

Дніпровський національний університет  
імені Олеся Гончара  
**ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЇ МАТЕМАТИКИ**  
**КАФЕДРА КОМП'ЮТЕРНИХ ТЕХНОЛОГІЙ**

**КУРСОВА РОБОТА**  
**З ДИСЦИПЛІН ПРОФЕСІЙНОЇ ПІДГОТОВКИ**

на тему: «Візуалізація роботи системи антенних випромінювачів із  
фазовим зсувом»

Освітньо–професійна програма:  
Комп'ютерне моделювання та технології програмування

Спеціальність 113 Прикладна математика  
Рівень вищої освіти перший (бакалаврський)

Студента 3 курсу групи ПА-19-2  
Ільяшенка Є.В.

Керівник Степанова Н.І.  
доц., канд. фіз.-мат. наук  
(посада, вчене звання, науковий ступінь, прізвище та ініціали)

Кількість балів \_\_\_\_\_

Національна шкала \_\_\_\_\_

Члени комісії:

_____	<u>Зайцев В.Г.</u>
(підпис)	(прізвище та ініціали)
_____	<u>Сафронова І.А.</u>
(підпис)	(прізвище та ініціали)
_____	<u>Степанова Н.І.</u>
(підпис)	(прізвище та ініціали)

м. Дніпро, 2022 р.

## Зміст

ВСТУП.....	3
ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ.....	6
ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ.....	7
Хвиля.....	7
Різновиди хвиль.....	7
Електромагнітне випромінювання.....	9
Довжина хвилі.....	11
Період хвилі.....	12
Частота хвилі.....	12
Фаза хвилі.....	12
Математичний опис хвилі.....	13
Інтерференція.....	13
Зсув фаз у ФАР.....	15
ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ.....	17
ПРИКЛАД РОБОТИ.....	23
ВИСНОВКИ.....	27
СПИСОК ВИКОРИСТАНОЇ ЛІТЕРАТУРИ.....	28

## ВСТУП

У ХХІ столітті кількість наукових та технічних винаходів людства зростає рекордними темпами. За останні декілька століть ми винайшли більше, ніж за всю попередню історію. Це відбувається насамперед через спрощення обміну інформацією.

Технології інформаційного обміну з'явилися ще у прадавні часи. Спочатку люди винайшли мову. Це дозволило нашим пращурам комунікувати між собою, ділитися інформацією та зберегти знання далеким потомкам. Пізніше з'явилася писемність. Тепер люди могли записувати інформацію на фізичних носіях. Такі носії були дуже різноманітні, від висікання на стінах до записів на папері. Зберігалися вони набагато більше за життя людини. Так інформацію перестали втрачати. Усе, до чого здогадувалися люди, відтоді можна було записати та продовжити вивчати після смерті першовідкривача. До того-ж життя людини не було таким довгим, як зараз. І тому цей винахід стає ще більш важливим у історії інформаційного обміну людства.

Але інформацію, збережену на фізичних носіях, дуже важко передавати на великі відстані. Може так статися, що людина, яка здатна закінчити дослідження, знаходиться за декілька тисяч кілометрів. І вона навіть не знає про це дослідження. Тому наступним поштовхом для наукового прогресу людства було книгодрукування. Відтоді інформацію можна було розповсюджувати, вивчати, зберігати у різних містах. Саме у ті часі у багатьох містах Європи з'являються університети, наукові товариства, відбуваються значні наукові відкриття.

З появою електроенергії люди винайшли телеграф. Це був перший винахід, який дозволяв передавати інформацію на величезні відстані.

Одним з найважливіших наукових досягнень тих часів було відкриття хвильових процесів, тобто процесів розповсюдження коливань у певному середовищі. Таким середовищем може виступати речовина (рідина, повітря,

тверде тіло), хвилі можуть поширюватися і в вакуумі (електромагнітні, гравітаційні).

За допомогою хвиль стало можливим передавати інформацію по повітрю, без дротів (радіохвилі), що зробило інформацію ще більш доступною. Тепер у різних точках планети люди могли прослухати повідомлення з іншого місця, навіть з протилежної сторони Землі.

У середині XX століття було створено першу електронно-обчислювальну машину (ЕОМ). ЕОМ дозволили автоматизувати багато речей, в тому числі і передачу інформації.

З тих славетних часів змінилося дуже багато. На відміну від перших підходів щодо пересилання інформації, розробки відповідного програмного забезпечення, зараз ми можемо писати текст, а не кодувати його за допомогою нулів та одиниць, бо це на себе взяв швидкодіючий і невтомний комп'ютер.

Крім того, у даний час у людства є мережі, у яких кожен може обмінюватися інформацією з будь-ким. Ми можемо ідентифікувати себе, верифікувати, працювати сумісно над одним проектом або дослідженням. Люди можуть проводити операції на відстані, бачити один одного, чути. І робити це без дротового підключення допомагають як раз хвилі. Саме вони передають інформацію на відстані.

Щоб обмінюватися інформацією за допомогою хвиль, нам потрібен передавач та приймач. Передавач у момент часу або викликає коливання у повітрі, або ні. Цим він і кодує інформацію. Задача приймача зловити цей сигнал та розшифрувати його. Щоб відрізнити різні сигнали від один одного, використовують різну частоту. Ця частота слугує каналом зв'язку між передавачем та приймачем. Щоб хтось раптово не почав використовувати ту саму частоту, люди заздалегідь домовляються між собою, хто яку частоту буде використовувати. Частота вимірюється у герцах, передавач збуджує коливання заданої частоти, а приймач шукає частоту випромінювача.

Сигнал з часом слабкішає, і якщо передавач буде занадто слабким, або далеко, сигнал може не дійти до приймача. Точковий випромінювач збуджує хвилю у всіх напрямках. Тобто майже вся енергія не використовується і тільки мала її частина слугує для передачі сигналу саме до приймача.

Якщо нам потрібно збільшити відстань між передавачем та отримувачем, ми можемо піти двома шляхами:

Перший шлях — це збільшити потужність передавача. Він буде передавати сигнал на більшу відстань, але так само, більша частина енергії буде витрачена нерационально. До того ж це забруднює ефір. Оскільки сигнал не буде згасати на більшій відстані, використання цієї частоти стане неможливим, доки сигнал не угасне повністю.

І другий, більш раціональний шлях — це використовувати інтерференцію. Інтерференція — це явище накладання двох або більше хвиль, в результаті чого в одних місцях спостерігається підсилення кінцевої хвилі, а в інших послаблення. Тобто, ми можемо використати 2 випромінювача меншої сили і поставити їх таким чином, щоб в потрібному напрямку хвиля підсилювалася, а в інших послаблювалася. Це має багато переваг:

- 1) Ми менше забруднюємо «ефір» своїми повідомленнями.
- 2) Ми витрачаємо стільки-ж енергії, а отримуємо кращий результат.
- 3) Можливість будувати складні антенні системи.

Таким чином ми дісталися до фазованої антенної решітки.

Фазована антенна решітка — це антена, яка складається з декількох антен, які існують у одній системі і кожен окремий передавач знаходиться на однаковій відстані від сусідніх.

Якщо правильно співставити кількість передавачів, відстань між ними та довжину хвилі, ми отримаємо вузький «промінь» сигналу, який по силі буде дорівнювати силі випромінювання усіх його передавачів. Змінюючи зсув фази між випромінювачами, ми можемо змінювати кут випромінювання.

## **ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ**

- 1) Розглянути тему «Фазовані антенні решітки», принцип її дії
- 2) Обрати програмне забезпечення для реалізації програми
- 3) Розробити візуалізацію ФАР

## ТЕОРЕТИЧНІ ВІДОМОСТІ

### Хвиля

Хвиля — це процес розповсюдження коливань у будь-якому фізичному середовищі. При цьому частинки середовища не рухаються разом з хвилею, а коливаються навколо своїх положень рівноваги.

Хвилі характеризують величиною збурення — амплітудою й напрямком поширення.

Поняття хвилі є фундаментальним поняттям фізики, розуміння змісту якого необхідне при аналізі широкого кола явищ в сучасному світі. Хвилі існують усюди навколо нас. Світло, звуки — це хвилі. У квантовому світі навіть частинки ведуть себе, як хвилі.

