

PARTIE I
Exercice 1 (5 points)

Automatismes (5 points)

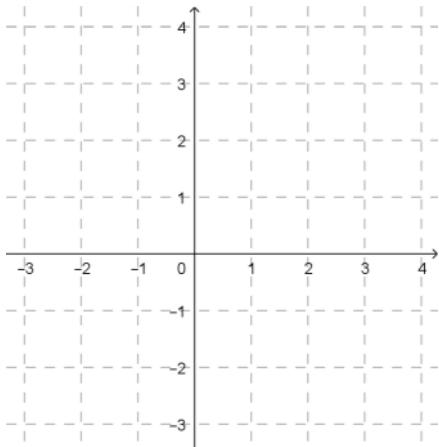
Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

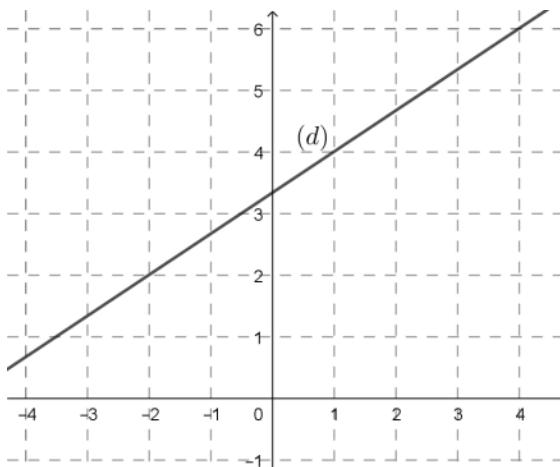
Les dix questions suivantes sont indépendantes. Seules les réponses sont attendues.

Questions	Réponses
1. Écrire sous la forme d'une fraction irréductible : $\frac{3}{4} - \frac{3}{5}$	
2. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $3x + 5 = x - 1$	
3. Calculer 80% de 70.	
4. Diminuer une quantité de 12% revient à multiplier cette quantité par un nombre. Quel est ce nombre ?	
5. Si un prix augmente de 20% chaque année, de quel pourcentage augmente-t-il en deux ans ?	
6. Factoriser : $(x + 4)(x - 2) - 2(x - 2)$	
7. Soit g la fonction définie par : $g(x) = x^2 - 16$. Déterminer les antécédents de 0 par g .	

8. Tracer dans le repère ci-contre la droite d'équation $y = -2x + 3$



9. Déterminer avec la précision permise par le graphique le coefficient directeur de la droite (d) tracée ci-dessous.



10. Écrire sous la forme 10^n , avec n entier

$$\text{naturel, le nombre : } \frac{(10^2)^5}{10^4}$$

PARTIE II

Exercice 2 (5 points)

« En 2016, les commerces ont trié 75% de leurs déchets » (source : INSEE).

En 2016, le directeur d'un centre commercial constate que son établissement a produit 5 230 kg de déchets et que 3 107 kg ont été recyclés.

1. L'affirmation de l'INSEE est-elle vérifiée pour ce centre commercial ?

2. Le directeur fait une étude basée sur l'hypothèse que, les années suivantes, la quantité de déchets sera toujours égale à 5 230 kg mais que, chaque année, on recyclera 5% de plus de déchets que l'année précédente.

Pour tout nombre entier naturel n , on note d_n la quantité (en kg) de déchets recyclés par le centre commercial durant l'année 2016 + n selon le modèle de l'étude.

Ainsi $d_0 = 3107$.

a. Calculer d_1 .

b. Déterminer la nature et la raison de la suite (d_n) .

3. Le directeur souhaite recycler au moins 75% des déchets produits par son établissement. Il veut déterminer l'année où cet objectif sera atteint, selon le modèle de son étude. Expliquer pourquoi cela revient à déterminer l'entier n tel que : $d_n \geq 3922,5$.

Exercice 3 (5 points)

On considère une fonction f définie et dérivable sur \mathbf{R} et on note f' sa fonction dérivée.

La courbe (C) ci-dessous, qui représente la fonction f dans un repère du plan, passe par le point $A(1; -4)$. La droite T est tangente à la courbe (C) au point A et passe par le point $B(0; 2)$.

1. À l'aide du graphique, donner une équation de la droite T .

