

Schaltungstechnik 1

Kirchhoff-Gesetze

Anwendbarkeit

Konzentriertheithypothese muss erfüllt sein:

$$d \ll \lambda = \frac{c}{f}$$

d: Größe der Schaltung

λ : Wellenlänge

Netzwerktheorie

Zweige: Anzahl Kanten

Knoten: Anzahl Spannungsknoten (inklusive Masse wenn existiert).

Richtung Kantenpfeil \equiv Richtung Kantenstrom und Kantenstromspannung.

Graph besteht aus Baum und Verbindungskanten.

Knoteninzidenzmatrix

Matrix $A \in \{-1, 0, 1\}^{(n-1) \times (b)}$

$$\text{Eintrag } a_{\alpha\beta} = \begin{cases} +1, & \text{Outgoing, Zweig } \beta \leftarrow \text{Knoten } \alpha \\ -1, & \text{Incoming, Zweig } \beta \rightarrow \text{Knoten } \alpha \\ \pm 0, & \text{Kein Zweig } \beta \leftrightarrow \text{Knoten } \alpha \end{cases}$$

Beinhaltet nicht den Bezugsknoten (da linear abhängig).

0.1 KVL Matrix

Matrix $B \in \{-1, 0, 1\}^{b \times b - (n-1)}$

$$\text{Eintrag } b_{\alpha\beta} = \begin{cases} +1, & \text{Zweig in Richtung Masche} \\ -1, & \text{Zweig entgegen Masche} \\ \pm 0, & \text{Kein Zweig in Masche} \end{cases}$$

Knotenregel (KCL)

Für jeden Knoten gilt:

Die Summe aller Ströme ist Null.

$$\sum_{\text{Knoten}} i_j(t) = 0$$

(herausfließende Ströme positiv)

Anzahl linear unabhängiger Knotengleichungen: **(n-1)**

n: Anzahl der Knoten

KCL in Matrixform:

Nullraumdarstellung: $\mathbf{A} \cdot \mathbf{i} = \mathbf{0}$

Mit Knoteninzidenzmatrix \mathbf{A}

Maschenregel (KVL)

Für jede Masche gilt:

Die Summe der Teilspannungen ist Null.

$$\sum_{\text{Umlauf}} u_j(t) = 0$$

(Spannungen in Umlaufrichtung positiv)

Anzahl linear unabhängiger Schleifengleichungen: **b-(n-1)**

b: Anzahl der Zweige

n: Anzahl der Knoten

KVL in Matrixform:

Nullraumdarstellung: $\mathbf{B}\mathbf{u} = \mathbf{0}$

\mathbf{u} ist Spannungen der Kanten

$$\mathbf{u} - \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{u}_k = \mathbf{0}$$

Bildraumdarstellung: $\mathbf{u} = \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{u}_k$

($\mathbf{M} = \mathbf{A}^T$) Mit Inzidenzmatrix \mathbf{A}

Resistive Eintore

Darstellungsformen

Implizit: $f_F(u, i) = 0$

Explizit: $u = r(i), i = g(u)$

Parametrisiert: $u = u(\lambda), i = i(\lambda)$

Eigenschaften

F ist...

- stromgesteuert
- spannungsgesteuert
- ungepolt
- passiv
- aktiv
- verlustlos
- quellenfrei
- streng linear
- linear
- stückweise linear

Kennlinie von F ...

- \exists Darstellung $u = r(i)$
- \exists Darstellung $i = g(u)$
- ... ist punktsymmetrisch zu (0/0)
- ... verläuft nur im I. oder III. Quadr.
- ... ist nicht passiv
- ... liegt nur auf den Achsen
- ... geht durch den Ursprung
- ... ist Ursprungsgerade, Ursprung oder ganze u-i-Ebene
- ... ist eine beliebige Gerade
- ... besteht aus Geradenstücken

Umpolung

Punktspiegelung der Kennlinie am Ursprung

$$(u, i) \in F \Leftrightarrow (-u, -i) \in \bar{F}$$

Dualität

Für $R_d = 1\Omega$: Spiegelung an der Winkelhalbierenden.

$$(u, i) \in F \Leftrightarrow (R_d i, \frac{u}{R_d}) \in F^d$$

Widerstände

$$u = R \cdot i \quad R = \frac{1}{G} \quad R_1 || R_2 = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \text{ (Parallel)}$$

$$\text{Reihenschaltung: } R_{\text{gesamt}} = R_1 + \dots + R_i$$

$$\text{Parallelschaltung: } \frac{1}{R_{\text{gesamt}}} = \frac{1}{R_1} + \dots + \frac{1}{R_i}$$

Leitwerte

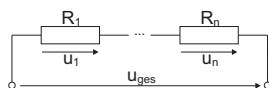
$$i = G \cdot u \quad G = \frac{1}{R} \quad G_1 || G_2 = \frac{G_1 \cdot G_2}{G_1 + G_2} \text{ (Seriell)}$$

$$\text{Reihenschaltung: } \frac{1}{G_{\text{gesamt}}} = \frac{1}{G_1} + \dots + \frac{1}{G_i}$$

$$\text{Parallelschaltung: } G_{\text{gesamt}} = G_1 + \dots + G_i$$

Spannungsteiler / Stromteiler

Spannungsteiler

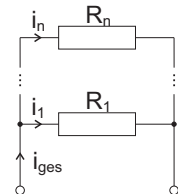


$$u_i = u_{ges} \cdot \frac{R_i}{R_{ges}} = u_{ges} \cdot \frac{G_i}{G_{ges}}$$

$$R_{ges} = R_1 + \dots + R_n$$

$$G_{1+2} = \frac{G_1 \cdot G_2}{G_1 + G_2}$$

Stromteiler



$$i_i = i_{ges} \cdot \frac{R_{ges}}{R_i} = i_{ges} \cdot \frac{G_i}{G_{ges}}$$

$$G_{ges} = G_1 + \dots + G_n$$

$$R_{1+2} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

$$u_{ges} = R_{ges} i_{ges}$$

$$R_{ges} = R_2 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}$$

$$u_{R1} = \frac{1}{1 + \frac{R_2 R_3}{R_1 (R_2 + R_3)}} u_{ges}$$

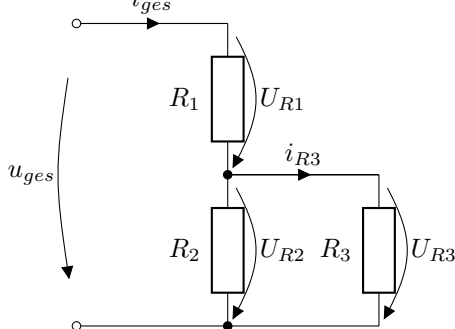
$$u_{R2} = \frac{1}{1 + \frac{R_1 (R_2 + R_3)}{R_2 R_3}} u_{ges}$$

$$u_{R3} = u_{R2}$$

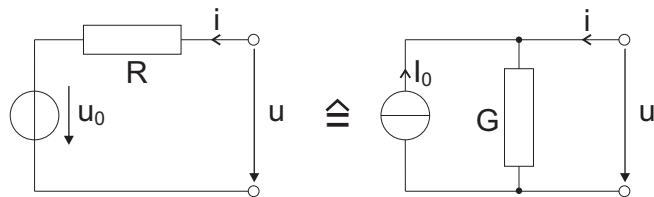
$$i_{R1} = i_{ges}$$

$$i_{R2} = \frac{R_3}{(R_2 + R_3)} i_{ges}$$

$$i_{R3} = \frac{R_2}{(R_2 + R_3)} i_{ges}$$



Quellwandlung linearer Quellen

Wichtig: Pfeilrichtung I_0

Für jede lineare Quelle gilt:

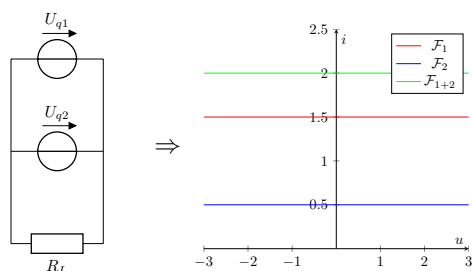
$$u = R_i \cdot i + U_0 \text{ bzw. } i = G_i \cdot u - I_0$$

Kennlinienbestimmung von verschalteten Bauteilen

Parallel

Die Spannung ist an jedem Bauteil gleich. Die Ströme werden nach der Knotenregel addiert.

