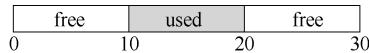


第 17 章 空闲空间管理

本章暂且将对虚拟内存的讨论放在一边，来讨论所有内存管理系统的一个基本方面，无论是 malloc 库（管理进程中堆的页），还是操作系统本身（管理进程的地址空间）。具体来说，我们会讨论空闲空间管理（free-space management）的一些问题。

让问题更明确一点。管理空闲空间当然可以很容易，我们会在讨论分页概念时看到。如果需要管理的空间被划分为固定大小的单元，就很容易。在这种情况下，只需要维护这些大小固定的单元的列表，如果有请求，就返回列表中的第一项。

如果要管理的空闲空间由大小不同的单元构成，管理就变得困难（而且有趣）。这种情况出现在用户级的内存分配库（如 malloc() 和 free()），或者操作系统用分段（segmentation）的方式实现虚拟内存。在这两种情况下，出现了外部碎片（external fragmentation）的问题：空闲空间被分割成不同大小的小块，成为碎片，后续的请求可能失败，因为没有一块足够大的连续空闲空间，即使这时总的空闲空间超出了请求的大小。



上面展示了该问题的一个例子。在这个例子中，全部可用空闲空间是 20 字节，但被切成两个 10 字节大小的碎片，导致一个 15 字节的分配请求失败。所以本章需要解决的问题是：

关键问题：如何管理空闲空间

要满足变长的分配请求，应该如何管理空闲空间？什么策略可以让碎片最小化？不同方法的时间和空间开销如何？

17.1 假设

本章的大多数讨论，将聚焦于用户级内存分配库中分配程序的辉煌历史。我们引用了 Wilson 的出色调查 [W+95]，有兴趣的读者可以从原文了解更多细节^①。

我们假定基本的接口就像 malloc() 和 free() 提供的那样。具体来说，void * malloc(size_t size) 需要一个参数 size，它是应用程序请求的字节数。函数返回一个指针（没有具体的类型，在 C 语言的术语中是 void 类型），指向这样大小（或较大一点）的一块空间。对应的函数 void free(void *ptr) 函数接受一个指针，释放对应的内存块。请注意该接口的隐含意义，在释放空间时，用户不需告知库这块空间的大小。因此，在只传入一个指针的情况下，库必须能够弄清楚这块内存的大小。我们将在稍后介绍是如何得知的。

^① 它有近 80 页长。因此，你必须要真的对它感兴趣！

该库管理的空间由于历史原因被称为堆，在堆上管理空闲空间的数据结构通常称为空闲列表（free list）。该结构包含了管理内存区域中所有空闲块的引用。当然，该数据结构不一定真的是列表，而只是某种可以追踪空闲空间的数据结构。

进一步假设，我们主要关心的是外部碎片（external fragmentation），如上所述。当然，分配程序也可能有内部碎片（internal fragmentation）的问题。如果分配程序给出的内存块超出请求的大小，在这种块中超出请求的空间（因此而未使用）就被称为是内部碎片（因为浪费发生在已分配单元的内部），这是另一种形式的空间浪费。但是，简单起见，同时也因为它更有趣，这里主要讨论外部碎片。

我们还假设，内存一旦被分配给客户，就不可以被重定位到其他位置。例如，一个程序调用 `malloc()`，并获得一个指向堆中一块空间的指针，这块区域就“属于”这个程序了，库不再能够移动，直到程序调用相应的 `free()` 函数将它归还。因此，不可能进行紧凑（compaction）空闲空间的操作，从而减少碎片^①。但是，操作系统层在实现分段（segmentation）时，却可以通过紧凑来减少碎片（正如第 16 章讨论的那样）。

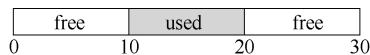
最后我们假设，分配程序所管理的是连续的一块字节区域。在一些情况下，分配程序可以要求这块区域增长。例如，一个用户级的内存分配库在空间快用完时，可以向内核申请增加堆空间（通过 `sbrk` 这样的系统调用），但是，简单起见，我们假设这块区域在整个生命周期内大小固定。

17.2 底层机制

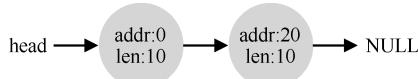
在深入策略细节之前，我们先来介绍大多数分配程序采用的通用机制。首先，探讨空间分割与合并的基本知识。其次，看看如何快速并相对轻松地追踪已分配的空间。最后，讨论如何利用空闲区域的内部空间维护一个简单的列表，来追踪空闲和已分配的空间。

