



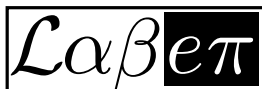
Universidade Federal do Rio Grande do Norte – UFRN
Centro de Ensino Superior do Seridó – CERES
Departamento de Computação e Tecnologia – DCT
Bacharelado em Sistemas de Informação – BSI

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

Vinicius Maia Marinho

Orientador: Prof. Dr. João Paulo de Souza Medeiros

Relatório Técnico apresentado ao Curso de Bacharelado em Sistemas de Informação como parte dos requisitos para aprovação na atividade de Estrutura de Dados.



Laboratório de Elementos do Processamento da Informação – LabEPI
Caicó, RN, 29 de maio de 2023

10

UFRN / Biblioteca Central Zila Mamede.

11

Catálogo da Publicação na Fonte.

Aluno, Vinicius Maia Marinho

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI. /
Nome Vinicius Maia Marnho. – Caicó, RN, 2014.

20 f.: il.

Orientador: Prof. Dr. João Paulo de Souza Medeiros.

12

Relatório Técnico – Universidade Federal do Rio Grande do Norte. Centro de
Ensino Superior do Seridó. Bacharelado em Sistemas de Informação.

1. Estrutura de dados. 2. Algoritmos de ordenação. 3. Relatório Técnico.
I. Professor, João Paulo II. Universidade Federal do Rio Grande do Norte. III.
Relatório Técnico para a disciplina de estrutura de dados.

RN/UF/BCZM

CDU 004.7

13 **Resumo**

14 Este trabalho apresenta uma análise dos algoritmos de ordenação: distribution, in-
15 sersion, merge, quick e selection. O objetivo é compreender o funcionamento de cada
16 algoritmo e avaliar o tempo de execução deles.

17 **Palavras-chave:** Estrutura de dados. Algoritmos de ordenação. Relatório Técnico.

18 Abstract

19 This work presents an analysis of sorting algorithms: distribution, insertion, merge,
20 quick and selection. The goal is to understand the operation of each algorithm and evaluate
21 their execution time.

22 **Keywords:** Data structures; Order algorithms; Technical report.

Sumário

24	Lista de Algoritmos	5
25	Lista de Figuras	6
26	1 Introdução	7
27	2 Selection Sort	8
28	2.1 Introdução	8
29	2.2 Conclusão	8
30	3 Insertion Sort	10
31	3.1 Introdução	10
32	3.2 Melhor Caso	10
33	3.3 Pior Caso	10
34	3.4 Caso Médio	10
35	3.5 Conclusão	12
36	4 Quick Sort	14
37	4.1 Introdução	14
38	4.2 Melhor Caso	14
39	4.3 Pior Caso	15
40	4.4 Caso Médio	15
41	4.5 Conclusão	15
42	5 Distribution Sort	17
43	5.1 Introdução	17
44	5.2 Conclusão	17
45	6 Conclusão	19
46	6.1 Introdução	19

47 **Lista de Algoritmos**

48	2.1 Algoritmo	8
49	3.1 Algoritmo	10
50	4.1 Algoritmo	14
51	5.1 Algoritmo	17

52 **Lista de Figuras**

53	2.1	Tempo de execução médio do algoritmo Selection Sort	9
54	3.1	Melhor caso do algoritmo Insertion Sort	11
55	3.2	Pior caso do algoritmo Insertion Sort	11
56	3.3	Caso médio do algioritmo Insertion Sort	12
57	3.4	Tempo de execução em médio de comparação entre casos do quick sort . . .	13
58	4.1	Tempo de execução do pior caso do Quick Sort	15
59	4.2	Tempo de execução médio do Quick Sort	16
60	4.3	Tempo de execução em médio de comparação entre casos do quick sort . . .	16
61	5.1	Tempo de execução médio do Distribution Sort	18
62	6.1	Comparação dos algoritmos de ordenação	20

1. Introdução

*“If knowledge can create problems,
it is not through ignorance that we can solve them.”*
Isaac Asimov

Este relatório tem como objetivo apresentar os resultados obtidos por meio da análise do tempo de execução de diferentes algoritmos de ordenação. A ordenação de elementos é uma tarefa fundamental no campo da computação, pois permite a organização dos dados de acordo com a necessidade, facilitando a busca, comparação e manipulação dessas informações.