### Різновиди хвиль

Хвилі поділяються на наступні різновиди:

За характером розповсюдження	
Біжучі хвилі	<p>Це хвильовий рух, під час якого поверхня рівних фаз переміщується з кінцевою швидкістю.</p> <p>Приклад: Пружні звилі у стрижні.</p>
Стоячі хвилі	<p>Це хвилі, які при будь-якій фазі коливань не поширюються в просторі. Характерною особливістю є наявність у ній вузлів та пучностей.</p> <p>У вузлах амплітуда хвилі дорівнює нулю.</p> <p>У пучностях амплітуда максимальна.</p> <p>Така хвиля утворюється в результаті накладання двох біжучих хвиль, які поширюються назустріч одна одній.</p> <p>Приклад: зафіксована мотузка на одному кінці, яка коливається вручну або поршнем на іншому. Генерує стоячі хвилі вздовж її довжини</p>

За типом коливань	
Поперечні	<p>Це хвилі, у яких коливання відбуваються в площині, перпендикулярній до напрямку поширення.</p> <p>Приклад: Електромагнітні хвилі у вакуумі.</p>
Повздовжні	<p>Повздовжні хвилі - це хвилі, у яких коливання в кожній точці простору паралельні напрямку розповсюдження.</p> <p>Приклад: Повздовжні звукові хвилі в газі.</p>



## Електромагнітне випромінювання

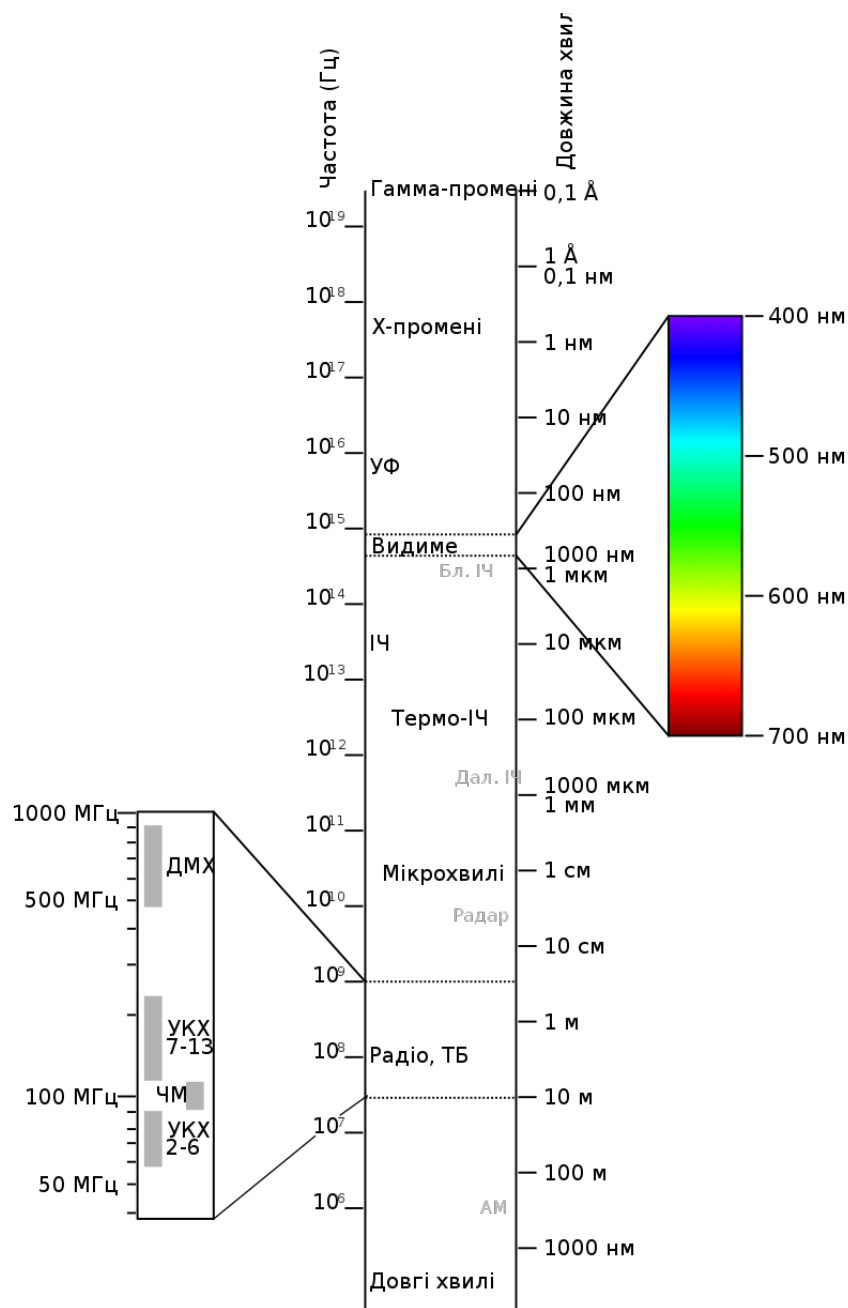
Електромагнітне випромінювання — це взаємопов'язані коливання електричного і магнітного полів, що утворюють електромагнітне поле.

Електромагнітне випромінювання поділяється на:

- 1) Радіохвилі
- 2) Інфрачервоне випромінювання
- 3) Видиме випромінювання
- 4) Ультрафіолетове
- 5) Рентгенівське
- 6) Гамма

Назва діапазону		Довжини хвиль, $\lambda$	Частота, $\nu$
Радіохвилі	наддовгі	понад 10 км	до 30 кГц
	Довгі	10 км — 1 км	30 кГц — 300 кГц
	Середні	1 км — 100 м	300 кГц — 3 МГц
	Короткі	100 м — 10 м	3 МГц — 30 МГц
	Ультракороткі	10 м — 1 мм	30 МГц — 300 ГГц <sup>[4]</sup>
Інфрачервоне випромінювання		1 мм — 780 нм	300 ГГц — 429 ТГц
Видиме випромінювання		780—380 нм	429 ТГц — 750 ТГц
Ультрафіолетові		380 нм — 10 нм	$3 \times 10^{14}$ Гц — $3 \times 10^{16}$ Гц
Рентгенівські		10 нм — 5 пм	$3 \times 10^{16}$ Гц — $6 \times 10^{19}$ Гц
Гамма		до 5 пм	понад $6 \times 10^{19}$ Гц

Зображення 1: Типи електромагнітного випромінювання (1)



Зображення 2: Типи електромагнітного випромінювання (2)

Електромагнітні хвилі мають декілька основних властивостей:

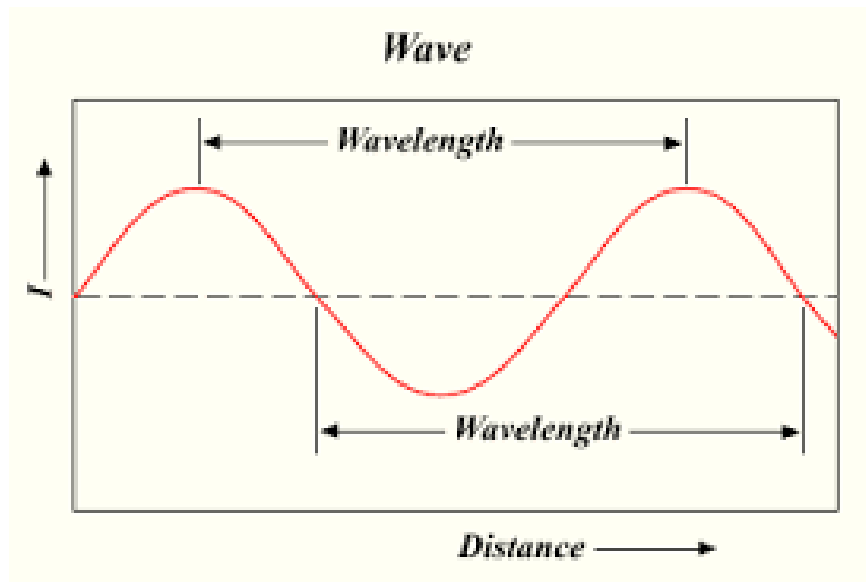
- 1) Довжина хвилі
- 2) Частота хвилі
- 3) Період хвилі
- 4) Фаза хвилі