分割与合并

空闲列表包含一组元素，记录了堆中的哪些空间还没有分配。假设有下面的 30 字节的堆：



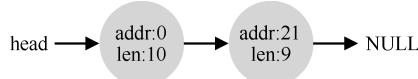
这个堆对应的空闲列表会有两个元素，一个描述第一个 10 字节的空闲区域（字节 0~9），一个描述另一个空闲区域（字节 20~29）：



^① 一旦将指向内存块的一个指针交给 C 程序，通常很难确定所有对该区域的引用（指针），这些引用（指针）可能存储在其他变量中，或者甚至在执行的某个时刻存储在寄存器中。在更强类型的、带垃圾收集的语言中，情况可能并非如此，因此可以用紧凑技术来减少碎片。

通过上面的介绍可以看出，任何大于 10 字节的分配请求都会失败（返回 NULL），因为没有足够的连续可用空间。而恰好 10 字节的需求可以由两个空闲块中的任何一个满足。但是，如果申请小于 10 字节空间，会发生什么？

假设我们只申请一个字节的内存。这种情况下，分配程序会执行所谓的分割（splitting）动作：它找到一块可以满足请求的空闲空间，将其分割，第一块返回给用户，第二块留在空闲列表中。在我们的例子中，假设这时遇到申请一个字节的请求，分配程序选择使用第二块空闲空间，对 `malloc()` 的调用会返回 20（1 字节分配区域的地址），空闲列表会变成这样：



从上面可以看出，空闲列表基本没有变化，只是第二个空闲区域的起始位置由 20 变成 21，长度由 10 变为 9 了^①。因此，如果请求的空间大小小于某块空闲块，分配程序通常会进行分割。

许多分配程序中因此也有一种机制，名为合并（coalescing）。还是看前面的例子（10 字节的空闲空间，10 字节的已分配空间，和另外 10 字节的空闲空间）。

对于这个（小）堆，如果应用程序调用 `free(10)`，归还堆中间的空间，会发生什么？如果只是简单地将这块空闲空间加入空闲列表，不多想想，可能得到如下的结果：



问题出现了：尽管整个堆现在完全空闲，但它似乎被分割成了 3 个 10 字节的区域。这时，如果用户请求 20 字节的空间，简单遍历空闲列表会找不到这样的空闲块，因此返回失败。

为了避免这个问题，分配程序会在释放一块内存时合并可用空间。想法很简单：在归还一块空闲内存时，仔细查看要归还的内存块的地址以及邻近的空闲空间块。如果新归还的空间与一个原有空闲块相邻（或两个，就像这个例子），就将它们合并为一个较大的空闲块。通过合并，最后空闲列表应该像这样：



实际上，这是堆的空闲列表最初的样子，在所有分配之前。通过合并，分配程序可以更好地确保大块的空闲空间能提供给应用程序。

追踪已分配空间的大小

你可能注意到，`free(void *ptr)` 接口没有块大小的参数。因此它是假定，对于给定的指针，内存分配库可以很快确定要释放空间的大小，从而将它放回空闲列表。

要完成这个任务，大多数分配程序都会在头块（header）中保存一点额外的信息，它在内存中，通常就在返回的内存块之前。我们再看一个例子（见图 17.1）。在这个例子中，我

^① 这里的讨论假设没有头块，这是我们做出的一个不现实但简化的假设。

们检查一个 20 字节的已分配块，由 `ptr` 指着，设想用户调用了 `malloc()`，并将结果保存在 `ptr` 中：`ptr = malloc(20)`。

该头块中至少包含所分配空间的大小（这个例子中是 20）。它也可能包含一些额外的指针来加速空间释放，包含一个幻数来提供完整性检查，以及其他信息。我们假定，一个简单的头块包含了分配空间的大小和一个幻数：

```
typedef struct header_t {
    int size;
    int magic;
} header_t;
```

上面的例子看起来会像图 17.2 的样子。用户调用 `free(ptr)` 时，库会通过简单的指针运算得到头块的位置：

```
void free(void *ptr) {
    header_t *hptr = (header_t *)ptr - sizeof(header_t);
}
```