Neste estudo, foram analisados os seguintes algoritmos de ordenação: selection-sort, insertion-sort, merge-sort, quick-sort e distribution-sort. Cada um desses algoritmos possui características distintas em relação ao tempo de execução e complexidade, o que nos permite compará-los e identificar suas eficiências em diferentes cenários.

O objetivo principal deste relatório é fornecer uma visão geral do desempenho de cada algoritmo em relação ao tempo de execução, com base em uma série de testes realizados em conjuntos de dados de diferentes tamanhos. Para isso, foram registrados os tempos de execução de cada algoritmo em diferentes situações, permitindo uma análise comparativa.

2. Selection Sort

*“We can only see a short distance ahead,
but we can see plenty there that needs to be done.”*
Alan Mathison Turing

2.1 Introdução

O selection sort é do tipo de comparação in-place, o que quer dizer que ele não precisa de memória extra, ele ordena no mesmo vetor que foi passado. Ele percorre repetidamente a lista de elementos em busca do menor ou maior valor da parte não ordenada e o passando para a parte ordenada da lista. Esse processo de seleção é repetido até que toda a lista esteja ordenada.

Algoritmo 2.1. É possível calcular os graus de entrada e saída de cada nó da rede de forma iterativa com base na representação por lista de adjacência.

Embora seja fácil de entender e implementar, o Selection Sort têm um desempenho menos eficiente quando comparado a outros algoritmos de ordenação. Sua complexidade de tempo é $O(n^2)$ onde n é o número de elementos na lista. Isso significa que o tempo de execução aumenta quadraticamente à medida que o tamanho da lista cresce, tornando-o menos adequado para grandes conjuntos de dados.

```
algoritmo selection-sort( $v, n$ )
1: para  $i$  de 1 até  $|N - 1|$  faça
2:    $m \leftarrow i$ 
3:   para  $j$  de  $(i + 1)$  até  $n$  faça
4:     se  $v[m] > v[j]$  então
5:        $m \leftarrow j$ 
6:   fim se
7:   fim para
8:   swap( $v[m], v[i]$ )
9: fim para
```

□

2.2 Conclusão

Independente da maneira que o vetor está organizado ele rodará de maneira semelhante todas as vezes, assim, não tendo pior ou melhor caso, desta maneira, $O(n^2)$, como é possível verificar na figura 2.1.

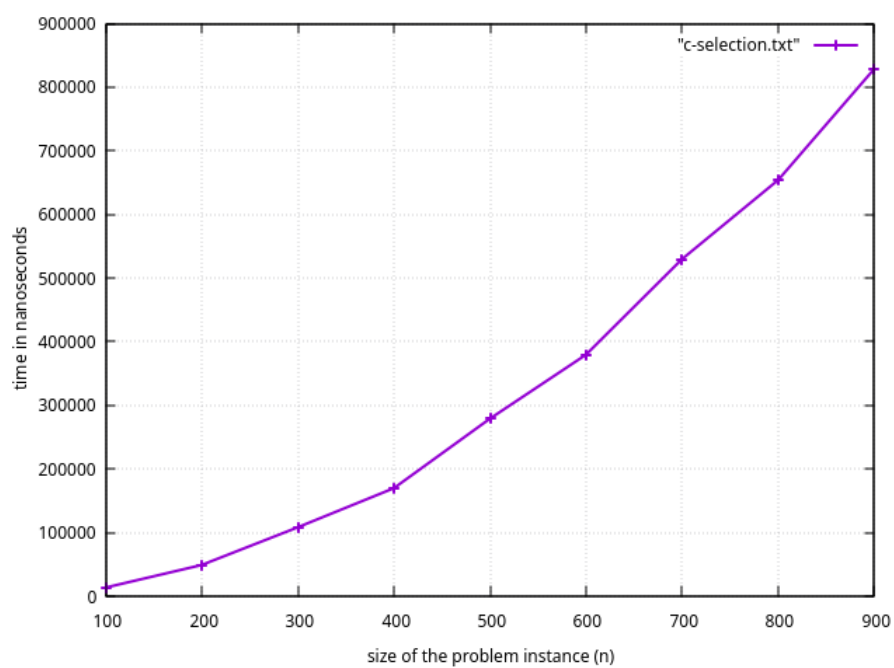


Figura 2.1: Tempo de execução médio do algoritmo Selection Sort

3. Insertion Sort

*“Mathematical elegance is not a dispensable luxury
but a factor that decides between success and failure.”*
Edsger Wybe Dijkstra

3.1 Introdução

O Insertion Sort é um algoritmo de ordenação que utiliza apenas um vetor e se baseia na técnica “Diminuir para conquistar”, o algoritmo inicialmente ordena uma parte do vetor e após isso vai aumentar o seu “grau de visão” alcançando os pontos desordenados e os ordenando.

