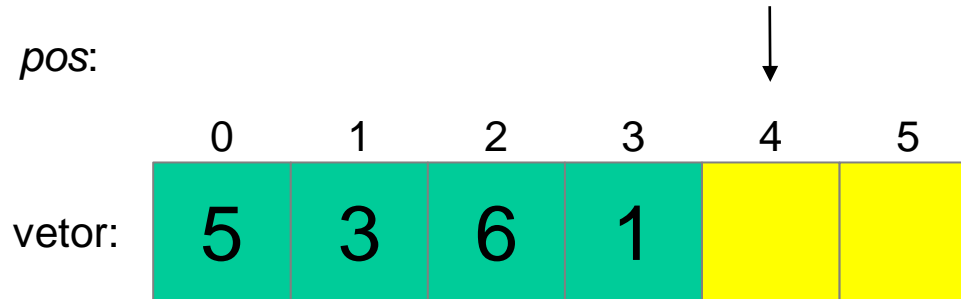


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(1);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 1 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

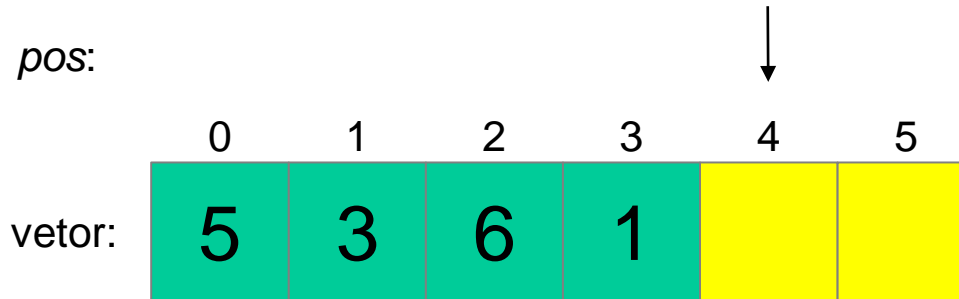
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



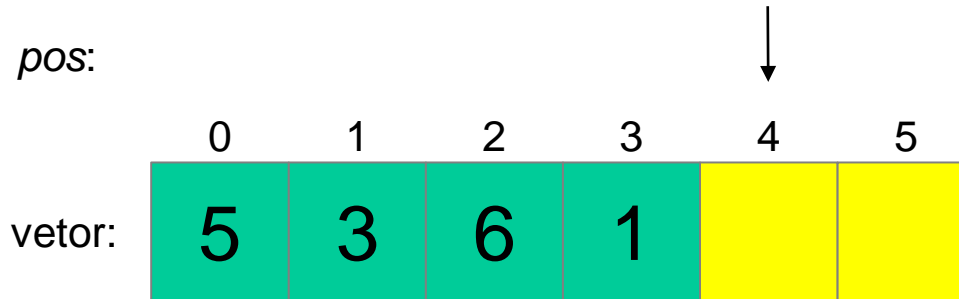
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

```
//topo: 1
```

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



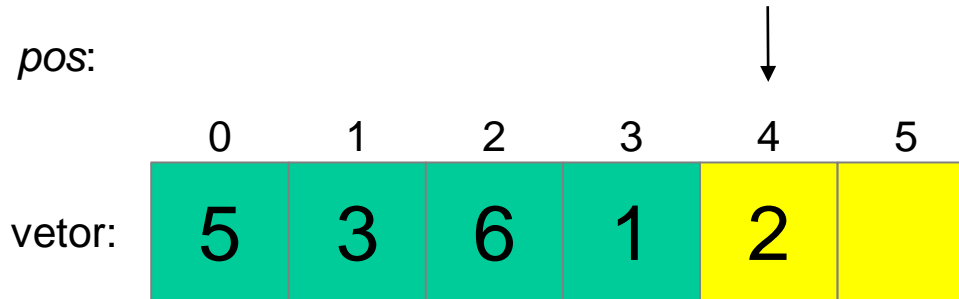
```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(2);
```

Verifica se a pilha está cheia



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

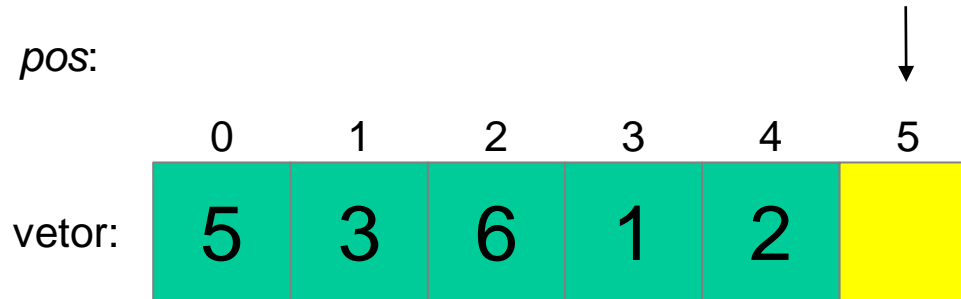


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(2);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 2 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

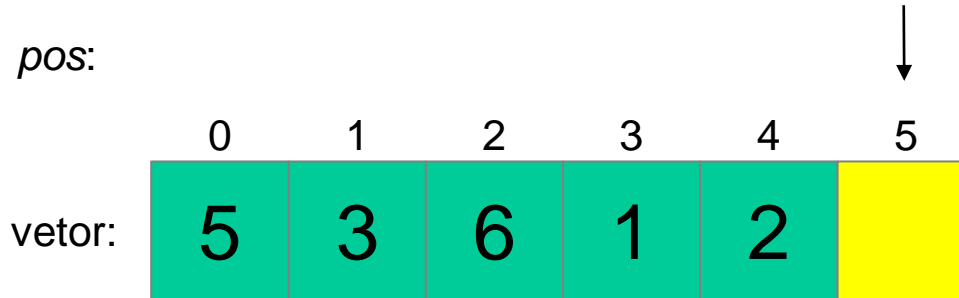
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



