



**UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA**  
**DEPARTAMENTO DE INFORMÁTICA**  
**INTRODUÇÃO A COMPUTAÇÃO GRÁFICA**  
**CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO**

**Aluno:** Vinícius Medeiros Wanderley

**Matrícula:** 20160133667

**Aluno:** José Ítalo Alves de Oliveira Vitorino

**Matrícula:** 2016005182

**TRABALHO 2 – IMPLEMENTAÇÃO DO PIPELINE GRÁFICO**

## Introdução

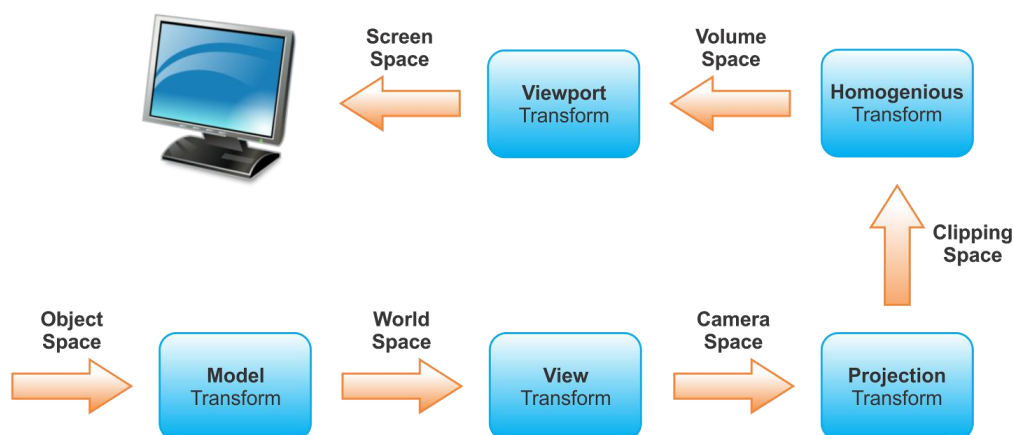
O pipeline gráfico é um dos conceitos básicos da Computação Gráfica, é fundamental entendê-lo para compreender a API gráfica OpenGL, pois várias funções dessa API agem em diferentes estágios do pipeline e a compreensão dessas etapas farão o estudante ter uma melhor experiência ao utilizar esta API.

## O que é o pipeline gráfico?

É a sequência de passos necessários para transformar uma cena geométrica em uma imagem discreta na tela. Basicamente cada passo do pipeline transforma de um sistema de coordenadas (espaço) para outro, vamos falar sobre isso mais adiante.

## Estágios do pipeline

A figura abaixo mostra todo o pipeline gráfico, a maioria das transformações entre os espaços é feita através de matrizes, exceto do Clipping Space (Espaço de Recorte) para o Volume Space (Espaço Canônico) onde dividimos os vértices pela coordenada homogênea.



## Coordenadas Homogêneas

Por todo o pipeline usamos esse tipo de coordenada pois ela permite que transformações afins se tornem transformações lineares possibilitando assim o uso de matrizes para suas representações. É muito importante usar CH pois normalmente a gpu/cpu tem em algum compartimento uma parte específica para calcular matrizes e por ser um cálculo executado em várias situações, os engenheiros de hardware tiveram a brilhante ideia de fazer essas contas em um lugar separado do resto, otimizando e acelerando todo o processo.

## Como convertemos coordenadas cartesianas em coordenadas homogêneas?

Digamos que temos um ponto geral  $P(x, y, z)$  em coordenadas cartesianas no espaço 3D, na prática representaremos  $P$  com uma dimensão  $w$  a *mais*, assim teremos  $P'(wx, wy, wz, w)$  com na mesma posição em CH. Deixando mais explícita essa conversão, consideramos o ponto  $P(x, y, z)$ , vamos adicionar a dimensão  $w$  com valor 1, e depois multiplicaremos o ponto  $P(x, y, z, 1)$  por  $w$  ficando com  $P'(wx, wy, wz, w)$ . O mesmo vale para a volta da operação, dividimos  $P'$  por  $w$  e descartamos o 1 retornando para  $P(x, y, z)$ .