Algoritmo 3.1. `algoritmo selection-sort(v, n)`
1: **para** i de 2 até $|N|$ **faça**
2: $m \leftarrow i$
3: **enquanto** $i > 1$ & $v[i - 1] > v[i]$ **faça**
4: $\text{swap}(v[m], v[i])$
5: $i \leftarrow i - 1$
6: **fim enquanto**
7: **fim para**

□

3.2 Melhor Caso

O melhor caso deste algoritmo acontece quando o vetor já está ordenado, pois assim as trocas não acontecem, possuindo uma solução linear de análise assintótica $O(n)$, como é possível verificar na figura 3.1.

3.3 Pior Caso

O pior caso acontece quando o vetor está em ordem decrescente, já que dessa maneira ele terá que realizar as trocas e rodar um número maior de vezes. Assim tendo uma solução quadrática de análise assintótica $O(n^2)$, como é possível verificar na figura 3.2.

3.4 Caso Médio

O Caso médio acontece com vetores aleatórios e seu tempo de execução resulta em $O(n^2)$, como é possível verificar na figura 3.1.

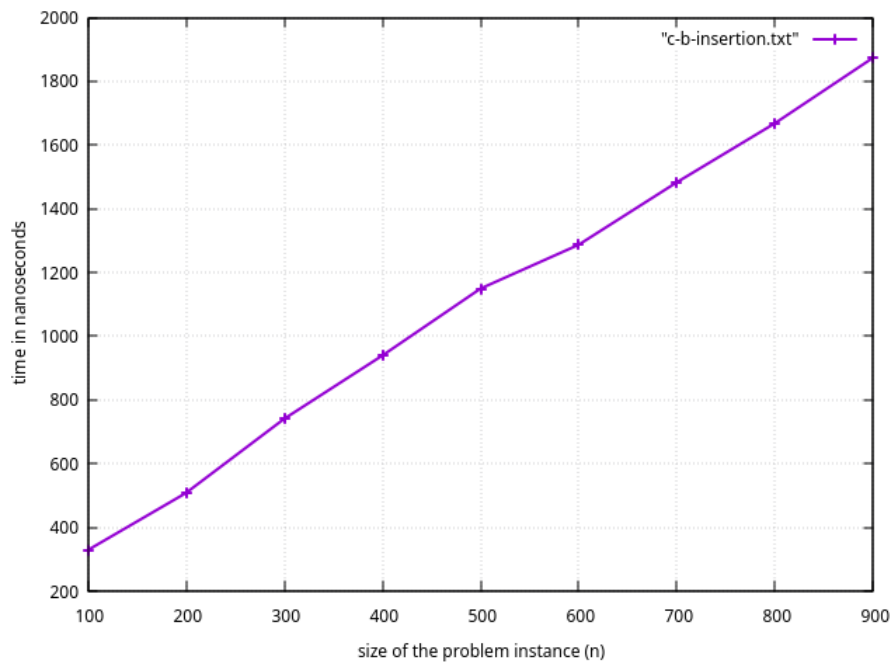


Figura 3.1: Melhor caso do algoritmo Insertion Sort

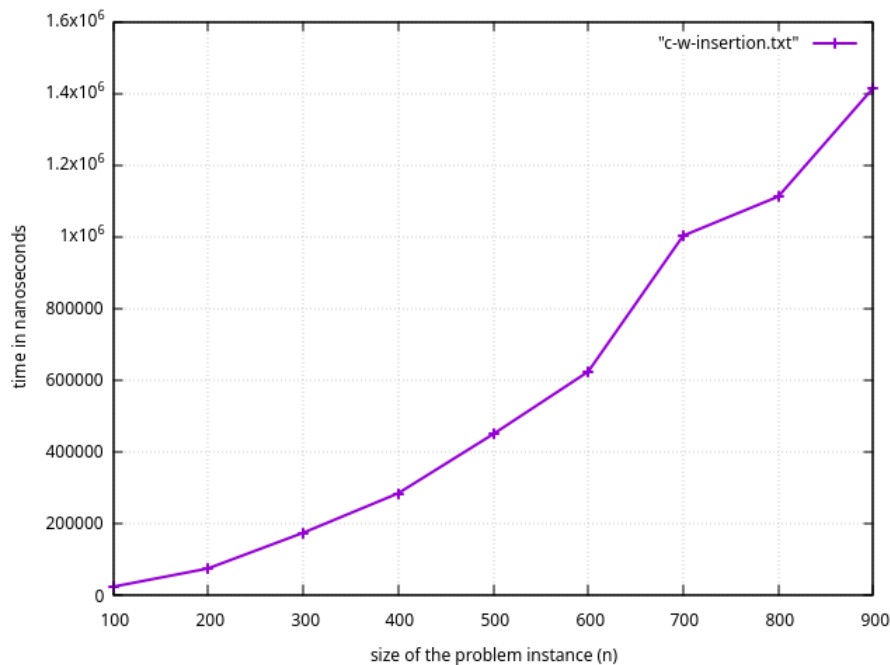


Figura 3.2: Pior caso do algoritmo Insertion Sort

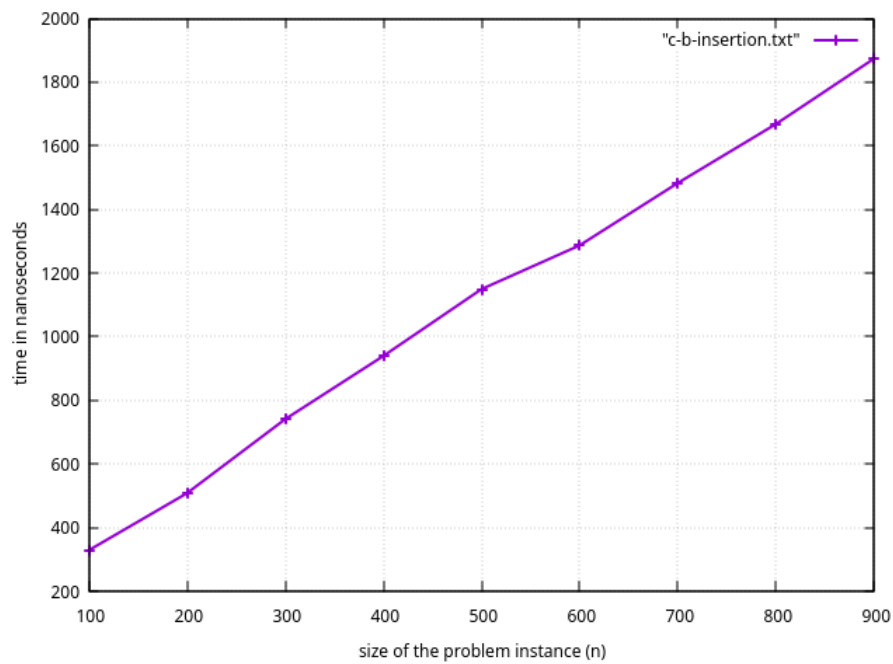


Figura 3.3: Caso médio do algoritmo Insertion Sort

135 3.5 Conclusão

136 No gráfico da figura 3.1 é possível visualizar o tempo de execução dos casos anterior-
137 mente apresentados.

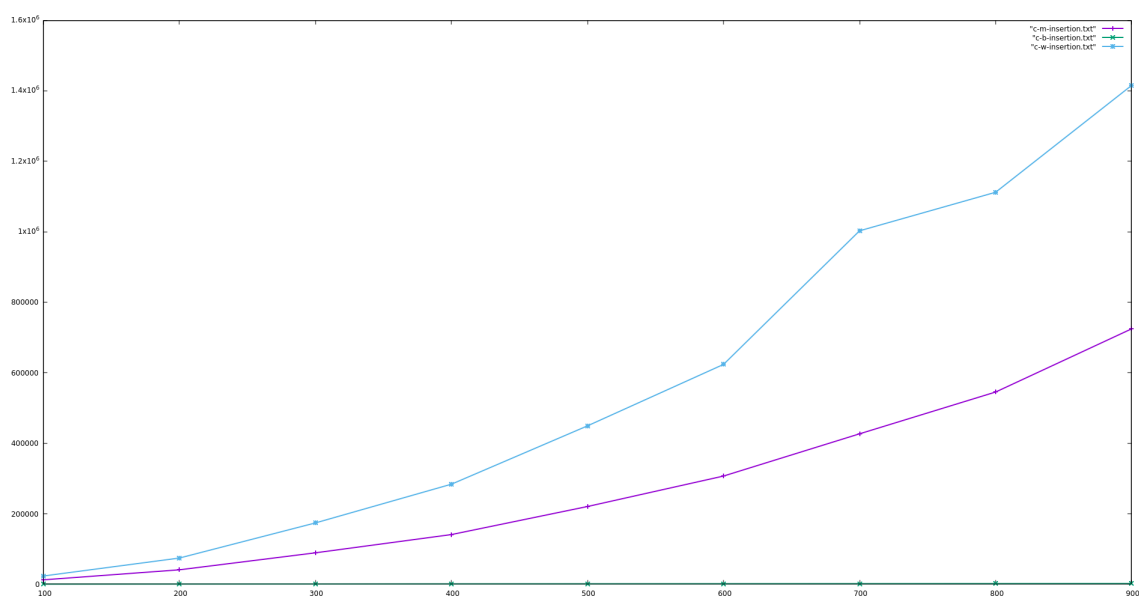


Figura 3.4: Tempo de execução em médio de comparação entre casos do quick sort

138 4. Quick Sort

139 *“If we can really understand the problem,
the answer will come out of it,
because the answer is not separate from the problem.”
Jiddu Krishnamurti*

140 4.1 Introdução

141 O Quick Sort é um algoritmo de ordenação eficiente que utiliza a estratégia “dividir
142 para conquistar”. Ele seleciona um elemento pivô da lista, rearranja os elementos de forma
143 que os elementos menores que o pivô fiquem antes dele, e os elementos maiores fiquem
144 depois. Esse processo é realizado varias vezes nas sublistas resultantes até que a lista
145 esteja completamente ordenada.

146 **Algoritmo 4.1.** **algoritmo** quick-sort(v, s, e)

```
147   1: se  $s < e$  então
148       2:    $p \leftarrow \text{partition}(v, s, e)$ 
149         quick-sort( $v, s, p-1$ )
150         quick-sort( $v, p+1, e$ )
151   3: fim se
152 algoritmo partition( $v, s, e$ )
153    $d \leftarrow s - 1$ 
154   2: para  $i$  de  $s$  para  $(e - 1)$  faça
155       se  $v[i] \leq v[e]$  então
156   4:    $d \leftarrow d + 1$ 
157       swap( $v[d], v[i]$ )
158   fim se
159   6: fim para
```

160 □

161 4.2 Melhor Caso

162 O melhor caso ocorre quando a escolha do pivô sempre divide a lista em duas partes
163 iguais ou similares. Neste caso o tempo de execução é otimizado e a complexidade de
164 tempo é de $O(n \log n)$.