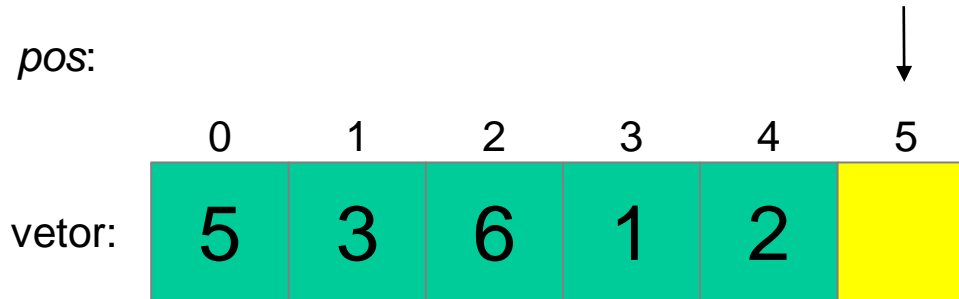
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

```
//topo: 2
```

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

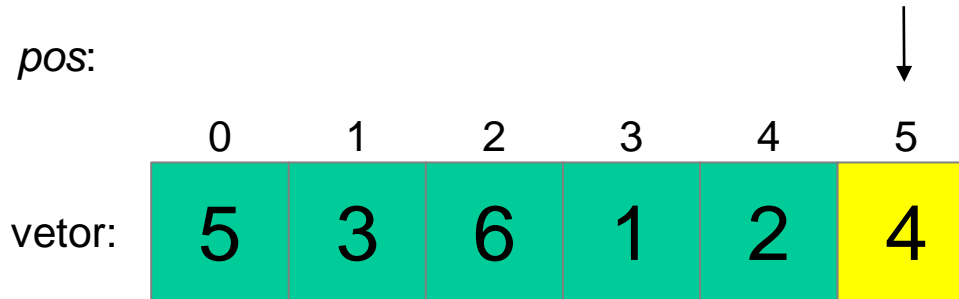


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(4);
```

Verifica se a pilha está cheia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(4);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 4 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

pos:

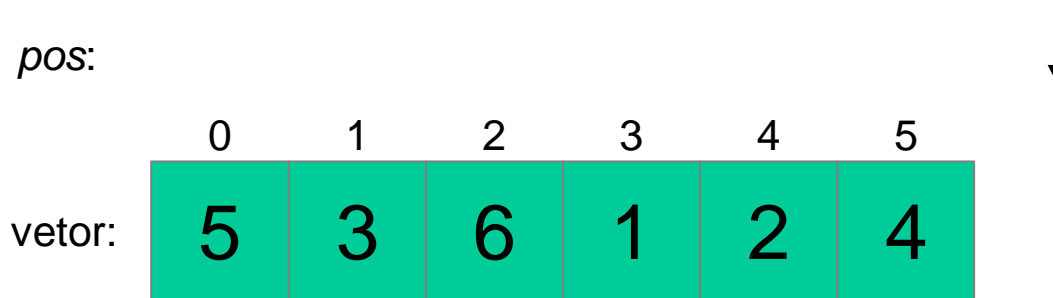
	0	1	2	3	4	5
vetor:	5	3	6	1	2	4



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



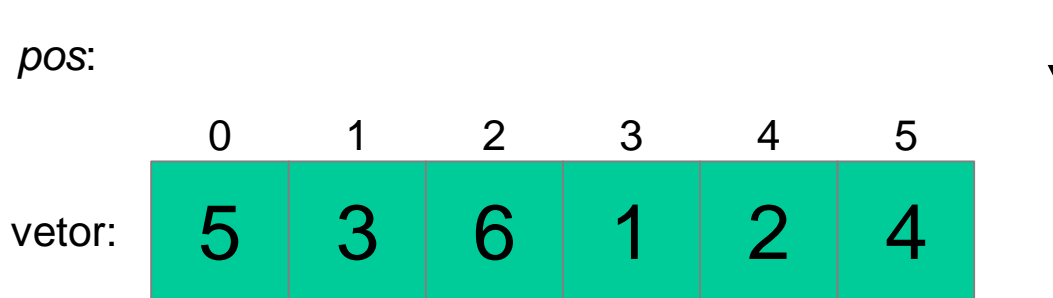
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 4

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



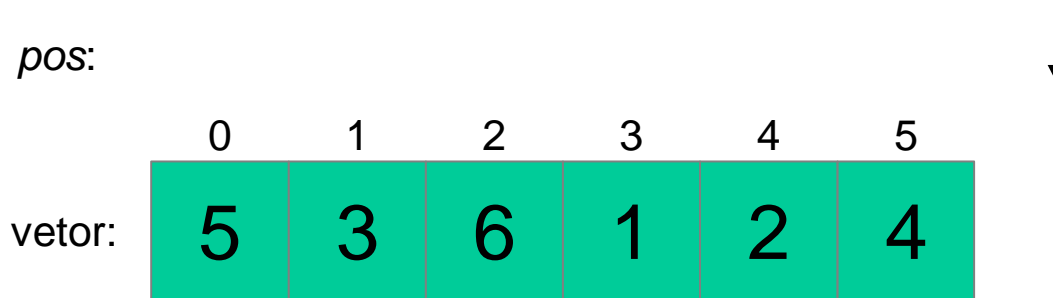
```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(7);
```

Verifica se a pilha está cheia



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

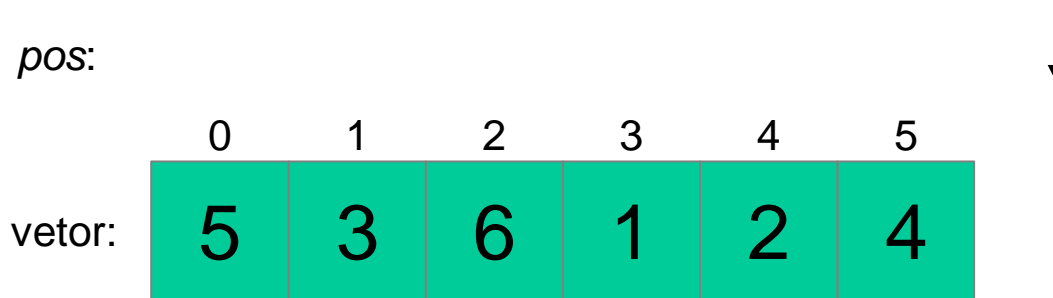


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(7);
```

