# Schaltungstechnik 1

# Kirchhoff-Gesetze

#### Anwendbarkeit

Konzentriertheitshypothese muss erfüllt sein:

 $d << \lambda = \frac{c}{f}$ 

d: Größe der Schaltung

 $\lambda$ : Wellenlänge

#### Netzwerktheorie

Zweige: Anzahl Kanten

Knoten: Anzahl Spannungsknoten (inklusive Masse wenn

existiert).

Richtung Kantenpfeil 

Richtung Kantenstrom und Kan-

tenspannung.

Graph besteht aus Baum und Verbindungskanten.

#### Knoteninzidenzmatrix

Matrix  $A \in \{-1, 0, 1\}^{(n-1) \times (b)}$ 

 $\text{Eintrag } a_{\alpha\beta} = \begin{cases} +1, & \text{Outgoing, Zweig } \beta \leftarrow \text{Knoten } \alpha \\ -1, & \text{Incoming, Zweig } \beta \rightarrow \text{Knoten } \alpha \\ \pm 0, & \text{Kein Zweig } \beta \leftrightarrow \text{Knoten } \alpha \end{cases}$ 

Beinhaltet nicht den Bezugsknoten (da linear abhängig).

#### 0.1 KVL Matrix

Matrix  $B \in \{-1, 0, 1\}^{b \times b - (n-1)}$ 

Eintrag  $b_{\alpha\beta} = \begin{cases} +1, & \text{Zweig in Richtung Masche} \\ -1, & \text{Zweig entgegen Masche} \\ \pm 0, & \text{Kein Zweig in Masche} \end{cases}$ 

# Knotenregel (KCL)

Für jeden Knoten gilt:

Die Summe aller Ströme ist Null.

$$\sum_{Knoten} i_j(t) = 0$$

(herausfließende Ströme positiv)

Anzahl linear unabhängiger Knotengleichungen: (n-1)

n: Anzahl der Knoten

KCL in Matrixform:

Nullraumdarstellung:  $\mathbf{A} \cdot i = 0$ 

Mit Knoteninzidenzmatrix  $\mathbf{A}$ 

#### Maschenregel (KVL)

Für jede Masche gilt:

Die Summe der Teilspannungen ist Null.

$$\sum_{Umlauf} u_j(t) = 0$$

(Spannungen in Umlaufrichtung positiv)

Anzahl linear unabhängiger Schleifengleichungen: b-(n-1)

b: Anzahl der Zweige

n: Anzahl der Knoten

**KVL** in Matrixform:

Nullraumdarstellung:  $\mathbf{B}u = 0$ 

 $\underline{u}$  ist Spannungen der Kanten

$$\underline{u} - \mathbf{A}^{\bar{T}} \cdot \underline{u_k} = \underline{0}$$

Bildraumdarstellung:  $\underline{u} = \mathbf{A}^T \cdot u_k$ 

 $(\mathbf{M} = \mathbf{A}^T)$  Mit Inzidenzmatrix  $\mathbf{A}$ 

# Resistive Eintore

# Darstellungsformen

Implizit:  $f_F(u,i) = 0$ 

u = r(i), i = g(u)Explizit:

Parametrisiert:  $u = u(\lambda), i = i(\lambda)$ 

### Eigenschaften

F ist...

Kennlinie von F...

 $\exists$  Darstellung u = r(i)- stromgesteuert - spannungsgesteuert  $\exists$  Darstellung i = g(u)

- ungepolt ... ist punktsymmetrisch zu (0/0)

... verläuft nur im I. oder III. Quadr. - passiv

- aktiv ... ist nicht passiv

... liegt nur auf den Achsen - verlustlos - quellenfrei ... geht durch den Ursprung ... ist Ursprungsgerade, Ursprung - streng linear

oder ganze u-i-Ebene

... ist eine beliebige Gerade - linear ... besteht aus Geradenstücken - stückweise linear

#### Umpolung

Punktspiegelung der Kennline am Ursprung

 $(u,i) \in F \Leftrightarrow (-u,-i) \in \overline{F}$ 

## Dualität

Für  $R_d = 1\Omega$ : Spiegelung an der Winkelhalbierenden.

 $(u,i) \in F \Leftrightarrow (R_d i, \frac{u}{R_d}) \in F^d$ 

#### Widerstände

 $u = R \cdot i$   $R = \frac{1}{G}$   $R_1 || R_2 = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$  (Parallel)

Reihenschaltung:  $R_{gesamt} = R_1 + ... + R_i$ Parallelschaltung:  $\frac{1}{R_{gesamt}} = \frac{1}{R_1} + ... + \frac{1}{R_i}$ 

#### Leitwerte

 $i = G \cdot u$   $G = \frac{1}{R}$   $G_1 || G_2 = \frac{G_1 \cdot G_2}{G_1 + G_2}$  (Seriell)

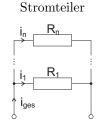
Reihenschaltung:  $\frac{1}{G_{gesamt}} = \frac{1}{G_1} + \dots + \frac{1}{G_i}$  Parallelschaltung:  $G_{qesamt} = G_1 + \dots + G_i$ 

# Spannungsteiler / Stromteiler

Spannungsteiler



$$\begin{aligned} u_i &= u_{ges} \cdot \frac{R_i}{R_{ges}} = u_{ges} \cdot \frac{G_{ges}}{G_i} \\ R_{ges} &= R_1 + \ldots + R_n \\ G_{1+2} &= \frac{G_1 \cdot G_2}{G_1 + G_2} \end{aligned}$$



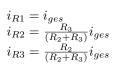
$$\begin{split} i_i = i_{ges} \cdot \frac{R_{ges}}{R_i} = i_{ges} \cdot \frac{G_i}{G_{ges}} \\ G_{ges} = G_1 + \ldots + G_n \\ R_{1+2} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \end{split}$$

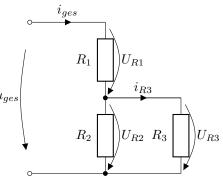
$$u_{ges} = R_{ges} i_{ges} R_{ges} = R_2 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}$$

$$u_{R1} = \frac{1}{1 + \frac{R_2 R_3}{R_1 (R_2 + R_3)}} u_{ges}$$

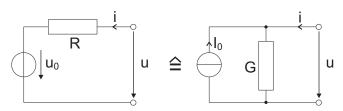
$$u_{R2} = \frac{1}{1 + \frac{R_1 (R_2 + R_3)}{R_2 R_3}} u_{ges}$$

$$u_{R3} = u_{R2}$$





#### Quellwandlung linearer Quellen



# Wichtig: Pfeilrichtung $I_0$

Für jede lineare Quelle gilt:

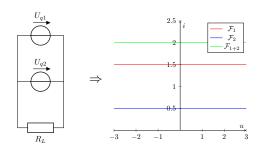
$$u = R_i \cdot i + U_0$$
 bzw.  $i = G_i \cdot u - I_0$ 

#### Kennlinienbestimmung von verschalteten Bauteilen

## Parallel

Die Spannung ist an jedem Bauteil gleich. Die Ströme werden nach der Knotenregel addiert.