## Principais matrizes do Pipeline

**Matriz de Escala:** Usada para aumentar ou diminuir a coordenada em um ou mais eixos

$$\begin{aligned} x' &= x \cdot s_x \\ y' &= y \cdot s_y \\ z' &= z \cdot s_z \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & s_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

**Matriz de Rotação:** Usada para girar em torno de um dos eixos

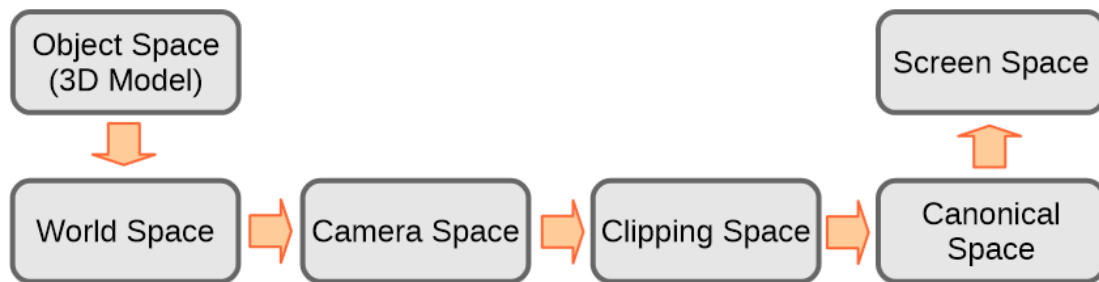
Rotação em X	Rotação em Y	Rotação em Z
$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 \\ 0 & \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & 0 & \sin(\theta) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin(\theta) & 0 & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 & 0 \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

**Matriz de Translação:** Usada para mover os objetos entre os eixos

$$\begin{aligned} x' &= x + d_x \\ y' &= y + d_y \\ z' &= z + d_z \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & d_x \\ 0 & 1 & 0 & d_y \\ 0 & 0 & 1 & d_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Matriz de Translação

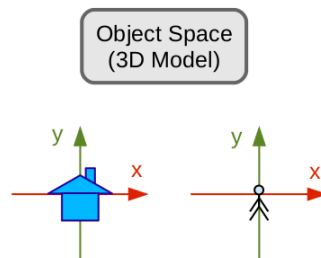
## Voltando ao Pipeline



Conforme mostramos anteriormente existem vários espaços e transformações ao longo do pipeline. Com a noção de Coordenadas Homogêneas e as principais transformações usando matrizes, podemos nos aprofundar no caminho em que cada vértice da cena passa até ser exibido na tela.

Usamos algumas bibliotecas auxiliares como glm para trabalharmos como vetores e matrizes e um loader de objetos para transportá-los para o nosso programa em C++ onde implementamos o pipeline.

**Espaço do Objeto** – Os objetos são modelados nesse espaço, além disso, é infinito em todas as direções e não há importância em qual sistema de coordenadas foi utilizado.

