#### Дніпровський національний університет імені Олеся Гончара Факультет прикладної математики Кафедра обчислювальної математики та математичної кібернетики

## МЕТОДИ ОПТИМІЗАЦІЇ

#### Завдання до КМР

# Спеціальні қласи задач лінійного програмування

### Задача про призначення

Постановка завдання

Нехай  $\epsilon$  n різних робіт та n механізмів для їх виконання, причому кожен механізм може використовуватися на будь-якій роботі. Продуктивність кожного механізму на різних роботах різна. Позначимо через  $c_{ij}$  продуктивність i-го механізму на j-тій роботі. Потрібно так розподілити механізми по роботах, щоб сумарна продуктивність була максимальною. Застосувати угорський алгоритм розв'язання задачі про призначення.

Математична постановка задачі має вигляд:

$$\sum_{i=1}^{m} \sum_{j=1}^{n} c_{ij} x_{ij} \to max, \tag{1}$$

$$\sum_{j=1}^{n} x_{ij} = 1, i = 1, m,$$
(2)

$$\sum_{i=1}^{m} x_{ij} = 1, j = 1, n$$
 (3)

$$x_{ij} = \begin{cases} 0, \\ 1. \end{cases} \tag{4}$$

## Рекомендована література

- 1. Зайченко Ю. П. Дослідження операцій: Підручник / Ю. П. Зайченко. К., Видавничий дом «Слово», 2000. 816 с.
- 2. Зайченко О. Ю. Дослідження операцій. Збірник задач / О. Ю. Зайченко, Ю. П. Зайченко. –К.: Видавничий дом «Слово», 2007. – 472 с.
- 3. Наконечний С. І. Математичне програмування: Навч. посіб. / С. І. Наконечний, С. С. Савіна. К.: КНЕУ, 2003. 452 с.
- 4. Попов Ю. Д. Методи оптимізації / Ю. Д. Попов, В. І. Тюптя, В. І. Шевченко. К.: Ел.вид КНУ, 2003. 215 с.

## Індивідуальні варіанти:

№				$C_{ij}$									$C_{ij}$				
1	<u> </u>	10	5	9	16	8	17		2	5	13	6	10	13	8	9 ]	
	6	8	11	8	18	19	20			10	9	7	11	8	12	11	
	7	13	10	3	4	14	18			11	5	8	12	4	18	4	
	5	9	6	21	12	17	22			12	6	9	8	5	8	5	
	5	4	11	6	13	14	11			9	4	4	5	6	6	7	
	17	7	12	13	16	17	9			11	8	7	4	7	3	8	
	13	0	8	8	10	12	17			6	5	8	12	13	9	14	
3	6	5	9	10	7	12	8		4	4	5	9	5	6	14	6	
	9	7	11	6	8	11	10			8	12	4	13	16	15	16	
	8	10	7	8	10	7	4			2	15	8	10	17	7	9	
	5	6	10	5	6	11	12			14	8	4	9	5	6	7	
	4	9	8	9	4	1	2			3	5	4	12	10	11	13	
	5	6	10	11	10	12	5			10	9	11	5	6	12	8	
	4	11	5	4	5	12	13			_ 7	13	8	12	8	11	10	
5	7	10	8	11	7	15	12		6	8	4	5	18	6	1	8	
	1	2	5	6	10	18	4			9	5	7	2	4	8	4	
	8	11	9	2	16	3	6			1	10	5	6	12	9	6	
	5	2	5	14	3	10	5			2	4	7	13	10	8	5	
	8	7	6	7	13	8	14			12	3	11	9	12	10	11	
	6	8	17	10	11	9	5			5	13	8	2	3	12	13	
	15	18	5	9	12	6	10	_		<u> 7</u>	6	4	18	5	6	7 ]	
7	[18	4	6	7	8	11	5		8	[13	4	5	12	3	6	14	
	13	5	12	13	5	6	8			7	1	9	4	11	2	10	
	10	13	14	17	3	4	2			12	4	7	6	8	7	4	
	5	6	5	6	4	15	3			5	4	6	1	7	8	6	
	19	20	10	7	8	6	7			8	9	9	7	10	3	5	
	12	13	1	13	15	8	7			7	4	4	5	4	3	8	
	<u> </u>	1	2	2	4	16	9 _			<u>_</u> 15	3	3	13	5	6	16	