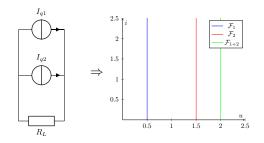
Grafisch: Kennlinien entlang der i-Achse addieren.



#### Seriell

Der Strom ist in jedem Bauteil gleich. Die Spannungen werden nach der Maschenregel addiert.

Grafisch: Kennlinien entlang der u-Achse addieren.

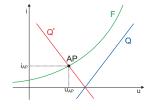


#### Arbeitspunktbestimmung

Q: Quelleneintor

 $Q^x$ : Quelleneintor gespiegelt an der u-Achse

F: Lasteintor



Rechnerisch:  $i_Q = -i_F$ 

Graphisch:  $AP = F \cap Q^x$ 

# Linearisierung im Arbeitspunkt

z.B. Leitwertsbeschreibung:

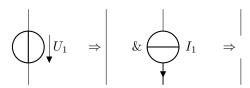
$$\begin{split} \Delta i_F &= \left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP} \cdot \Delta u_F \\ (i_F &= I_{AP} + \Delta i_F; \quad u_F = U_{AP} + \Delta u_F) \\ i_{F,lin} &= \left. \frac{\partial i_F}{\partial u_F} \right|_{AP} \cdot (u_F - U_{AP}) + I_{AP} \\ i_{F,lin} &= \left. \underbrace{\frac{\partial i_F}{\partial u_F}} \right|_{AP} \cdot u_F - \underbrace{\frac{\partial i_F}{\partial u_F}} \right|_{AP} \cdot U_{AP} + I_{AP} \end{split}$$

#### Ersatzschaltbilder

Zuerst alle Bauteile im Arbeitspunkt linearisieren. Erhalte  $u_1 = U + \Delta u$ 

**Großsignal:** Alle Wechselquellen weglassen.  $u_1 = U$ **Kleinsignal:** Alle Konstantquellen weglassen.  $U_1 = \Delta u$ 

#### Ersetzen von Quellen



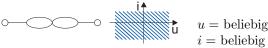
# Bauelemente

#### Nullator



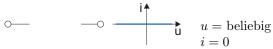
Strom/spannungsgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Nullator.

#### Norator



Ungepolt, aktiv, quellenfrei, streng linear. Dual zu Norator.

#### Leerlauf



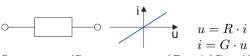
Spannungsgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Kurzschluss.

#### Kurzschluss



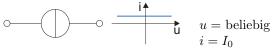
Stromgesteuert, ungepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, streng linear. Dual zu Leerlauf.

#### Ohmscher Widerstand



Spannungs-/Stromgesteuert (R > 0/G > 0), ungepolt, passiv für  $R \geq 0$ , aktiv für R < 0, quellenfrei, streng linear. Dual zu Widerstand mit  $R_2 = \frac{1}{R_1}$ .

#### Ideale Stromquelle



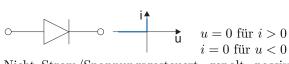
Für I > 0: Spannungsgesteuert, gepolt, aktiv, nicht verlustlos, nicht quellenfrei, linear. Dual zu Spannungsquelle.

# $Ideale\ Spannung squelle$



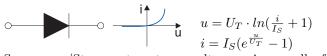
Für U > 0: Stromgesteuert, gepolt, aktiv, nicht verlustlos, nicht quellenfrei, linear. Dual zu Stromquelle.

#### Ideale Diode



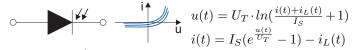
Nicht Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, verlustlos, quellenfrei, stückweise linear. Dual zu umgepoltem selbst.

#### Reale Diode



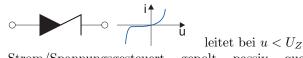
Spannungs/Stromgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht linear.

#### Photodiode



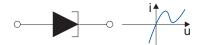
Nicht Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, aktiv, nicht line-

#### Zenerdiode



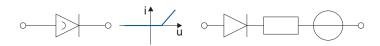
Strom/Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht linear.

#### Tunneldiode



Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei, nicht line-

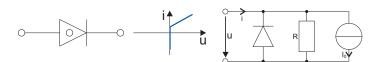
# Konkaver Widerstand



i=0 für  $u \leq U_0$  $i = G \cdot (u - U_0)$  für  $u \ge U_0$ 

Spannungsgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei  $(U_0 \geq 0)$ , stückweise linear. Dual zu konvexem Widerstand.

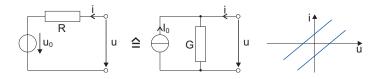
#### Konvexer Widerstand



u = 0 für  $i \le I_0$  $u = R \cdot (i - I_0)$  für  $i \ge I_0$ 

Stromgesteuert, gepolt, passiv, quellenfrei ( $I_0 \geq$ stückweise linear.

#### Lineare Quellen



 $U_0 = I_0 \cdot R;$   $I_0 = U_0 \cdot G$  Spannungs/Stromgesteuert (R > 0/G > 0), gepolt, aktiv  $(I_0 > 0 \Leftrightarrow U_0 > 0)$ , linear.