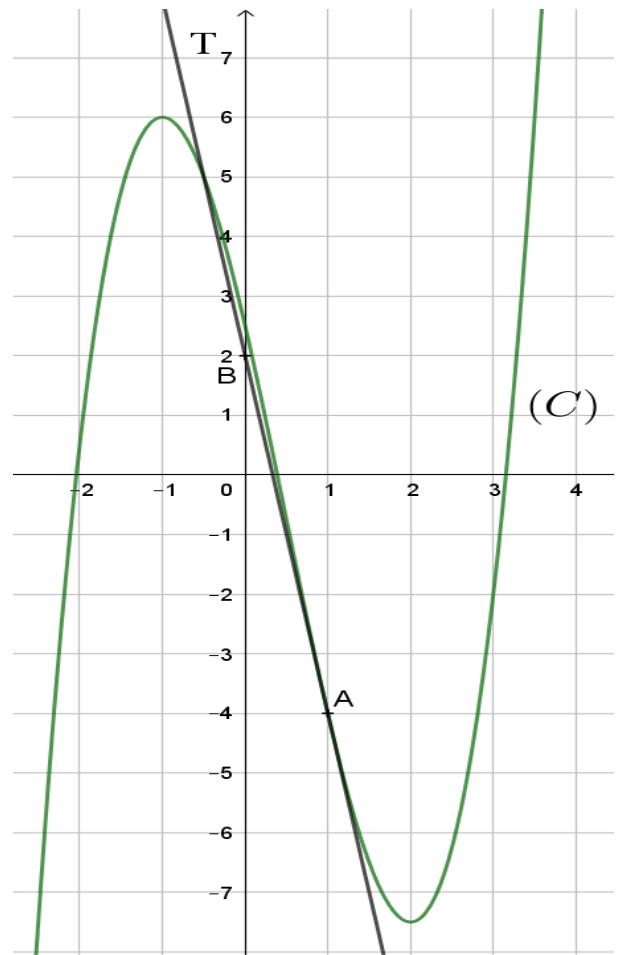
2. Résoudre graphiquement l'inéquation $f'(x) \leq 0$ sur $[-2,5 ; 3]$.

3. Dans cette question, on admet que la fonction f est définie sur \mathbf{R} par :

a) Montrer que $f'(x) = 3(x + 1)(x - 2)$

b) Étudier le signe de $f'(x)$ sur \mathbf{R} .

c) En déduire le tableau de variation de la fonction f .



Exercice 4 (5 points)

En 2018, les ateliers A et B d'une entreprise produisent respectivement 1400 et 1100 pièces d'un unique modèle chaque jour.

On estime que 2% de la production de l'atelier A est défectueuse et 3% de la production de l'atelier B est défectueuse.

- Recopier et compléter le tableau d'effectifs ci-dessous.

	Pièces défectueuses	Pièces non défectueuses	Total
Atelier A			
Atelier B			
Total			2 500

- Calculer la fréquence des pièces défectueuses.

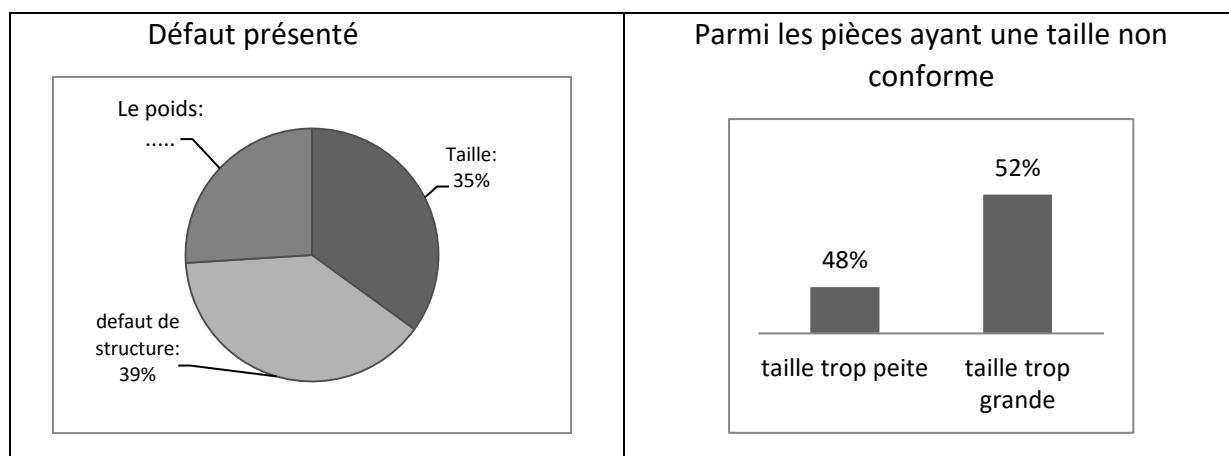
3. On prélève, au hasard, une pièce dans la production journalière totale de l'entreprise. On définit les événements suivants :

A : « la pièce prélevée provient de l'atelier A »

D : « la pièce prélevée est défectueuse »

Calculer la probabilité que la pièce prélevée provienne de l'atelier A, sachant qu'elle est défectueuse. Arrondir le résultat à 10^{-2} .

- Les pièces défectueuses présentent l'un des défauts suivants : taille non conforme, poids non conforme, défaut de structure.



a) Quelle est la proportion de pièces produites par l'entreprise qui ont un défaut de poids ?
Donner la réponse en pourcentage, arrondie à 0,1%.

b) Quelle est le pourcentage de pièces défectueuses qui ont une taille trop petite?