# МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ «ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА»

Кафедра систем штучного інтелекту

## Розрахункова робота

з дисципліни

«Дискретна математика»

Виконала:

студентка групи КН-112

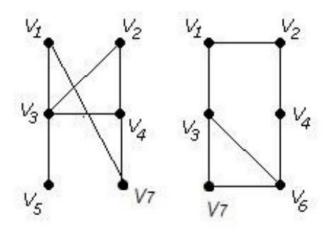
Максимець Віра

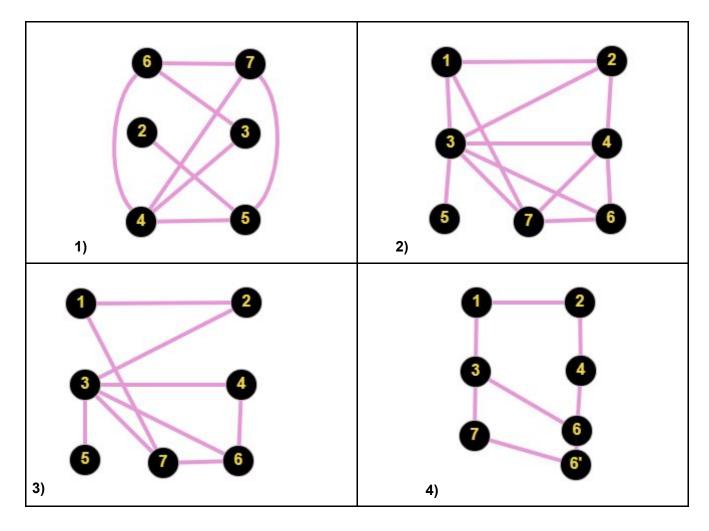
Перевірила:

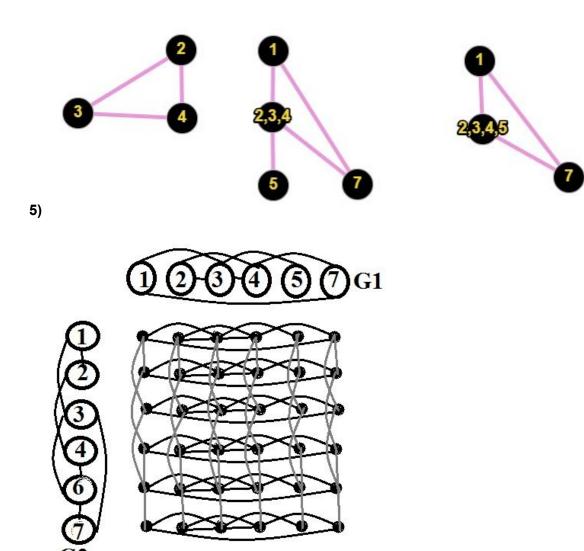
Мельникова H. I.

Завдання № 1

Виконати наступні операції над графами: 1) знайти доповнення до першого графу, 2) об'єднання графів, 3) кільцеву суму G1 та G2 (G1+G2), 4) розмножити вершину у другому графі, 5) виділити підграф A - що скадається з 3-х вершин в G1 6) добуток графів.

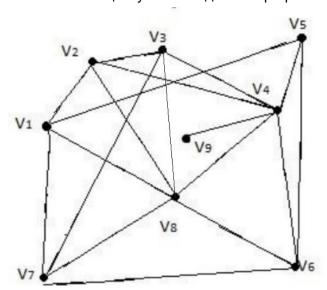






**Завдання № 2** Скласти таблицю суміжності для неографа

6)



	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	-	1	0	0	1	0	1	0	0
2	1	ı	1	1	0	0	0	1	0
3	0	1	1	1	0	0	1	1	0
4	0	1	1	ı	1	1	0	0	1
5	1	0	0	1	ı	1	0	0	0
6	0	0	0	1	1	ı	1	1	0
7	1	0	1	0	0	1	ı	1	0
8	0	1	1	0	0	1	1	-	0
9	0	0	0	1	0	0	0	0	-

Для графа з другого завдання знайти діаметр.

Ввідповідь: Діаметр = 3.

## Завдання № 4

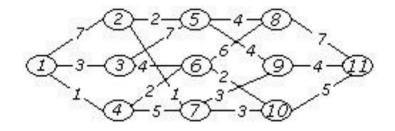
Для графа з другого завдання виконати обхід дерева вглиб.