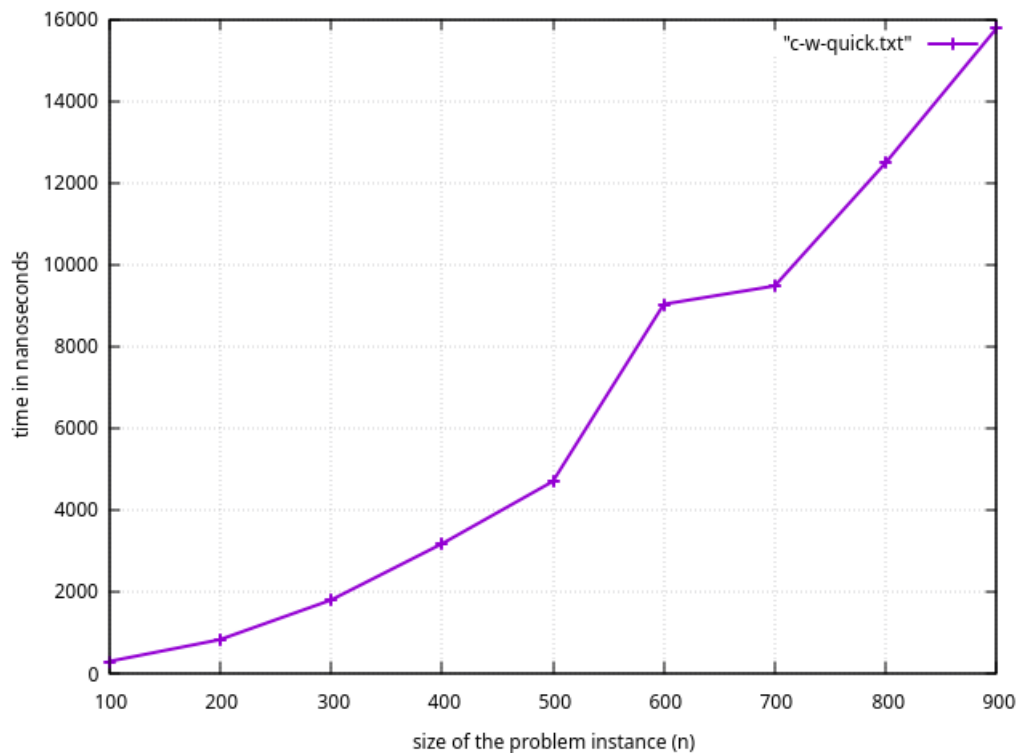


Figura 4.1: Tempo de execução do pior caso do Quick Sort

165 4.3 Pior Caso

166 O pior caso acontece quando a escolha do pivô leva a uma divisão desbalanceada das
167 sublistas, acontecendo por exemplo, quando a escolha do pivô é o maior ou menor elemento
168 da lista. Nesse caso o algoritmo se torna ineficiente e alcança uma complexidade de tempo
169 de $O(n^2)$.

170 4.4 Caso Médio

171 O Caso médio acontece quando o pivô resulta em divisões balanceadas das sublistas
172 de cada etapa de particionamento, como é possível verificar na figura 4.1.

173 4.5 Conclusão

174 Na figura 4.3 é possível visualizar o tempo de execução dos casos anteriormente apre-
175 sentados e a diferença entre a execução do caso médio e do pior caso.