图 17.1 一个已分配的区域加上头块



图 17.2 头块的具体内容

获得头块的指针后，库可以很容易地确定幻数是否符合预期的值，作为正常性检查 (`assert(hptr->magic == 1234567)`)，并简单计算要释放的空间大小（即头块的大小加区域长度）。请注意前一句话中一个小但重要的细节：实际释放的是头块大小加上分配给用户的空间的大小。因此，如果用户请求 N 字节的内存，库不是寻找大小为 N 的空闲块，而是寻找 N 加上头块大小的空闲块。

嵌入空闲列表

到目前为止，我们这个简单的空闲列表还只是一个概念上的存在，它就是一个列表，描述了堆中的空闲内存块。但如何在空闲内存自己内部建立这样一个列表呢？

在更典型的列表中，如果要分配新节点，你会调用 `malloc()` 来获取该节点所需的空间。遗憾的是，在内存分配库内，你无法这么做！你需要在空闲空间本身中建立空闲空间列表。虽然听起来有点奇怪，但别担心，这是可以做到的。

假设我们需要管理一个 4096 字节的内存块（即堆是 4KB）。为了将它作为一个空闲空间列表来管理，首先要初始化这个列表。开始，列表中只有一个条目，记录了大小为 4096 的空间（减去头块的大小）。下面是该列表中一个节点描述：

```
typedef struct node_t {
    int size;
```

```
struct node_t *next;
} node_t;
```

现在来看一些代码，它们初始化堆，并将空闲列表的第一个元素放在该空间中。假设堆构建在某块空闲空间上，这块空间通过系统调用 `mmap()` 获得。这不是构建这种堆的唯一选择，但在这个例子中很合适。下面是代码：

```
// mmap() returns a pointer to a chunk of free space
node_t *head = mmap(NULL, 4096, PROT_READ|PROT_WRITE,
                    MAP_ANON|MAP_PRIVATE, -1, 0);
head->size    = 4096 - sizeof(node_t);
head->next    = NULL;
```

执行这段代码之后，列表的状态是它只有一个条目，记录大小为 4088。

是的，这是一个小堆，但对我们是一个很好的例子。`head` 指针指向这块区域的起始地址，假设是 16KB（尽管任何虚拟地址都可以）。堆看起来如图 17.3 所示。

现在，假设有一个 100 字节的内存请求。为了满足这个请求，库首先要找到一个足够大小的块。因为只有一个 4088 字节的块，所以选中这个块。然后，这个块被分割（split）为两块：一块足够满足请求（以及头块，如前所述），一块是剩余的空闲块。假设记录头块为 8 个字节（一个整数记录大小，一个整数记录幻数），堆中的空间如图 17.4 所示。