9	T 1	17	1	4	5	18	2	]	10	12	13	8	5	5	16	17	]
	21	5	6	7	8	6	16			1	2	6	7	8	3	4	
	9	10	9	14	10	15	8			6	7	2	16	3	9	10	
	14	2	3	13	6	7	15			4	5	15	20	19	11	4	
	10	8	12	1	11	2	4			10	1	2	18	17	3	5	
	6	7	1	10	3	8	6			5	6	4	10	5	7	8	
	3	19	4	12	13	20	4			18	19	11	12	14	14	15	
11	<u> </u>	4	5	8	9	4	5 ]		12	<u> </u>	5	7	10	2	3	4 ]	
	5	6	7	8	10	11	12			8	2	5	4	7	10	1	
	4	18	4	7	6	7	8			8	3	10	17	8	2	3	
	5	4	3	6	10	4	5			5	6	7	10	1	3	7	
	9	10	8	9	5	13	6			4	8	12	5	4	5	6	
	6	8	11	12	7	8	9			10	15	1	2	5	6	7	
	12	4	5	6	2	5	4 ]			8	7	12	6	18	5	4 ]	
13	5	1	4	2	10	6	7		14	[3	5	10	7	8	10	12	
	4	5	10	4	5	8	10			4	6	7	4	5	6	7	
	15	12	14	15	4	5	7			12	13	11	6	7	8	9	
	4	8	9	10	12	13	14			10	4	5	8	9	4	5	
	5	4	7	8	9	10	5			8	7	9	5	6	7	11	
	7	8	4	3	5	6	7			1	3	12	1	4	5	6	
1.7	7	10	5	8	11	4	3 ]			<u> </u>	10	11	13	15	16	8 ]	
15	20	5	12	13	4	3	8		16	8	4	3	1	12	13	5	
	9	10	11	12	13	14	15			4	2	5	3	4	5	6	
	8	4	5	4	6	7	8			1	4	2	5	6	7	8	
	10	5	7	3	4	5	4			9	4	5	6	7	8	9	
	3	12	13	4	6	7	8			10	11	12	13	14	15	16	
	9	4	8	9	8	5	4			5	6	7	8	9	10	4	
17	11	4	3	15	4	5	14		10	<u> </u>	10	11	13	8	6	3 ]	
17	1	5	2	10	3	12	4		18	4	18	17	7	3	2	1	
	6	7	8	9	10	12	5			5	6	1	2	14	3	12	
	8	3 2	4	5	6 5	8	9			6	8	7	12	10	8	6	
	1		13	4	5	6	7			7	12	5	4	6	7	15	
	8	9	4	5	6	8	10			3	1	2	4	17	3	4	
	3	4	8	7	12	13	1			6	12	4	5	6	8	9	
	<u> </u>	5	1	2	3	8	10			<u> </u>	2	1	4	6	7	12	

19		Γ7	8	4	3	5	6	1 7		20	T20	5	1	8	9	10	18	٦
		3	2	5	6	7	2	13		20	16	12	4	5	6	7	8	
		12	4	5	7	8	2	4			13	15	16	8	9	10	6	
		$\frac{12}{2}$	1	10	7	6	5	12			7	8	12	5	<i>7</i>	8	9	
		5	6	10	13	15	16	3			5	7	9	10	11	12	6	
		4	18	2	5	7	8	12			12	5	9 7	8	9	4	5	
		ł	5			3					7	<i>3</i>	3	2	5			
21		<u> </u>		6	2		12	1 ]		22	<u> </u>		5			1	2	
21		5	4	3	1	2	5	4		22	$\begin{bmatrix} 12 \\ \xi \end{bmatrix}$	4		6	7	2	1	
		8	16	12	3	5	4	2			5	7	8	9	10	11	8	
		6	7	8	9	10	6	7			6	3	4	5	6	7	9	
		2	3	7	8	4	3	12			8	7	2	11	12	13	2	
		6	7	1	2	7	8	5			6	5	1	5	6	7	6	
		3	4	7	6	8	9	7			$\frac{1}{2}$	4	5	7	12	4	5	
22	Г	5	8	6	2	1	4	5		24	<u> [8</u>	9	14	5	6	7	4	
23		1	5	3	4	7	6	10	İ	24	3	2	4	7	5	8	5	
		12	1	4	7	8	9	10			4	8	5	6	6	9	6	
		13	3	5	6	4	3	2			5	10	7	4	7	4	7	
		1	4	5	8	9	12	15			10	4	13	8	3	8	3	
		25	5	1	3	8	10	6			12	3	4	9	2	10	14	
	İ	7	3	6	1	6	5	1			5	7	6	12	1	7	5	
2.7		12	5	8	5	10	4	26		2 -	<u>[ 1</u>	10	11	8	4	2	8 ]	,
25		7	8	1	2	5	7	10		26	11	3	12	14	5	2	7	
		8	15	14	3	7	8	11			7	8	11	3	17	16	5	
		4	6	5	9	3	2	1			18	12	4	8	7	10	2	
		3	17	3	16	14	10	8			1	3	5	7	6	7	8	
		5	5	3	3	7	9	2			18	10	8	3	2	1	5	
		1	3	4	5	11	3	1			11	13	10	5	17	3	5	
		_ 7	7	8	9	1	2	3_			_12	3	8	7	8	7	2_	
27		[10	17	3	4	5	7	8		28	5	7	10	13	4	5	9	
		7	11	12	3	4	5	7			17	3	10	9	8	7	6	
		3	10	3	7	8	11	12			12	14	5	8	7	6	2	
		8	5	2	1	17	13	12			1	1	3	17	18	9	3	
		17	8	7	12	4	17	5			2	4	6	1	1	3	5	
		18	7	5	10	18	6	7			13	3	17	8	5	14	1	
		2	8	6	11	13	10	2 _			18	2	4	7	13	2	11_	