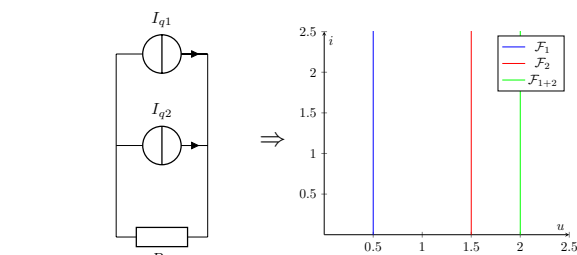
Grafisch: Kennlinien entlang der i -Achse addieren.



Seriell

Der Strom ist in jedem Bauteil gleich. Die Spannungen werden nach der Maschenregel addiert.

Grafisch: Kennlinien entlang der u -Achse addieren.

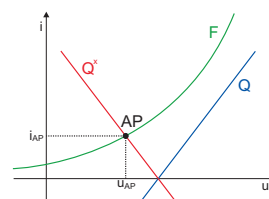


Arbeitspunktbestimmung

Q : Quelleneintor

Q^x : Quelleneintor gespiegelt an der u -Achse

F : Lasteintor



Rechnerisch: $i_Q = -i_F$

Graphisch: $AP = F \cap Q^x$

Linearisierung im Arbeitspunkt

z.B. Leitwertsbeschreibung:

$$\Delta i_F = \left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP} \cdot \Delta u_F$$

$$(i_F = I_{AP} + \Delta i_F; \quad u_F = U_{AP} + \Delta u_F)$$

$$i_{F,lin} = \left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP} \cdot (u_F - U_{AP}) + I_{AP}$$

$$i_{F,lin} = \underbrace{\left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP}}_g \cdot u_F - \underbrace{\left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP} \cdot U_{AP}}_{I_{0,AP}} + I_{AP}$$

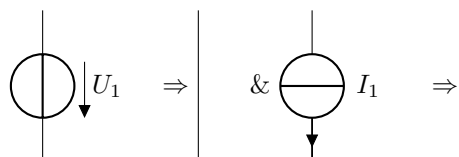
Ersatzschaltbilder

Zuerst alle Bauteile im Arbeitspunkt linearisieren. Erhalte $u_1 = U + \Delta u$

Großsignal: Alle Wechselquellen weglassen. $u_1 = U$

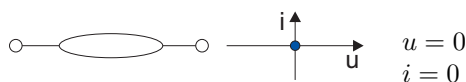
Kleinsignal: Alle Konstantquellen weglassen. $U_1 = \Delta u$

Ersetzen von Quellen

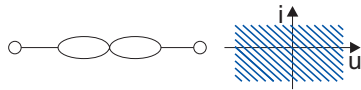


Bauelemente

Nullator



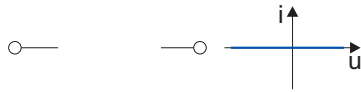
Strom/spannungsgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Nullator.

Norator

$$u = \text{beliebig}$$

$$i = \text{beliebig}$$

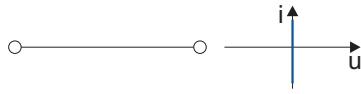
Ungepolt, aktiv, quellenfrei, streng linear. Dual zu Norator.

Leerlauf

$$u = \text{beliebig}$$

$$i = 0$$

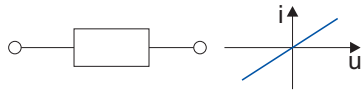
Spannungsgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Kurzschluss.

Kurzschluss

$$u = 0$$

$$i = \text{beliebig}$$

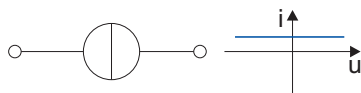
Stromgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Leerlauf.

Ohmscher Widerstand

$$u = R \cdot i$$

$$i = G \cdot u$$

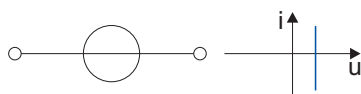
Spannungs-/Stromgesteuert ($R > 0/G > 0$), ungepolt, passiv für $R \geq 0$, aktiv für $R < 0$, quellenfrei, streng linear. Dual zu Widerstand mit $R_2 = \frac{1}{R_1}$.

Ideale Stromquelle

$$u = \text{beliebig}$$

$$i = I_0$$

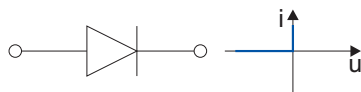
Für $I > 0$: Spannungsgesteuert, gepolt, aktiv, nicht verlustlos, nicht quellenfrei, linear. Dual zu Spannungsquelle.

Ideale Spannungsquelle

$$u = U_0$$

$$i = \text{beliebig}$$

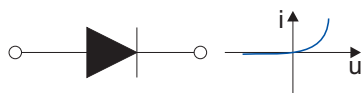
Für $U > 0$: Stromgesteuert, gepolt, aktiv, nicht verlustlos, nicht quellenfrei, linear. Dual zu Stromquelle.

Ideale Diode

$$u = 0 \text{ für } i > 0$$

$$i = 0 \text{ für } u < 0$$

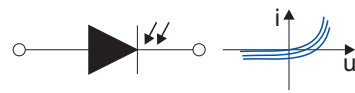
Nicht Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, stückweise linear. Dual zu umgepoltem selbst.

Reale Diode

$$u = U_T \cdot \ln\left(\frac{i}{I_S} + 1\right)$$

$$i = I_S(e^{\frac{u}{U_T}} - 1)$$

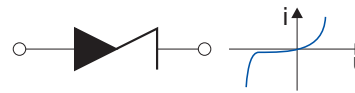
Spannungs/Stromgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht linear.

Photodiode

$$u(t) = U_T \cdot \ln\left(\frac{i(t) + i_L(t)}{I_S} + 1\right)$$

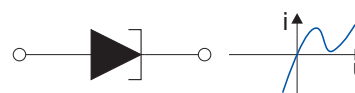
$$i(t) = I_S(e^{\frac{u(t)}{U_T}} - 1) - i_L(t)$$

Nicht Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, aktiv, nicht linear.

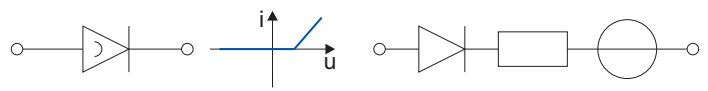
Zenerdiode

leitet bei $u < U_Z$

Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht linear.

Tunnel diode

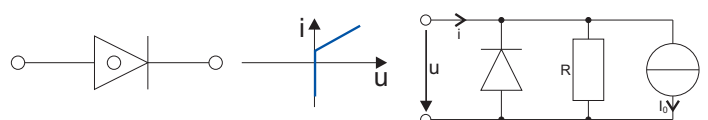
Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht linear.

Konkaver Widerstand

$$i = 0 \text{ für } u \leq U_0$$

$$i = G \cdot (u - U_0) \text{ für } u \geq U_0$$

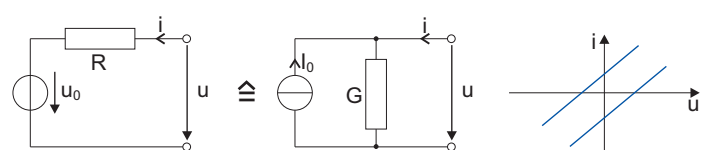
Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei ($U_0 \geq 0$), stückweise linear. Dual zu konvexem Widerstand.

Konvexer Widerstand

$$u = 0 \text{ für } i \leq I_0$$

$$u = R \cdot (i - I_0) \text{ für } i \geq I_0$$

Stromgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei ($I_0 \geq 0$), stückweise linear.

Lineare Quellen

$U_0 = I_0 \cdot R$; $I_0 = U_0 \cdot G$ Spannungs/Stromgesteuert ($R > 0/G > 0$), gepolt, aktiv ($I_0 > 0 \Leftrightarrow U_0 > 0$), linear.