Почнемо з довільної вершини V9

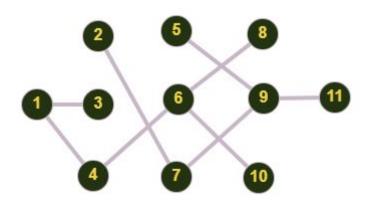
Стек	Вершина, яку додали	Присвоїли номер	Стек	Вершина, яку додали	Присвоїли номер
9	9	1	9,4,3,2,8,1,7	-	-
9,4	4	2	9,4,3,2,8,1	-	-
9,4,3	3	3	9,4,3,2,8	-	-
9,4,3,2	2	4	9,4,3,2	-	-
9,4,3,2,8	8	5	9,4,3	-	-
9,4,3,2,8,1	1	6	9,4	-	-
9,4,3,2,8,1,7	7	7	9	-	-
9,4,3,2,8,1,7,6	6	8	стек порожній	-	-
9,4,3,2,8,1,7,6,5	5	9			

```
Програмна реалізація
                                                                  Результат
#include <iostream>
                                                                    C:\Users\User_2\Desktop\DFS\bin\Debug\DFS.exe
using namespace std;
const int n=9;
int i, j;
bool *visited=new bool[n];
int graph[n][n] =
                                                                    Start from >> 9
Path: 9 4 2 1 5 6 7 3 8
Process returned 0 (0x0)
Press any key to continue.
\{0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0\},\
                                                                                                  execution time : 1.678 s
\{1, 0, 1, 1, 0,0,0,1,0\},\
\{0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0\},\
\{0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1\},\
\{0,0,0,1,1,0,1,1,0\},\
\{1,0,1,0,0,1,0,1,0\},\
\{0,1,1,0,0,1,1,0,0\},\
\{0,0,0,1,0,0,0,0,0\}
void DFS(int st)
int r;
cout<<st+1<<" ";
visited[st]=true;
for (r=0; r<n; r++)
if ((graph[st][r]!=0) && (!visited[r]))
DFS(r);
int main()
int start;
cout<<"Matrix: "<<endl;
for (i=0; i<n; i++)
visited[i]=false;
for (j=0; j<n; j++)
cout<<" "<<graph[i][j];
cout<<endl;
}
cout<<"Start from >> "; cin>>start;
bool *vis=new bool[n];
cout<<"Path: ";
DFS(start-1);
delete []visited;
```

Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.



Метод Краскала:	Метод Прима:
1. V1+V4	1. V1+V4
2. V2+V7	2. V4+V6
3. V4+V6	3. V6+V10
4. V6+V10	4. V10+V7
5. V1+V3	5. V7+V2
6. V7+V9	6. V2+V5
7. V9+V5	7. V5+V9
8. V9+V11	8. V9+V11
9. V6+V8	9. V11+V8