Está cheia! Não coloca o elemento 7 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

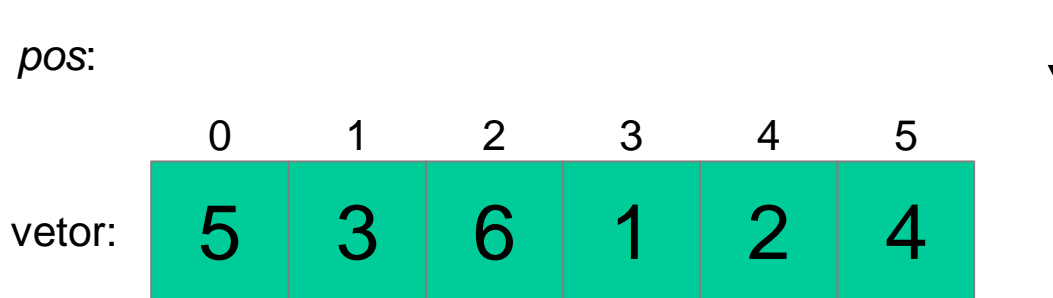


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

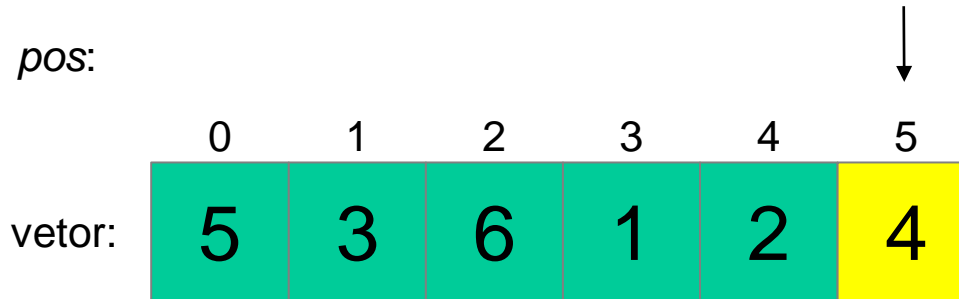


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );  
  
//n: 4
```

Não está vazia! Retira o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

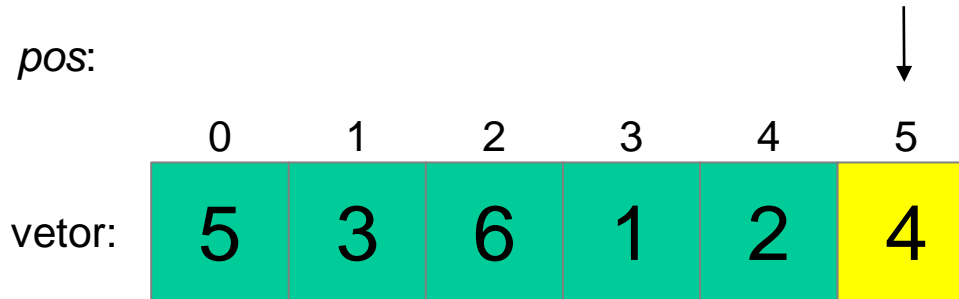
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Decrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



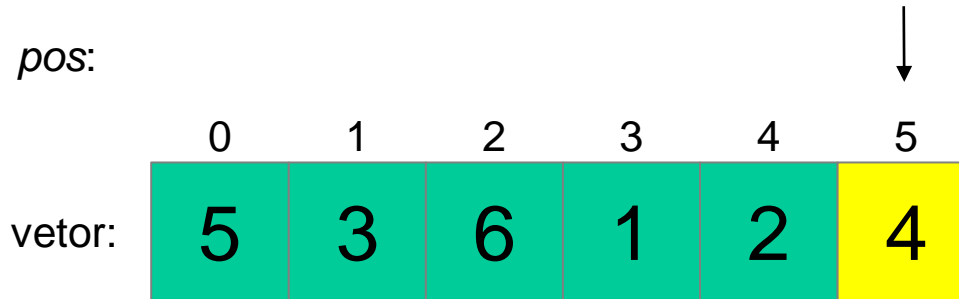
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 2

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

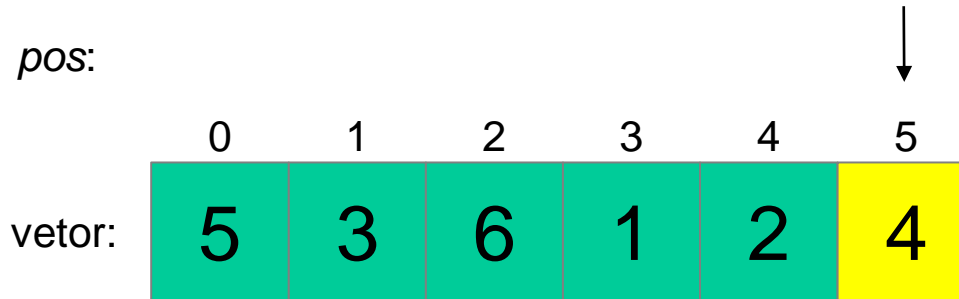


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



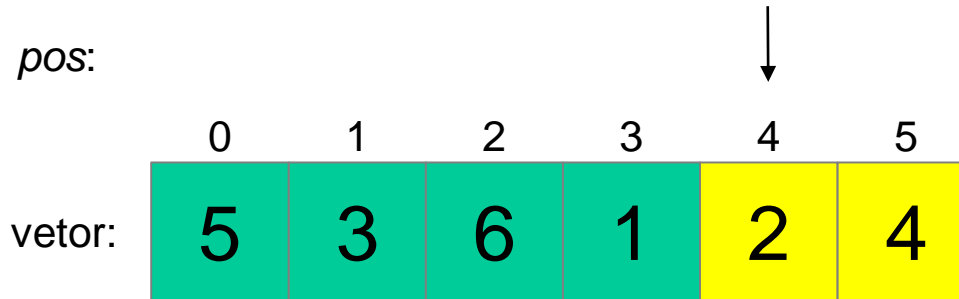
```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