# Resistive Zweitore

# Darstellungsformen

# Implizit

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \frac{u}{\underline{i}} \end{bmatrix} = \underline{0}}_{Kern} \underbrace{\begin{bmatrix} \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix}}$$
 quellenfrei

$$F=Kern\left[\mathbf{M}\quad\mathbf{N}\right]+rac{u_0}{\underline{i_0}}\right]\quad \text{nicht quellenfrei}$$
 Explizit  $\Rightarrow$  Implizit:  $i=Gu$   $\Rightarrow$   $0=Gu-1$   $\Rightarrow$   $[MN]=[G-1]$ 

#### Explizit

Größe mit konstantem Nullwert (KS, LL, Nullator) kann keine Steuergröße sein. Größe mit gem Wert (Norator) kann nicht gesteuert werden.

$$\begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{G} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} g_{11}u_1 + g_{12}u_2 \\ g_{21}u_1 + g_{22}u_2 \end{bmatrix}$$

Leitwertsbeschr.

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \mathbf{R} \cdot \begin{bmatrix} i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{11}i_1 + r_{12}i_2 \\ r_{21}i_1 + r_{22}i_2 \end{bmatrix}$$

Widerstandsbeschr.

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{H} \cdot \begin{bmatrix} i_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11}i_1 + h_{12}u_2 \\ h_{21}i_1 + h_{22}u_2 \end{bmatrix}$$

hybride Beschr.

$$\begin{bmatrix} i_1 \\ u_2 \end{bmatrix} = \mathbf{H'} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ i_2 \end{bmatrix} = \frac{h'_{11}u_1 + h'_{12}i_2}{h'_{21}u_1 + h'_{22}i_2}$$

inverse hybride Beschr.

$$\begin{bmatrix} u_1 \\ i_1 \end{bmatrix} = \mathbf{A} \cdot \begin{bmatrix} u_2 \\ -i_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11}u_2 - a_{12}i_2 \\ a_{21}u_2 - a_{22}i_2 \end{bmatrix}$$

Kettenbeschr.

$$\begin{bmatrix} u_2 \\ i_2 \end{bmatrix} = \mathbf{A'} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ -i_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a'_{11}u_1 - a'_{12}i_1 \\ a'_{21}u_1 - a'_{22}i_1 \end{bmatrix}$$

inverse Kettenbeschr.

#### Parametrisiert

$$\underbrace{\frac{\underline{u}}{\underline{i}} = \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} \cdot \underline{c}}_{Bild} = \begin{bmatrix} \underline{u}^{(1)} & \underline{u}^{(2)} \\ \underline{i}^{(1)} & \underline{i}^{(2)} \end{bmatrix} \cdot \underline{c} \quad \text{quellenfrei}$$

$$F = Bild \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} + \frac{u_0}{\underline{i_0}}$$
nicht quellenfrei

mit  $\frac{1}{V}\underline{u},\frac{1}{A}\underline{i},\underline{c}\in\mathbb{R}^{n\times 1}$  und  $\frac{1}{V}\mathbf{U},\frac{1}{A}\mathbf{I}\in\mathbb{R}^{n\times n}$ 

#### Berechnung Beschreibungsmatrix

Bei quellenbehafteten Zweitoren:

z.B. 
$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} + I_0$$

- 1) Setze interne Quellen zu Null (Spannungsquelle  $\rightarrow$  KS; Stromquelle  $\rightarrow$  LL)  $\rightarrow$  bestimme Funktionen der Matrix (hier:  $\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u}$ )
- 2) Setze Steuergrößen zu Null  $\rightarrow$  bestimme Quellenvektor (hier:  $\underline{i} = \underline{I}_0$  für  $\underline{u} = 0$ )).

## Eigenschaften Zweitore

$$F \text{ ist...} \qquad \text{wenn...}$$
 - passiv 
$$\forall \frac{\underline{u}}{\underline{i}} \mid \in F : P = \underline{u}^T \cdot \underline{i} \geq 0$$

- aktiv 
$$\exists \, \frac{\underline{u}}{\underline{i}} \Big] \in F : P = \underline{u}^T \cdot \underline{i} < 0$$

- verlustlos 
$$\forall \frac{\underline{u}}{i} \bigg] \in F : \underline{u}^T \cdot \underline{i} = 0$$

$$\mathbf{U}^{T}\mathbf{I} + \mathbf{I}^{T}\mathbf{U} = \mathbf{0}$$
  
 $\mathbf{R} = -\mathbf{R}^{T}; \quad \mathbf{G} = -\mathbf{G}^{T}$ 

- umkehrbar 
$$\mathbf{G} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{P}$$
;  $\mathbf{R} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{P}$ ;  $\mathbf{A} = \mathbf{A}'$  symmetrisch

$$\mathbf{P} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$
 "Zeilentausch + Spaltentausch"

- reziprok 
$$\begin{aligned} \mathbf{U}^T \mathbf{I} - \mathbf{I}^T \mathbf{U} &= \mathbf{0}; \mathbf{G} = \mathbf{G}^T; \mathbf{R} = \mathbf{R}^T \\ det(\mathbf{A}) &= det(\mathbf{A}') = 1 \\ \text{Netzwerk besteht nur aus R, C und L} \end{aligned}$$

Dualität 
$$\begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix}^d = \begin{bmatrix} R_d \mathbf{I} \\ \frac{1}{R_d} \mathbf{U} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & R_d \mathbf{1} \\ \frac{1}{R_d} \mathbf{1} & 0 \end{bmatrix} \cdot \mathbf{U}$$
$$\mathbf{G}^d = \frac{1}{R_d^2} \mathbf{R}; \ \mathbf{R}^d = R_d^2 \mathbf{G}$$

#### Kurzschluss/Leerlauf-Methode

Verfahre nach "Berechnung Beschreibungsmatrix". Jeweils eine steuernde Größe auf Null setzen (Spannungsquelle  $\rightarrow$ KS; Stromquelle  $\rightarrow$  LL).

$$a_{21} = \frac{i_1}{u_2} \Big|_{i_2=0} \qquad a_{22} = -\frac{i_1}{i_2} \Big|_{u_2=0}$$

$$\mathbf{A'} \quad a'_{11} = \frac{u_2}{u_1} \Big|_{i_1=0} \qquad a'_{12} = -\frac{u_2}{i_1} \Big|_{u_1=0}$$

$$a'_{21} = \frac{i_2}{u_1} \Big|_{i_1=0} \qquad a'_{22} = -\frac{i_2}{i_1} \Big|_{u_1=0}$$