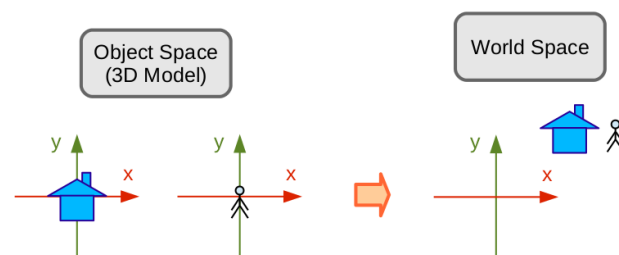


**Transformação:**

```
77  /*****Espaço do Objeto para Espaço do Universo*****/
78  glm::mat4 Scale = glm::mat4(2.0);
79  Scale[3].w = 1.0;
80
81  glm::mat4 Trans = glm::mat4(1.0);
82  glm::vec4 v(1.0, 1.0, 1.0, 1.0);
83  Trans[3] = v;
84
85  glm::mat4 Rotate = glm::mat4(1.0);
86  Rotate[0].x = cos(angle += 0.0 * PI/180.0);
87  Rotate[2].x = sin(angle += 0.0 * PI/180.0);
88  Rotate[0].z = - sin(angle += 0.0 * PI/180.0);
89  Rotate[2].z = cos(angle += 0.0 * PI/180.0);
90  Rotate[3].w = 1.0;
91
92  glm::mat4 M_Model = Rotate * Scale;
```

**Explicação:** Neste trecho de código temos três matrizes: A primeira de Rotação onde foi escolhido o fator de iniciação 2.0, logo tivemos que alterar a variável W como 1.0 pois ela não pode variar junto com as coordenadas X, Y e Z, ou seja, o objeto foi aumentado de tamanho duas vezes. A segunda matriz é a de Translação, ela é iniciada com 1.0 e a última coluna é alterada com um vetor identidade que realiza a translação do objeto em +1.0 em cada coordenada. Por último temos a Rotação, nessa temos a rotação em Y, onde os valores de X e Z são alterados, nessa matriz a rotação é anti-horária, por último é criada a Matriz Modelo que é gerada pela multiplicação dessas 3 últimas matrizes explicadas anteriormente, na imagem não foi multiplicada a matriz de translação pois a mesma será usada na próxima transformação.

**Espaço do Universo** – Onde os objetos estão reunidos, este espaço congrega os objetos em um sistema de coordenadas sendo capaz de montar a cena.

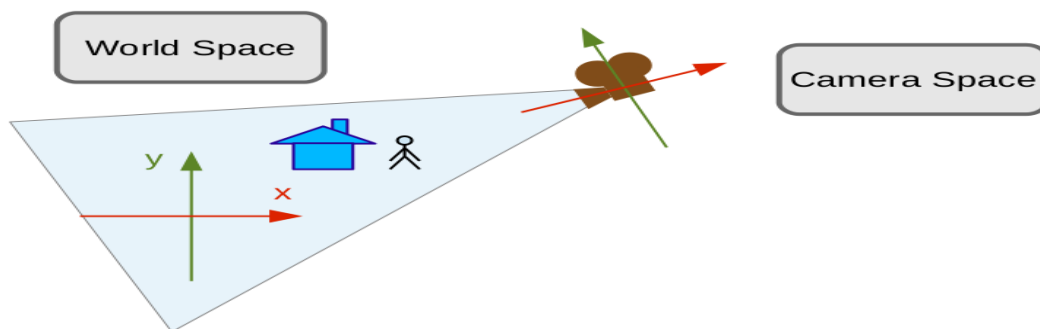


**Transformação:**

```
95  /*****Espaço do Universo para Espaço da Camera*****/
96
97  glm::vec3 camera_pos(-2.0,1.0,5.0);
98  glm::vec3 look_at(0.0,0.0,0.0);
99  glm::vec3 camera_up(0.0,1.0,0.0);
100
101  glm::vec3 camera_dir = look_at - camera_pos;
102
103
104  glm::vec3 z_camera = -normalize(camera_dir);
105  glm::vec3 x_camera = normalize(cross(camera_up, z_camera));
106  glm::vec3 y_camera = normalize(cross(z_camera, x_camera));
107
108
109  glm::vec4 homog(0.0,0.0,0.0,1.0);
110
111  glm::mat4 B = glm::mat4(1.0);
112
113  B[0]= glm::vec4 (x_camera,0.0);
114  B[1]= glm::vec4 (y_camera,0.0);
115  B[2]= glm::vec4 (z_camera,0.0);
116  B[3]=homog;
117
118  glm::mat4 trans = glm::mat4(1.0);
119  trans[3] = glm::vec4 (-camera_pos, 1.0);
120
121  glm::mat4 M_View = transpose(B) * trans;
122
123  glm::mat4 Model_View = M_View * M_Model;
```