### Довжина хвилі

Довжина хвилі — це відстань, взята вздовж променя, між двома точками, які коливаються в одній фазі. Позначається, як  $\lambda$  (лямбда) і вимірюється в одиницях довжини.

$$\lambda = vT.$$

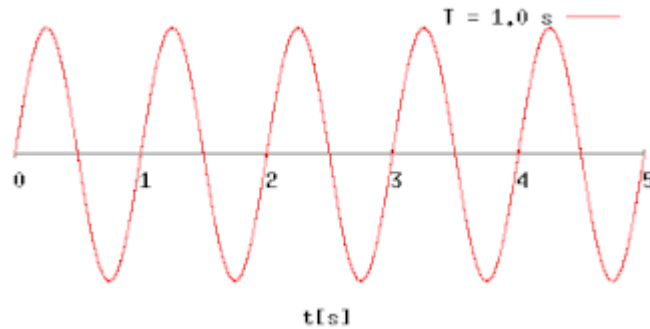
*Зображення 3: Рівняння довжини хвилі*



*Зображення 4: Візуалізація довжини хвилі*

### Період хвилі

Період хвилі — це час, за який хвиля поширюється на відстань, що дорівнює довжині хвилі. Позначається, як  $T$ , та вимірюється в одиницях часу.



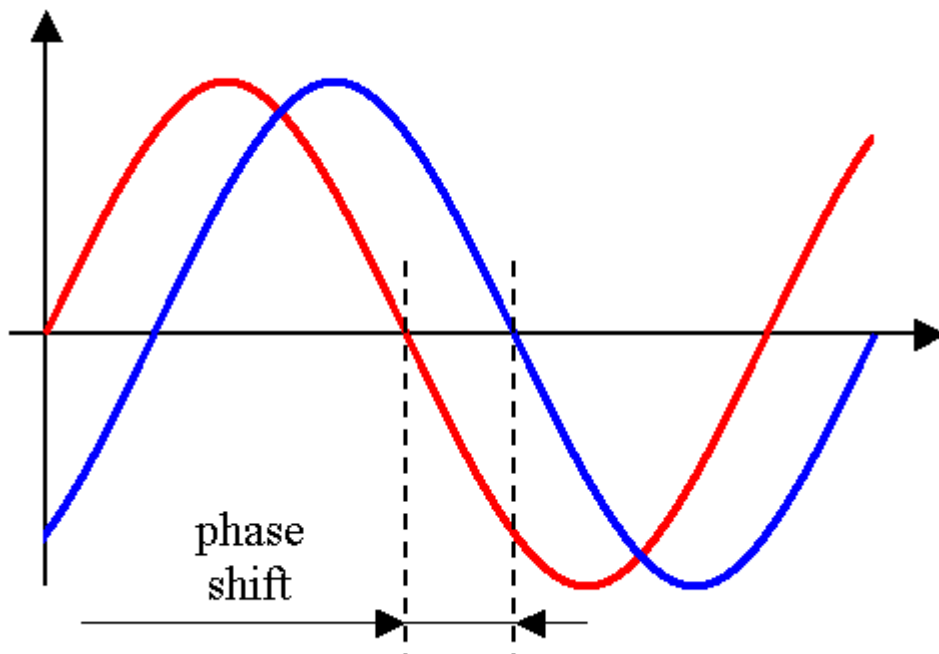
Зображення 5: Період хвилі

### Частота хвилі

Частота — це кількість коливань, які здійснить частинка хвилі за одиницю часу. Позначається, як  $\nu$  (ню) і вимірюється в одиницях, обернених до одиниць часу.

### Фаза хвилі

Фаза — це характеристика коливання, що визначає відмінність між двома подібними коливаннями, які починаються в різні моменти часу.



Зображення 6: Візуалізація зсуву фази

### Математичний опис хвилі

Описується хвиля за допомогою наступного рівняння, де  $x$  — просторова змінна,  $t$  — часова,  $A$  — амплітуда,  $v$  — частота хвилі.

$$y(x, t) = A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda}x - \frac{2\pi}{\lambda}vt\right).$$

*Зображення 7: Рівняння хвилі*

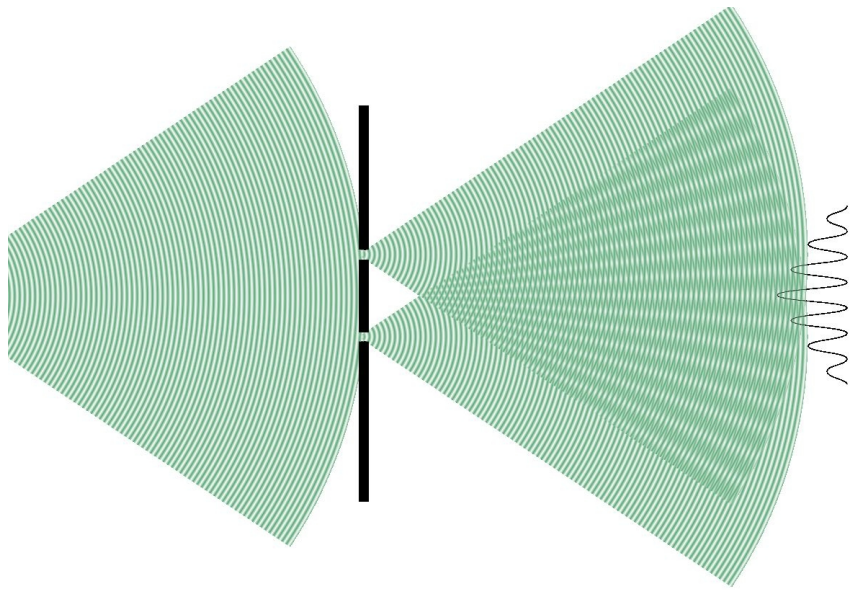
Також хвильову функцію можна записати, як диференціальне рівняння другого порядку.

$$\frac{\partial^2 y(x, t)}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y(x, t)}{\partial t^2}.$$

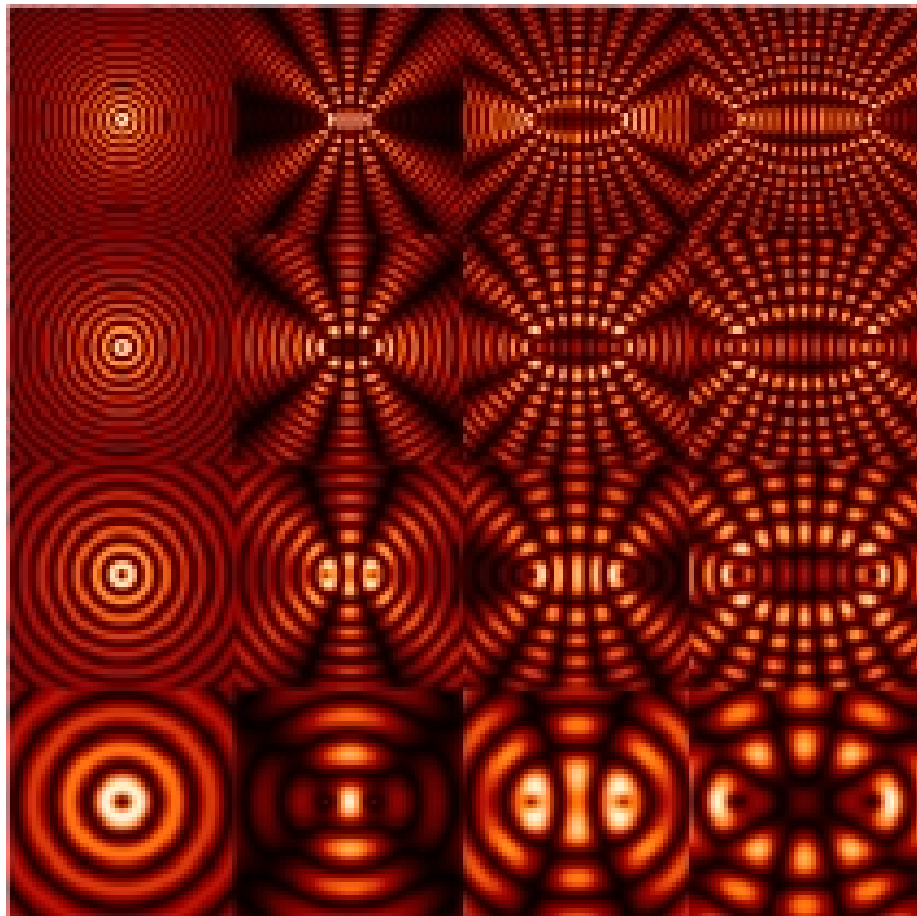
*Зображення 8: Диференціальне рівняння хвилі*

### Інтерференція

Інтерференція — це явище накладання двох або більше когерентних хвиль, в результаті чого в одних місцях спостерігається підсилення кінцевої хвилі, а в інших послаблення. Вона спостерігається у когерентних хвилях різноманітної природи — на поверхні води, у поперечних, поздовжніх звукових та електромагнітних.