Resistive Zweitore

Darstellungsformen

Implizit

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix}}_{\text{Kern}[\mathbf{M} \quad \mathbf{N}]} = \underline{0} \quad \text{quellenfrei}$$

$$F = \text{Kern}[\mathbf{M} \quad \mathbf{N}] + \begin{bmatrix} u_0 \\ i_0 \end{bmatrix} \quad \text{nicht quellenfrei}$$

Explizit \Rightarrow Implizit: $i = Gu \Rightarrow 0 = Gu - 1 \Rightarrow [MN] = [G - 1]$

Explizit

Größe mit konstantem Nullwert (KS, LL, Nullator) kann keine Steuergröße sein. Größe mit beliebigem Wert (Norator) kann nicht gesteuert werden.

$$\begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{G} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_{11}u_1 + g_{12}u_2 \\ g_{21}u_1 + g_{22}u_2 \end{bmatrix} \quad \text{Leitwertsbeschr.}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \mathbf{R} \cdot \begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{11}i_1 + r_{12}i_2 \\ r_{21}i_1 + r_{22}i_2 \end{bmatrix} \quad \text{Widerstandsbeschr.}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{H} \cdot \begin{bmatrix} i_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11}i_1 + h_{12}u_2 \\ h_{21}i_1 + h_{22}u_2 \end{bmatrix} \quad \text{hybride Beschr.}$$

$$\begin{bmatrix} i_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \mathbf{H}' \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h'_{11}u_1 + h'_{12}i_2 \\ h'_{21}u_1 + h'_{22}i_2 \end{bmatrix} \quad \text{inverse hybride Beschr.}$$

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_1 \end{bmatrix} = \mathbf{A} \cdot \begin{bmatrix} u_2 \\ -i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11}u_2 - a_{12}i_2 \\ a_{21}u_2 - a_{22}i_2 \end{bmatrix} \quad \text{Kettenbeschr.}$$

$$\begin{bmatrix} u_2 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{A}' \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ -i_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a'_{11}u_1 - a'_{12}i_1 \\ a'_{21}u_1 - a'_{22}i_1 \end{bmatrix} \quad \text{inverse Kettenbeschr.}$$

Parametrisiert

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix}}_{\text{Bild} \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix}} = \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} \cdot \underline{c} = \begin{bmatrix} \underline{u}^{(1)} \\ \underline{i}^{(1)} \end{bmatrix} \quad \underline{u}^{(2)} \\ \underline{i}^{(2)} \end{bmatrix} \cdot \underline{c} \quad \text{quellenfrei}$$

$$F = \text{Bild} \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_0 \\ i_0 \end{bmatrix} \quad \text{nicht quellenfrei}$$

mit $\frac{1}{V}\underline{u}, \frac{1}{A}\underline{i}, \underline{c} \in \mathbb{R}^{n \times 1}$ und $\frac{1}{V}\mathbf{U}, \frac{1}{A}\mathbf{I} \in \mathbb{R}^{n \times n}$

Berechnung Beschreibungsmatrix

Bei quellenbehafteten Zweitoren:

z.B. $\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} + \underline{I}_0$

1) Setze interne Quellen zu Null (Spannungsquelle \rightarrow KS; Stromquelle \rightarrow LL) \rightarrow bestimme Funktionen der Matrix (hier: $\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u}$)

2) Setze Steuergrößen zu Null \rightarrow bestimme Quellenvektor (hier: $\underline{i} = \underline{I}_0$ für $\underline{u} = 0$)).

Eigenschaften Zweitore

F ist...

wenn...

- passiv $\forall \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} \in F : P = \underline{u}^T \cdot \underline{i} \geq 0$

- aktiv $\exists \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} \in F : P = \underline{u}^T \cdot \underline{i} < 0$

- verlustlos $\forall \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} \in F : \underline{u}^T \cdot \underline{i} = 0$

$$\mathbf{U}^T \mathbf{I} + \mathbf{I}^T \mathbf{U} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{R} = -\mathbf{R}^T; \quad \mathbf{G} = -\mathbf{G}^T$$

- umkehrbar symmetrisch $\mathbf{G} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{P}; \quad \mathbf{R} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{P}; \quad \mathbf{A} = \mathbf{A}'$

$$\mathbf{P} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{„Zeilentausch + Spaltentausch“}$$

- reziprok $\mathbf{U}^T \mathbf{I} - \mathbf{I}^T \mathbf{U} = \mathbf{0}; \quad \mathbf{G} = \mathbf{G}^T; \quad \mathbf{R} = \mathbf{R}^T$

$$\det(\mathbf{A}) = \det(\mathbf{A}') = 1$$

Netzwerk besteht nur aus R, C und L

$$\text{Dualität} \quad \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix}^d = \begin{bmatrix} R_d \mathbf{I} \\ \frac{1}{R_d} \mathbf{U} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & R_d \mathbf{1} \\ \frac{1}{R_d} \mathbf{1} & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{G}^d = \frac{1}{R_d^2} \mathbf{R}; \quad \mathbf{R}^d = R_d^2 \mathbf{G}$$

Kurzschluss/Leerlauf-Methode

Verfahre nach "Berechnung Beschreibungsmatrix". Jeweils eine steuernde Größe auf Null setzen (Spannungsquelle \rightarrow KS; Stromquelle \rightarrow LL).

$$\begin{array}{ll} \mathbf{G} & \begin{array}{l} g_{11} = \left. \frac{i_1}{u_1} \right|_{u_2=0} \quad g_{12} = \left. \frac{i_1}{u_2} \right|_{u_1=0} \\ g_{21} = \left. \frac{i_2}{u_1} \right|_{u_2=0} \quad g_{22} = \left. \frac{i_2}{u_2} \right|_{u_1=0} \end{array} \\ \mathbf{R} & \begin{array}{l} r_{11} = \left. \frac{u_1}{i_1} \right|_{i_2=0} \quad r_{12} = \left. \frac{u_1}{i_2} \right|_{i_1=0} \\ r_{21} = \left. \frac{u_2}{i_1} \right|_{i_2=0} \quad r_{22} = \left. \frac{u_2}{i_2} \right|_{i_1=0} \end{array} \\ \mathbf{H} & \begin{array}{l} h_{11} = \left. \frac{u_1}{i_1} \right|_{u_2=0} \quad h_{12} = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_1=0} \\ h_{21} = \left. \frac{i_2}{i_1} \right|_{u_2=0} \quad h_{22} = \left. \frac{i_2}{u_2} \right|_{i_1=0} \end{array} \\ \mathbf{H}' & \begin{array}{l} h'_{11} = \left. \frac{i_1}{u_1} \right|_{i_2=0} \quad h'_{12} = \left. \frac{i_1}{i_2} \right|_{u_1=0} \\ h'_{21} = \left. \frac{u_2}{u_1} \right|_{i_2=0} \quad h'_{22} = \left. \frac{u_2}{i_2} \right|_{u_1=0} \end{array} \\ \mathbf{A} & \begin{array}{l} a_{11} = \left. \frac{u_1}{u_2} \right|_{i_2=0} \quad a_{12} = \left. -\frac{u_1}{i_2} \right|_{u_2=0} \\ a_{21} = \left. \frac{i_1}{u_2} \right|_{i_2=0} \quad a_{22} = \left. -\frac{i_1}{i_2} \right|_{u_2=0} \end{array} \\ \mathbf{A}' & \begin{array}{l} a'_{11} = \left. \frac{u_2}{u_1} \right|_{i_1=0} \quad a'_{12} = \left. -\frac{u_2}{i_1} \right|_{u_1=0} \\ a'_{21} = \left. \frac{i_2}{u_1} \right|_{i_1=0} \quad a'_{22} = \left. -\frac{i_2}{i_1} \right|_{u_1=0} \end{array} \end{array}$$

Linearisierung im AP

Explizit

z.B. Leitwertsbeschreibung:

$$i_{lin}(u) = G_{lin}(u - U_{AP}) + I_{AP},$$

$$G_{lin} = \left. \frac{\partial i}{\partial u} \right|_{u=U_{AP}} \text{ mit } u = U_{AP} \text{ einsetzen.}$$

$$\underline{\Delta i} = \mathbf{J} \cdot \underline{\Delta u}$$

$$(\underline{i} = \underline{I} + \underline{\Delta i}; \quad \underline{u} = \underline{U} + \underline{\Delta u})$$