#### Linearisierung im AP

#### Explizit

z.B. Leitwertsbeschreibung:  $i_{lin}(u) = G_{lin}(u - U_{AP}) + I_{AP},$  $G_{lin} = \frac{\partial i}{\partial u}$ ] mit  $u = U_{AP}$  einsetzen.

$$\begin{split} & \underline{\Delta i} = \mathbf{J} \cdot \underline{\Delta u} \\ & (\underline{i} = \underline{I} + \underline{\Delta i}; \quad \underline{u} = \underline{U} + \underline{\Delta u}) \\ & \underline{i_1} \\ & \underline{i_2} \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial g_1}{\partial u_1} & \frac{\partial g_1}{\partial u_2} \\ \frac{\partial g_2}{\partial u_1} & \frac{\partial g_2}{\partial u_2} \end{bmatrix} \bigg|_{AP}}_{\mathbf{J}(Jacobimatrix)} \cdot \underbrace{\frac{\Delta u_1}{\Delta u_2}} + \underbrace{\frac{I_1}{I_2}} \end{split}$$

#### Implizit

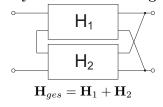
$$\underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial u_1} & \frac{\partial f_1}{\partial u_2} \\ \frac{\partial f_2}{\partial u_1} & \frac{\partial f_2}{\partial u_2} \end{bmatrix}}_{\mathbf{M}} \cdot \underbrace{\frac{\Delta u_1}{\Delta u_2}} + \underbrace{\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial i_1} & \frac{\partial f_1}{\partial i_2} \\ \frac{\partial f_2}{\partial i_1} & \frac{\partial f_2}{\partial i_2} \end{bmatrix}}_{\mathbf{N}} \cdot \underbrace{\frac{\Delta i_1}{\Delta i_2}} = \mathbf{0}$$

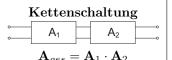
#### Zusammenschaltung von Zweitoren

Es muss immer darauf geachtet werden, dass die Torbedingungen eingehalten werden (außer bei Kettenschaltung)!

# $\begin{array}{c|c} \mathbf{Parallels chaltung} \\ \hline & G_1 \\ \hline & G_2 \\ \hline & G_{ges} = \mathbf{G}_1 + \mathbf{G}_2 \\ \end{array}$

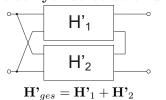
#### Hybride Verschaltung

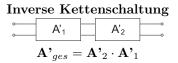




# Serienschaltung $R_1$ $R_{aes} = R_1 + R_2$

# Inverse hybride Verschaltung





#### Umrechnung der Zweitor-Matrizen

Implizit 
ightarrow explizit

$$\begin{split} \left[ \mathbf{M} \quad \mathbf{N} \right] \cdot \frac{\underline{u}}{\underline{i}} \right] &= \underline{0} \quad |M^{-1} \cdot \quad \left[ \mathbf{M} \quad \mathbf{N} \right] \cdot \frac{\underline{u}}{\underline{i}} \right] = \underline{0} \quad |N^{-1} \cdot \underline{u}| \\ \underline{u} + \mathbf{M}^{-1} \mathbf{N} \cdot \underline{i} &= \underline{0} \quad \mathbf{N}^{-1} \mathbf{M} \cdot \underline{u} + \underline{i} &= \underline{0} \\ \underline{u} &= \underbrace{-\mathbf{M}^{-1} \mathbf{N}}_{\mathbf{R}} \cdot \underline{i} \quad \underline{i} &= \underbrace{-\mathbf{N}^{-1} \mathbf{M}}_{\mathbf{G}} \cdot \underline{u} \end{split}$$

Explizit 
ightarrow implizit

$$\underline{\underline{u}} = \mathbf{R} \cdot \underline{\underline{i}}$$

$$\underline{\underline{i}} = \mathbf{G} \cdot \underline{\underline{u}}$$

$$\underline{\underline{\mathbf{G}}} \cdot \underline{\underline{u}} - \underline{\mathbf{R}} \cdot \underline{\underline{i}} = \underline{\underline{0}}$$

$$\underline{\underline{\mathbf{G}}} \cdot \underline{\underline{u}} + \underline{\underline{\mathbf{I}}} \cdot \underline{\underline{i}} = \underline{\underline{0}}$$

#### Parametrisiert ightarrow explizit

$$\begin{split} & \underbrace{u}_{\underline{i}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{U} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} \cdot \underline{c} & \Rightarrow & \underbrace{u}_{\underline{i}} = \underbrace{\mathbf{U} \cdot \underline{c}}_{\mathbf{I} \cdot \underline{c}} \\ & \underline{i} = \mathbf{I} \cdot \underline{c} & |\mathbf{I}^{-1} \cdot \underline{c}| & \underline{u} = \mathbf{U} \cdot \underline{c} & |\mathbf{U}^{-1} \cdot \underline{u}| \\ & \Rightarrow \mathbf{I}^{-1} \cdot \underline{i} = \underline{c} & \Rightarrow \underline{u} = \underbrace{\mathbf{U} \cdot \underline{\mathbf{I}}^{-1}}_{R} \cdot \underline{i} & \Rightarrow \underline{i} = \underbrace{\mathbf{I} \cdot \underline{\mathbf{U}}^{-1}}_{G} \cdot \underline{u} \end{split}$$

Explizit 
ightarrow parametrisiert

$$\underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i}$$
  $\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u}$   $\mathbf{U} = \mathbf{R}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{I}$   $\mathbf{U} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{G}$ 

Implizit 
ightarrow parametrisiert

$$\mathbf{U} = -\mathbf{M}^{-1}\mathbf{N}; \quad \mathbf{I} = \mathbf{1} \quad \text{oder} \quad \mathbf{U} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{I} = -\mathbf{N}^{-1}\mathbf{M}$$

Parametrisiert o implizit

$$\mathbf{M} = -\mathbf{I} \cdot \mathbf{U}^{-1}; \quad \mathbf{N} = \mathbf{1} \quad \text{oder} \quad \mathbf{M} = \mathbf{1}; \quad \mathbf{N} = -\mathbf{U} \cdot \mathbf{I}^{-1}$$