Метод Краскала	Метод Прими				
#include <iostream> using namespace std; void Probe(int v, int AM[][11], int Values[], int Lines[]); int main() { //матриця суміжності     int AM[11][11] =     {</iostream>	<pre>#include <iostream> #include <iomanip> using namespace std; int formation(int vershunu,int**arr, int* V, int* counter_of_nodes); void print(int vershunu, int** arr); bool check_node(int* V, int vershunu, int Node); void build(int vershunu, int* min, int* counter_of_nodes, int* weight_of, int** arr, int* V, int* E); int min_numb(int vershunu, int* min, int* counter_of_nodes, int** arr, int* V); void del(int vershunu, int** arr); int main() {     setlocale(LC_ALL, "rus");</iomanip></iostream></pre>				

```
{99,99,99,99,4,6,99,99,99,99,7},
                                                                         int vershunu, min, counter of nodes=0, weight of=0;
     {99,99,99,99,4,99,3,99,99,99,4},
                                                                         cout << "Введіть кількість вершин графа: ";
     {99,99,99,99,99,2,3,99,99,99,5},
                                                                         cin >> vershunu;
     {99,99,99,99,99,99,7,4,5,99}
                                                                         int* V = new int[vershunu];
  };
                                                                         int* E = new int[vershunu - 1];
  cout << "Kruskal method" << endl;
                                                                         int** arr = new int*[vershunu];
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++)
  //вага ребер
  int Values[]={1,2,3,4,5,6,7}; // "v"
                                                                                  arr[i] = new int[vershunu];
  int value = (sizeof(Values))/4;
                                                                         cout << "Введіть марицю суміжності";
  //масив для запису пройдених ребер
                                                                         min=formation(vershunu, arr,V,&counter_of_nodes);
  int Lines[11];
                                                                         if (min == -1) {
  //занулити
                                                                                  cout << "Program error" << endl;
  for (int i=0;i<value;i++)
                                                                         else {print(vershunu, arr);
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++) {build(vershunu, &min,
     Lines[i]=0;
                                                                 &counter_of_nodes, &weight_of, arr, V, E);
                                                                                          min = min numb(vershunu, &min,
  //виклик функції
   for (int weight=0;weight<value;weight++)</pre>
                                                                 &counter of nodes, arr, V);}
                                                                                  int sum = 0:
     Probe(weight, AM, Values, Lines);
                                                                                  for (int i = 0; i < vershunu-1; i++)
                                                                                          sum += E[i];
  return 0;
                                                                 cout << "Вага остового дерева: " << sum << endl;}
                                                                         del(vershunu, arr);
void Probe(int v, int AM[][11], int Values[], int Lines[])
                                                                         delete[] E;
                                                                         delete[] V;
{
  int counter1 = 0:
                                                                         return 0;
  int counter2 = 0:
  bool flag1, flag2;
                                                                int formation(int vershunu, int** arr,int *V,int
                                                                 *counter of nodes) {
for (int i=0; i<11; i++)
                                                                         int min = 99999;
   {
      for (int j=0; j<11; j++)
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++)
                                                                                  for (int j = 0; j < vershunu; j++) {
        if (AM[i][j]==Values[v])
                                                                                          cin >> arr[i][j];
                                                                                  if (min > arr[i][j] && arr[i][j] != 0) {
          for (int x=0;x<11;x++)
                                                                                  min = arr[i][j];
                                                                                  V[*counter_of_nodes] = i;}
             if (Lines[x]!=i) //якщо нема ще такого
                                                                                          if (cin.fail()) {
ребра
                                                                                          cout << "Input error" << endl;
                                                                                                   return -1;
               counter1++;
                                                                         (*counter_of_nodes)++;
             if (Lines[x]!=j) //якщо нема ще такого
                                                                         return min;
ребра
                                                                 void print(int vershunu, int** arr) {
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++) {
               counter2++;
                                                                                  for (int j = 0; j < vershunu; j++) {
                                                                                          cout << setw(4) << arr[i][j];
          if (counter1==11)
                                                                                  cout << endl;
             Lines[i]=i;
                                                                 void del(int vershunu, int** arr) {
             flag1 = true;
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++) {
           if (counter2==11)
                                                                                  delete[] arr[i];
             Lines[j]=j;
                                                                         delete[] arr;}
                                                                 bool check_node(int* V, int vershunu, int Node) {
             flag2 = true;
                                                                         for (int i = 0; i < vershunu; i++)
```

```
if ((flag1==false)&&(flag2==false))
                                                                                    if (V[i] == Node)return false;
           { }
                                                                           return true;}
           else {
                cout << "\n Connection between: {" <<
                                                                  void build(int vershunu, int* min, int* counter_of_nodes, int*
Lines[i]+1 << ";" << Lines[j]+1 << "}\n";
                                                                  weight_of, int** arr, int* V, int* E) {
                                                                           for (int i = 0; i < vershunu; i++)
                cout << "Line weight: " << v+1 << endl;;
                                                                                   for (int j = 0; j < vershunu; j++) {
        }
                                                                                            for(int k=0;k< *counter_of_nodes;k++)</pre>
                                                                           if (arr[i][j] == *min && (i==V[k] || j==V[k])) {
           counter1=0;
                                                                  if (check_node(V, vershunu, i) || check_node(V, vershunu, j)) {
           counter2=0;
           flag1 = false;
                                                                           if (check_node(V, vershunu, i)) {
           flag2 = false;
                                                                                            V[*counter_of_nodes] = i;
                                                                                                     (*counter_of_nodes)++;}
      }
                                                                  if (check node(V, vershunu, j)) {
  }
}
                                                                           V[*counter_of_nodes] = j;
                                                                                            (*counter_of_nodes)++;
                                                                                    E[*weight_of] = arr[i][j];
                                                                                   (*weight of)++;
                                                                  cout << endl << setw(2) << i + 1 << "---" << j + 1 << " (" <<
                                                                  arr[i][j] << ")" << endl;
                                                                                                              *min = 9999;
                                                                                                              arr[i][j] = 0;
                                                                                                              arr[j][i] = 0;
                                                                                                              return;}
                                                                                                     else {
                                                                  cout << endl << setw(2) << "There is a loop" << endl;
                                                                                                              *min = 9999;
                                                                                                              arr[i][j] = 0;
                                                                                                              arr[j][i] = 0;
                                                                                                              return;}}}}
                                                                  int min_numb(int vershunu, int* min, int* counter_of_nodes,
                                                                  int** arr, int* V) {
                                                                           for (int i = 0; i < *counter_of_nodes; i++)
                                                                           for (int j = 0; j < vershunu; j++)
                                                                  if (*min > arr[V[i]][j] &\& arr[V[i]][j] != 0)* min = arr[V[i]][j];
                                                                           return *min;}
```

```
    C:\Users\User_2\Desktop\Prima\bin\Debug\Prima.exe

"C:\Users\User_2\Desktop\—юы | Єхі\—шёъЁхЄър\—шё ырс4\bin\Debug\Dis444.exe"
Connection between: {2;7}
Line weight: 1
 Connection between: {1;6}
ine weight: 2
 Connection between: (5;2)
ine weight: 2
                                                                                                                                                         0004030004
                                                                                                                                                              00000230005
 Connection between: <6;10>
ine weight: 2
 Connection between: <1;3>
ine weight: 3
Connection between: (7;9)
Line weight: 3
 Connection between: (5;8)
ine weight: 4
                                                                                                                 -4 (1)
Connection between: <9;11>
Line weight: 4
                                                                                                                 -10 (2)
                                                                                                             1---3 (3)
Connection between: {4;7}
Line weight: 5
                                                                                                             2---7 (1)
Process returned 0 (0x0) execution time : 0.015 s
Press any key to continue.
                                                                                                             There is a loop
                                                                                                             5---9 (4)
                                                                                                             here is a loop
                                                                                                                  -8 (4)
остового дерева: 23
                                                                                                              rocess returned 0 (0x0) execution time : 129.881 s
ress any key to continue.
```