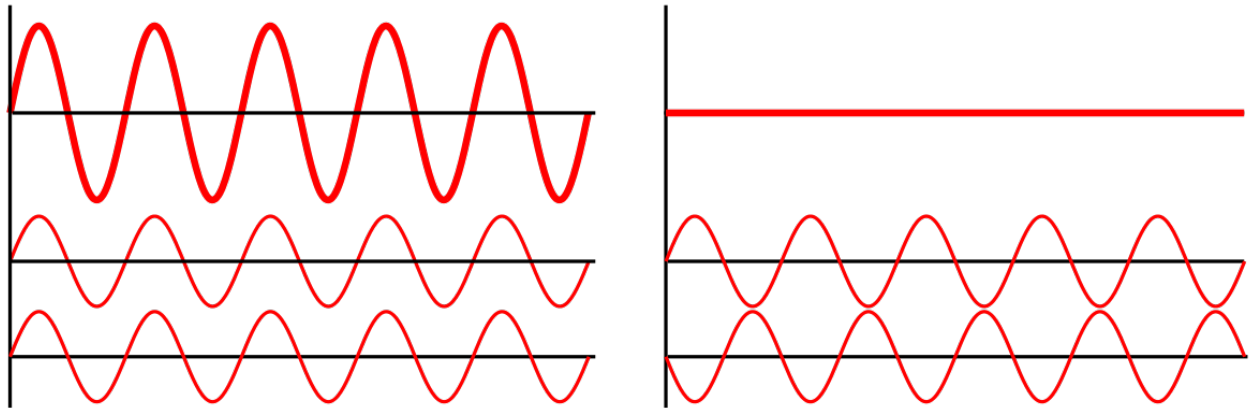
*Зображення 9: Інтерференція від двох щілин*



*Зображення 10: Картина інтерференції двох кругових хвиль, у залежності від довжини хвилі та відстані між джерелами*

При зіткненні, звилі поділяються на конструктивні, та деструктивні:

- 1) Конструктивні хвилі накладаються одне на одного.
- 2) Деструктивні знищують одне одного.



*Зображення 11: Конструктивні та деструктивні хвилі*

Ліворуч конструктивні хвилі, які об'єднуються в одну хвилю з більшою амплітудою. Праворуч деструктивні хвилі, які знищують одна одну.

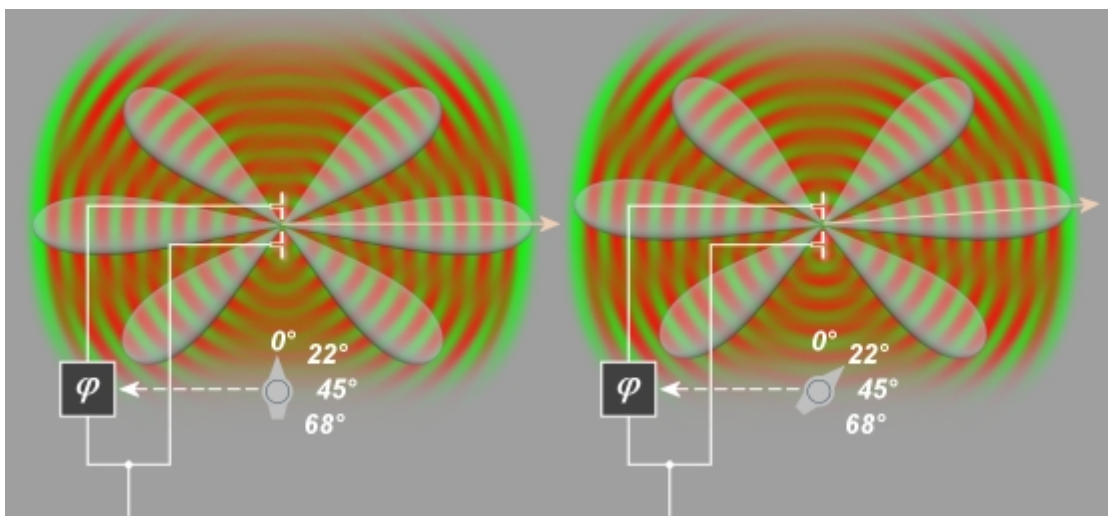
### **Зсув фаз у ФАР**

Фазована антенна решітка базується на принципі зсуву фаз. За допомогою цього ФАР повертає сигнал. Оскільки відстань між сусідніми випромінювачами у ФАР завжди однакова, зсув фази між ними теж буде однаковим. Таким чином зсув фази між першим і останнім випромінювачем буде у  $n$  раз більше, ніж між сусідніми випромінювачами. Через це, при виходу з ладу одного з випромінювачей, ФАР не втратить роботоздатності, але її ефективність зменшиться.

Відношення кута зсуву променя та зсуву фази задає наступна формула, де  $d$  – відстань між сусідніми випромінювачами,  $\lambda$  — довжина хвилі,  $\phi$  — фазовий зсув,  $\Theta$  — кут нахилу променя.

$$\Delta\varphi = \frac{360^\circ \cdot d \cdot \sin \Theta_s}{\lambda}$$

*Зображення 12: Відношення зсуву фази і куту нахилу*



*Зображення 13: Ліворуч: два випромінювача з однаковою фазой.  
Праворуч: два випромінювача з зсувом фази*



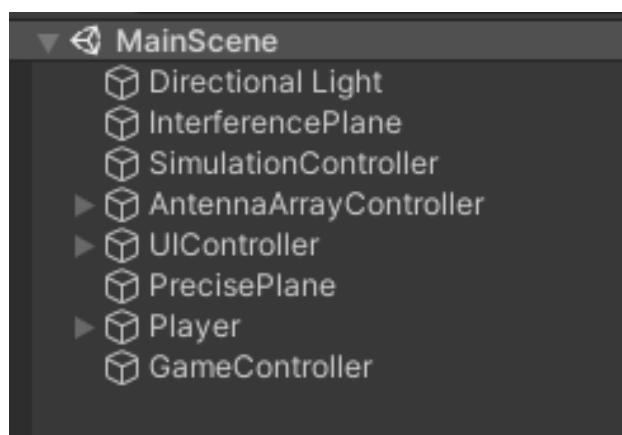
## ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ

Для реалізації програми я обрав двигун Unity3D. За допомогою нього можна вже після створення проекту перейти до реалізації задумки. Це дозволяє значно скоротити час розробки та написати більш оптимізовану програму.

Мова програмування: C#

Шейдерна мова: CG

IDE: Visual Studio 2022



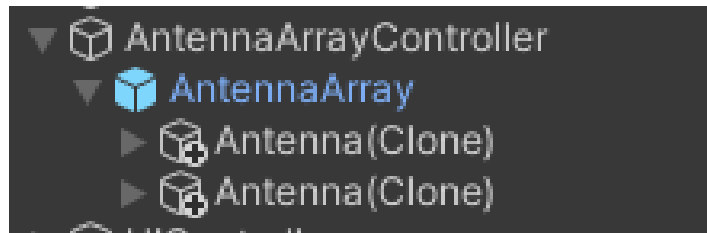
*Зображення 14: Hierarchy window*

У Unity все починається зі сцени. Це наш навколишній простір, який зберігає всі об'єкти і у якому виконується уся програма.

