```
Procedure sort (int low, high)
{
   for i = low to high - 1 do
         for j = i + 1 to high do
                   if a[j] < a[i]
                   {
                             temp = a[j]
                             a[j] = a[i]
                             a [ i ] = temp
begin
         for k = 1 to n do
                   read(a[k])
         sort( 1, n )
         for k = 1 to n do
                   write (a[k])
end.
```

- Custo do algoritmo: n²/2
- Paralelamente: (2 processos)

```
• n<sup>2</sup>/8 (ordenar)
```

n (merge)

 \bullet n²/4 + n (total)

begin

```
sort (1, n)
sort (n+1, tam)
merge (1, n+1, tam)
```

end.

N	n ² /2	(n²/4)+n	n²/8+n
40	<mark>80</mark> 0	440	140
100	<mark>50</mark> 00	2600	1350
1000	500 000	251 000	126 000



```
Program sort
{
    (* entra aqui as rotinas anteriores *)
    for k = 1 to tam do
        read ( a[ k ] )
    cobegin
        sort(1, n)
        sort(n+1, tam)
    coend
        merge(1, n+1, tam)
}
```

- cobegin / coend:
 - rotinas podem serexecutadas em paralelo
 - o sistema de hardware/software decide



- Concorrente:
 - processos com potencial para execução paralela
- Programação Concorrente:
 - Notações e técnicas para expressar potencial paralelismo
 - resolver problemas de sincronização e comunicação
- Problema básico:
 - que atividades executar concorrentemente

```
cobegin
sort(1, n)
sort(n+1, tam)
merge(1, n+1, tam)
coend
```



	P1	P2	Р3
Inicial	4, 2, 7, 6, 1	8, 5, 0, 3, 9	-
P1	2, 4, 7, 6, 1	8, 5, 0, 3, 9	-
P2	2, 4, 7, 6, 1	5, 8, 0, 3, 9	-
merge	66	66	2
merge	66	66	2, 4
merge	66	"	2, 4, 5

Merge só será executado corretamente se existir uma forma de sincronização com Sort



Abstração para problemas de sincronização

Sejam A1 e A2 atividades relativas aos processos P1 e P2

 A1 e A2 são mutualmente exclusivas se não puderem se sobrepor

ou seja,

se P1 e P2 tentam executar simultaneamente suas atividade A_i

então

apenas um processo pode ter sucesso



A abstração é expressa como a sequência:

comandos
pré-protocolo
seção crítica
pós-protocolo

- Definições:
 - Deadlock
 - Lockout / Starvation
 - Atomicidade



Consideramos que o problema de exclusão mútua em alto nível fará uso de recursos fornecidos por níveis mais baixos (hardware)

Exemplo

$$n = n + 1$$

Load n ← atômica

Add 1

Store n

Se n = 3 e P1, P2 executam concorrentemente qual o valor final de n?



Soluções para Exclusão Mútua

Busy waiting

- um processo aguarda sua vez de entrar em sua seção crítica
- testando periodicamente se algum outro processo já executa uma seção crítica

Genericamente



Soluções para Exclusão Mútua

```
procedure p1;
repeat
     while turn = 2 do (* nothing *);
     critical1;
     turn = 2;
     comandos
forever
procedure p2;
repeat
     while turn = 1 do (* nothing *);
     critical2;
     turn = 1;
     comandos
forever
turn = 1
cobegin
     p1; p2;
coend
```



Soluções para Exclusão Mútua

Esta solução:

- resolve exclusão mútua
- a princípio não permite deadlock
- nem lockout

Problema

- Se P1 tem que ser executado 100 vezes por dia e P2 apenas uma vez como resolver?
- Se P2 "aborta" antes de passar a vez?



Segunda Tentativa

```
procedure p1;
repeat
     while c2 = 1 do (* nothing *);
     c1 = 1;
     critical1;
     c1 = 0;
     comandos
forever
procedure p2;
repeat
     while c1 = 1 do (* nothing *);
     c2 = 1;
     critical2;
     c2 = 0;
     comandos
forever
c1 = c2 = 0;
cobegin
     p1; p2;
coend
```



Problemas

Não garante exclusão mútua:

	C 1	C2
inicialmente	0	0
P1 verifica C2	0	0
P2 verifica C1	0	0
P1 seta C1	1	0
P2 seta C2	1	1
P1 na seção critica	1	1
P2 na seção critica	1	1

Como ambos estão na seção crítica, o programa está incorreto!