29		Γ1	4	5	6	7	15	2 7		30	Γ4	5	6	7	9	4	1	]
		3	5	7	9	5	12	10		50	3	7	10	6	8	5	7	
		4	7	8	10	7	3	4			4	8	5	7	16	8	9	
		6	8	12	12	9	6	1			5	5	3	5	4	2	3	
		10	2	3	4	12	7	4			3	6	4	2	5	4	5	
		1	9	4	7	15	2	8			1	7	2	6	8	1	2	
		2	11	6	10	4	5	10			4	8	1	7	9	6	7	
31	Г	0	4	8	5	7	5	2	7	32	<u>L</u> ·	4	8	5	4	8	9	
		4	8	6	7	8	4	6			4	7	9	12	6	7	8	
		1	5	24	8	8	11	6			6	8	12	7	8	9	12	•
		2	2	6	14	6	7	2			7	10	13	13	4	5	6	
		6	2	14	4	3	8	7			8	4	5	4	5	6	7	
		4	2	4	8	9	13	10			9	5	6	8	9	10	15	
		7	21	2	9	14	16	3			10	12	7	4	5	6	7	
33		<u> </u>	4	5	6	7	8	13		34	<u> </u>	4	3	6	12	4	5	
		5	6	7	8	12	14	8			8	9	10	7	8	13	4	
		9	7	8	9	10	11	12			6	7	8	9	12	6	7	
		6	12	15	16	5	4	6			8	10	4	8	13	4	5	
		7	8	9	10	4	5	7			6	12	5	4	7	8	12	-
		8	10	12	7	8	9	10			7	8	9	12	5	6	7	
		15	16	17	18	19	15	4			6	7	8	9	13	14	15_	
35		<u> 1</u>	12	4	8	4	3	2 ]		36	8	10	3	8	5	6	8	
		2	14	5	6	5	10	4			9	4	5	9	4	9	10	•
		10	15	6	7	6	13	9			10	5	10	12	3	3	4	
		15	6	7	3	4	5	3			5	6	12	4	15	2	5	
		4	8	10	6	7	12	13			6	8	4	18	16	7	12	
		6	9	4	6	8	9	10			7	2	8	12	7	8	3	
		7	10	5	15	6	7	8 ]			8	3	10	4	10	1	2_	
37		$\lceil 12 \rceil$	4	6	7	8	9	10		38	$\lceil 4 \rceil$	5	6	7	8	2	3	
		5	6	7	8	9	10	11			13	12	4	9	10	4	5	
		12	13	14	15	4	5	6			6	7	12	4	5	6	7	
		7	8	9	10	3	14	12			10	15	12	5	4	10	6	
		5	6	13	4	5	6	7			7	8	10	11	12	4	8	
		18	12	5	6	7	8	12			9	12	14	15	16	7	9	
		6	7	8	9	10	12	14			_ 5	6	3	4	5	12	4_	

39	[	20	5	15	13	8	9	10	7	40		<b>8</b>	7	4	18	4	15	6	1
		13	14	3	4	5	6	7		. 0		16			17	5	17	3	
		4	5	4	3	4	5	6				14	12		5	7	18	13	
		8	9	10	12	14	13	14				3	4	7	3	8	19	8	
		15	6	7	8	9	10	13				10		8	2	9	20	10	
		4	5	6	7	12	4	5				8	12		1	10	21	5	
		6	12	15	14	15	16	17				4	3	14	5	14	4	6	
41	L	<u> </u>	8	12	4	8	10	127		42		<u> </u>			8	9	10	127	]
		5	4	10	11	12	4	5				8			12	4	1	2	
		6	7	8	9	10	12	6				4			8	6	7	8	
		10	12	11	5	6	7	8				9			16	3	4	5	
		15	6	7	8	9	11	16				4			10	8	9	10	
		4	5	6	7	8	4	5				6	7	8	9	10	8	9	
		6	7	8	12	14	15	4				16	5 5	6	8	12	3	4	
43		<u> </u>	5	4	7	6	5	1 7		44		5	6	12	7	8	9	13	7
		8	7	12	6	4	2	3				6	10	8	12	5	3	8	
		3	8	4	11	12	1	4				5	12	7	6	10	16	5	
		5	12	3	13	6	7	8				7	10	6	5	4	7	6	
		6	4	1	9	13	4	5				12	8	7	12	5	6	7	
		7	10	2	18	6	7	8				8	9	16	5	6	10	7	
		8	5	6	9	5	4	6				2	1	4	6	9	8	3	
45	<u> </u>	3	4	6	8	4	7	12		46	Γ	8	9	10	11	12	13	3 ]	
		5	8	7	10	6	4	7				4	5	6	7	8	9	10	
	1	0	9	2	4	5	5	2				12	4	5	6	7	8	9	
		4	6	1	8	7	1	3				13	5	6	8	9	5	4	
		8	7	10	12	8	6	10				8	9	10	4	3	2	7	
	12	2	4	5	6	9	12	5				4	12	8	16	12	10	8	
		3	8	7	8	10	6	8_				7	6	7	4	5	6	12	