Explizit 
ightarrow explizit

$$\underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} + \underline{I}_{0} \quad | \mathbf{R} \cdot \underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i} + \underline{U}_{0} \quad | \mathbf{G} \cdot \underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i} + \underline{G} \cdot \underline{U}_{0}$$

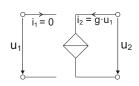
$$\underline{u} = \mathbf{R} \cdot \underline{i} - \mathbf{R} \cdot \underline{I}_{0} \quad \underline{i} = \mathbf{G} \cdot \underline{u} - \mathbf{G} \cdot \underline{U}_{0}$$

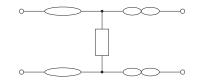
	R	G	Н
R	$\begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} \\ r_{21} & r_{22} \end{bmatrix}$	$\frac{1}{\det(\mathbf{G})} \begin{bmatrix} g_{22} & -g_{12} \\ -g_{21} & g_{11} \end{bmatrix}$	$\frac{1}{h_{22}} \begin{bmatrix} det(\mathbf{H}) & h_{12} \\ -h_{21} & 1 \end{bmatrix}$
$\mathbf{G}$	$\frac{1}{\det(\mathbf{R})} \begin{bmatrix} r_{22} & -r_{12} \\ -r_{21} & r_{11} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix}g_{11} & g_{12} \\ g_{21} & g_{22}\end{bmatrix}$	$\frac{1}{h_{11}} \begin{bmatrix} 1 & -h_{12} \\ h_{21} & det(\mathbf{H}) \end{bmatrix}$
Н	$\frac{1}{r_{22}} \begin{bmatrix} det(\mathbf{R}) & r_{12} \\ -r_{21} & 1 \end{bmatrix}$	$\frac{1}{g_{11}} \begin{bmatrix} 1 & -g_{12} \\ g_{21} & det(\mathbf{G}) \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} \\ h_{21} & h_{22} \end{bmatrix}$
н,	$\begin{bmatrix} \frac{1}{r_{11}} \begin{bmatrix} 1 & -r_{12} \\ r_{21} & det(\mathbf{R}) \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{g_{22}} \begin{bmatrix} det(\mathbf{G}) & g_{12} \\ -g_{21} & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{\det(\mathbf{H})} \begin{bmatrix} h_{22} & -h_{12} \\ -h_{21} & h_{11} \end{bmatrix}$
A	$\begin{bmatrix} \frac{1}{r_{21}} \begin{bmatrix} r_{11} & det(\mathbf{R}) \\ 1 & r_{22} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{vmatrix} \frac{1}{g_{21}} \begin{bmatrix} -g_{22} & -1\\ -det(\mathbf{G}) & -g_{11} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{h_{21}} \begin{bmatrix} -det(\mathbf{H}) & -h_{11} \\ -h_{22} & -1 \end{bmatrix}$
Α'	$\frac{1}{r_{12}} \begin{bmatrix} r_{22} & det(\mathbf{R}) \\ 1 & r_{11} \end{bmatrix}$	$\begin{vmatrix} \frac{1}{g_{12}} \begin{bmatrix} -g_{11} & -1\\ -det(\mathbf{G}) & -g_{22} \end{bmatrix}$	$\begin{array}{c c} \frac{1}{h_{12}} \begin{bmatrix} 1 & h_{11} \\ h_{22} & det(\mathbf{H}) \end{bmatrix} \end{array}$

_			
	Н'	A	A'
$\mathbf{R}$	$\frac{1}{h'_{11}} \begin{bmatrix} 1 & -h'_{12} \\ h'_{21} & det(\mathbf{H}') \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{a_{21}} \begin{bmatrix} a_{11} & det(\mathbf{A}) \\ 1 & a_{22} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{a'_{21}} \begin{bmatrix} a'_{22} & 1\\ det(\mathbf{A'}) & a'_{11} \end{bmatrix}$
$\mathbf{G}$	$\frac{1}{h'_{22}} \begin{bmatrix} det(\mathbf{H}') & h'_{12} \\ -h'_{21} & 1 \end{bmatrix}$	$\begin{vmatrix} \frac{1}{a_{12}} \begin{bmatrix} a_{22} & -det(\mathbf{A}) \\ -1 & a_{11} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{a'_{12}} \begin{bmatrix} a'_{11} & -1\\ -det(\mathbf{A}') & a'_{22} \end{bmatrix}$
н	$\frac{1}{\det(\mathbf{H}')} \begin{bmatrix} h'_{22} & -h'_{12} \\ -h'_{21} & h'_{11} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{a_{22}} \begin{bmatrix} a_{12} & det(\mathbf{A}) \\ -1 & a_{21} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \frac{1}{a'_{11}} \begin{bmatrix} a'_{12} & 1\\ -det(\mathbf{A}') & a'_{21} \end{bmatrix}$
н,	$egin{bmatrix} h'_{11} & h'_{12} \ h'_{21} & h'_{22} \end{bmatrix}$	$\begin{vmatrix} \frac{1}{a_{11}} \begin{bmatrix} a_{21} & -det(\mathbf{A}) \\ 1 & a_{12} \end{bmatrix}$	$\begin{vmatrix} \frac{1}{a'_{22}} \begin{bmatrix} a'_{21} & -1\\ det(\mathbf{A}') & a'_{12} \end{bmatrix}$
A	$\frac{1}{h'_{21}} \begin{bmatrix} 1 & h'_{22} \\ h'_{11} & det(\mathbf{H}') \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$	$\frac{1}{\frac{1}{\det(\mathbf{A}')}} \begin{bmatrix} a'_{22} & a'_{12} \\ a'_{21} & a'_{11} \end{bmatrix}$
Α'	$\frac{1}{h'_{12}} \begin{bmatrix} -\det(\mathbf{H}') & -h'_{22} \\ -h'_{11} & -1 \end{bmatrix}$	$ \begin{array}{c c} \frac{1}{\det(\mathbf{A})} \begin{bmatrix} a_{22} & a_{12} \\ a_{21} & a_{11} \end{bmatrix} $	$\begin{bmatrix} a'_{11} & a'_{12} \\ a'_{21} & a'_{22} \end{bmatrix}$