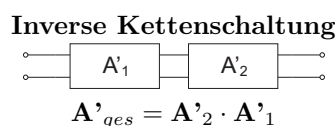
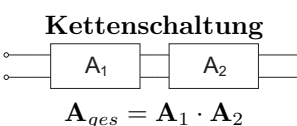
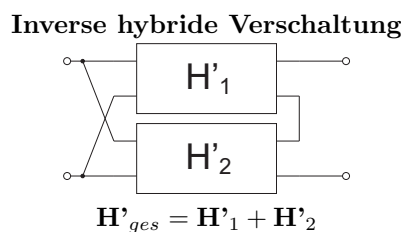
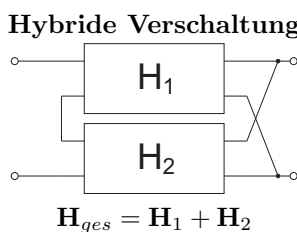
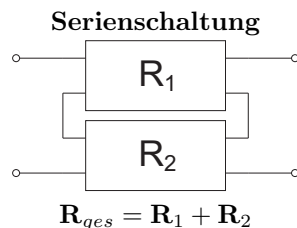
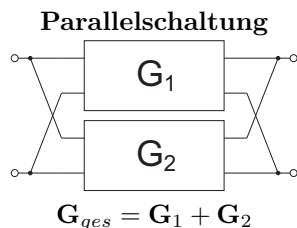
$$\begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial g_1}{\partial u_1} & \frac{\partial g_1}{\partial u_2} \\ \frac{\partial g_2}{\partial u_1} & \frac{\partial g_2}{\partial u_2} \end{bmatrix}}_{\mathbf{J}(\text{Jacobimatrix})} \bigg|_{AP} \cdot \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix}$$

Implizit

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial u_1} & \frac{\partial f_1}{\partial u_2} \\ \frac{\partial f_2}{\partial u_1} & \frac{\partial f_2}{\partial u_2} \end{bmatrix}}_{\mathbf{M}} \bigg|_{AP} \cdot \begin{bmatrix} \Delta u_1 \\ \Delta u_2 \end{bmatrix} + \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial i_1} & \frac{\partial f_1}{\partial i_2} \\ \frac{\partial f_2}{\partial i_1} & \frac{\partial f_2}{\partial i_2} \end{bmatrix}}_{\mathbf{N}} \bigg|_{AP} \cdot \begin{bmatrix} \Delta i_1 \\ \Delta i_2 \end{bmatrix} = 0$$

Zusammenschaltung von Zweitoren

Es muss immer darauf geachtet werden, dass die Torbedingungen eingehalten werden (außer bei Kettenschaltung)!

**Umrechnung der Zweitor-Matrizen****Implizit → explizit**

$$\begin{bmatrix} \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} = \underline{0} \quad |\mathbf{M}^{-1}| \quad \begin{bmatrix} \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} = \underline{0} \quad |\mathbf{N}^{-1}|$$

$$\underline{u} + \mathbf{M}^{-1} \mathbf{N} \cdot \underline{i} = \underline{0}$$

$$\mathbf{N}^{-1} \mathbf{M} \cdot \underline{u} + \underline{i} = \underline{0}$$

$$\underline{u} = \underbrace{-\mathbf{M}^{-1} \mathbf{N}}_{\mathbf{R}} \cdot \underline{i}$$

$$\underline{i} = \underbrace{-\mathbf{N}^{-1} \mathbf{M}}_{\mathbf{G}} \cdot \underline{u}$$

Explizit → implizit

$$\underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i}$$

$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u}$$

$$\underbrace{\mathbf{1}}_{\mathbf{M}} \cdot \underline{u} - \underbrace{\mathbf{R}}_{\mathbf{N}} \cdot \underline{i} = \underline{0}$$

$$\underbrace{-\mathbf{G}}_{\mathbf{M}} \cdot \underline{u} + \underbrace{\mathbf{1}}_{\mathbf{N}} \cdot \underline{i} = \underline{0}$$

Parametrisiert → explizit

$$\begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} \cdot \underline{c} \Rightarrow \underline{u} = \mathbf{U} \cdot \underline{c} \quad \underline{i} = \mathbf{I} \cdot \underline{c} \quad |\mathbf{I}^{-1}|$$

$$\underline{u} = \mathbf{U} \cdot \underline{c} \quad |\mathbf{U}^{-1}|$$

$$\Rightarrow \mathbf{I}^{-1} \cdot \underline{i} = \underline{c}$$

$$\Rightarrow \mathbf{U}^{-1} \cdot \underline{u} = \underline{c}$$

$$\Rightarrow \underline{u} = \underbrace{\mathbf{U} \cdot \mathbf{I}^{-1}}_{\mathbf{R}} \cdot \underline{i}$$

$$\Rightarrow \underline{i} = \underbrace{\mathbf{I} \cdot \mathbf{U}^{-1}}_{\mathbf{G}} \cdot \underline{u}$$

Explizit → parametrisiert

$$\underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i}$$

$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u}$$

$$\mathbf{U} = \mathbf{R}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{1}$$

$$\mathbf{U} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{G}$$

Implizit → parametrisiert

$$\mathbf{U} = -\mathbf{M}^{-1} \mathbf{N}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{1} \quad \text{oder} \quad \mathbf{U} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{I} = -\mathbf{N}^{-1} \mathbf{M}$$

Parametrisiert → implizit

$$\mathbf{M} = -\mathbf{I} \cdot \mathbf{U}^{-1}; \quad \mathbf{N} = \mathbf{1} \quad \text{oder} \quad \mathbf{M} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{N} = -\mathbf{U} \cdot \mathbf{I}^{-1}$$

Explizit → explizit

$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} + \underline{I}_0 \quad |\mathbf{R}| \quad \underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i} + \underline{U}_0 \quad |\mathbf{G}|$$

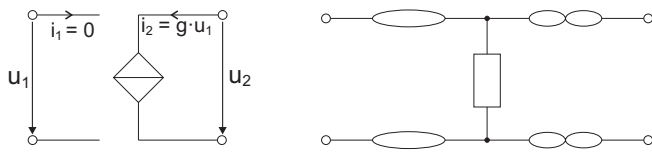
$$\mathbf{R} \cdot \underline{i} = \underbrace{\mathbf{R} \cdot \mathbf{G}}_1 \cdot \underline{u} + \mathbf{R} \cdot \underline{I}_0 \quad \mathbf{G} \cdot \underline{u} = \underbrace{\mathbf{G} \cdot \mathbf{R}}_1 \cdot \underline{i} + \mathbf{G} \cdot \underline{U}_0$$

$$\underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i} - \mathbf{R} \cdot \underline{I}_0$$

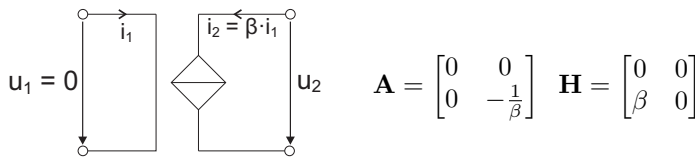
$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} - \mathbf{G} \cdot \underline{U}_0$$

	R			G			H			
R		r_{11}	r_{12}		$\frac{1}{\det(\mathbf{G})}$	g_{22}	$-g_{12}$	$\frac{1}{h_{22}}$	$\det(\mathbf{H})$	h_{12}
		r_{21}	r_{22}			$-g_{21}$	g_{11}		$-h_{21}$	1
G	$\frac{1}{\det(\mathbf{R})}$	r_{22}	$-r_{12}$			g_{11}	g_{12}	$\frac{1}{h_{11}}$	1	$-h_{12}$
		$-r_{21}$	r_{11}			g_{21}	g_{22}		h_{21}	$\det(\mathbf{H})$
H	$\frac{1}{r_{22}}$	$\det(\mathbf{R})$	r_{12}	$\frac{1}{g_{11}}$	1	$-g_{12}$			h_{11}	h_{12}
		$-r_{21}$	1		g_{21}	$\det(\mathbf{G})$			h_{21}	h_{22}
H'	$\frac{1}{r_{11}}$	1	$-r_{12}$	$\frac{1}{g_{22}}$	$\det(\mathbf{G})$	g_{12}		$\frac{1}{\det(\mathbf{H})}$	h_{22}	$-h_{12}$
		r_{21}	$\det(\mathbf{R})$		$-g_{21}$	1			$-h_{21}$	h_{11}
A	$\frac{1}{r_{21}}$	r_{11}	$\det(\mathbf{R})$	$\frac{1}{g_{21}}$	$-g_{22}$	-1		$\frac{1}{h_{21}}$	$-\det(\mathbf{H})$	$-h_{11}$
		1	r_{22}		$-\det(\mathbf{G})$	$-g_{11}$			$-h_{22}$	-1
A'	$\frac{1}{r_{12}}$	r_{22}	$\det(\mathbf{R})$	$\frac{1}{g_{12}}$	$-g_{11}$	-1		$\frac{1}{h_{12}}$	1	h_{11}
		1	r_{11}		$-\det(\mathbf{G})$	$-g_{22}$			h_{22}	$\det(\mathbf{H})$