//n: 2

Não está vazia! Retira o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

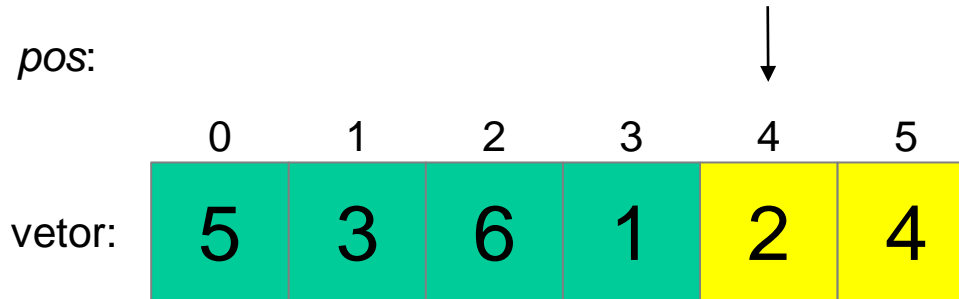


Decrementa indicador de posição



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



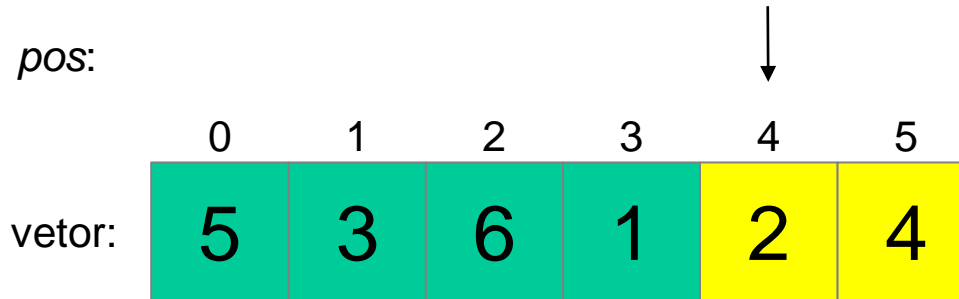
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

```
//topo: 1
```