**Explicação:** Neste trecho de código são criados 3 vetores: Vetor posição da câmera, vetor de foco, e o vetor “UP” da câmera. Depois é gerado o vetor direção, que é uma subtração entre o vetor de foco e o vetor posição. Em seguida foram criados 3 vetores, Z, X e Y, que serão as linhas da Matriz View, **z\_camera** é o vetor direção normalizado e invertido, **x\_camera** é o produto vetorial do vetor “UP” com o **z\_camera** que foi obtido anteriormente, por isso o z teve que ser calculado antes. O **y\_camera** é obtido pelo produto vetorial de **z\_camera** e **x\_camera**. Após o cálculo desses vetores, eles são unidos com um vetor homogêneo e formam uma matriz da câmera que será transposta e multiplicada por uma matriz de translação, onde será transladada a câmera para sua devida posição, assim formando a Matriz View, que ao ser multiplicada pela Matriz Model forma a Matriz Model View, finalizando assim boa parte do Pipeline.

**Espaço de Câmera** – No espaço de câmera, todos os objetos precisam ser transformados para um novo sistema de coordenadas, a fim de serem visualizados



**Transformação:**

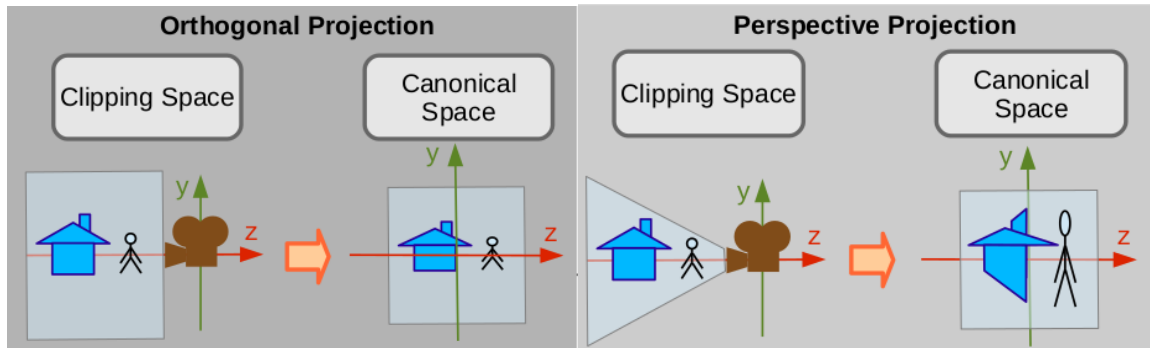
```

126  /*****Espaço da Camera para Espaço de Projeção (Recorte)*****/
127
128  double d=1.0;
129
130  glm::mat4 M_Projection = glm::mat4(1.0);
131  M_Projection[2] = glm::vec4(0.0, 0.0, 1.0, -1.0/d);
132  M_Projection[3] = glm::vec4(0.0, 0.0, d, 0.0);
133
134
135  glm::mat4 M_ModelViewProjection = M_Projection * Model_View;

```

**Explicação:** Neste trecho de código temos a matriz de projeção, usamos o valor da distância do plano de projeção até a câmera, e então criamos uma matriz identidade e adicionamos dois vetores ,que adicionam o valor da distância na terceira coluna da última linha e -1 dividido por esse valor na última coluna da terceira linha, onde esses valores definirão a projeção perspectiva baseado no valor de z e d, deixando o que está mais distante menor e o que está mais próximo maior, dando realismo ao objeto. No fim multiplicamos então essa matriz pela Model View, e conseguimos a Matriz Model View Projection.