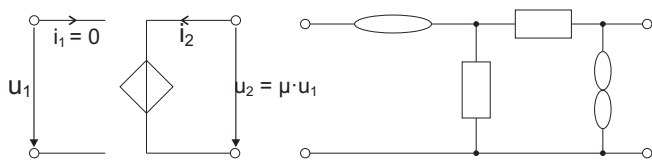
	H'			A			A'		
R	$\frac{1}{h'_{11}}$	$\frac{1}{h'_{21}}$	$\begin{matrix} -h'_{12} \\ \det(\mathbf{H}') \end{matrix}$	$\frac{1}{a_{21}}$	$\begin{matrix} a_{11} \\ 1 \end{matrix}$	$\begin{matrix} \det(\mathbf{A}) \\ a_{22} \end{matrix}$	$\frac{1}{a'_{21}}$	$\begin{matrix} a'_{22} \\ \det(\mathbf{A}') \end{matrix}$	$\begin{matrix} 1 \\ a'_{11} \end{matrix}$
G	$\frac{1}{h'_{22}}$	$\begin{matrix} \det(\mathbf{H}') \\ -h'_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} h'_{12} \\ 1 \end{matrix}$	$\frac{1}{a_{12}}$	$\begin{matrix} a_{22} \\ -1 \end{matrix}$	$\begin{matrix} -\det(\mathbf{A}) \\ a_{11} \end{matrix}$	$\frac{1}{a'_{12}}$	$\begin{matrix} a'_{11} \\ -\det(\mathbf{A}') \end{matrix}$	$\begin{matrix} -1 \\ a'_{22} \end{matrix}$
H	$\frac{1}{\det(\mathbf{H'})}$	$\begin{matrix} h'_{22} \\ -h'_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} -h'_{12} \\ h'_{11} \end{matrix}$	$\frac{1}{a_{22}}$	$\begin{matrix} a_{12} \\ -1 \end{matrix}$	$\begin{matrix} \det(\mathbf{A}) \\ a_{21} \end{matrix}$	$\frac{1}{a'_{11}}$	$\begin{matrix} a'_{12} \\ -\det(\mathbf{A}') \end{matrix}$	$\begin{matrix} 1 \\ a'_{21} \end{matrix}$
H'		$\begin{matrix} h'_{11} \\ h'_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} h'_{12} \\ h'_{22} \end{matrix}$	$\frac{1}{a_{11}}$	$\begin{matrix} a_{21} \\ 1 \end{matrix}$	$\begin{matrix} -\det(\mathbf{A}) \\ a_{12} \end{matrix}$	$\frac{1}{a'_{22}}$	$\begin{matrix} a'_{21} \\ \det(\mathbf{A}') \end{matrix}$	$\begin{matrix} -1 \\ a'_{12} \end{matrix}$
A	$\frac{1}{h'_{21}}$	$\begin{matrix} 1 \\ h'_{11} \end{matrix}$	$\begin{matrix} h'_{22} \\ \det(\mathbf{H}') \end{matrix}$		$\begin{matrix} a_{11} \\ a_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} a_{12} \\ a_{22} \end{matrix}$	$\frac{1}{\det(\mathbf{A'})}$	$\begin{matrix} a'_{22} \\ a'_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} a'_{12} \\ a'_{11} \end{matrix}$
A'	$\frac{1}{h'_{12}}$	$\begin{matrix} -\det(\mathbf{H}') \\ -h'_{11} \end{matrix}$	$\begin{matrix} -h'_{22} \\ -1 \end{matrix}$	$\frac{1}{\det(\mathbf{A})}$	$\begin{matrix} a_{22} \\ a_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} a_{12} \\ a_{11} \end{matrix}$		$\begin{matrix} a'_{11} \\ a'_{21} \end{matrix}$	$\begin{matrix} a'_{12} \\ a'_{22} \end{matrix}$

Spezielle Zweitoren**VCCS Spannungsgesteuerte Stromquelle**

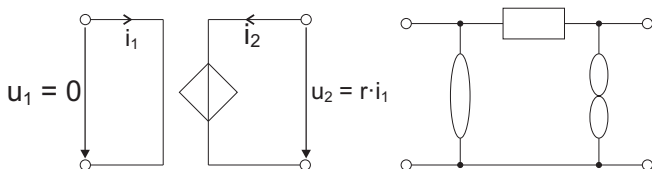
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{g} \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{G} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ g & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -g & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

CCCS Stromgesteuerte Stromquelle

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{\beta} \end{bmatrix} \quad \mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \beta & 0 \end{bmatrix}$$

VCVS Spannungsgesteuerte Spannungsquelle

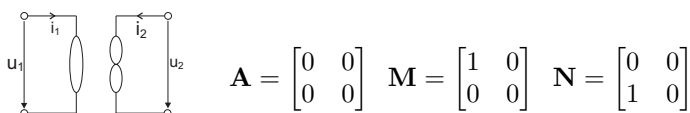
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\mu} & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{H}' = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \mu & 0 \end{bmatrix}$$

CCVS Stromgesteuerte Spannungsquelle

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \frac{1}{r} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{R} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ r & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -r & 0 \end{bmatrix}$$

Nullor

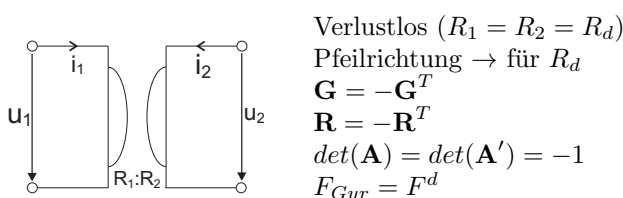
Quellenfrei, streng linear, nicht verlustlos



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Gyrator

Dualwandler, Positiv-Immittanz-Inverter (PII)



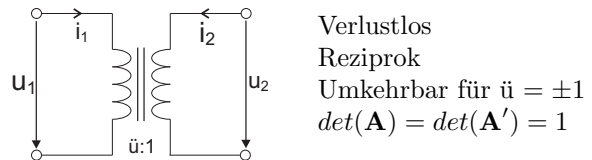
Verlustlos ($R_1 = R_2 = R_d$)
Pfeilrichtung \rightarrow für R_d
 $\mathbf{G} = -\mathbf{G}^T$
 $\mathbf{R} = -\mathbf{R}^T$
 $\det(\mathbf{A}) = \det(\mathbf{A}') = -1$
 $F_{Gyr} = F^d$

$$\mathbf{G} = \begin{bmatrix} 0 & \frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_1} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{R} = \begin{bmatrix} 0 & -R_1 \\ R_2 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & R_1 \\ \frac{1}{R_2} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A}' = \begin{bmatrix} 0 & -R_2 \\ -\frac{1}{R_1} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & R_1 \\ -R_2 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Idealer Übertrager

Positiv-Immittanz-Konverter (PIK)



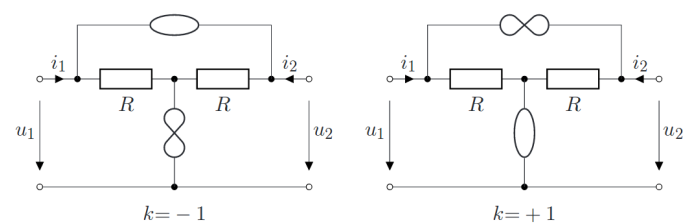
Verlustlos
Reziprok
Umkehrbar für $n = \pm 1$
 $\det(\mathbf{A}) = \det(\mathbf{A}') = 1$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \ddot{u} & 0 \\ 0 & \frac{1}{\ddot{u}} \end{bmatrix} \quad \mathbf{A}' = \begin{bmatrix} \frac{1}{\ddot{u}} & 0 \\ 0 & \ddot{u} \end{bmatrix} \quad \mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & \ddot{u} \\ -\ddot{u} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{H}' = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{\ddot{u}} \\ \frac{1}{\ddot{u}} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & -\ddot{u} \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \ddot{u} & 1 \end{bmatrix}$$

NIK

Negativ-Immittanz-Konverter (NIK)



Aktiv, antireziprok, für $|k| = 1$ symmetrisch

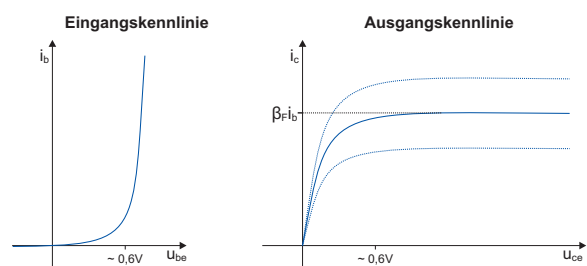
$k = 1$ F ist an der i_1 -Achse gespiegelter Zweipol
 $k = -1$ F ist an der u_1 -Achse gespiegelter Zweipol