# Spezielle Zweitore

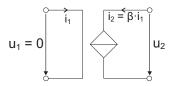
#### VCCS Spannungsgesteuerte Stromquelle



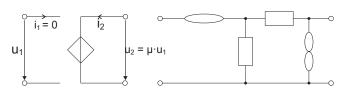


$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{g} \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{G} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ g & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -g & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

# $CCCS\ Stromggesteuerte\ Stromquelle$

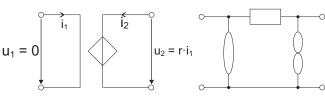


# $VCVS\ Spannungsgesteurte\ Spannungsquelle$



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\mu} & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{H'} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \mu & 0 \end{bmatrix}$$

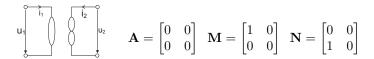
# $CCVS\ Stromgesteuerte\ Spannungsquelle$



$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \frac{1}{r} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{R} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ r & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ -r & 0 \end{bmatrix}$$

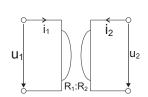
#### Null or

Quellenfrei, streng linear, nicht verlustlos



#### Gyrator

Dualwandler, Positiv-Immittanz-Inverter (PII)



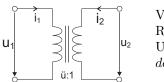
Verlustlos 
$$(R_1 = R_2 = R_d)$$
  
Pfeilrichtung  $\rightarrow$  für  $R_d$   
 $\mathbf{G} = -\mathbf{G}^T$   
 $\mathbf{R} = -\mathbf{R}^T$   
 $det(\mathbf{A}) = det(\mathbf{A}') = -1$   
 $F_{Gyr} = F^d$ 

$$\mathbf{G} = \begin{bmatrix} 0 & \frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_1} & 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{R} = \begin{bmatrix} 0 & -R_1 \\ R_2 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & R_1 \\ \frac{1}{R_2} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A'} = \begin{bmatrix} 0 & -R_2 \\ -\frac{1}{R_1} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & R_1 \\ -R_2 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

#### Idealer Übertrager

Positiv-Immittanz-Konverter (PIK)



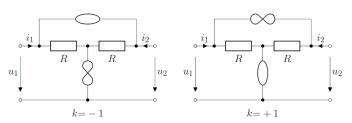
Verlustlos Reziprok Umkehrbar für  $\ddot{\mathbf{u}} = \pm 1$  $det(\mathbf{A}) = det(\mathbf{A}') = 1$ 

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \ddot{u} & 0 \\ 0 & \frac{1}{\ddot{u}} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{A'} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\ddot{u}} & 0 \\ 0 & \ddot{u} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & \ddot{u} \\ -\ddot{u} & 0 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{H'} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{\ddot{u}} \\ \frac{1}{\ddot{u}} & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & -\ddot{u} \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \quad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ \ddot{u} & 1 \end{bmatrix}$$

# NIK

Negativ-Immittanz-Konverter (NIK)



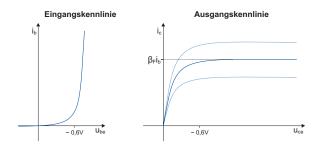
Aktiv, antireziprok, für |k| = 1 symmetrisch

k=1 F ist an der  $i_1$ -Achse gespiegelter Zweipol k=-1 F ist an der  $u_1$ -Achse gespiegelter Zweipol

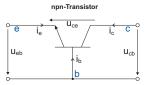
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -k & 0 \\ 0 & \frac{1}{k} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{A'} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{k} & 0 \\ 0 & k \end{bmatrix} \qquad \mathbf{H} = \begin{bmatrix} 0 & -k \\ -k & 0 \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{H'} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{k} \\ -\frac{1}{k} & 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & k \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & \frac{1}{k} \end{bmatrix}$$

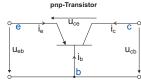
# Bipolar-Transistoren

# Kennlinien eines npn-Transistors

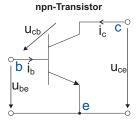


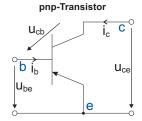
#### Basisschaltung



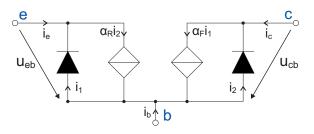


#### **Emitterschaltung**





# Ebers-Moll-Modell (Basisschaltung, npn)

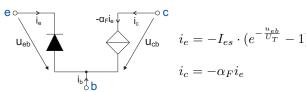


$$i_e = -I_{es} \cdot (e^{-\frac{u_{eb}}{U_T}} - 1) + \alpha_R I_{cs} \cdot (e^{-\frac{u_{cb}}{U_T}} - 1)$$
$$i_c = \alpha_F I_{es} \cdot (e^{-\frac{u_{eb}}{U_T}} - 1) - I_{cs} \cdot (e^{-\frac{u_{cb}}{U_T}} - 1)$$

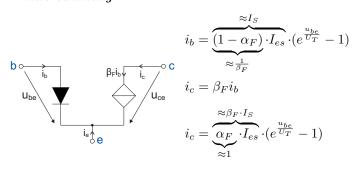
#### Vereinfachung für Vorwärtsbetrieb (npn)

**Bedingung** für den Vorwärtsbetrieb:  $u_{be} > 0 \land u_{cb} \ge 0$ 

#### Basis schaltung



#### Emitter schaltung

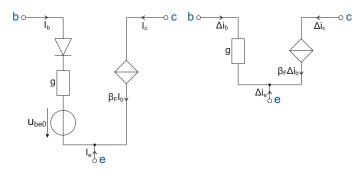


# Linearisierung

(Emitterschaltung, Vorwärtsbetrieb, npn)

#### Großsignal-ESB:

#### Kleinsignal-ESB:

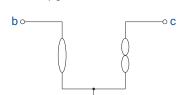


$$\beta_F = \frac{i_c}{i_b} = \frac{\alpha_F}{1 - \alpha_F}$$

$$\alpha_F = \frac{\beta_F}{1 + \beta_F}$$

$$g = \frac{\partial i_b}{\partial u_{be}} \Big|_{AP} \approx -\frac{I_e}{\beta_F \cdot U_T}$$

$$g \approx \frac{I_b}{U_T} = \frac{I_c}{\beta_F \cdot U_T}$$



Dreipol Nullor  $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ . Wie normaler Nullor.