**Espaço de Recorte** – Com os pontos do espaço da câmera, se faz necessário descartar todos os pontos que não são vistos, para obter mais eficiência na renderização. Assim, projetamos tudo em um *viewplane* e descarta-se o que não for visível. Para isso, escolhemos que tipo de projeção será utilizada, que pode ser ortogonal ou perspectiva.



**Transformação:**

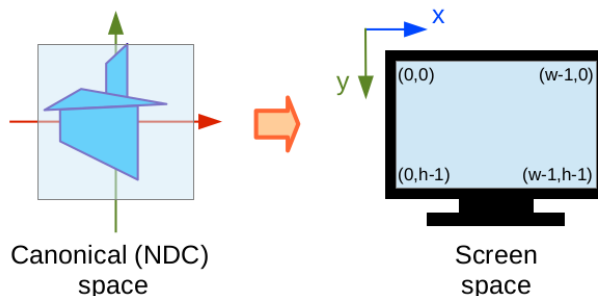
```

138  /*****Espaço de Projeção (Recorte) para Espaço Canônico*****/
139
140  for (int i = 0; i < objData->vertexCount; ++i)
141  {
142      vertex_list[i]=M_ModelViewProjection*vertex_list[i];
143      vertex_list[i].x=vertex_list[i].x/vertex_list[i].w;
144      vertex_list[i].y=vertex_list[i].y/vertex_list[i].w;
145      vertex_list[i].z=vertex_list[i].z/vertex_list[i].w;
146      vertex_list[i].w=vertex_list[i].w/vertex_list[i].w;
147  }

```

**Explicação:** Neste trecho de código iremos dividir todos os vetores que já foram multiplicados pela Matriz  $Model \cdot View \cdot Projection$  pelo valor da coordenada homogênea, por fim os vetores estão no espaço canônico e em breve serão colocados na tela.

**Espaço Canônico** – Nesse espaço as matrizes de todos os objetos são convertidas para coordenadas homogêneas, de maneira que, devido a uma distorção dos vértices, objetos mais próximos da câmera aparecem maiores e objetos distantes, aparecem menores.

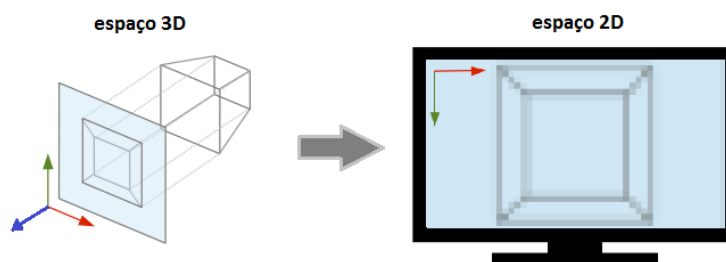


## Transformação:

```
150 //*****Espaço Canônico para Espaço da Tela*****/
151 glm::mat4 Translation_Screen = glm::mat4(1.0);
152 Translation_Screen[3] = glm::vec4((IMAGE_WIDTH - 1)/2, (IMAGE_HEIGHT - 1)/2, 0.0, 1.0);
153
154 glm::mat4 Scale_Screen = glm::mat4(1.0);
155 Scale_Screen[0].x = IMAGE_WIDTH/2;
156 Scale_Screen[1].y = IMAGE_HEIGHT/2;
157
158 glm::mat4 InvertY_Screen = glm::mat4(1.0);
159 InvertY_Screen[1].y = -1.0;
160
161 glm::mat4 Final_Matrix = glm::mat4(1.0);
162 Final_Matrix = Translation_Screen * Scale_Screen * InvertY_Screen;
163
164
165 for (int i = 0; i < objData->vertexCount; ++i)
166 {
167     vertex_list[i] = Final_Matrix * vertex_list[i];
168 }
169
170
171 for (int i = 0; i < objData->vertexCount; ++i)
172 {
173     Vertex tmp;
174
175     tmp.setX(round(vertex_list[i].x));
176     tmp.setY(round(vertex_list[i].y));
177     tmp.setZ(round(vertex_list[i].z));
178     tmp.setW(round(vertex_list[i].w));
179
180     my_list.push_back(tmp);
181 }
182
183
184 for (int i = 0; i < objData->faceCount; ++i)
185 {
186     faces = objData->faceList[i];
187     my_list[faces->vertex_index[0]].DrawTriangle(my_list[faces->vertex_index[1]], my_list[faces->vertex_index[2]]);
188 }
```