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

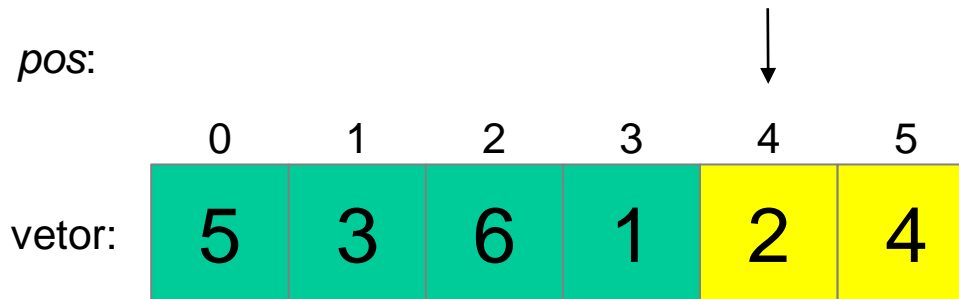


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



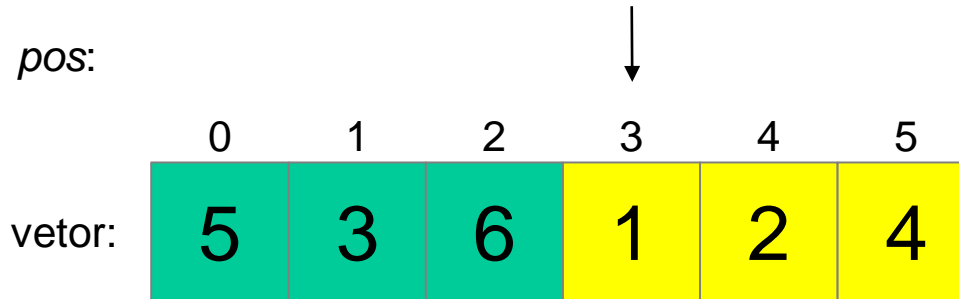
```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

//n: 1

Não está vazia! Retira o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

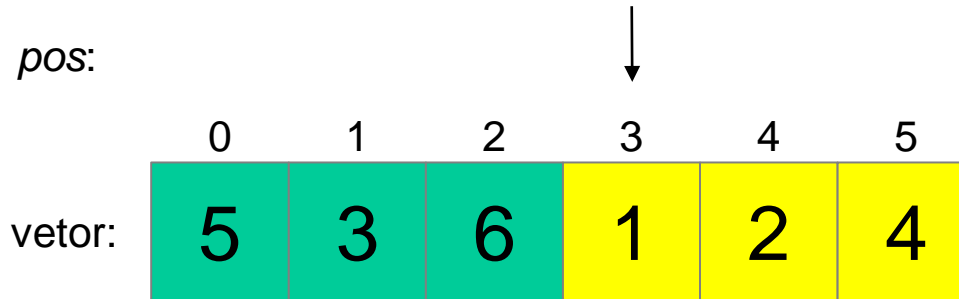
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Decrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



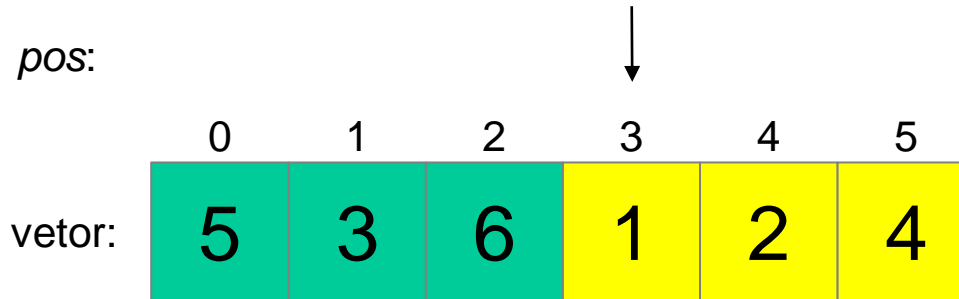
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 6

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

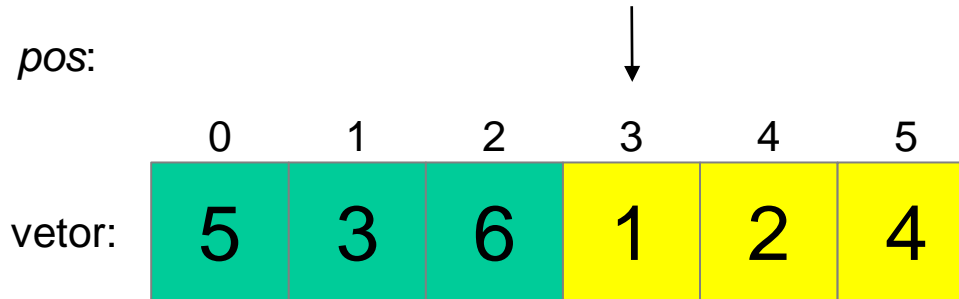


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



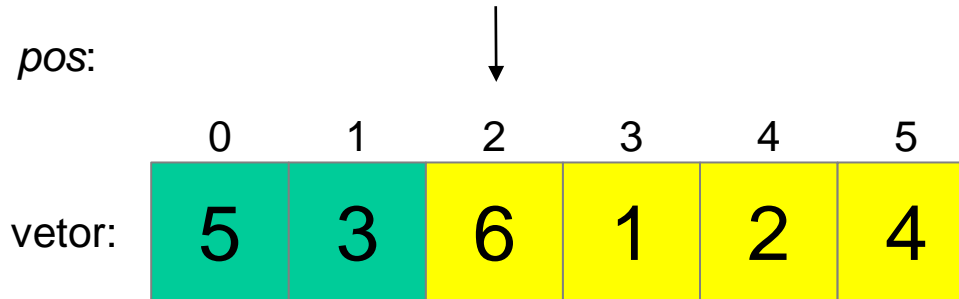
```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

