

# 动态规划入门与动规四要素

九章课程都在这，加微信：study322  
主讲人 令狐冲

扫一扫 加我免费送课



# 动态规划 Dynamic Programming

九章课程都有，加微信：study322

简称动规或者DP

是一种算法思想，而不是一种具体的算法

扫一扫 加我免费送课



# 核心思想：由大化小

九章课程都有，加微信：study322

动态规划的算法思想：大规模问题的依赖于小规模问题的计算结果

类似思想算法的还有：递归，分治法

扫一扫 加我免费送课



# 动态规划 DP vs 贪心法 Greedy

九章课程都有，加微信：study322

动态规划为了长远的利益会损失当前利益

贪心法永远追求当前利益最大化

扫一扫 加我免费送课



# 动态规划的两种实现方法

九章课程都有，加微信：study322

1. 记忆化搜索 (使用递归实现)
2. 多重循环 (使用for循环实现)

扫一扫 加我免费送课



# Triangle

九章课程都有，加微信：study322

<https://www.lintcode.com/problem/triangle/>

<https://www.jiuzhang.com/solution/triangle/>

让我们用多重循环的重做一下这个题

扫一扫 加我免费送课



# 自底向上的动态规划

状态：坐标

方程：到哪儿去

初始化：终点

答案：起点

```
def minimumTotal(self, triangle):  
    n = len(triangle)  
  
    # state: dp[i][j] 代表从 i,j 走到最底层的最短路径值  
    dp = [[0] * (i + 1) for i in range(n)]  
  
    # initialize: 初始化终点（最后一层）  
    for i in range(n):  
        dp[n - 1][i] = triangle[n - 1][i]  
  
    # function: 从下往上倒过来推导，计算每个坐标到哪儿去  
    # dp[i][j] = min(dp[i + 1][j], dp[i + 1][j + 1]) + triangle[i][j]  
    for i in range(n - 2, -1, -1):  
        for j in range(i + 1):  
            dp[i][j] = min(dp[i + 1][j], dp[i + 1][j + 1]) + triangle[i][j]  
  
    # answer: 起点就是答案  
    return dp[0][0]
```

扫一扫 加我免费送课



状态：坐标

方程：从哪儿来

初始化：起点

答案：终点

```
def minimumTotal(self, triangle):
    n = len(triangle)

    # state: dp[i][j] 代表从 0, 0 走到 i, j 的最短路径值
    dp = [[0] * (i + 1) for i in range(n)]

    # initialize: 三角形的左边和右边要初始化
    # 因为他们分别没有左上角和右上角的点
    dp[0][0] = triangle[0][0]
    for i in range(1, n):
        dp[i][0] = dp[i - 1][0] + triangle[i][0]
        dp[i][i] = dp[i - 1][i - 1] + triangle[i][i]

    # function: dp[i][j] = min(dp[i - 1][j - 1], dp[i - 1][j]) + triangle[i][j]
    # i, j 这个位置是从位置 i - 1, j 或者 i - 1, j - 1 走过来的
    for i in range(2, n):
        for j in range(1, i):
            dp[i][j] = min(dp[i - 1][j], dp[i - 1][j - 1]) + triangle[i][j]

    # answer: 最后一层的任意位置都可以是路径的终点
    return min(dp[n - 1])
```





# 自顶向下 vs 自底向上

九章课程都有，加微信：study322

两种方法都可以，爱用哪个用哪个  
一个关心从哪儿来，一个关心到哪儿去

我要到哪里去？

我从哪里来？

我是谁？



庄子三连

扫一扫 加我免费送课



# 动规四要素

九章课程都有，加微信：study322  
**状态，方程，初始化，答案**

扫一扫 加我免费送课



# 递归四要素 vs 动规四要素

## 动规的状态 State —— 递归的**定义**

- 用  $f[i]$  或者  $f[i][j]$  代表在某些特定条件下某个规模更小的问题的答案
- 规模更小用参数  $i, j$  之类的来划定

## 动规的方程 Function —— 递归的**拆解**

- 大问题如何拆解为小问题
- $f[i][j]$  = 通过规模更小的一些状态求  $\max / \min / \text{sum} / \text{or}$  来进行推导

## 动规的初始化 Initialize —— 递归的**出口**

- 设定无法再拆解的极限小的状态下的值
- 如  $f[i][0]$  或者  $f[0][i]$

## 动规的答案 Answer —— 递归的**调用**

- 最后要求的答案是什么
- 如  $f[n][m]$  或者  $\max(f[n][0], f[n][1] \dots f[n][m])$

扫一扫 加我免费送课



# 递归四要素**完全对应**动规四要素

九章课程都有，加微信：study322  
这也就是为什么动态规划可以使用  
“递归”版本的记忆化搜索来解决的原因！

扫一扫 加我免费送课



# 不同的路径 Unique Paths

九章课程都有，加微信：study322

<https://www.lintcode.com/problem/unique-paths/>

<https://www.jiuzhang.com/solutions/unique-paths/>

求方案总数类 DP 题

扫一扫 加我免费送课