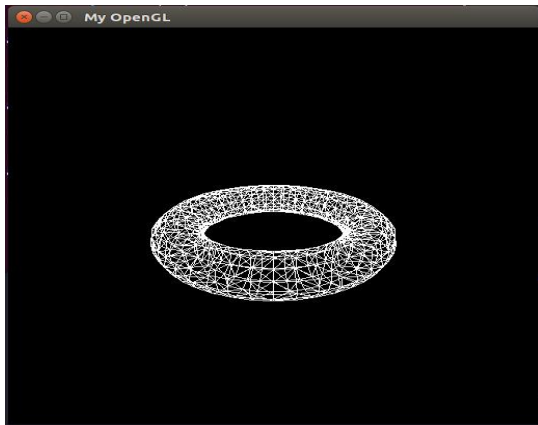
**Explicação:** Neste trecho de código a transformação final dos vetores, onde iremos transladar os vetores do plano cartesiano para o plano da tela, usando a Matriz de Translação e a Matriz de escala, que garante que as coordenadas X e Y sejam desenhadas perfeitamente na tela, e também a matriz de inversão de Y, pois o y da tela é invertido apontando assim para baixo, após a multiplicação dessas três matrizes temos uma Matriz final que será multiplicada por cada um dos vértices que estarão transformado perfeitamente para serem desenhados na tela, então adicionamos esses vértices em variáveis da classe criada para assim começarmos a desenhar cada face do objeto na tela, usando o método DrawTriangle que é uma função da classe Vertex e usa as coordenadas de cada vértice da face para desenhar as 3 linhas do triângulo.

**Espaço de tela:** Com todos os vértices homogeneizados, podemos transferir informação para a tela, multiplicando a matriz de coordenadas homogêneas pela matriz view port.