# Feldeffekt-Transistoren (FET)

#### nMOS

Guter Pull-Down Source am niedrigeren Potential  $(u_{DS} > 0)$ 



$$i_{G} = 0A$$

$$i_{D} = \begin{cases} 0 & u_{GS} < U_{t}(aus) \\ \wedge u_{DS} \ge 0 \\ \beta \left(u_{GS} - U_{t} - \frac{u_{DS}}{2}\right) u_{DS} & u_{GS} > U_{t} \text{ (linear)} \\ & \wedge 0 < u_{DS} < u_{GS} - U_{t} \\ \frac{\beta}{2} \left(u_{GS} - U_{t}\right)^{2} & u_{GS} > U_{t} \text{ (S\"{attigung})} \\ & \wedge 0 < u_{GS} - U_{t} < u_{DS} \end{cases}$$

Enhancement-Typ (selbssperrend):  $U_t \approx 1V$ Depletion-Typ (selbstleitend):  $U_t \approx -1V$ 

Kanallängenmodulation:  $i'_D = i_D \cdot (1 + \lambda \cdot u_{DS})$ 

#### pMOS

Guter Pull-Up Source am höheren Potential  $(u_{DS} < 0)$ 



$$i_{G} = 0A$$

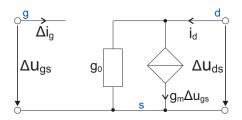
$$i_{D} = \begin{cases} 0 & u_{GS} > U_{t}(aus) \\ & \wedge u_{DS} \leq 0 \\ -\beta \left(u_{GS} - U_{t} - \frac{u_{DS}}{2}\right) u_{DS} & u_{GS} < U_{t} \text{ (linear)} \\ & \wedge 0 > u_{DS} > u_{GS} - U_{t} \\ \frac{-\beta}{2} \left(u_{GS} - U_{t}\right)^{2} & u_{GS} < U_{t} \text{ (S\"{attigung})} \\ & \wedge 0 > u_{GS} - U_{t} > u_{DS} \end{cases}$$

Enhancement-Typ (selbstsperrend):  $U_t \approx -1V$ 

Kanallängen modulation:  $i_D' = i_D \cdot (1 - \lambda \cdot u_{DS})$ 

# Kleinsignal-Ersatzschaltbilder (nMOS)

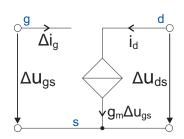
#### Linearer Bereich



$$g_m = \frac{\partial i_d}{\partial u_{gs}} \Big|_{AP} = \beta \cdot U_{ds}$$

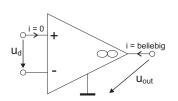
$$g_0 = \frac{\partial i_d}{\partial u_{ds}} \Big|_{AP} = \beta \cdot (U_{gs} - U_T - U_{ds})$$

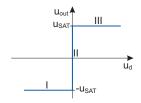
# $S\"{a}ttigungsbereich$



$$g_m = \frac{\partial i_d}{\partial u_{gs}} \Big|_{AP}$$
$$g_m = \beta \cdot (U_{gs} - U_T)$$

# Operationsverstärker



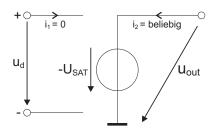


Operationsverstärker müssen immer über ihren invertierenden Eingang rückgekoppelt werden, da sich sonst eine Z-Kennlinie ergibt und der Arbeitspunkt somit nicht mehr eindeutig ist.

## Ersatzschaltbilder

 $u_d$  mit einzeichnen.

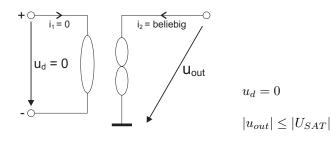
# ESB I



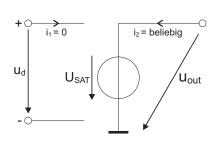
$$u_d < 0$$

$$u_{out} = -U_{SAT}$$

#### ESB II



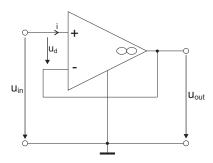
#### ESB III



$$u_d > 0$$
$$u_{out} = U_{SAT}$$

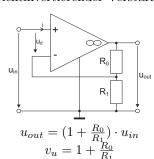
# **OP-Schaltungen**

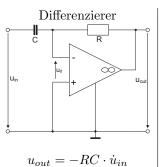
#### Spannungsfolger (Impedanzwandler)

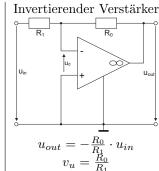


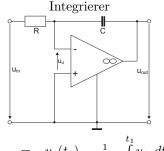
$$u_{out} = u_{in}$$
$$v_u = 1$$

Nichtinvertierender Verstärker

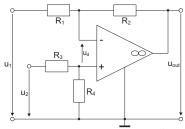








#### $Differenz verst\"{a}rker/Subtrahierer$

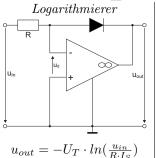


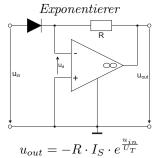
Bedingung:

$$R_1 = R_3; R_2 = R_4$$

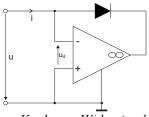
$$u_{out} = \frac{R_2}{R_1} \cdot (u_2 - u_1)$$

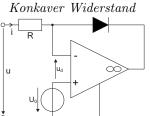
$$u_{out} = \frac{R_4}{R_3} \cdot (u_2 - u_1)$$





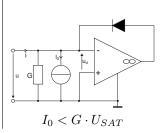
#### Ideale Diode





 $U_0 < U_{SAT}$ 

# Konvexer Widerstand



#### VCVS Voltage Controlled Voltage Source

- $\mu \geq 1$  Nichtinvertierender Verstärker
- $\mu < 0$  Spannungsfolger und invertierender Verstärker hintereinander
- $0 < \mu < 1$  Spannungsfolger und zwei invertierende Verstärker hintereinander