Розв'язати задачу комівояжера для повного 8-ми вершинного графа методом «іди у найближчий», матриця вагів якого має вигляд

23)								
	1	2	3	4	5	6	7	8
1	90	4	6	5	1	5	6	5
2		90	6	5	5	5		7
					2			5
					1		7	5
5	1	5	2	1	00	5	5	6
6	5	5	3			90	7	1
7	6		2			7	00	2
8	5	7	5	5	6	1	2	00

#### Почнемо з 1

```
1) 1-5-4-3-7-8-6-2---1 d=12
2) 1-2-4-5-3-7-8-6---1 d=22
3) 1-4-3-5-2-6-8-7---1 d=27
4) 1-6-3-4-5-2-7-8---1 d=27
5) 1-8-6-3-4-5-2-7---1 d=27
6) 1-3-4-5-6-2-7-8---1 d=30
7) 1-7-3-4-5-2-6-8---1 d=26
```

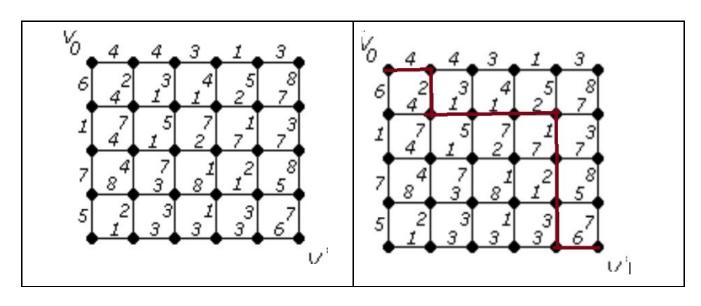
Очевидно, що шляхом Комівояжера є: **1-5-4-3-7-8-6-2---1 d=12** 

```
Програма
                                                                                             Результат
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
                                                                    "C:\Users\User_2\Desktop\Komi Voyage\bin\Debug\Komi Voyage.exe"
#include <stdio.h>
                                                                               start location:1
finish location:2
#define SIZE 10
                                                                 The way 1s.
1 5 4 3 7 8 6 2 1
Process returned 0 (0x0)
Press any key to continue.
int wpchk(int w, int *wpts)
                                                                                                     execution time : 2.734 s
         int i=0:
         int flq=0;
         while(wpts[i]!=-1)
                  if(wpts[i]==w){flg=1;}
         if (flg==0) {return 0;} else return 1;
int main()
{
         srand( (unsigned)time( NULL ) );
waypoint[11]=\{-1,-1,-1,-1,-1,-1,-1,-1,-1,1\};
         int start=-1;
         int end=-1;
         int min;
         int imin;
         int prices[][10]={// 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
                 { 0, 0, 4, 6, 5, 1, 5, 6, 5, 0}, //0
                 { 0, 4, 0, 6, 5, 5, 5, 5, 7, 0}, //1
                 \{0, 6, 6, 0, 1, 2, 3, 2, 5, 0\}, //2
                 \{0, 5, 5, 1, 0, 1, 5, 7, 5, 0\}, //3
                 \{0, 1, 5, 2, 1, 0, 5, 5, 6, 0\}, //4
                 \{0, 5, 5, 3, 5, 5, 0, 7, 1, 0\}, //5
                 \{0, 6, 5, 2, 7, 5, 7, 0, 2, 0\}, //6
                 \{0, 5, 7, 5, 5, 6, 1, 2, 0, 0\}, //7
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}, \frac{1}{8}
                 \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\} //9
```

```
};
        printf("Enter # of start location:");
        scanf("%i",&start);
        printf("Enter # of finish location:");
        scanf("%i",&end);
        waypoint[0]=start;
        int n=0;
        int w;
        while(waypoint[n]!=end)
                 min=0;
                 w=waypoint[n];
                 for(int i=0;i<SIZE;i++)
                 {
if(((min==0)||((prices[w][i] < min) & (prices[w][i] > 0))) &
&wpchk(i,waypoint)==0)
          {min=prices[w][i];imin=i;}
                 n++;
                 waypoint[n]=imin;
        printf("\nThe way is:\n");
        int i=0;
        while(waypoint[i]!=-1)
     printf("%i ",waypoint[i]);
                 i++; } }
```