Terceira Tentativa

 Na solução anterior o erro está na inicialização de c1 e c2 após o teste que valida P1 ou P2 em sua região crítica

Vamos então definir:



Terceira Tentativa



Problemas

Infelizmente esta solução leva a uma situação de Deadlock

	C 1	C2
inicialmente	0	0
P1 seta c1	1	0
P2 seta c2	1	1
P1 verifica c2	1	0
P2 verifica c1	1	1

O programa garante exclusão mútua mas eventualmente causa DEADLOCK



Quarta Tentativa

```
procedure p1;
repeat

c1 = 1;
while c2 = 1 do
begin
c1 = 0; <- o processo procura dar
uma chance ao outro
(* do nothing *)
c1 = 1;
end
critical1;
c1 = 0;
comandos
forever
```



Quarta Tentativa

```
procedure p2;
repeat
     c2 = 1;
     while c1 = 1 do
     begin
             c2 = 0;
             (* do nothing *)
             c2 = 1;
     end
     critical2;
     c2 = 0;
     comandos
forever
c1 = c2 = 0;
cobegin
     p1; p2;
coend
```



Quarta Tentativa

Infelizmente a solução proposta, embora garanta exclusão mútua, não está correta

	C 1	C2
inicialmente	0	0
P1 seta c1	1	0
P2 seta c2	1	1
P1 verifica c2	1	1
P2 verifica c1	1	1
P1 seta c1	0	1
P2 seta c2	0	0
P1 seta c1	1	0
P2 seta c2	1	1

- Classificação: lockout (em algum momento algum processo pode seguir executando)
- Note que este exemplo exigiria um perfeito sincronismo para acontecer



Algoritmo de Dekker

```
procedure p1;
repeat
  c1 = 0
  while c2 = 0 do
        if turn = 2 then
        begin
                c1 = 1
                        while turn = 2 do ;
                c1 = 0
        end
   critico1
  turn = 2
   c1 = 1
  comandos
forever
begin
   c1 = c2 = turn = 1
   cobegin p1; p2; coend;
end
```



Algoritmo de Dekker

- Combinação da 1^ª e 4^ª tentativas
- lembrando que:
 - ◆ 1ª tentativa: deadlock
 - ◆ 2ª tentativa: lockout

Idéia

 Resolver o problema de lockout dando direi-to (passando a vez) do outro processo in- sistir na entrada da seção crítica



Algoritmo de Dekker

Funcionamento

- Se P1 seta c1 = 0 e descobre que P2 setou c2 = 0 então P1 consulta Turn
- Se turn = 1 então P1 sabe que é sua vez de insistir na entrada:
 - P1 verifica periodicamente c2
- P2 nota que é sua vez de ceder e gentilmente seta c2 = 1:
 - o que será percebido por P1
- P2 espera P1 terminar sua seção crítica:
 - P1 seta c1 = 1
 - Reseta turn = 2
 - <mark>∽ tr</mark>ansferindo, agora, o direito para P2



Conclusão

- Exclusão mútua:
 - é um dos problemas mais simples em P.P.
 - difícil de se obter uma solução correta
 - necessita de uma solução mais expressiva
 - diferente de árbitros de memória
- Uso de árbitros de memória / busy waiting
 - perda de tempo de CPU
- Solução
 - uso de primitivas que suspendam a execução de um processo bloqueado



Semáforo

- Simples de implementar
- Elegante na resolução de P.P.
- É um inteiro que assume valores não negativos
- Únicas operações permitidas
 - wait(s) e signal(s)
- wait (s)

```
se s > 0
então s = s - 1
senão o processo é suspenso
```

signal (s)

```
se algum processo P está suspenso então acorde P senão s = s + 1
```