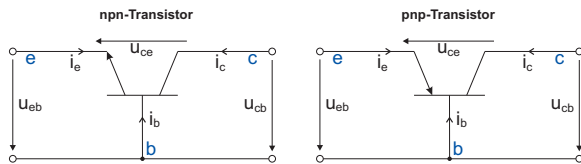
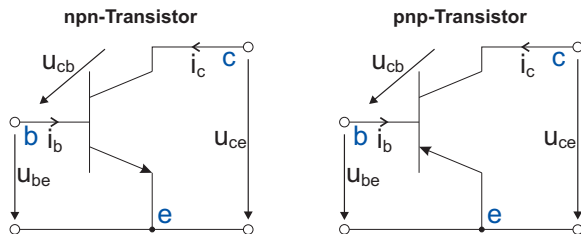
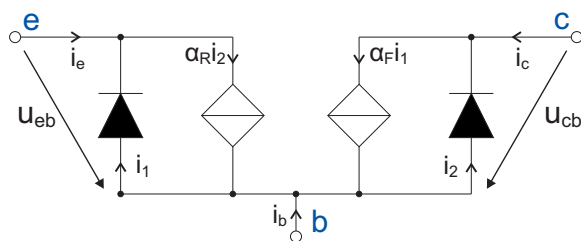
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -k & 0 \\ 0 & \frac{1}{k} \end{bmatrix} \quad \mathbf{A}' = \begin{bmatrix} -\frac{1}{k} & 0 \\ 0 & k \end{bmatrix} \quad \mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & -k \\ -k & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{H}' = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{k} \\ -\frac{1}{k} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & k \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & \frac{1}{k} \end{bmatrix}$$

Bipolar-Transistoren

Kennlinien eines npn-Transistors



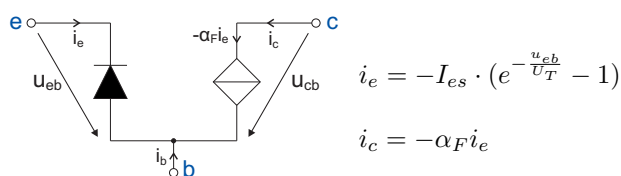
Basisschaltung**Emitterschaltung****Ebers-Moll-Modell (Basisschaltung, npn)**

$$i_e = -I_{es} \cdot (e^{-\frac{u_{eb}}{U_T}} - 1) + \alpha_R I_{cs} \cdot (e^{-\frac{u_{cb}}{U_T}} - 1)$$

$$i_c = \alpha_F I_{es} \cdot (e^{-\frac{u_{eb}}{U_T}} - 1) - I_{cs} \cdot (e^{-\frac{u_{cb}}{U_T}} - 1)$$

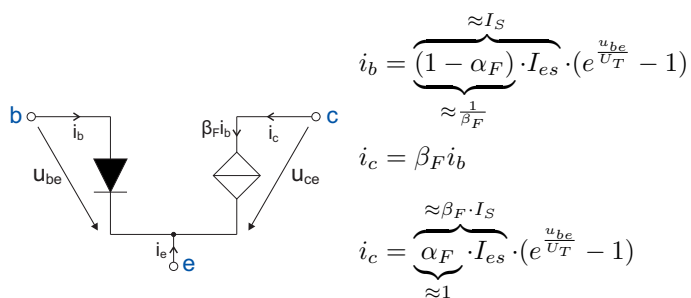
Vereinfachung für Vorwärtsbetrieb (npn)

Bedingung für den Vorwärtsbetrieb: $u_{be} > 0 \wedge u_{cb} \geq 0$

Basisschaltung

$$i_e = -I_{es} \cdot (e^{-\frac{u_{eb}}{U_T}} - 1)$$

$$i_c = -\alpha_F i_e$$

Emitterschaltung

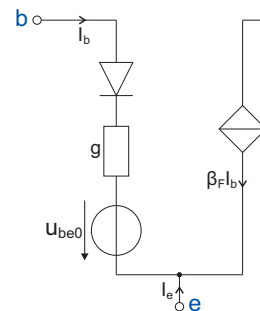
$$i_b = \underbrace{\left(\frac{\approx I_S}{(1 - \alpha_F)} \right)}_{\approx \frac{1}{\beta_F}} \cdot I_{es} \cdot (e^{\frac{u_{be}}{U_T}} - 1)$$

$$i_c = \beta_F i_b$$

$$i_c = \underbrace{\left(\frac{\approx \beta_F \cdot I_S}{\alpha_F} \right)}_{\approx 1} \cdot I_{es} \cdot (e^{\frac{u_{be}}{U_T}} - 1)$$

Linearisierung

(Emitterschaltung, Vorwärtsbetrieb, npn)

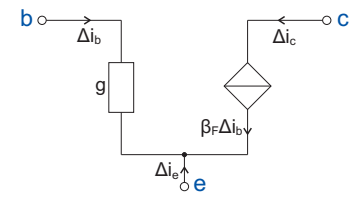
Großsignal-ESB:

$$\beta_F = \frac{i_c}{i_b} = \frac{\alpha_F}{1 - \alpha_F}$$

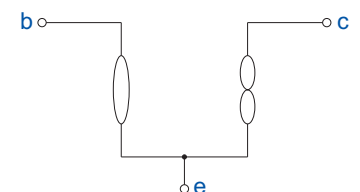
$$\alpha_F = \frac{\beta_F}{1 + \beta_F}$$

$$g = \left. \frac{\partial i_b}{\partial u_{be}} \right|_{AP} \approx -\frac{I_e}{\beta_F \cdot U_T}$$

$$g \approx \frac{I_b}{U_T} = \frac{I_c}{\beta_F \cdot U_T}$$

Kleinsignal-ESB:

Wenn $\beta_F \rightarrow \infty$:

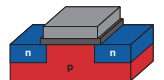


Dreipol Nullor $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$.
Wie normaler Nullor.

Feldeffekt-Transistoren (FET)**nMOS**

Guter Pull-Down

Source am niedrigeren Potential ($u_{DS} > 0$)



$$i_G = 0A$$

$$i_D = \begin{cases} 0 & u_{GS} < U_t (aus) \\ & \wedge u_{DS} \geq 0 \\ \beta (u_{GS} - U_t - \frac{u_{DS}}{2}) u_{DS} & u_{GS} > U_t \text{ (linear)} \\ & \wedge 0 < u_{DS} < u_{GS} - U_t \\ \frac{\beta}{2} (u_{GS} - U_t)^2 & u_{GS} > U_t \text{ (Sättigung)} \\ & \wedge 0 < u_{GS} - U_t < u_{DS} \end{cases}$$

Enhancement-Typ (selbssperrend): $U_t \approx 1V$

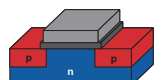
Depletion-Typ (selbstleitend): $U_t \approx -1V$

Kanallängenmodulation: $i'_D = i_D \cdot (1 + \lambda \cdot u_{DS})$

pMOS

Guter Pull-Up

Source am höheren Potential ($u_{DS} < 0$)



$$i_G = 0A$$

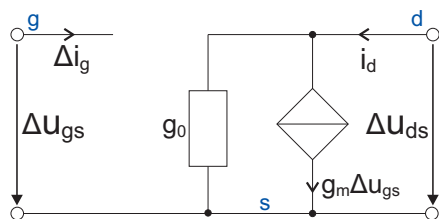
$$i_D = \begin{cases} 0 & u_{GS} > U_t (aus) \\ & \wedge u_{DS} \leq 0 \\ -\beta (u_{GS} - U_t - \frac{u_{DS}}{2}) u_{DS} & u_{GS} < U_t \text{ (linear)} \\ & \wedge 0 > u_{DS} > u_{GS} - U_t \\ \frac{-\beta}{2} (u_{GS} - U_t)^2 & u_{GS} < U_t \text{ (Sättigung)} \\ & \wedge 0 > u_{GS} - U_t > u_{DS} \end{cases}$$

Enhancement-Typ (selbstsperrend): $U_t \approx -1V$

Kanallängenmodulation: $i'_D = i_D \cdot (1 - \lambda \cdot u_{DS})$

Kleinsignal-Ersatzschaltbilder (nMOS)