На сцені кожен об'єкт — це об'єкт типу `gameObject`. Це може бути будь що:

- 1) Камера, через яку ми бачимо простір.
- 2) Площина, на якій ми малюємо розповсюдження хвиль.
- 3) UI, який дозволяє керувати програмою.
- 4) І навіть об'єкти, які ми не бачимо, контролери та освітлення.

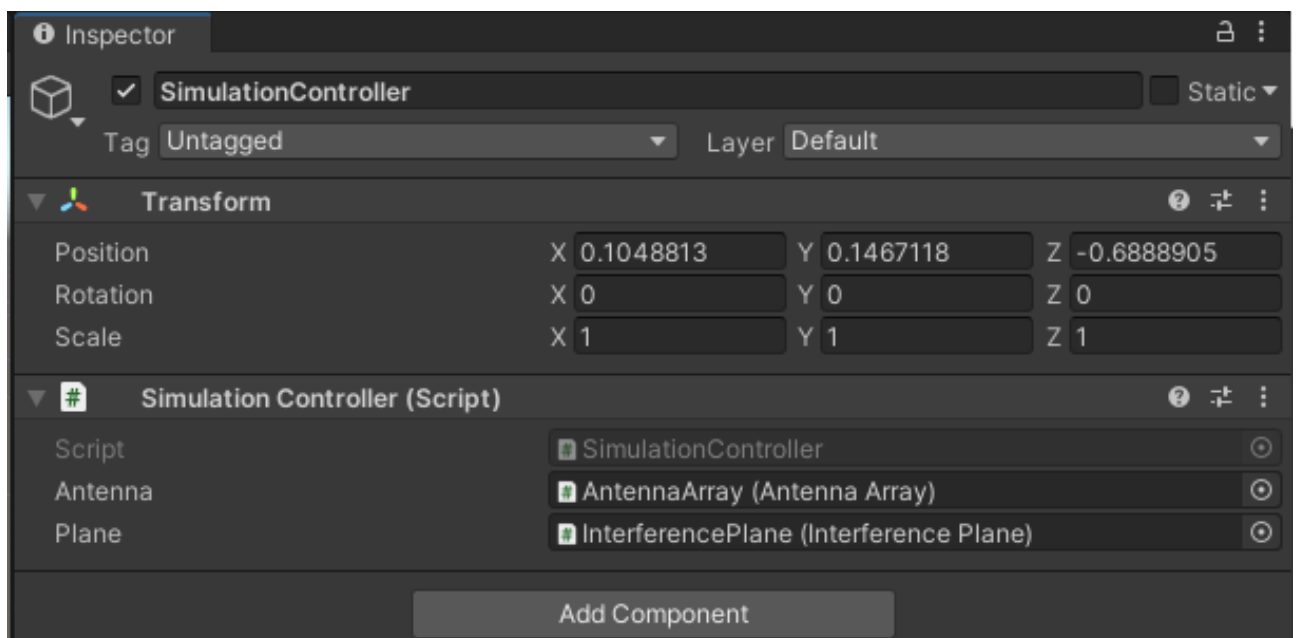
Ці об'єкти можуть об'єднуватися у складну ієрархію, що допомагає нам групувати їх, та потім ними керувати.



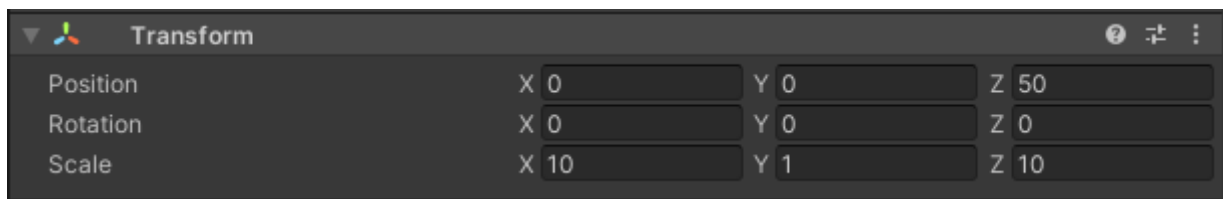
Зображення 15: Parent-child hierarchy

Кожен `gameObject` може зберігати у собі компоненти, в тому числі і скрипти, де ми і пишемо логіку програми. Кожен `gameObject` обов'язково має компонент `Transform`, який дозволяє орієнтувати його у просторі.

Все це ми бачимо через вікно з назвою: `Inspector`. Воно доступне нам тільки у редакторі й дозволяє зручно налаштовувати програму. Саме тут ми можемо керувати нашими компонентами, додавати скрипти, або, наприклад, рендерер поверхні, щоб візуально бачити об'єкт.



Зображення 16: Inspector menu



*Зображення 17: Transform component*

В цілому в програмі існує 12 різних скриптів та один шейдер.

UI скрипти, які маркують елементи інтерфейсу та передають данні до контролерів:

- 1) Antenna Array Controller Menu
- 2) Main Bar
- 3) Settings Menu
- 4) Simulation Controller Menu

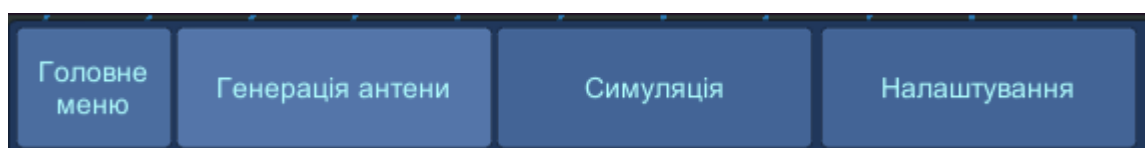
Controller скрипти, які приймають данні та виконують програму:

- 5) Antenna Array Controller
- 6) Game Controller
- 7) Simulation Controller
- 8) UI Controller

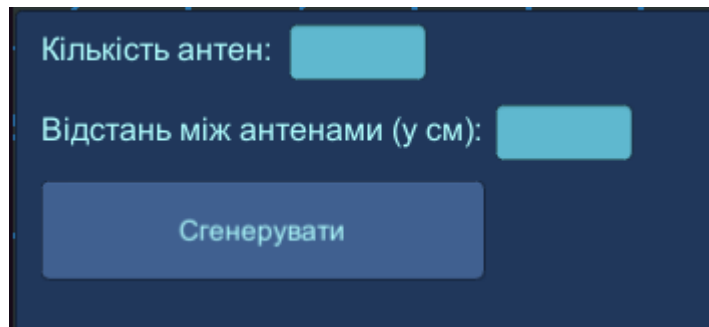
Та інші скрипти, які маркують об'єкти сцени:

- 9) Antenna – об'єкт антени
- 10) Antenna Array – об'єкт масиву антен
- 11) Free Cam – камера глядача
- 12) Interference Plane – площина, на якій відмальовуються хвилі

Після запуску програми ми бачимо головне меню та площину з симуляцією. Перш за все нам потрібно сгенерувати антену.



*Зображення 18: Головне меню програми*



*Зображення 19: Меню "Генерація антени"*

Заходимо у пункт меню «генерація антени» та задаємо кількість випромінювачів та відстань між ними. У меню «Симуляція» задаємо довжину хвилі та кут нахилу.



*Зображення 20: Меню "Симуляція"*

Праворуч ми бачимо слайдер, на якому можна вибрати кут нахилу. При зміні значень на слайдеру, симуляція буде перезавантажуватися кожен раз, як ми змінимо значення.