//n: 6

Não está vazia! Retira o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

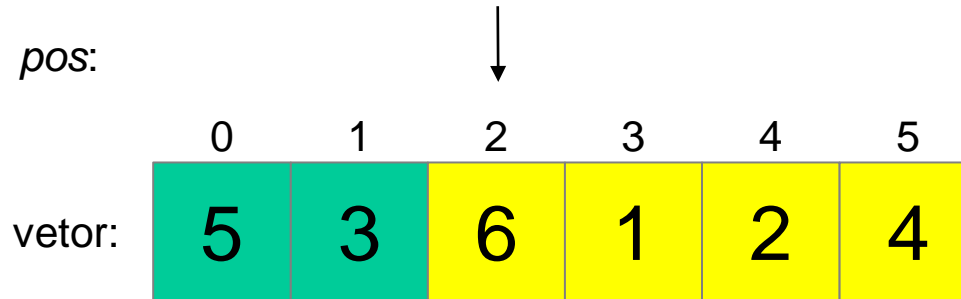


Decrementa indicador de posição



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

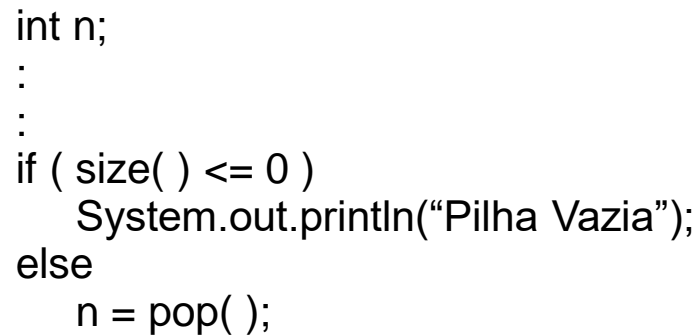


```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 3

Consulta o topo da pilha

## *Pilha (Stack) – LIFO*

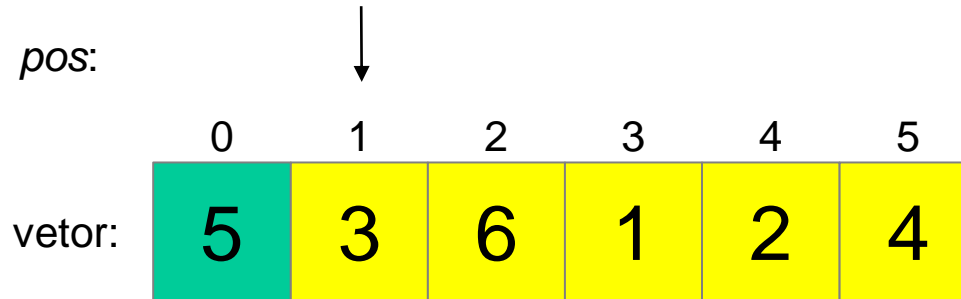


74/95

## *Pilha (Stack) – LIFO*

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

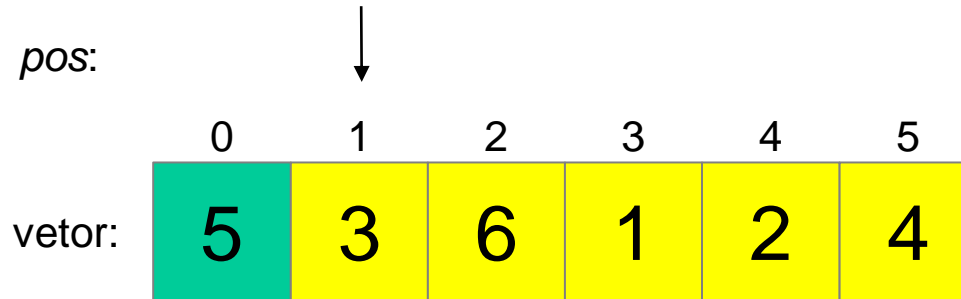
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Decrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



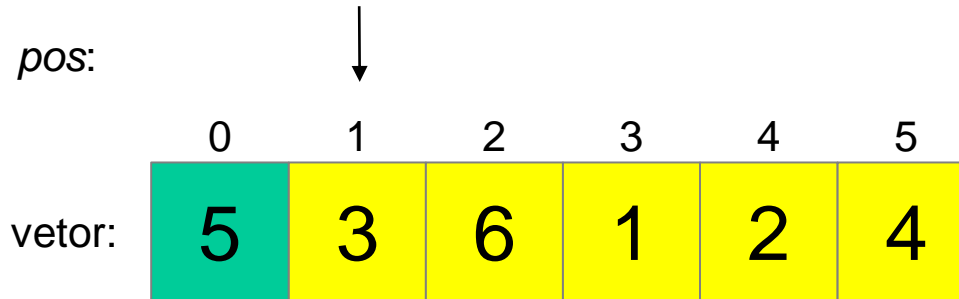
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 5

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

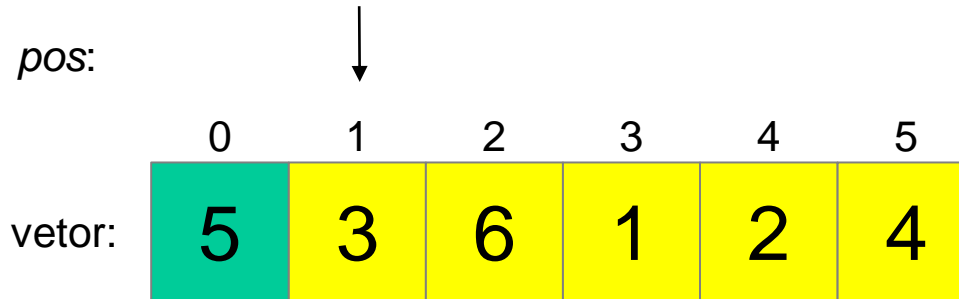


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



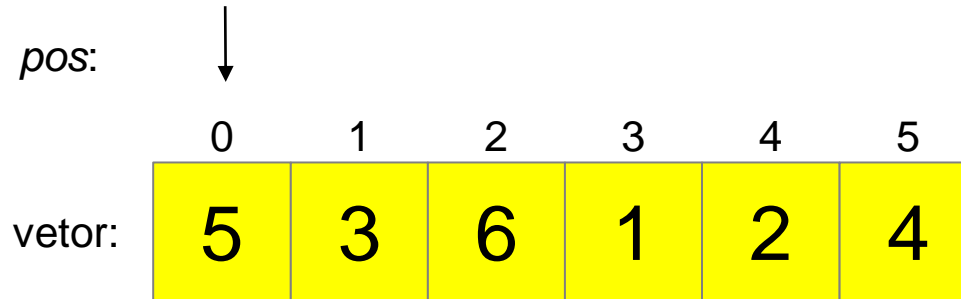
```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

//n: 5

Não está vazia! Retira o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

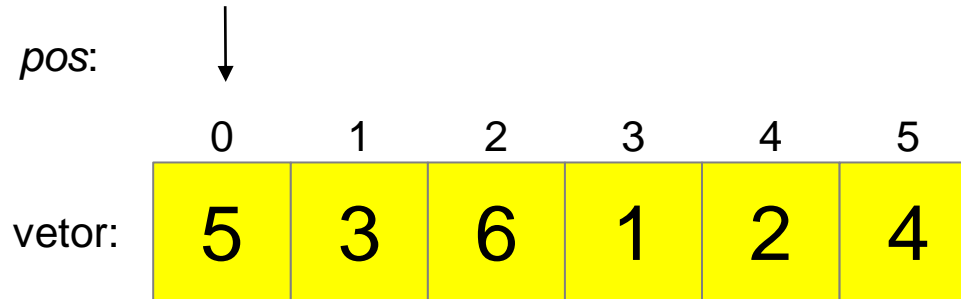


Decrementa indicador de posição



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

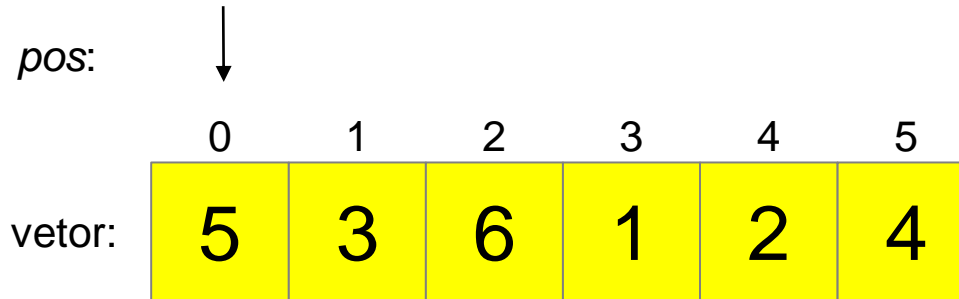


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

Verifica se a pilha está vazia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