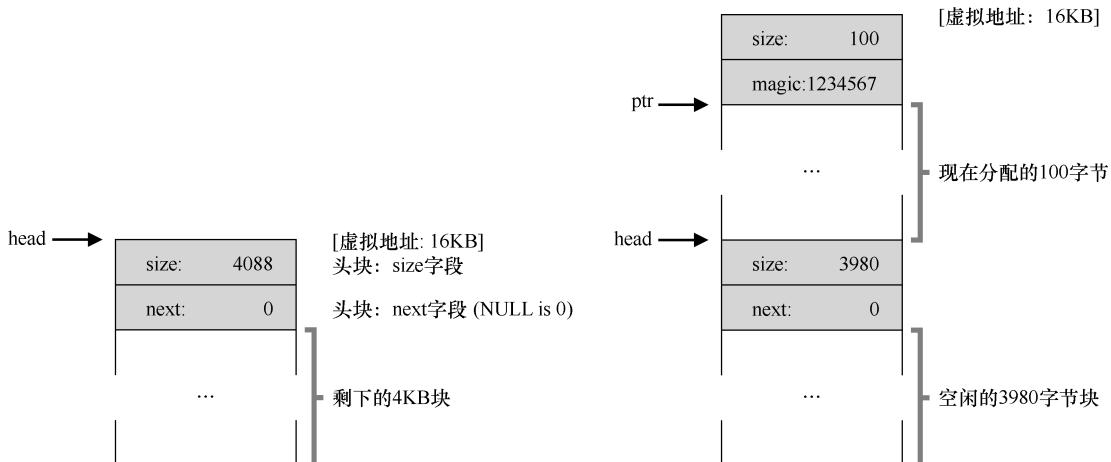


图 17.3 有一个空闲块的堆

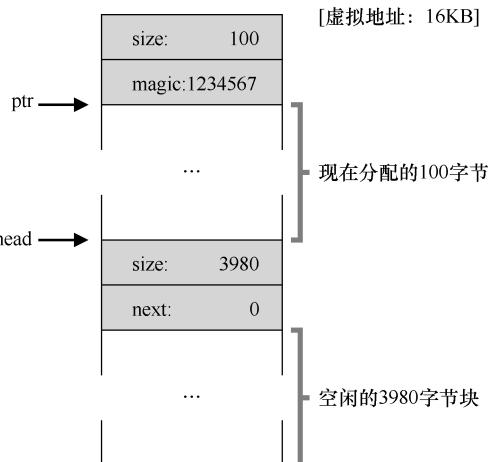


图 17.4 在一次分配之后的堆

至此，对于 100 字节的请求，库从原有的一个空闲块中分配了 108 字节，返回指向它的一个指针（在上图中用 `ptr` 表示），并在其之前连续的 8 字节中记录头块信息，供未来的 `free()` 函数使用。同时将列表中的空闲节点缩小为 3980 字节（ $4088 - 108$ ）。

现在再来看该堆，其中有 3 个已分配区域，每个 100（加上头块是 108）。这个堆如图 17.5 所示。

可以看出，堆的前 324 字节已经分配，因此我们看到该空间中有 3 个头块，以及 3 个 100 字节的用户使用空间。空闲列表还是无趣：只有一个节点（由 `head` 指向），但在 3 次分割后，现在大小只有 3764 字节。但如果用户程序通过 `free()` 归还一些内存，会发生什么？