#### CCVS Current Controlled Voltage Source

- r < 0 Invertierender Verstärker mit  $R_1 = 0\Omega$
- r>0 Zusätzlich invertierenden Verstärker mit  $v_u=-1$  nachschalten

#### Gyrator

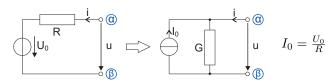
- Parallelschaltung zweier VCCS
- Serienschaltung zweier CCVS
- Kettenschaltung eines NIK (k = -1) mit einem NII

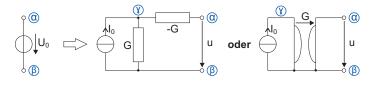
# Knotenspannungsanalyse (KSA)

$$\mathbf{Y}_k \cdot \underline{u}_k = \underline{i}_q$$

#### 1. Nichtspannungsgesteuerte Elemente ersetzen

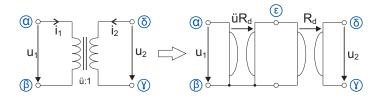
#### $Ideale\ Spannung squelle$



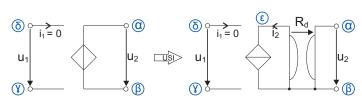


$$I_0 = G \cdot U_0$$

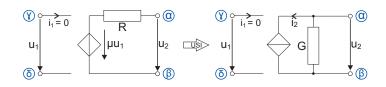
#### Idealer Übertrager



#### VCVS Voltage Controlled Voltage Source

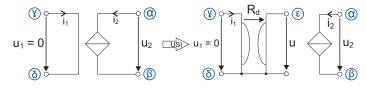


$$u_2 = \mu \cdot u_1 \quad i_2 = -\frac{\mu \cdot u_1}{R_D}$$



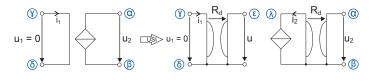
$$i_2 = -G \cdot \mu \cdot u_1$$

#### CCCS Current Controlled Current Source



$$i_2 = \beta \cdot i_1$$
  $u = R_d \cdot i_1$   $i_2 = \frac{\beta \cdot u}{R_d}$ 

# $CCVS\ Current\ Controlled\ Voltage\ Source$

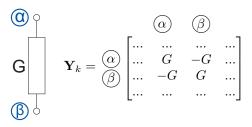


$$u_2 = \beta \cdot i_1$$
  $u = R_d \cdot i_1$   $i_2 = \frac{u}{R_d}$   $u_2 = -R_d \cdot i_1$ 

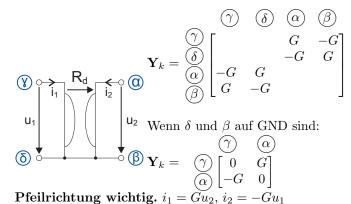
#### 2. Knotenspannungsvektor $U_k$ aufstellen

#### 3. Knotenleitwertsmatrix $Y_k$ aufstellen

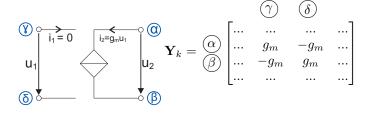
#### Leitwert



#### Gyrator



#### VCCS Voltage Controlled Current Source



# 4. Quellvektor $I_q$ aufstellen

$$\mathbf{I}_q = \frac{\textcircled{a}}{\textcircled{\beta}} \begin{bmatrix} \dots \\ I_0 \\ -I_0 \\ \dots \end{bmatrix}$$

# 5. Reduzierte Knotenleitwertsmatrix $Y_k$

# Nullator

In  $\mathbf{Y}_k$  die entsprechenden Spalten addieren und eine davon streichen **UND** entsprechenden Eintrag im  $\underline{u}_k$ -Vektor streichen

Falls mit Masse verbunden: Spalte und  $\underline{u}_k\text{-Eintrag}$ streichen.

#### Norator

In  $\mathbf{Y}_k$  die entsprechenden Zeilen addieren und eine davon streichen **UND** entsprechenden Eintrag im  $\underline{i}_q$ -Vektor streichen.

Falls mit Masse verbunden: Zeile und  $\underline{i}_q$ -Eintrag streichen.

# Sonstiges

#### Tellegenscher Satz

Der Spannungsvektor steht immer senkrecht zum Stromvektor ( $\mathbf{AB}^T = \mathbf{0}$  bzw.  $\mathbf{BA}^T = \mathbf{0}$ ).

## Tableau-Gleichungssystem

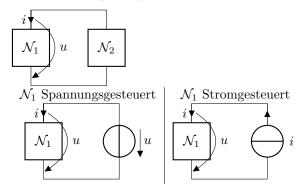
$$\begin{bmatrix} \mathbf{B} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{A} \\ \mathbf{M} & \mathbf{N} \end{bmatrix} \cdot \underbrace{\underline{u}}_{\underline{i}} \end{bmatrix} = \underbrace{\underline{0}}_{\underline{e}}$$
 Dimension  $2b \times 2b$ 

#### Superpositionsprinzip

Gilt für unabhängige Quellen in linearem Netzwerk für u, i.

- 1) Jeweils alle Quellen bis auf eine auf Null setzen.
- 2) Gesuchte Größe  $u_{ai}$  berechnen.
- 3) Resultierende Größe ist  $u_a = u_{a1} + ... + u_{an}$

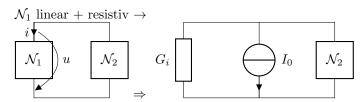
### Substitutionsprinzip



#### Helmholtz/Thévenin

 $\mathcal{N}_1$  linear + resistiv  $\rightarrow$   $R_i$   $\mathcal{N}_1$  u  $\mathcal{N}_2$   $U_0$   $\mathcal{N}_2$ 

#### Mayer/Norton



## Newton-Raphson

Findet Nullstellen, nicht zwingend konvergent.

- 1) Für Schätzwert  $\tilde{x}_k$  linearisiere am Punkt  $(\tilde{x}_k, f(\tilde{x}_k))$
- 2) Finde Nullstelle der Gerade. Dieser Punkt ist neuer Schätzwert  $\tilde{x}_{k+1}$ .

Lizenz: CC BY-NC-SA 3.0

http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/