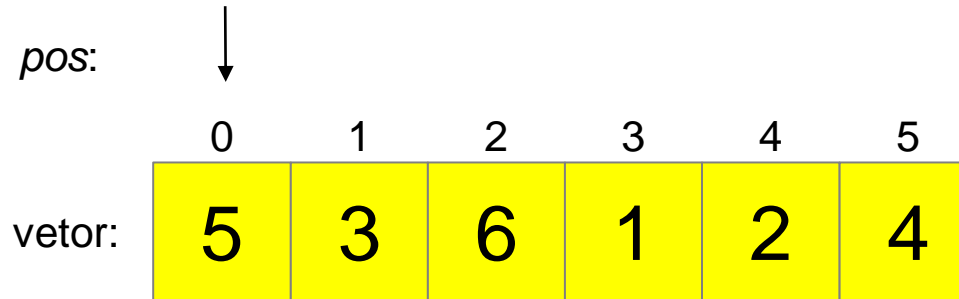


```
int n;  
:  
:  
if ( size( ) <= 0 )  
    System.out.println("Pilha Vazia");  
else  
    n = pop( );
```

**Está vazia! Não retira o topo da pilha**

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

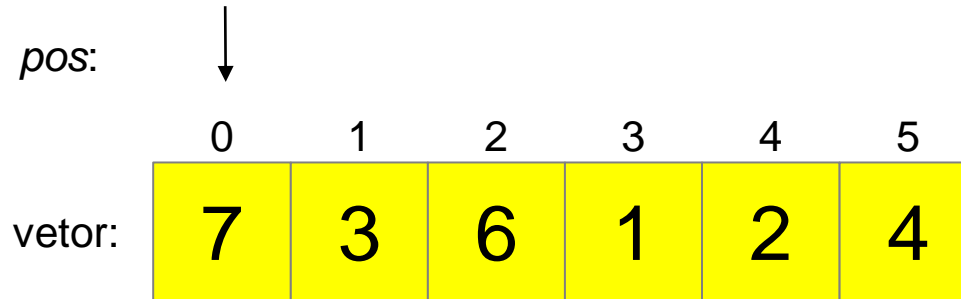


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )
    System.out.println("Pilha Cheia");
else
    push(7);
```

Verifica se a pilha está cheia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

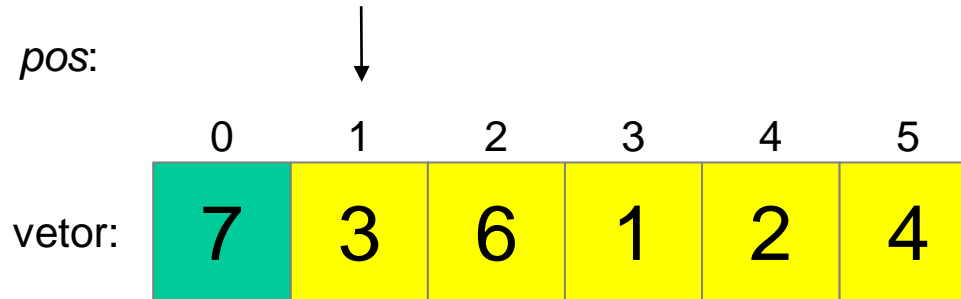


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(7);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 7 na pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

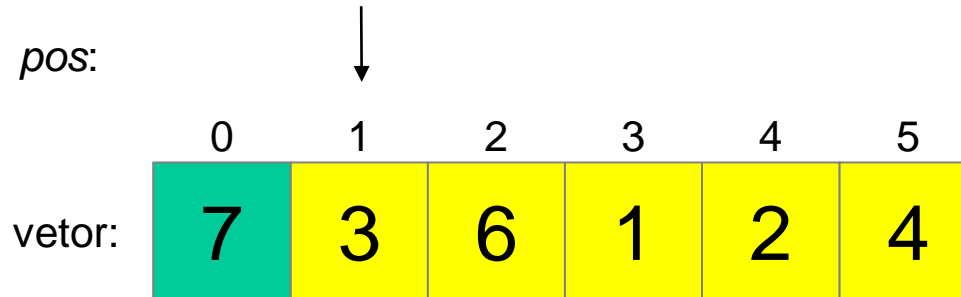
## Pilha (Stack) – LIFO



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



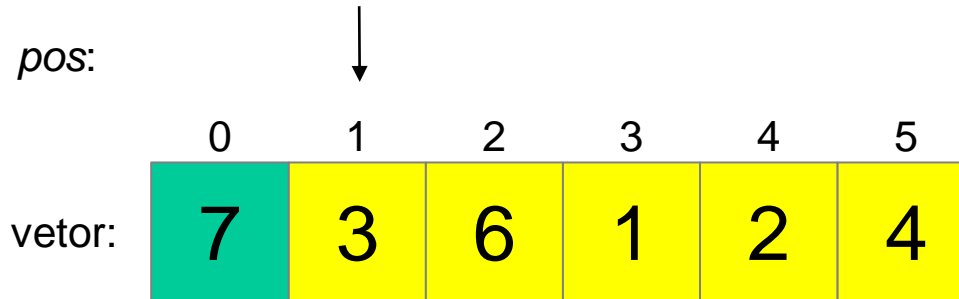
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

//topo: 7

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO

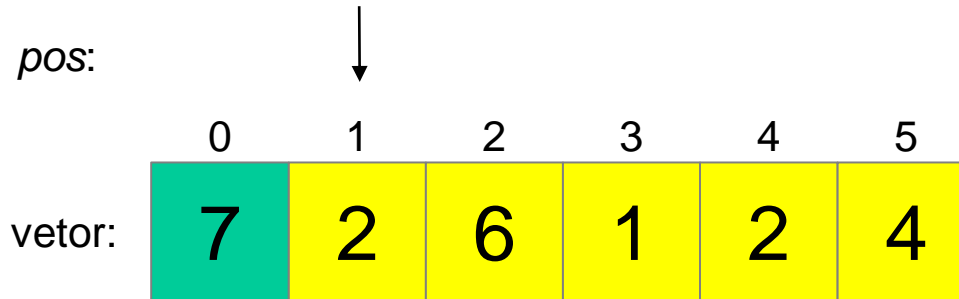