За допомогою алгоритму Дейкстри знайти найкоротший шлях у графі між парою вершин V0 і V1 Алгоритм Дейкстри полягає у тому, щоб розглянути всі варіанти

"шляху" до вершини і вибрати з них найоптимальніший (-> найкоротший)



```
1 част
                                 2 част
                                  if (minindex != 10000)
#include <iostream>
                                   for (int i = 0; i < SIZE; i++)
using namespace std;
const int SIZE = 30;
                                   if (Matrix[minindex][i] > 0)
void Show(int seen[], int k);
                                    int point = min + Matrix[minindex][i]; //додати
int main()
                                 знайдену мін вагу до існуючої ваги вершини
int Matrix[][30] = {
                                    if (point < dis[i])
                                                 // порівняти з
                                 потоною вагою
   {
   dis[i] = point;
   visited[minindex] = 0;
    } while (minindex < 10000);</pre>
    // відновлення шляху
   int endy;
   cout << "\nEnter the end-point: ";
   cin >> endy;
   int end = endy-1;
   int seen[SIZE]; // масив відвіданих вершин
    seen[0] = end + 1; // початковий элемент - кінцева
    вершина
   int weight = dis[end]; // вага кінцева вершини
   int k = 1; // індекс попередньої
   while (split!=0) // пока не початок
    for (int i = 0; i < SIZE; i++)
   \{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,3,0,0,0,3,0,3,0,0,0,3,0,3,0,0\},
   if ((Matrix[end][i] != 0)&&(Matrix[end][i] != seen[k]))
   // якщо вершини суміжні
   int point = weight - Matrix[end][i];
   cout << "The adjency matrix.\n" << endl;
                                   if (point == dis[i]) // якщо вага не співпадає
   for (int i =0;i<SIZE; i++)
                                     weight = point;
  for (int j=0; j<SIZE; j++)
                                     end = i;
                                           // зберігаємо попередню
  {
                                 вершину
   cout << Matrix[i][j] << " ";
                                     seen[k] = i + 1; // i записуємо її в масив
                                     k++:
  cout << endl;
                                   }
 int dis[SIZE];
          // відстань
 int visited[SIZE];
          //відвідані вершини
                                  split--;
 int minindex, min;
 int startpoint = 0;
                                  Show(seen,k);
 int split = SIZE/3;
                                  cout << "\n Total weight is " << dis[SIZE-1] << endl;</pre>
for (int i = 0; i < SIZE; i++)
```

```
{
    dis[i] = 10000; //відстань до інших вершин
    visited[i] = 1; //позначити як невідвідано
}
    dis[startpoint] = 0;

    do {
        minindex = 10000;
        min = 10000;
        for (int i = 0; i<SIZE; i++)
        {
             if ((visited[i] == 1) && (dis[i]<min))
            {
                  min = dis[i];
                  minindex = i;
            }
        }
}
```

```
return 0;
}
void Show(int seen[], int k)
{
    cout<<"\nThe shortest lenght from start point to the end\n";
    cout << "1 > 2 > ";

    for (int i = k-1; i >= 0; i--)
     {
        cout << seen[i] << " > ";
    }
}
```