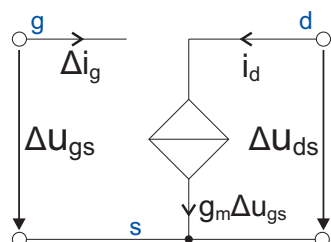
Linearer Bereich



$$g_m = \left. \frac{\partial i_d}{\partial u_{gs}} \right|_{AP} = \beta \cdot U_{ds}$$

$$g_0 = \left. \frac{\partial i_d}{\partial u_{ds}} \right|_{AP} = \beta \cdot (U_{gs} - U_T - U_{ds})$$

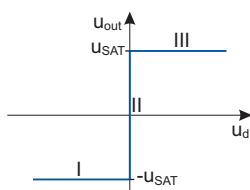
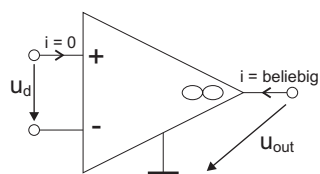
Sättigungsbereich



$$g_m = \left. \frac{\partial i_d}{\partial u_{gs}} \right|_{AP}$$

$$g_m = \beta \cdot (U_{gs} - U_T)$$

Operationsverstärker

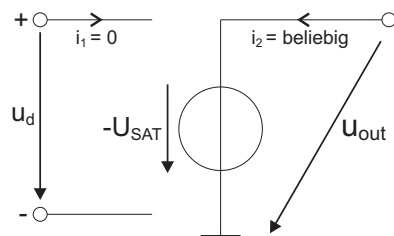


Operationsverstärker müssen immer über ihren invertierenden Eingang rückgekoppelt werden, da sich sonst eine Z-Kennlinie ergibt und der Arbeitspunkt somit nicht mehr eindeutig ist.

Ersatzschaltbilder

u_d mit einzeichnen.

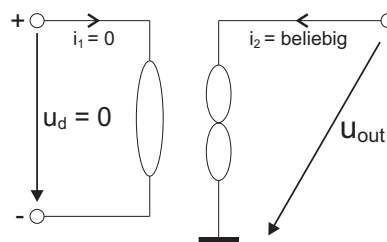
ESB I



$$u_d < 0$$

$$u_{out} = -U_{SAT}$$

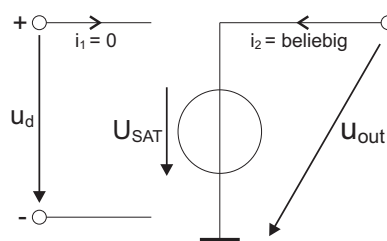
ESB II



$$u_d = 0$$

$$|u_{out}| \leq |U_{SAT}|$$

ESB III

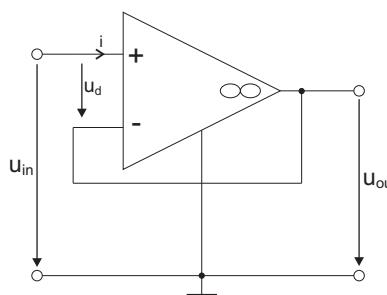


$$u_d > 0$$

$$u_{out} = U_{SAT}$$

OP-Schaltungen

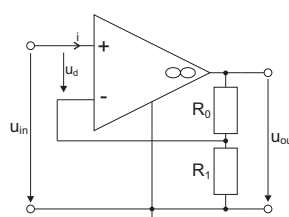
Spannungsfolger (Impedanzwandler)



$$u_{out} = u_{in}$$

$$v_u = 1$$

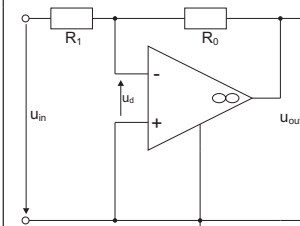
Nichtinvertierender Verstärker



$$u_{out} = \left(1 + \frac{R_0}{R_1}\right) \cdot u_{in}$$

$$v_u = 1 + \frac{R_0}{R_1}$$

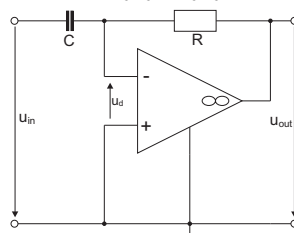
Invertierender Verstärker



$$u_{out} = -\frac{R_0}{R_1} \cdot u_{in}$$

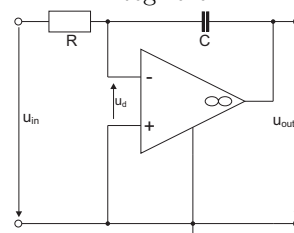
$$v_u = \frac{R_0}{R_1}$$

Differenzierer

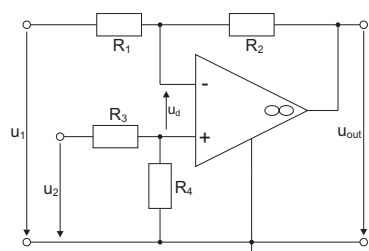


$$u_{out} = -RC \cdot \dot{u}_{in}$$

Integrierer



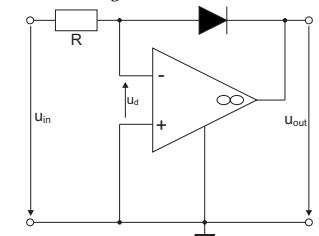
$$u_{out} = -u_c(t_0) - \frac{1}{RC} \cdot \int_{t_0}^{t_1} u_{in} dt$$

Differenzverstärker/Subtrahierer

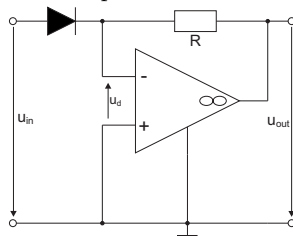
Bedingung:
 $R_1 = R_3; R_2 = R_4$

$$u_{out} = \frac{R_2}{R_1} \cdot (u_2 - u_1)$$

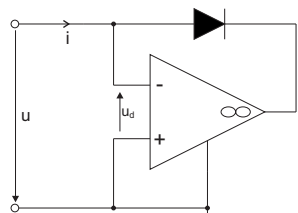
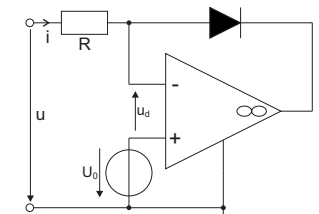
$$u_{out} = \frac{R_4}{R_3} \cdot (u_2 - u_1)$$

Logarithmierer

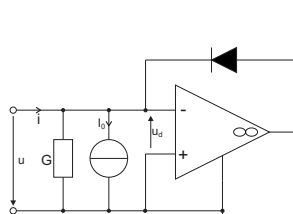
$$u_{out} = -U_T \cdot \ln\left(\frac{u_{in}}{R \cdot I_S}\right)$$

Exponentierer

$$u_{out} = -R \cdot I_S \cdot e^{\frac{u_{in}}{U_T}}$$

Ideale Diode**Konkaver Widerstand**

$$U_0 < U_{SAT}$$

Konvexer Widerstand

$$I_0 < G \cdot U_{SAT}$$

VCVS Voltage Controlled Voltage Source

- $\mu \geq 1$ Nichtinvertierender Verstärker
- $\mu < 0$ Spannungsfolger und invertierender Verstärker hintereinander
- $0 < \mu < 1$ Spannungsfolger und zwei invertierende Verstärker hintereinander

CCVS Current Controlled Voltage Source

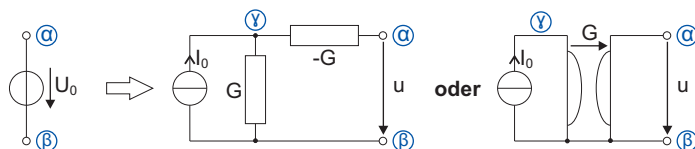
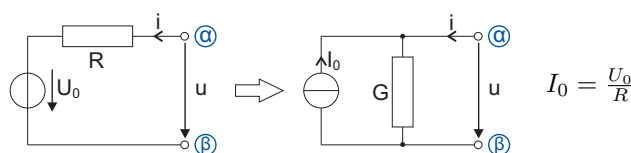
- $r < 0$ Invertierender Verstärker mit $R_1 = 0\Omega$
- $r > 0$ Zusätzlich invertierenden Verstärker mit $v_u = -1$ nachschalten