在这个例子中，应用程序调用 `free(16500)`，归还了中间的一块已分配空间（内存块的起

始地址 16384 加上前一块的 108，和这一块的头块的 8 字节，就得到了 16500）。这个值在前图中用 `sprt` 指向。

库马上弄清楚了这块要释放空间的大小，并将空闲块加回空闲列表。假设我们将它插入到空闲列表的头位置，该空间如图 17.6 所示。

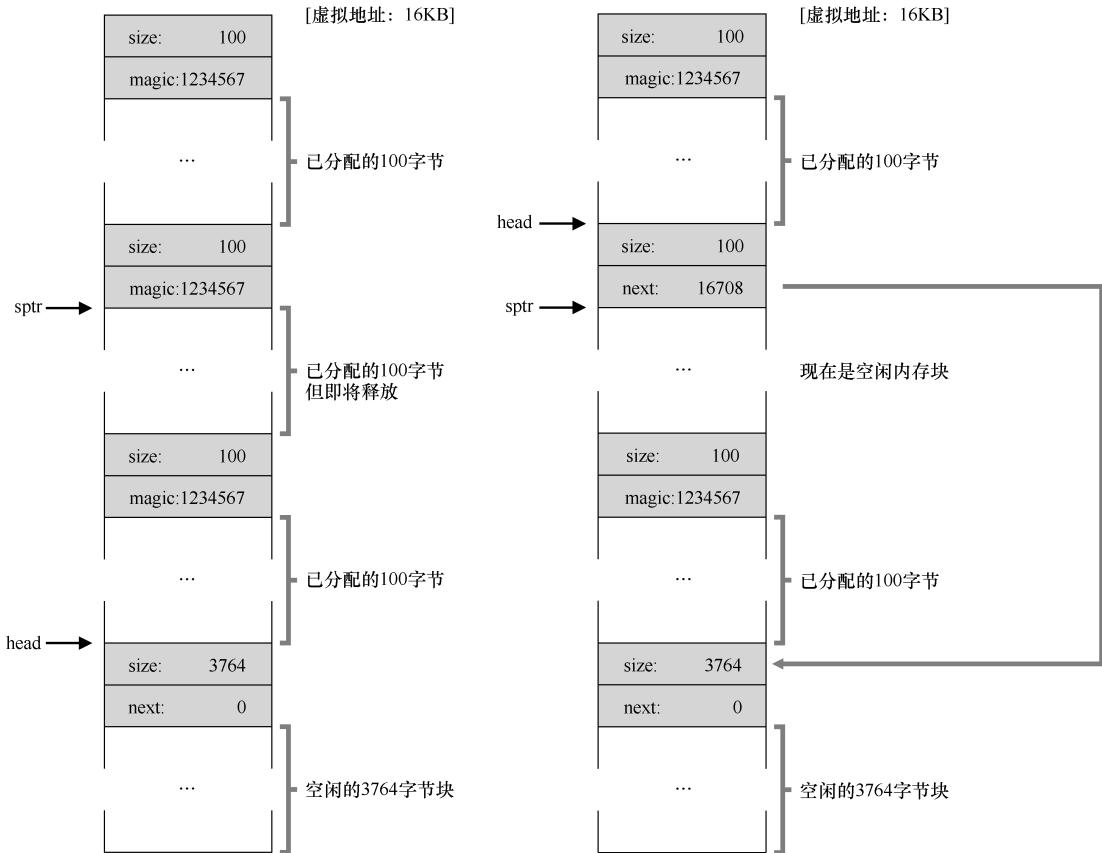


图 17.5 空闲空间和 3 个已分配块

图 17.6 空闲空间和两个已分配的块

现在的空闲列表包括一个小空闲块（100 字节，由列表的头指向）和一个大空闲块（3764 字节）。

我们的列表终于有不止一个元素了！是的，空闲空间被分割成了两段，但很常见。

最后一个例子：现在假设剩余的两块已分配的空间也被释放。没有合并，空闲列表将非常破碎，如图 17.7 所示。

从图中可以看出，我们现在一团糟！为什么？简单，我们忘了合并（coalesce）列表项，虽然整个内存空间是空闲的，但却被分成了小段，因此形成了碎片化的内存空间。解决方案很简单：遍历列表，合并（merge）相邻块。完成之后，堆又成了一个整体。

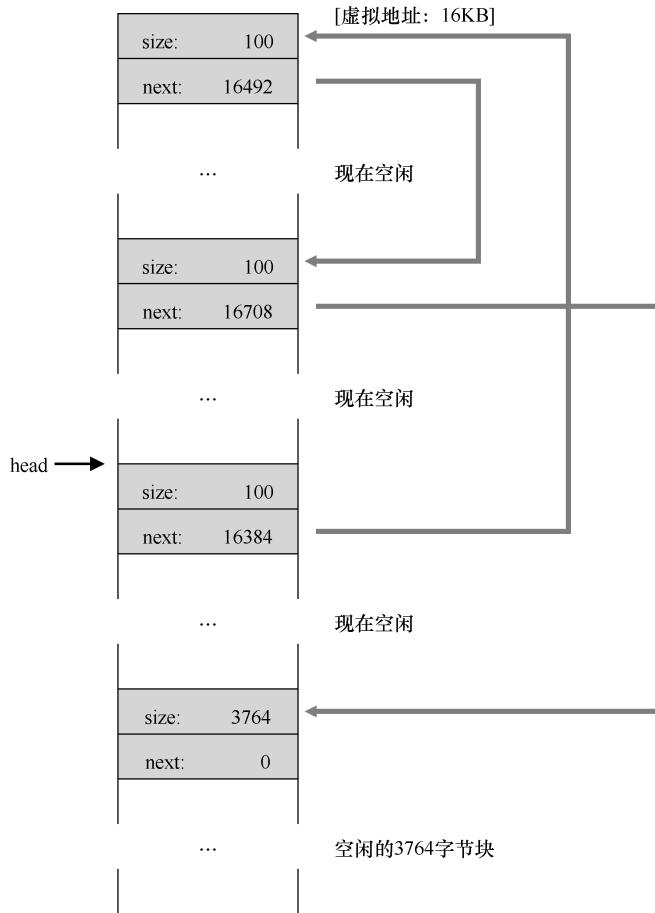


图 17.7 未合并的空闲空间列表

让堆增长

我们应该讨论最后一个很多内存分配库中都有的机制。具体来说，如果堆中的内存空间耗尽，应该怎么办？最简单的方式就是返回失败。在某些情况下这也是唯一的选择，因此返回 NULL 也是一种体面的方式。别太难过！你尽力了，即使失败，你也虽败犹荣。

大多数传统的分配程序会从很小的堆开始，当空间耗尽时，再向操作系统申请更大的空间。通常，这意味着它们进行了某种系统调用（例如，大多数 UNIX 系统中的 sbrk），让堆增长。操作系统在执行 sbrk 系统调用时，会找到空闲的物理内存页，将它们映射到请求进程的地址空间中去，并返回新的堆的末尾地址。这时，就有了更大的堆，请求就可以成功满足。