Основна робота програми відбувається у двох файлах:

- 1) скрипт `SimulationController.cs`
- 2) шейдер `InterferenceShader.shader`

`SimulationController.cs` має основний метод `void Emit`, у якому ми завантажуюмо данні до шейдеру.

```

2 references | Vintall, 23 hours ago | 1 author, 1 change
public void Emit(float wave_length, float rotation_angle)
{
    this.wave_length = wave_length;
    this.rotation_angle = rotation_angle;

    float distance = AntennaArrayController.Instance.AntennasDistance;

    float phase_shift = 360 * distance * Mathf.Sin(rotation_angle * Mathf.Deg2Rad) / wave_length; /

```

Спочатку ми вираховуємо зсув фази.

```
Transform antenna = AntennaArrayController.Instance.transform.GetChild(0);
cur_material = plane.GetComponent<MeshRenderer>().material;

List<Vector4> antenna_pos = new List<Vector4>();

for (int i = 0; i < 100; i++)
{
    antenna_pos.Add(Vector4.zero);
}

for (int i = 0; i < antenna.childCount; i++)
{
    antenna_pos[i] = new Vector4(antenna.GetChild(i).position.x, antenna.GetChild(i).position.z, 0, 0);
}
```

Заповнюємо одновимірний масив з координатами випромінювачів.

```
cur_material.SetInt("_Antenna_count", antenna.childCount);
cur_material.SetVectorArray("_Antenna_position", antenna_pos);

cur_material.SetFloat("_Phase_shift", phase_shift);
cur_material.SetFloat("_Wave_length", wave_length);

cur_material.SetVector("_Sheet_position", new Vector4(plane.transform.position.x, plane.transform.position.z, 0, 0));
cur_material.SetFloat("_Sheet_size", 100);
```

Відсилаємо усі необхідні данні до шейдеру.

```
void surf (Input IN, inout SurfaceOutputStandard o)
{
    const float pi = 3.1415926;
    float s_all = 0;
    float2 uv = -(IN.uv_MainTex - 0.5) * _Sheet_size + _Sheet_position;
    for (int i = 0; i < 100; i+=1)
    {
        if (i >= _Antenna_count)
            break;

        half2 buff = _Antenna_position[i];
        float2 xx = uv - buff;
        float r = length(xx);

        float sin_clear = sin(r * 2 * pi / _Wave_length + i * (_Phase_shift * pi / 180) - _Time * _Wave_frequency);
        float sin_handled = sin_clear * 2 / _Antenna_count;

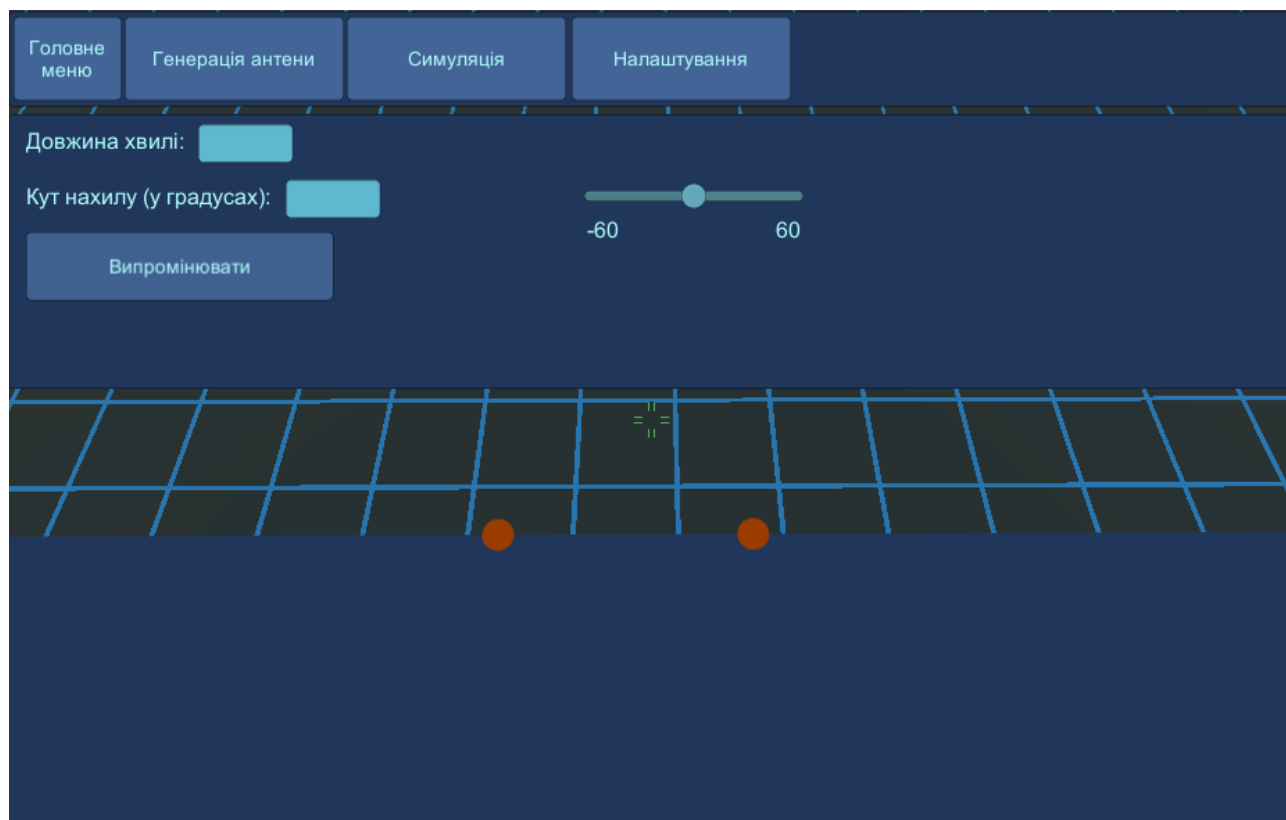
        s_all += sin_handled;
    }
    o.Albedo = float3(s_all, 0, -s_all);
}
```

У шейдеру ми повинні перевести координати з проміжку [0; 1] до світових координат. Після чого ми беремо позицію кожного випромінювача, знаходимо відстань до нього і знаходимо значення хвильової функції у цій точці.

Кожне значення функції я розділяю на кількість випромінювачів, щоб не пересвітлювати інтерференційну картину. Збираємо всі значення у одну змінну, так використовуємо це значення, як коефіцієнт меж двома кольорами.

## ПРИКЛАД РОБОТИ

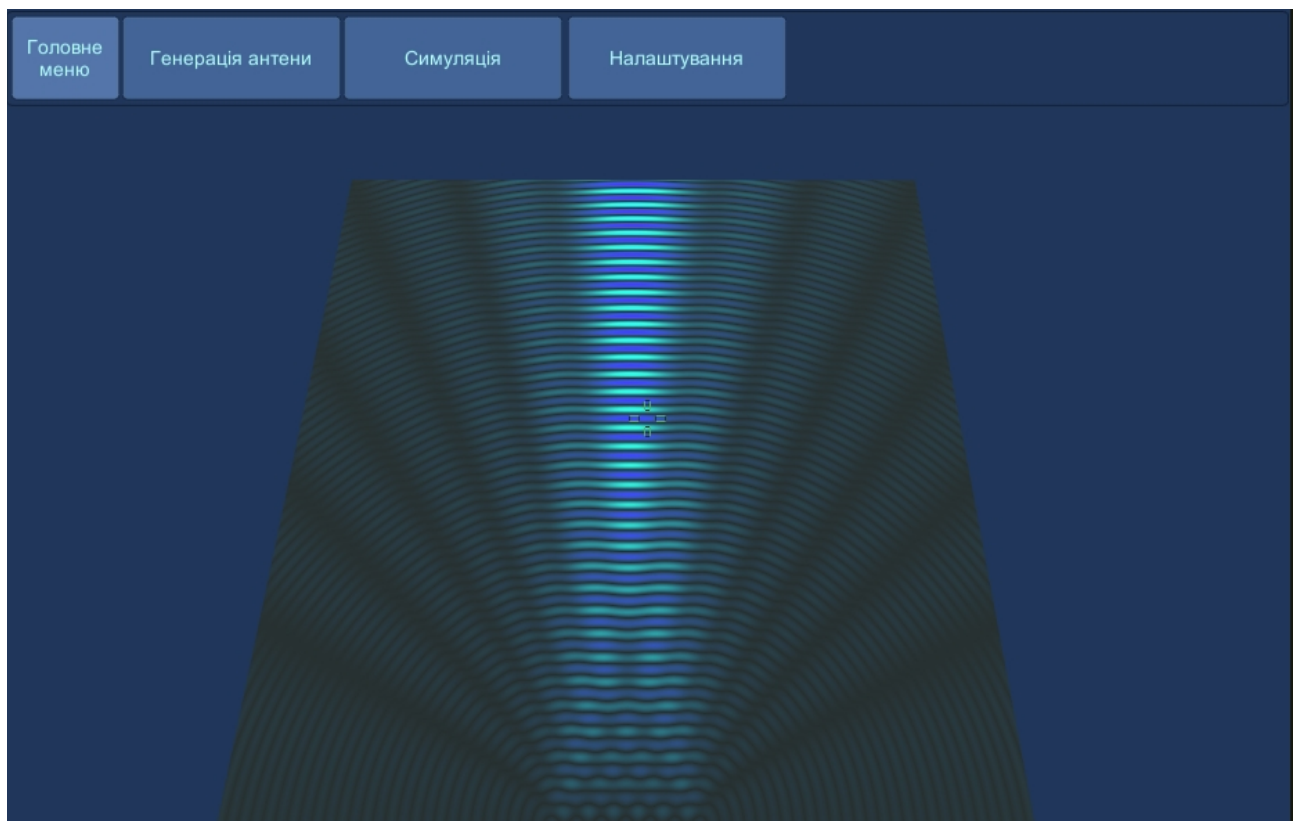
Після запуску, програма виглядає наступним чином.