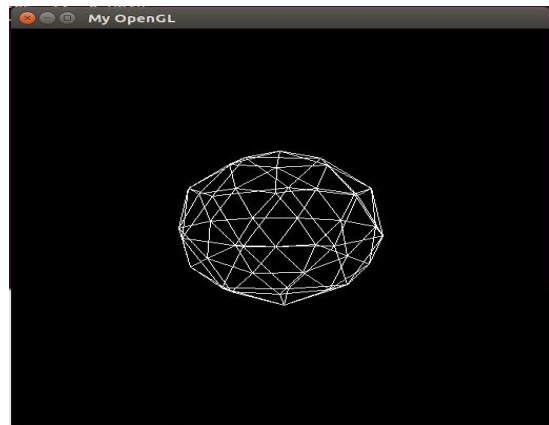




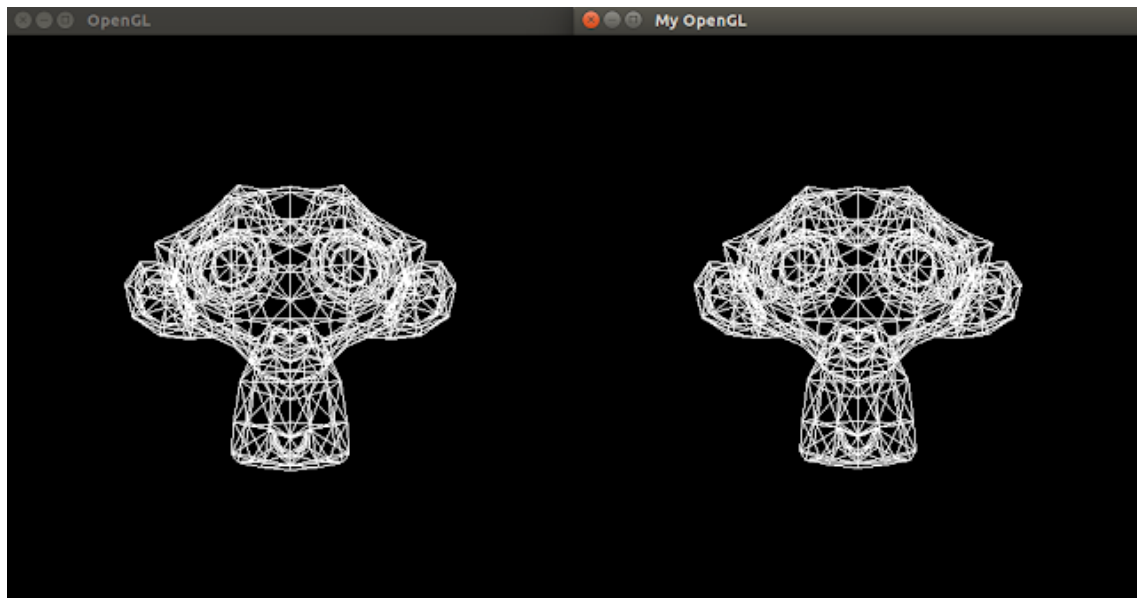
### Prints dos Resultados:



**Figura 1 – Toro**



**Figura 2 – Ico Sphere**



**Figura 3 – OpenGL a esquerda e no nosso programa My OpengGL a direita.**

Como podemos ver, há uma grande semelhança entre os objetos renderizados, concluímos então que o pipeline foi corretamente implementado.

### Vídeos dos Resultados:

**Toro :** <https://www.youtube.com/watch?v=nQ6caXfy7dc>

**Ico Sphere :** <https://www.youtube.com/watch?v=-grpUjX7JJw>

**Monkey :** [https://www.youtube.com/watch?v=zeWm9jBeU\\_Q](https://www.youtube.com/watch?v=zeWm9jBeU_Q)

## **Dificuldades:**

Ocorreram algumas dificuldades intermitentes durante a realização do trabalho, mas depois de horas pesquisando na internet, conversando com outros alunos da cadeira, entre outras formas de obter informação, conseguimos realizar com sucesso o objetivo do trabalho proposto.

**Uso do loader** – No começo perdemos uma quantia considerável de tempo procurando um loader que funcionasse corretamente para importar os arquivos.obj, depois que o encontramos esse pequeno problema foi resolvido rapidamente. Importamos a biblioteca e instanciamos na classe principal sem maiores dificuldades.

**Uso da biblioteca gml** – Logo após o loader, fomos ler a documentação dessa biblioteca que usamos para fazer operações com vetores e matrizes, demoramos um menos tempo nessa tarefa, assim que fizemos alguns exemplos e testes, conseguimos com sucesso usar os métodos para realizar as operações.

**Unindo todas as funções necessárias** – Assim que conseguimos o loader funcionando e aprendemos o básico para usar a biblioteca gml, a parte mais difícil do projeto foi juntar tudo, fazer funcionar da forma correta e que gerasse o melhor resultado na medida do possível

## **Referencias:**

Slides professor Christian Azambuja Pagot  
[https://www.khronos.org/opengl/wiki/Rendering\\_Pipeline\\_Overview](https://www.khronos.org/opengl/wiki/Rendering_Pipeline_Overview)  
<https://pt.wikipedia.org/wiki/OpenGL>  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Graphics\\_pipeline](https://en.wikipedia.org/wiki/Graphics_pipeline)  
Foley, J. (2010). Computer graphics. 2nd ed. Boston [u.a.]: Addison-Wesley.