17.3 基本策略

既然有了这些底层机制，让我们来看看管理空闲空间的一些基本策略。这些方法大多基于简单的策略，你也能想到。在阅读之前试试，你是否能想出所有的选择（也许还有新策略！）。

理想的分配程序可以同时保证快速和碎片最小化。遗憾的是，由于分配及释放的请求序列是任意的（毕竟，它们由用户程序决定），任何特定的策略在某组不匹配的输入下都会变得非常差。所以我们不会描述“最好”的策略，而是介绍一些基本的选择，并讨论它们的优缺点。

最优匹配

最优匹配（best fit）策略非常简单：首先遍历整个空闲列表，找到和请求大小一样或更大的空闲块，然后返回这组候选者中最小的一块。这就是所谓的最优匹配（也可以称为最小匹配）。只需要遍历一次空闲列表，就足以找到正确的块并返回。

最优匹配背后的想法很简单：选择最接近用户请求大小的块，从而尽量避免空间浪费。然而，这有代价。简单的实现在遍历查找正确的空闲块时，要付出较高的性能代价。

最差匹配

最差匹配（worst fit）方法与最优匹配相反，它尝试找最大的空闲块，分割并满足用户需求后，将剩余的块（很大）加入空闲列表。最差匹配尝试在空闲列表中保留较大的块，而不是向最优匹配那样可能剩下很多难以利用的小块。但是，最差匹配同样需要遍历整个空闲列表。更糟糕的是，大多数研究表明它的表现非常差，导致过量的碎片，同时还有很高的开销。

首次匹配

首次匹配（first fit）策略就是找到第一个足够大的块，将请求的空间返回给用户。同样，剩余的空闲空间留给后续请求。

首次匹配有速度优势（不需要遍历所有空闲块），但有时会让空闲列表开头的部分有很多小块。因此，分配程序如何管理空闲列表的顺序就变得很重要。一种方式是基于地址排序（address-based ordering）。通过保持空闲块按内存地址有序，合并操作会很容易，从而减少了内存碎片。

下次匹配

不同于首次匹配每次都从列表的开始查找，下次匹配（next fit）算法多维护一个指针，指向上次查找结束的位置。其想法是将对空闲空间的查找操作扩散到整个列表中去，避免对列表开头频繁的分割。这种策略的性能与首次匹配很接近，同样避免了遍历查找。

例子

下面是上述策略的一些例子。设想一个空闲列表包含 3 个元素，长度依次为 10、30、20（我们暂时忽略头块和其他细节，只关注策略的操作方式）：



假设有一个 15 字节的内存请求。最优匹配会遍历整个空闲列表，发现 20 字节是最优匹配，因为它是满足请求的最小空闲块。结果空闲列表变为：



本例中发生的情况，在最优匹配中常常发生，现在留下了一个小空闲块。最差匹配类似，但会选择最大的空闲块进行分割，在本例中是 30。结果空闲列表变为：



在这个例子中，首次匹配会和最差匹配一样，也发现满足请求的第一个空闲块。不同的是查找开销，最优匹配和最差匹配都需要遍历整个列表，而首次匹配只找到第一个满足需求的块即可，因此减少了查找开销。

这些例子只是内存分配策略的肤浅分析。真实场景下更详细的分析和更复杂的分配行为（如合并），需要更深入的理解。也许可以作为作业，你说呢？

17.4 其他方式

除了上述基本策略外，人们还提出了许多技术和算法，来改进内存分配。这里我们列出一些来供你考虑（就是让你多一些思考，不只局限于最优匹配）。

分离空闲列表

一直以来有一种很有趣的方式叫作分离空闲列表（segregated list）。基本想法很简单：如果某个应用程序经常申请一种（或几种）大小的内存空间，那就用一个独立的列表，只管理这样大小的对象。其他大小的请求都交给更通用的内存分配程序。

这种方法的好处显而易见。通过拿出一部分内存专门满足某种大小的请求，碎片就不再是问题了。而且，由于没有复杂的列表查找过程，这种特定大小的内存分配和释放都很快。

就像所有好主意一样，这种方式也为系统引入了新的复杂性。例如，应该拿出多少内存来专门为某种大小的请求服务，而将剩余的用来满足一般请求？超级工程师 Jeff Bonwick 为 Solaris 系统内核设计的厚块分配程序（slab allocator），很优雅地处理了这个问题[B94]。