Виставляє значення:

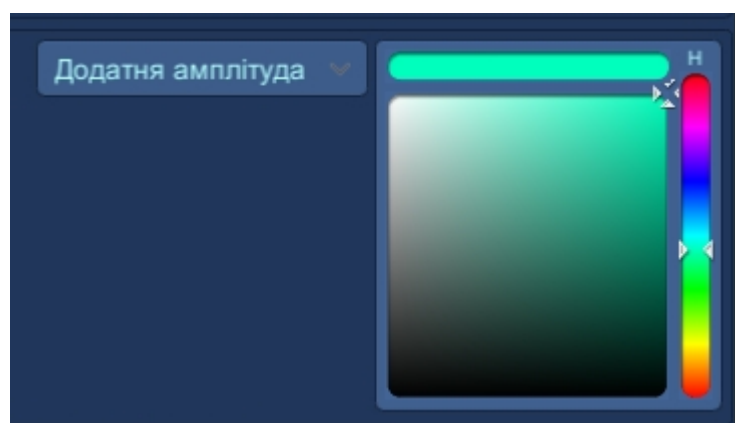
- 1) Кількість випромінювачів: 20
- 2) Відстань між сусідніми випромінювачами: 1 см
- 3) Довжина хвилі: 3 см.
- 4) Кут нахилу: 0

Після натискання кнопки «Випромінювати», отримуємо наступне інтерференційне зображення.



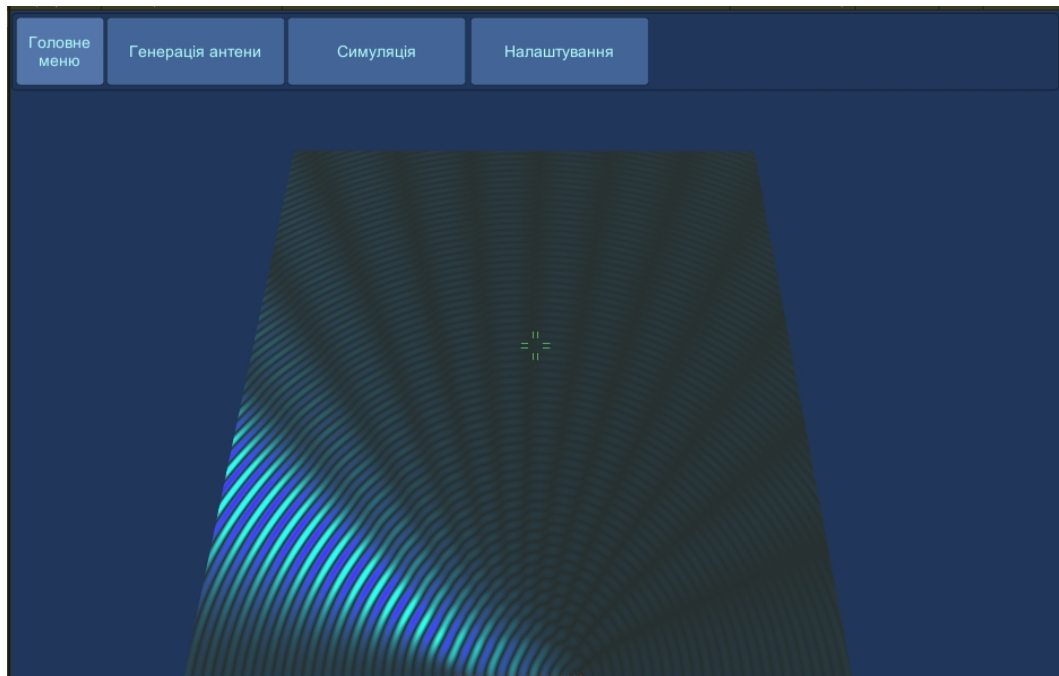
*Зображення 21: Інтерференційне зображення при 20 випромінювачах з відстанню 1 см, без зсуву фаз та з довжиною хвилі: 3 см*

Кольор максимальної та мінімальної амплітуди за бажанням можна змінити у меню «Налаштування».

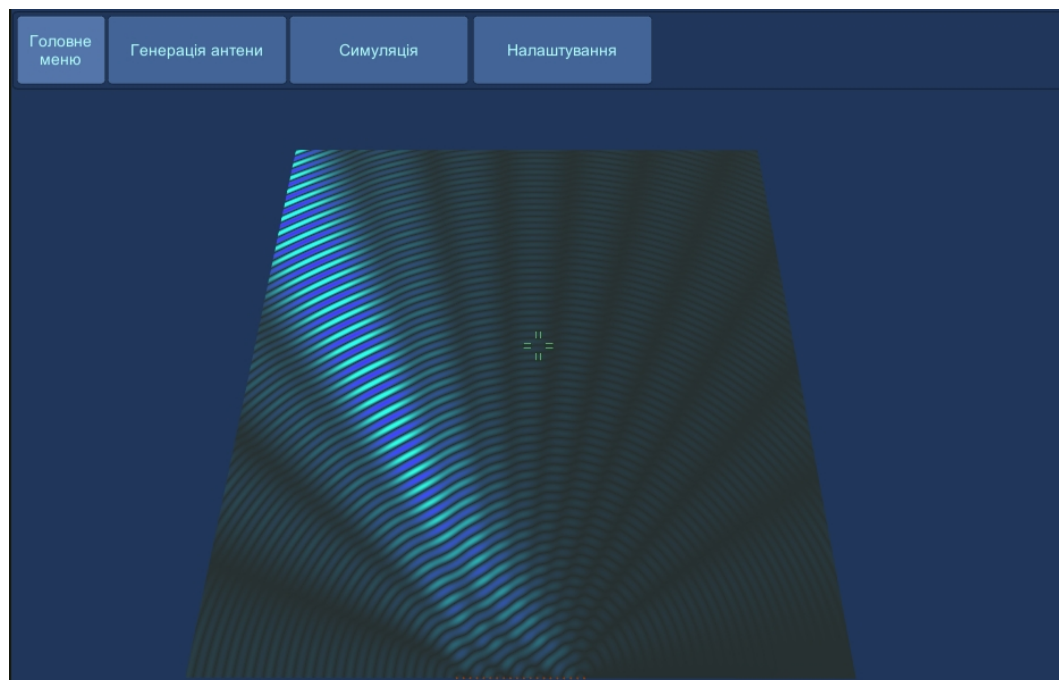


*Зображення 22: Елемент зміни кольору*

Кут дозволяється змінювати у проміжку  $[-60, 60]$  градусів від перпендикуляру антени. Ось декілька прикладів виводу програми при різних заданих кутах.