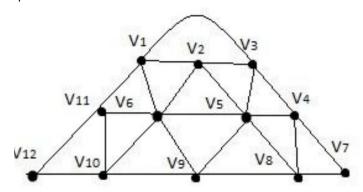
```
Enter the end-point: 30

The shortest lenght from start point to the end 1 > 2 > 8 > 9 > 10 > 11 > 17 > 23 > 29 > 30 > Total weight is 22

Process returned 0 (0x0) execution time: 3.003 s

Press any key to continue.
```

Знайти ейлеровий цикл в ейлеровому графі двома методами: а) Флері; б) елементарних циклів.



Метод Флері: 12-11-10-9-8-7-4-8-5-9-6-5-4-3-5-2-6-11-1-3-2-1-6-10-12

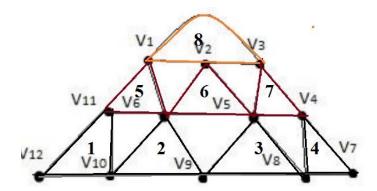
```
#include <stdio.h>
#include <stdib.h>
#define N 12
#define STACK_SIZE 100

int G[N][N] =
{0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0},//1
{1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},//3
```

#### Результат

```
\{0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0\},\
  \{0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0\}
                                                                      C:\Users\User_2\Desktop\Fleri\bin\Debug\Fleri.exe
                                                                     Start from: 12
12 11 10 9 8 7 4 8 5 9 6 5 4 3 5 2 6 11 1 3 2 1 6 10 12
Process returned 0 (0x0) execution time : 1.611 s
Press any key to continue.
    \{1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0\},\
  \{0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0\}
    \{0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0\},\
  {0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0},//9
    \{0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1\},\
 \{1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1\},//11
    \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0\}
                     };
                   int k;
       int Stack[STACK_SIZE];
           void Search(int v)
                     int i;
            for(i = 0; i < N; i++)
                    if(G[v][i])
               G[v][i] = G[i][v] = 0;
                    Search(i); }
              Stack[++k] = v;
                int main()
                int T, p, q, s;
                   int j, vv;
                    T = 1;
         for(p = 0; p < N; p++) {
                      s = 0;
            for(q = 0; q < N; q++)
                   s += G[p][q];
                if(s\%2) T = 0; }
                    k = -1;
printf("Start from: "); scanf("%d", &vv);
                    if(T) {
                Search (vv-1);
             for(j = 0; j \le k; j++)
          printf("%d ", Stack[j]+1); }
                     else
       printf("not Eulerian graph\n");
                   return 0;
```

Знаходимо елементарні цикли і об'єднуємо їх в один



Спростити формули (привести їх до скороченої ДНФ).

23. 
$$(x \vee \overline{y})(\overline{y} \vee \overline{z})$$

$$(x \vee \overline{y}) \wedge (\overline{y} \vee \overline{z}) = ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) = (x \vee \overline{y}) \vee (\overline{y} \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z}) \vee (\overline{y} \wedge \overline{z}) = (x \vee \overline{y}) \vee \overline{y} \vee ((x \wedge \overline{z}) \vee \overline{y}) \wedge ((x \wedge \overline{z}) \wedge \overline{z})) = (x \vee \overline{y}) \vee \overline{y} \vee (((x \vee \overline{y}) \wedge (\overline{z} \vee \overline{y})) \wedge ((x \wedge \overline{z}) \wedge (\overline{z} \wedge \overline{z}))) = (x \vee \overline{y}) \vee \overline{y} \vee (((x \vee \overline{y}) \wedge (\overline{z} \vee \overline{y})) \wedge (x \wedge \overline{z}) \wedge (\overline{z} \wedge \overline{z}))) = (x \vee \overline{y}) \vee \overline{y} \vee (((x \vee \overline{y}) \wedge (\overline{z} \vee \overline{y})) \wedge (x \wedge \overline{z})) \wedge ((x \vee \overline{y}) \wedge (\overline{z} \vee \overline{y})) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z} \wedge (((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z})))) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z} \wedge (((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y})))) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z} \wedge (((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y})))) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y}))) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y}))) = (x \vee \overline{y}) \vee (x \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{z}) \vee ((x \vee \overline{y}) \wedge \overline{y}))$$