具体来说，在内核启动时，它为可能频繁请求的内核对象创建一些对象缓存（object cache），如锁和文件系统 inode 等。这些的对象缓存每个分离了特定大小的空闲列表，因此能够很快地响应内存请求和释放。如果某个缓存中的空闲空间快耗尽时，它就向通用内存分配程序申请一些内存厚块（slab）（总量是页大小和对象大小的公倍数）。相反，如果给定厚块中对象的引用计数变为 0，通用的内存分配程序可以从专门的分配程序中回收这些空间，这通常发生在虚拟内存系统需要更多的空间的时候。

补充：了不起的工程师真的了不起

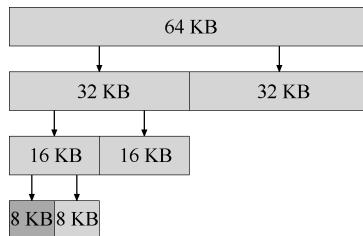
像 Jeff Bonwick 这样的工程师（Jeff Bonwick 不仅写了上面提到的厚块分配程序，还是令人惊叹的文件系统 ZFS 的负责人），是硅谷的灵魂。在每一个伟大的产品或技术后面都有这样一个人（或一小群人），他们的天赋、能力和奉献精神远超众人。Facebook 的 Mark Zuckerberg 曾经说过：“那些在自己的领域中超凡脱俗的人，比那些相当优秀的人强得不是一点点。”这就是为什么，会有人成立自己的公司，然后永远地改变了这个世界（想想 Google、Apple 和 Facebook）。努力工作，你也可能成为这种“以一当百”的人。做不到的话，就和这样的人一起工作，你会明白什么是“听君一席话，胜读十年书”。如果都做不到，那就太难过了。

厚块分配程序比大多数分离空闲列表做得更多，它将列表中的空闲对象保持在预初始化的状态。Bonwick 指出，数据结构的初始化和销毁的开销很大[B94]。通过将空闲对象保持在初始化状态，厚块分配程序避免了频繁的初始化和销毁，从而显著降低了开销。

伙伴系统

因为合并对分配程序很关键，所以人们设计了一些方法，让合并变得简单，一个好例子就是二分伙伴分配程序（binary buddy allocator）[K65]。

在这种系统中，空闲空间首先从概念上被看成大小为 2^N 的大空间。当有一个内存分配请求时，空闲空间被递归地一分为二，直到刚好可以满足请求的大小（再一分为二就无法满足）。这时，请求的块被返回给用户。在下面的例子中，一个 64KB 大小的空闲空间被切分，以便提供 7KB 的块：



在这个例子中，最左边的 8KB 块被分配给用户（如上图中深灰色部分所示）。请注意，这种分配策略只允许分配 2 的整数次幂大小的空闲块，因此会有内部碎片（internal fragment）的麻烦。

伙伴系统的漂亮之处在于块被释放时。如果将这个 8KB 的块归还给空闲列表，分配程序会检查“伙伴” 8KB 是否空闲。如果是，就合二为一，变成 16KB 的块。然后会检查这个 16KB 块的伙伴是否空闲，如果是，就合并这两块。这个递归合并过程继续上溯，直到合并整个内存区域，或者某一个块的伙伴还没有被释放。

伙伴系统运转良好的原因，在于很容易确定某个块的伙伴。怎么找？仔细想想上面例子中的各个块的地址。如果你想得够仔细，就会发现每对互为伙伴的块只有一位不同，正是这一位决定了它们在整个伙伴树中的层次。现在你应该已经大致了解了二分伙伴分配程序的工作方式。更多的细节可以参考 Wilson 的调查[W+95]。

其他想法

上面提到的众多方法都有一个重要的问题，缺乏可扩展性（scaling）。具体来说，就是查找列表可能很慢。因此，更先进的分配程序采用更复杂的数据结构来优化这个开销，牺牲简单性来换取性能。例子包括平衡二叉树、伸展树和偏序树[W+95]。

考虑到现代操作系统通常会有多核，同时会运行多线程的程序（本书之后关于并发的章节将会详细介绍），因此人们做了许多工作，提升分配程序在多核系统上的表现。两个很棒的例子参见 Berger 等人的[B+00]和 Evans 的[E06]，看看文章了解更多细节。

这只是人们为了优化内存分配程序，在长时间内提出的几千种想法中的两种。感兴趣的话可以深入阅读。或者阅读 glibc 分配程序的工作原理[S15]，你会更了解现实的情形。