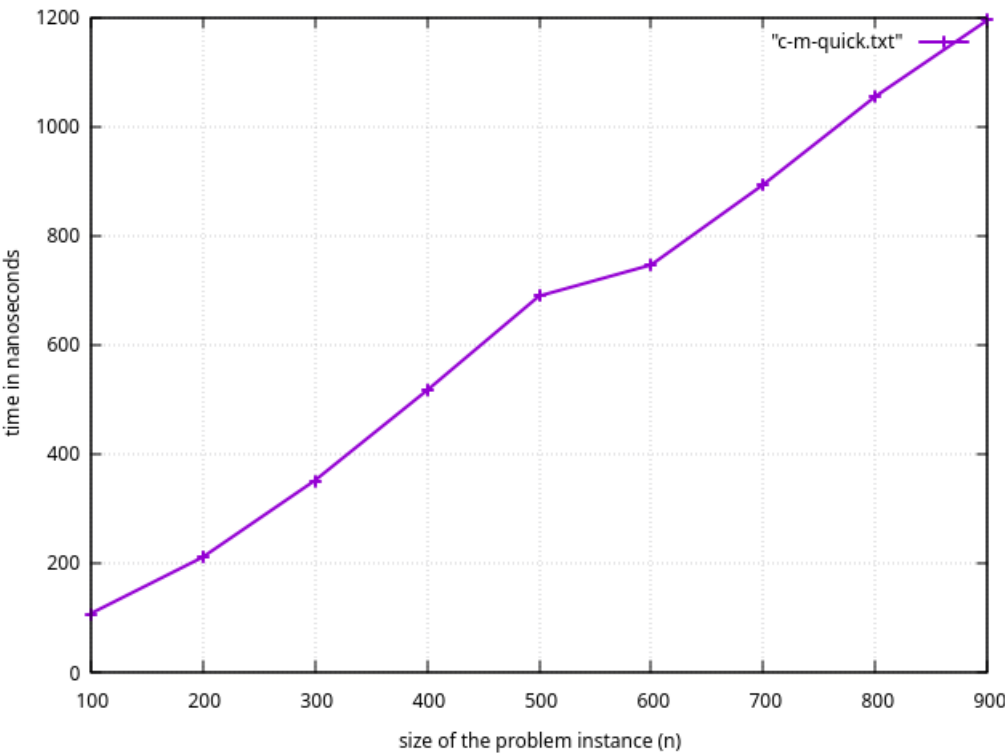


Figura 4.2: Tempo de execução médio do Quick Sort

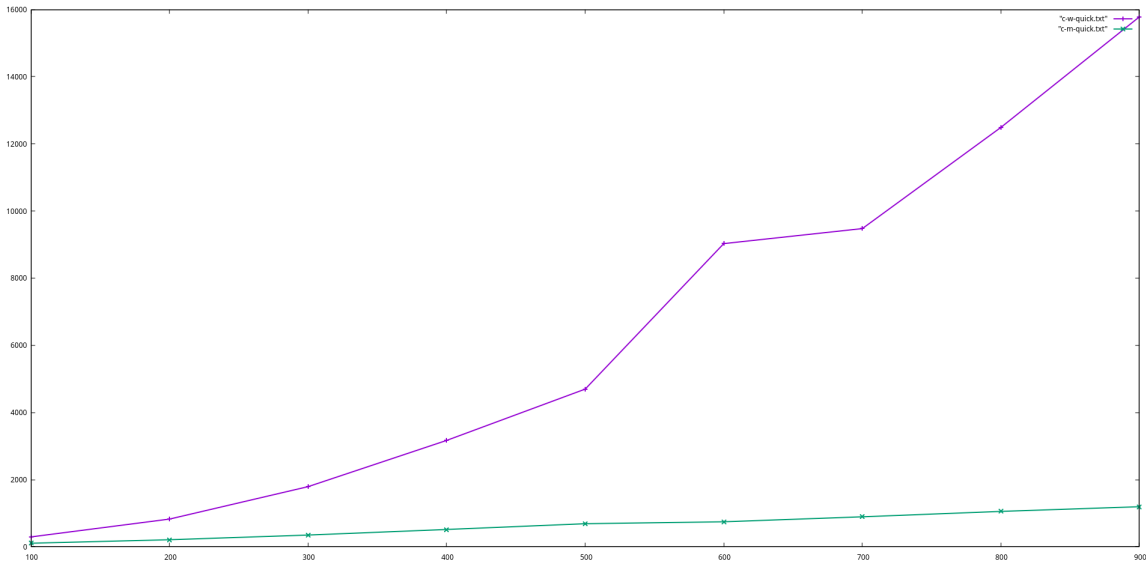


Figura 4.3: Tempo de execução em médio de comparação entre casos do quick sort

176 5. Distribution Sort

177 *“If we can really understand the problem,
the answer will come out of it,
because the answer is not separate from the problem.”
Jiddu Krishnamurti*

178 5.1 Introdução

179 O Distribution Sort, também conhecido como Counting Sort, é um algoritmo de or-
180 denação que se baseia no agrupamento dos elementos de acordo com seus dígitos ou
181 posições. Ele utiliza a propriedade dos dígitos para realizar a ordenação de forma efi-
182 ciente.

183 **Algoritmo 5.1.** algoritmo distribution-sort(v, n)

```

184    $s \leftarrow \min(v, n)$ 
185    $b \leftarrow \max(v, n)$ 
186   para  $i$  de 1 para  $(b - s + 1)$  faça
187        $c[i] \leftarrow 0$ 
188   fim para
189   para  $i$  de 1 para  $n$  faça
190        $c[v[i] - s + 1] \leftarrow c[v[i] - s + 1] + 1$ 
191   fim para
192   para  $i$  de 1 para  $(b - s + 1)$  faça
193        $c[i] \leftarrow c[i] + c[i - 1]$ 
194   fim para
195   para  $i$  de 1 para  $n$  faça
196        $d \leftarrow v[i] - s + 1$ 
197        $w[c[d]] \leftarrow v[i]$ 
198        $c[d] \leftarrow c[d] - 1$ 
199   fim para
200   para  $i$  de 1 para  $n$  faça
201        $v[i] \leftarrow w[i]$ 
202   fim para