```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(2);
```

Verifica se a pilha está cheia

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



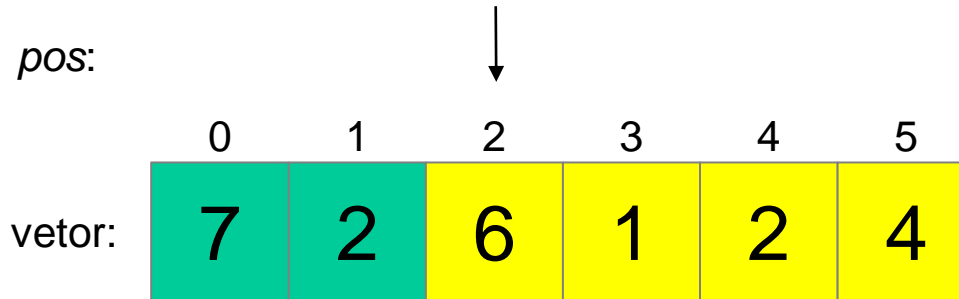
```
if ( size( ) >= vetor.length( ) )  
    System.out.println("Pilha Cheia");  
else  
    push(2);
```

Não está cheia! Coloca o elemento 2 na pilha



# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

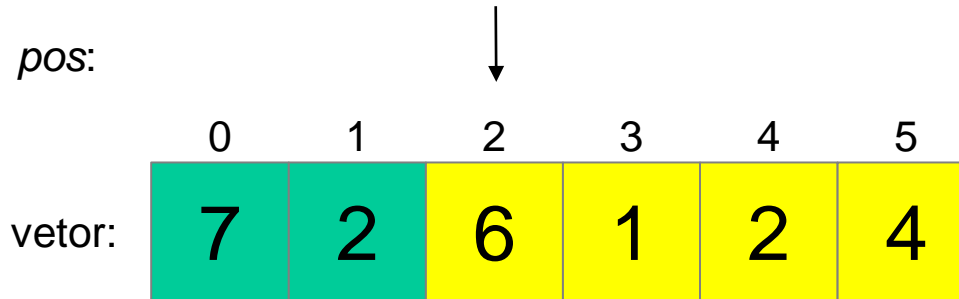
## *Pilha (Stack) – LIFO*



Incrementa indicador de posição

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## Pilha (Stack) – LIFO



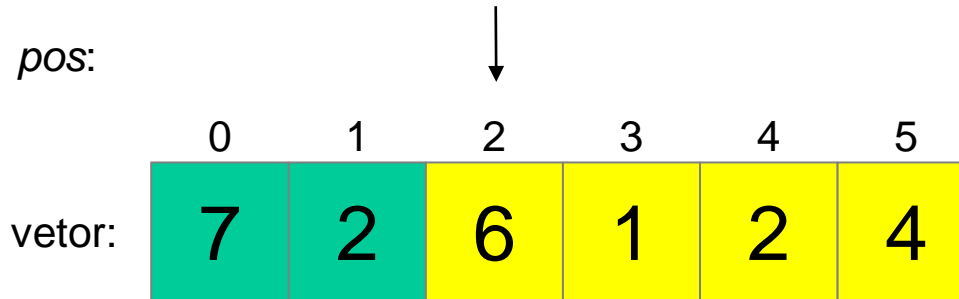
```
int topo;  
:  
:  
topo = top( );
```

```
//topo:2
```

Consulta o topo da pilha

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*



Repete qualquer operação:  
push, pop, size e top,  
conforme necessidade...

Insere ou retira elementos da pilha...

## *Pilha (Stack) – LIFO*

Exemplo de códigos escrito em Java:

Codificação dos Métodos

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

```
public static int iTAM = 10;
public static int iPilha[ ] = new int[iTAM];
public static int iPos = 0;

:
:

public static int size( )
{
    return iPos;
}

public static int top( )
{
    return iPilha[iPos-1];
}
```

Métodos *size( )* e *top( )*

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

```
public static int iTAM = 10;
public static int iPilha[ ] = new int[iTAM];
public static int iPos = 0;
:
:

public static int push( int iC)
{
    if( iPos >= iTAM)    return 0;
    return iPilha[ iPos++ ] = iC;
}

public static int pop()
{
    if( iPos == 0)    return 0;
    return iPilha[ --iPos ];
}
```

Método *push( )* e *pop( )*

# Estruturas de Dados e Análise de Algoritmos

## *Pilha (Stack) – LIFO*

FIM