## Modélisation d'un puissance 4

Adam Creusevault, Virgile Val-Villellas, Matthieu Pays

7 décembre 2023

Un problème Q est un sextuplet (E, i, F, O, P, C) où :

- E est un ensemble d'états
- $i \in E$  un état itinial
- $F \subseteq E$  un sous-ensemble d'états finaux
- $O = \{o : E \rightarrow E\}$  un ensemble d'opérateur de transformation.
- $P = \{p : O \times E \to \mathbb{B}\}$  ensemble des prédicats associés définissant le cas d'applicabilité d'un opérateur sur un état.
  - $C = \{c : O \times E \to \mathbb{R}^+\}$  un ensemble de fonctions de coûts associées.

On définit le tableau d'un puissance 4 par une matrice  $T \in \mathbb{M}_{6,7}(\llbracket 0; 2 \rrbracket)$  où 0 représente un vide dans le tableau, 1 représente les rouges et 2 représente les jaunes.

 $i = O_{6,7}$  c'est-à-dire c'est une matrice remplie de 0. Plus visuellement :

En ce qui concerne F, on a l'ensemble des matrices tel qu'ils ont 4 éléments étant égaux successivement et différents de 0.

```
cond1 : m_{i,j} = m_{i+1,j} = m_{i+2,j} = m_{i+3,j} \neq 0

cond2 : m_{i,j} = m_{i,j+1} = m_{i,j+2} = m_{i,j+3} \neq 0

cond3 : m_{i,j} = m_{i+1,j+1} = m_{i+2,j+2} = m_{i+3,j+3} \neq 0

F = \{(m_{i,j})_{i \in [1;6], j \in [1;7]} | \text{ cond1 } \land \text{ cond2 } \land \text{ cond3 } \}

Pour les opérateurs de transformation, on peut prendre

Pour M \in \mathbb{M}_{6,7}([0;2])

putPiece(M,i,j) = M' avec m'_{i,j} = 1 ou m'_{i,j} = 2 si m_{i,j} = 0

putPiece(M,i,j) = M' avec m'_{i-1,j} = 1 ou m'_{i-1,j} = 2 si m_{i,j} \neq 0

O = \{\text{putPiece}, \text{putPiece2}\}

Pour les prédicats de P, on a :

Pour M \in \mathbb{M}_{6,7}([0;2])

p1 = (putPiece, M) = True si m_{i,j} = 0 False sinon

p2 = (putPiece2, M) = True si m_{i,j} \neq 0 False sinon

P = \{p_1, p_2\}

Pour les coups, on a : \forall (o, e), c(o, e) = 1
```