17.5 小结

在本章中，我们讨论了最基本的内存分配程序形式。这样的分配程序存在于所有地方，与你编写的每个 C 程序链接，也和管理其自身数据结构的内存的底层操作系统链接。与许多系统一样，在构建这样一个系统时需要做许多折中。对分配程序提供的确切工作负载了解得越多，就越能调整它以更好地处理这种工作负载。在现代计算机系统中，构建一个适用于各种工作负载、快速、空间高效、可扩展的分配程序仍然是一个持续的挑战。

参考资料

[B+00] “Hoard: A Scalable Memory Allocator for Multithreaded Applications” Emery D. Berger, Kathryn S. McKinley, Robert D. Blumofe, and Paul R. Wilson ASPLOS-IX, November 2000

Berger 和公司的优秀多处理器系统分配程序。它不仅是一篇有趣的论文，也是能用于指导实战的！

[B94] “The Slab Allocator: An Object-Caching Kernel Memory Allocator” Jeff Bonwick
USENIX '94

一篇关于如何为操作系统内核构建分配程序的好文章，也是如何专门针对特定通用对象大小的一个很好的例子。

[E06] “A Scalable Concurrent malloc(3) Implementation for FreeBSD” Jason Evans

本文详细介绍如何构建一个真正的现代分配程序以用于多处理器。“jemalloc”分配程序今天在 FreeBSD、NetBSD、Mozilla Firefox 和 Facebook 中已广泛使用。

[K65] “A Fast Storage Allocator” Kenneth C. Knowlton
Communications of the ACM, Volume 8, Number 10, October 1965

伙伴分配的常见引用。一个奇怪的事实是：Knuth 不是把这个想法归功于 Knowlton，而是归功于获得诺贝尔奖的经济学家 Harry Markowitz。另一个奇怪的事实是：Knuth 通过秘书收发他的所有电子邮件。他不会

自己发送电子邮件，而是告诉他的秘书要发送什么邮件，然后秘书负责发送电子邮件。最后一个关于 Knuth 的事实：他创建了 TeX，这是用于排版本书的工具。这是一个惊人的软件^①。

[S15] “Understanding glibc malloc” Sploitfun

深入了解 glibc malloc 是如何工作的。本文详细得令人惊讶，一篇非常好的阅读材料。

[W+95] “Dynamic Storage Allocation: A Survey and Critical Review” Paul R. Wilson, Mark S. Johnstone, Michael Neely, David Boles International Workshop on Memory Management

Kinross, Scotland, September 1995

对内存分配的许多方面进行了卓越且深入的调查，比这个小小的章节中所含的内容拥有更多的细节！

作业

程序 malloc.py 让你探索本章中描述的简单空闲空间分配程序的行为。有关其基本操作的详细信息，请参见 README 文件。

问题

1. 首先运行 `flag -n 10 -H 0 -p BEST -s 0` 来产生一些随机分配和释放。你能预测 `malloc()/free()` 会返回什么吗？你可以在每次请求后猜测空闲列表的状态吗？随着时间的推移，你对空闲列表有什么发现？

2. 使用最差匹配策略搜索空闲列表（-p WORST）时，结果有何不同？什么改变了？

3. 如果使用首次匹配（-p FIRST）会如何？使用首次匹配时，什么变快了？

4. 对于上述问题，列表在保持有序时，可能会影响某些策略找到空闲位置所需的时间。使用不同的空闲列表排序（-l ADDRSORT, -l SIZESORT +, -l SIZESORT -）查看策略和列表排序如何相互影响。

5. 合并空闲列表可能非常重要。增加随机分配的数量（比如说-n 1000）。随着时间的推移，大型分配请求会发生什么？在有和没有合并的情况下运行（即不用和采用-C 标志）。你看到了什么结果差异？每种情况下的空闲列表有多大？在这种情况下，列表的排序是否重要？

6. 将已分配百分比-P 改为高于 50，会发生什么？它接近 100 时分配会怎样？接近 0 会怎样？

7. 要生成高度碎片化的空闲空间，你可以提出怎样的具体请求？使用-A 标志创建碎片化的空闲列表，查看不同的策略和选项如何改变空闲列表的组织。

^① 实际上我们使用 LaTeX，它基于 Lamport 对 TeX 的补充，但二者非常相似。