Semáforos

- Note que:
 - wait(s) e signal(s) são operações primitivas como Load e Store
 - São mutualmente exclusivas
 - quando atuam no mesmo semáforo
 - signal(s) não especifica que processo é acordado quando mais de um processo está suspenso no mesmo semáforo



```
s: semáforo
procedure p1
repeat
        wait(s)
        critico 1
        signal (s)
        comandos
forever
procedure p2
repeat
        wait(s)
        critico 2
        signal (s)
        comandos
forever
begin
        s = 1
        cobegin p1; p2; coend
end
```



Etapas

- Um processo executa wait (s)
 - ♦ se s = 1
 - caso contrário
 - suspende o processo
- Após a execução da seção crítica
 - o processo sinalizador faz s = 1 e
 - acorda os demais processos (ou 1 dos processos) se estes existirem
- Esta solução é similar as anteriores só que:
 - o teste e alterações de s estão encapsulados em instruções primitivas
 - se p1 notar que s = 1 ele setará s = 0 antes de p2 ter a chance testar o valor de s



- No algoritmo anterior prova-se a ausência de deadlocks e a garantia de exclusão mútua
- Para um problema com n processos temos:



- problema é causado:
 - pela necessidade do produtor armazenar dados até que o consumidor esteja pronto
 - pelo consumidor que não pode processar dados que não foram gerados pelo produtor
- solução: rendez-vous
- problema:
 - se taxa de produção e consumo varia
 - buffer: armazenar dados
- buffer:
 - área de memória compartilhada



considerando um buffer ilimitado temos:

```
repeat

produz R

b [ in ] = R

in++

forever

repeat

espere até que in > out

W = b [ out ]

out++

consume W

forever
```



- considerando S = in out
- S representa o número de registros no buffer
- valores de S:
 - inicialmente 0
 - cresce e decresce arbitrariamente exceto quando S = 0:
 - o consumidor se recusa a decrementar
 - neste caso espera pelo produtor
- forçando um consumo imediato do registro produzido:

S se comporta como um semáforo



Note:

```
repeat
(1) espere até que in > out
: : :
forever
```

- podemos transformar facilmente (1) em:
 - wait (S)
 - assumindo que signal (S) é incluído no produtor

```
Var
   n : semaforo (* genérico *)
produtor()
                             consumidor ()
   repeat
                                repeat
     produz
                                  wait (n)
                            retira do buffer
     insere no buffer
     signal (n)
                                  consume
   forever
                                forever
        n = 0
        cobegin
                produtor; consumidor;
        coend
```



assumindo que a inserção e retirada são críticas

```
Var
   n: semaforo (* genérico *)
  s: semaforo (* binario *)
produtor ( )
                             consumidor ( )
   repeat
                                repeat
     produz
                                  wait (n)
     wait(s)
                                  wait(s)
     insere no buffer
                                  retira do buffer
                                  signal (s)
     signal (s)
     signal (n)
                                  consume
  forever
                                forever
        s = 1
        cobegin
                produtor; consumidor;
        coend
```

- o que acontece se trocarmos signal(s)
 signal(n) por signal(n) signal(s)
- e se trocarmos wait(n) wait(s) por wait(s) wait(n)?
- o exemplo mostra uma fraqueza no uso de semáforos:
 - não é possível entrar ou sair condicionalmente de um wait
 - não é possível examinar seu valor sem executar um wait:
 - neste exemplo entramos em deadlock



usando apenas 1 semáforo binário e obviamente uma variável para contar os registros temos:



```
consumidor ( )
var m:integer
  wait ( delay )
   repeat
       wait(s)
        retira do buffer
        n = n - 1
        m = n
        signal (s)
        consuma
        if m = 0 then wait (delay)
  forever
          s = 1 delay = 0
cobegin
   produtor;
  consumidor;
coend
```



note que:

- wait (delay) não permite que o consumidor execute com o buffer vazio
- M é usado para testar o valor de N como se estivesse na seção crítica
 - se trocarmos if n = 0 then wait (delay) teríamos:

Ação	n	delay
inicialmente	0	0
produtor	1	1
<mark>con</mark> sumidor	0	0
<mark>pro</mark> dutor	1	1
<mark>con</mark> sumidor	0	1 (*)
<mark>con</mark> sumidor	-1	0