Gyrator

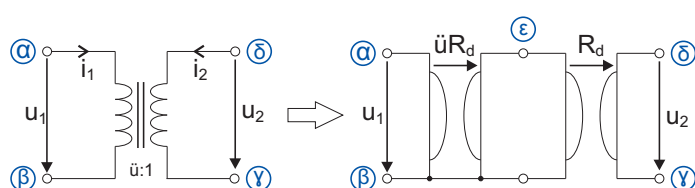
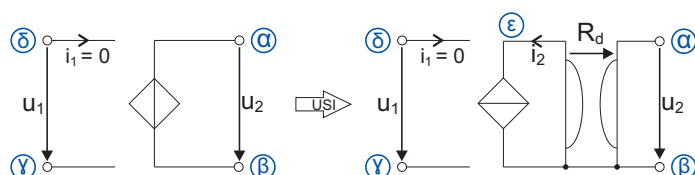
- Parallelschaltung zweier VCCS
- Serienschaltung zweier CCVS
- Kettenschaltung eines NIK ($k = -1$) mit einem NII

Knotenspannungsanalyse (KSA)

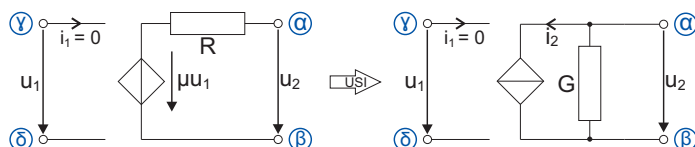
$$\mathbf{Y}_k \cdot \underline{u}_k = \underline{i}_q$$

1. Nichtspannungsgesteuerte Elemente ersetzen**Ideale Spannungsquelle**

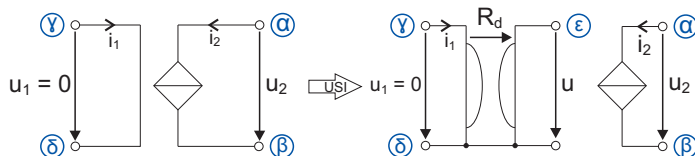
$$I_0 = G \cdot U_0$$

Idealer Übertrager**VCVS Voltage Controlled Voltage Source**

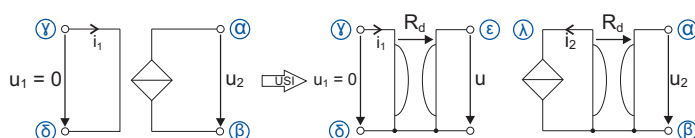
$$u_2 = \mu \cdot u_1 \quad i_2 = -\frac{\mu \cdot u_1}{R_D}$$



$$i_2 = -G \cdot \mu \cdot u_1$$

CCCS Current Controlled Current Source

$$i_2 = \beta \cdot i_1 \quad u = R_d \cdot i_1 \quad i_2 = \frac{\beta \cdot u}{R_d}$$

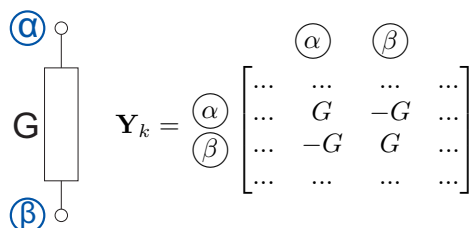
CCVS Current Controlled Voltage Source

$$u_2 = \beta \cdot i_1 \quad u = R_d \cdot i_1 \quad i_2 = \frac{u}{R_d} \quad u_2 = -R_d \cdot i_1$$

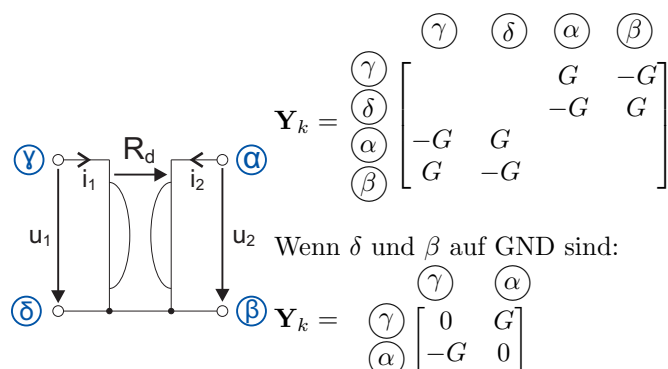
2. Knotenspannungsvektor U_k aufstellen

3. Knotenleitwertmatrix Y_k aufstellen

Leitwert

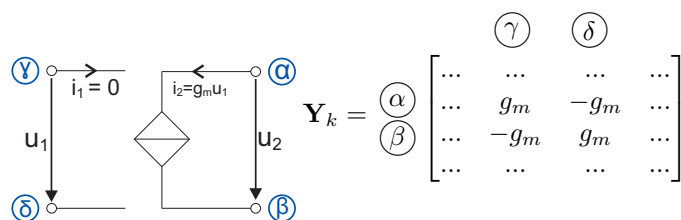


Gyrator

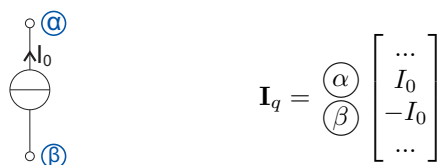


Pfeilrichtung wichtig. $i_1 = Gu_2$, $i_2 = -Gu_1$

VCCS Voltage Controlled Current Source



4. Quellvektor I_q aufstellen



5. Reduzierte Knotenleitwertmatrix Y_k

Nullator

In Y_k die entsprechenden Spalten addieren und eine davon streichen **UND** entsprechenden Eintrag im \underline{u}_k -Vektor streichen.

Falls mit Masse verbunden: Spalte und \underline{u}_k -Eintrag streichen.

Norator

In Y_k die entsprechenden Zeilen addieren und eine davon streichen **UND** entsprechenden Eintrag im \underline{i}_q -Vektor streichen.

Falls mit Masse verbunden: Zeile und \underline{i}_q -Eintrag streichen.

Sonstiges

Tellegenscher Satz

Der Spannungsvektor steht immer senkrecht zum Stromvektor ($\mathbf{AB}^T = \mathbf{0}$ bzw. $\mathbf{BA}^T = \mathbf{0}$).

Tableau-Gleichungssystem

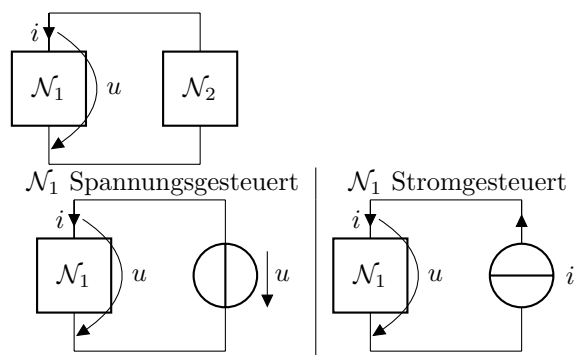
$$\begin{bmatrix} \mathbf{B} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{A} \\ \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \underline{u} \\ \underline{i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \underline{0} \\ \underline{0} \\ \underline{e} \end{bmatrix} \quad \text{Dimension } 2b \times 2b$$

Superpositionsprinzip

Gilt für unabhängige Quellen in linearem Netzwerk für u, i .

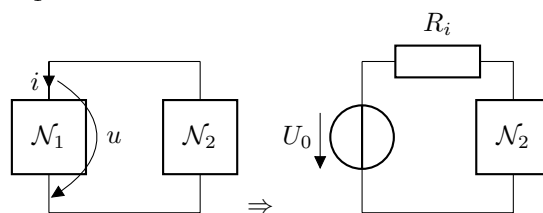
- 1) Jeweils alle Quellen bis auf eine auf Null setzen.
- 2) Gesuchte Größe u_{ai} berechnen.
- 3) Resultierende Größe ist $u_a = u_{a1} + \dots + u_{an}$

Substitutionsprinzip



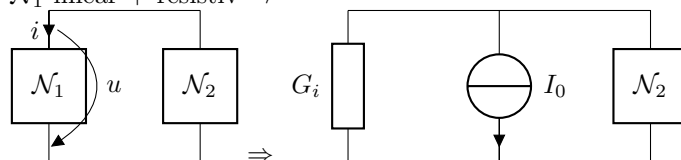
Helmholtz/Thévenin

N_1 linear + resistiv \rightarrow



Mayer/Norton

N_1 linear + resistiv \rightarrow



Newton-Raphson

Findet Nullstellen, nicht zwingend konvergent.

- 1) Für Schätzwert \tilde{x}_k linearisiere am Punkt $(\tilde{x}_k, f(\tilde{x}_k))$
- 2) Finde Nullstelle der Gerade. Dieser Punkt ist neuer Schätzwert \tilde{x}_{k+1} .

Lizenz: CC BY-NC-SA 3.0

<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/>