```

□

204 5.2 Conclusão

205 No gráfico abaixo é possível visualizar o tempo de execução dos casos anteriormente
206 apresentados.

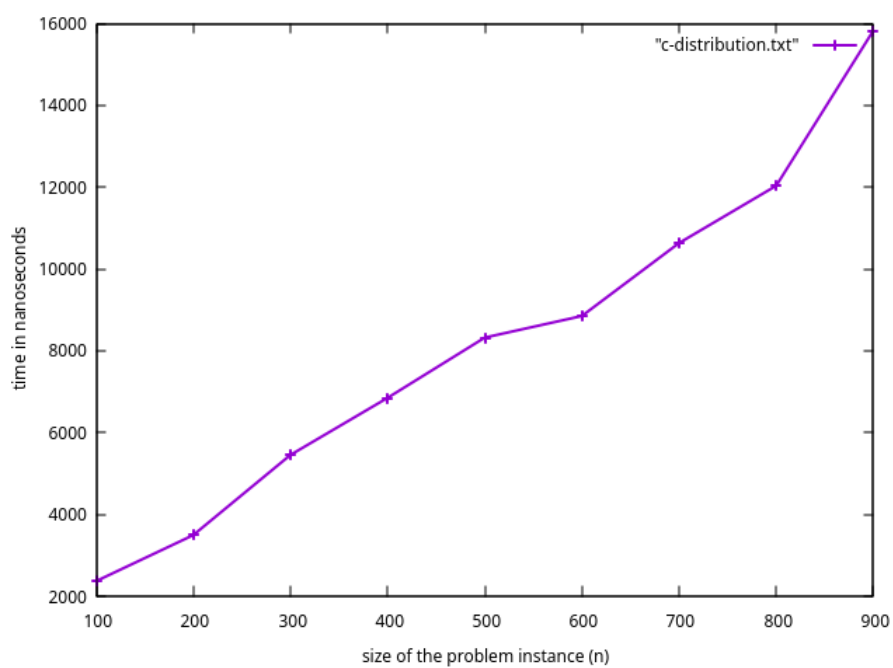


Figura 5.1: Tempo de execução médio do Distribution Sort

207 6. Conclusão

208 *“If we can really understand the problem,
the answer will come out of it,
because the answer is not separate from the problem.”
Jiddu Krishnamurti*

209 6.1 Introdução

210 A fim de analisar e comparar o desempenho dos algoritmos de ordenação mencionados
211 anteriormente - Selection Sort, Insertion Sort, Merge Sort, Quick Sort e Distribution Sort,
212 é apresentado abaixo um gráfico que mostra a comparação do tempo de execução médio
213 de todos eles.

214 O gráfico permite visualizar a relação entre o tamanho da lista de elementos a serem
215 ordenados e o tempo necessário para completar o processo de ordenação. Os eixos vertical
216 e horizontal representam, respectivamente, o tempo de execução em uma escala adequada
217 e o tamanho da lista.

218 É importante ressaltar que o tempo de execução pode variar dependendo do ambiente
219 de execução, da implementação do algoritmo e das características dos dados de entrada.
220 Portanto, o gráfico fornecido tem como objetivo fornecer uma representação visual apro-
221 ximada do desempenho dos algoritmos.

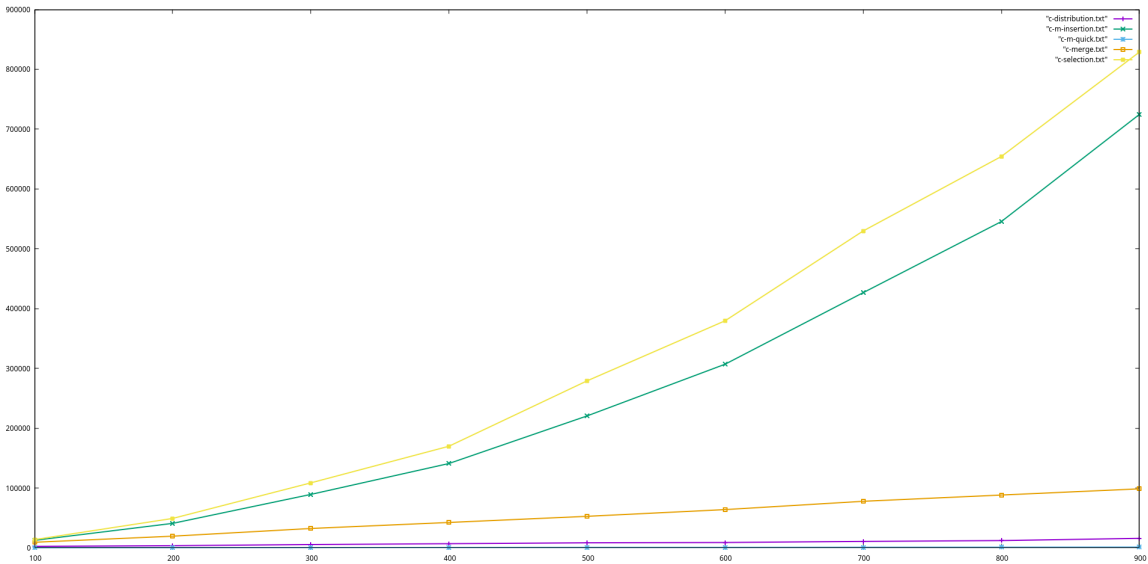


Figura 6.1: Comparação dos algoritmos de ordenação