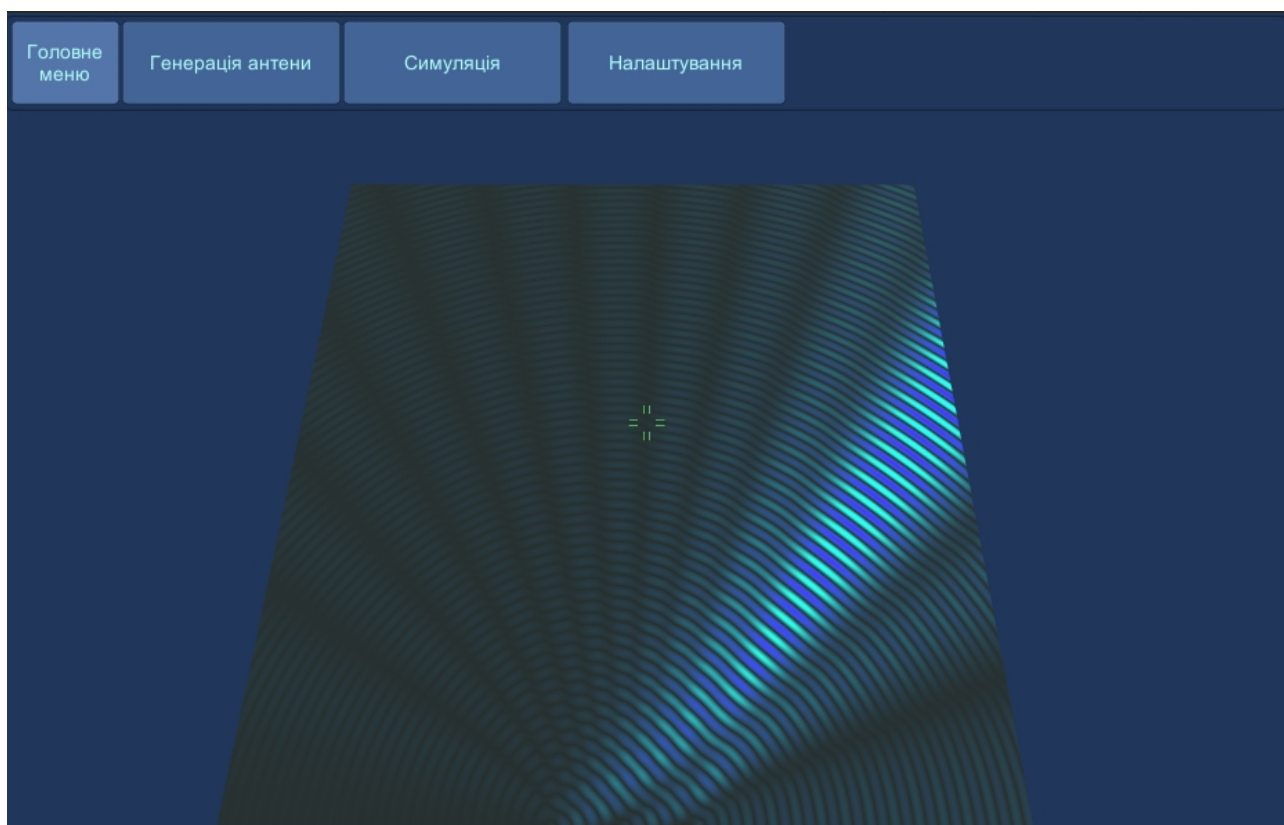


*Зображення 23: Інтерференція при -60 градусів*

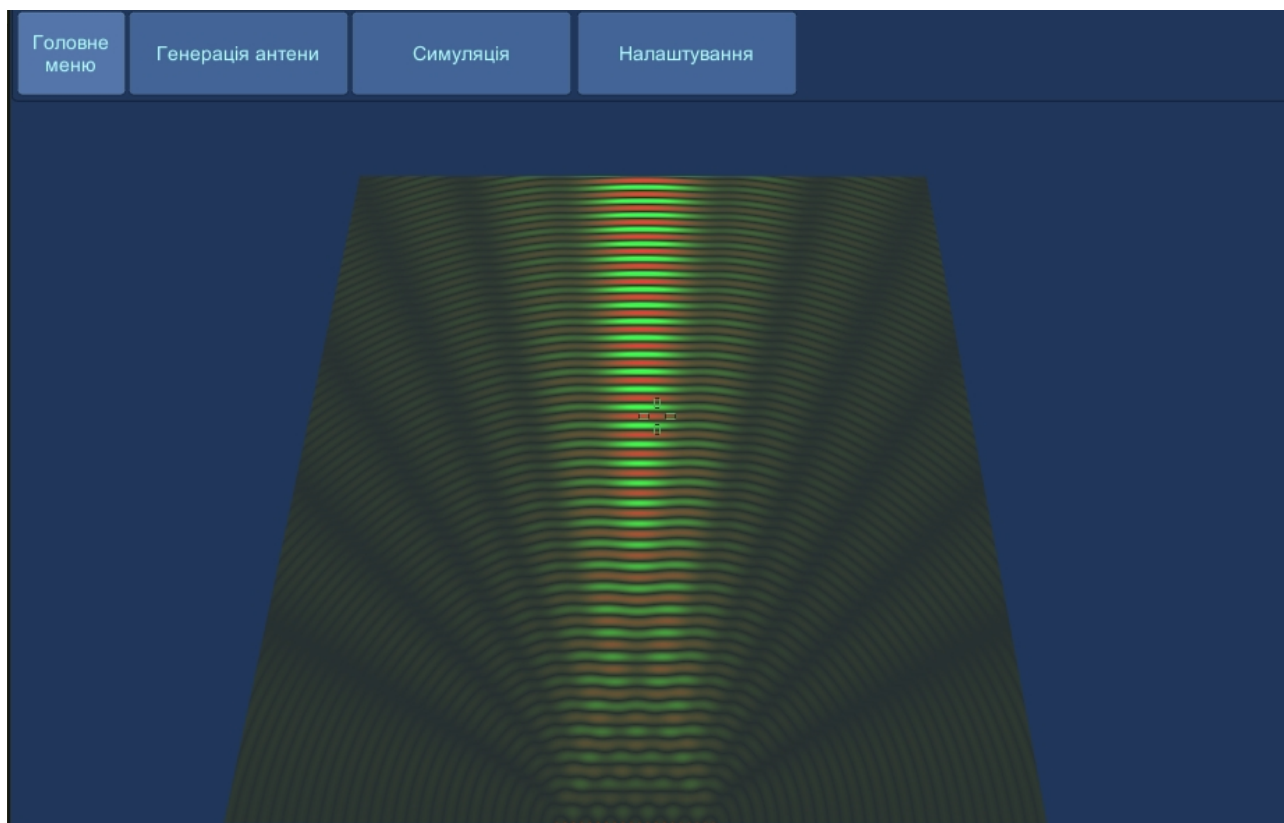


*Зображення 24: Інтерференція при -30 градусів*





*Зображення 25: Інтерференція при 40 градусів*



*Зображення 26: Приклад зміни кольору*

## **ВИСНОВКИ**

Виконуючи цю курсову роботу, я розібрався у темі фазованих антенних решіток, навчився випромінювати сигнал у потрібному мені напрямку без повороту конструкції антени. Розробив програму, за допомогою якої передбачити інтерференційну картину для певної конфігурації антени.

Програму робив на базі Unity3D за допомогою мови програмування c#.

У програмі можна задати кількість випромінювачів у ФАР, відстань між ними, подивитися інтерференцію для заданої довжини хвилі, повернути сигнал на заданий кут. Візуалізація зроблена таким чином, щоб основний напрямок сигналу якомога більше виділявся на фоні побічних.

## СПИСОК ВИКОРИСТАНОЇ ЛІТЕРАТУРИ

1. Mathematics of waves - <https://phys.libretexts.org>
2. SurfaceShaders – [SL-SurfaceShaders](#)
3. Фазованні антенні решітки - <https://habr.com>
4. Фазованні антенні решітки - <https://www.radartutorial.eu>
5. Проектування фазованих антенних решіток - <https://ru.wikipedia.org>
6. ShaderLab: defining material properties - <https://docs.unity3d.com>
7. Nvidia Cg Toolkit Documentation - <https://developer.download.nvidia.com>