



Alunos e Matrículas:

Alex Meireles Santos Almeida 20193020407
Vitor Theodoro Rocha Domingues 20193017359

Trabalho Prático III

- 1) Defina uma função recursiva para o cálculo de potência de dois números inteiros, onde o primeiro número é elevado ao segundo. Não se pode usar o operador de potência (^).

Ex.: > **potencia 2 3** -- 8=2*2*2
8

```
potencia :: Integer -> Integer -> Integer
potencia a b | a == 1 = 1 | b == 0 = 1 | b == 1 = a
potencia a b = a * potencia a (b-1)

main = do
  print( potencia 2 3)
```

```
❖ ghc -o main main.hs
[1 of 1] Compiling Main
Linking main ...
❖ ./main
8
❖
```

- 2) Calcular o somatório dos elementos ímpares de uma lista de inteiros.

Ex.: > **somaImpares [1,3,2,7,4,6,5]** -- 16=1+3+7+5
16

```

1 somaImpares :: [Integer] -> Integer
2 somaImpares [] = 0
3 somaImpares (n:x)
4     | mod n 2 /= 0 = n + somaImpares x
5     | mod n 2 == 0 = somaImpares x
6
7 main = do
8
9 print( somaImpares [1,2,3,5] )

```

```

> ghc -o main main.hs
[1 of 1] Compiling Main
Linking main ...
> ./main
9
>

```

- 3) Substituir todos elementos de um determinado valor de uma lista de inteiros por um outro valor.

Ex.: > **substituir 1 0 [1,2,1,3,1]**
[0,2,0,3,0]

```

substituir :: Int -> Int -> [Int] -> [Int]
substituir a b [] = []
substituir a b (x:xs) | (a == x) = b:(substituir a b xs)|otherwise = x:substituir a b xs

main = do
print( substituir 1 0 [1,2,1,3,1])

```

```

$ghc -O2 --make *.hs -o main -threaded -rtsopts
[1 of 1] Compiling Main          ( main.hs, main.o )
Linking main ...
$main
[0,2,0,3,0]

```

- 4) Verificar se um número é primo.

Ex.: > **primo 17**
True
> **primo 0**
False

```

comparar :: [Integer] -> Integer-> Bool
comparar(a:x) n
    | a == n, a/=1 = True
    | mod n a == 0, a/= n = False
    | otherwise = comparar x n

primo :: Integer -> Bool
primo 0 = False
primo n = comparar[2..n] n

main = do
print( primo 17 )

```

```

> ghc -o main main.hs
[1 of 1] Compiling Main
Linking main ...
> ./main
True
>

```

- 5) Verifique se um número é perfeito, isto é, é igual a soma de seus divisores (exceto o próprio número).

Ex.: **> perfeito 28 -- 28=1+2+4+7+14**
True

```
divisores :: Int -> Int -> Int
divisores a b | b == 1 = 1
divisores a b | a == b = divisores a (b-1)
divisores a b | ((a `mod` b) == 0) = b + divisores a (b-1) | otherwise = divisores a (b-1)

perfeito :: Int -> Bool
perfeito n | ((divisores n n) == n) = True | otherwise = False

main = do
  print( perfeito 28)
  print (divisores 28 28)
```

```
$ghc -O2 --make *.hs -o main -threaded -rtsops
[1 of 1] Compiling Main          ( main.hs, main.o )
Linking main ...
$main
True
28
```

- 6) Função que retorna uma lista com a representação em binário de um número inteiro.

Ex.: **> binario 20**
[1,0,1,0,0]

```
binario :: Integer -> [Integer]
binario 0 = []
binario n
  | mod n 2 == 1 = (binario (div n 2)) ++ [1]
  | otherwise = (binario (div n 2)) ++ [0]

main = do
  print (binario 13)
```

```
❖ ghc -o main main.hs
[1 of 1] Compiling Main
Linking main ...
❖ ./main
[1,1,0,1]
```

- 7) Verificar se todos os elementos de uma lista são distintos.

Ex.: **> distintos [1,2,4,2,5]**
False
> distintos [3,2,1]
True

```

1 igual :: Int -> [Int] -> Int
2 igual a [] = 1
3 igual a (x:xs) | a == x = 0 | otherwise = igual a xs
4
5 distintos :: [Int] -> Bool
6 distintos [] = True
7 distintos (x:xs) | ((igual x xs) == 1) = distintos xs | otherwise = False
8
9
10 main = do
11 print(distintos [1,2,4,6,5])

```

```

$ghc -O2 --make *.hs -o main -threaded -rtsops
[1 of 1] Compiling Main             ( main.hs, main.o )
Linking main ...
$main
True

```

8) Verificar se duas listas são disjuntas.

```

Ex.: > disjuntas [1,2,3] [5,4,6,0]
True

```

```

compararListas :: Integer -> [Integer] -> Bool
compararListas _ [] = False
compararListas d (e:x)
    | d == e = True
    | otherwise = compararListas d x

disjuntas :: [Integer] -> [Integer] -> Bool
disjuntas [] [] = False
disjuntas a [] = True
disjuntas [] b = True
disjuntas (c:b) a
    | compararListas c a == True = False
    | otherwise = disjuntas a b

main = do
print (disjuntas [1,2,3] [4,5,6,0])

```

```

> ghc -o main mai
[1 of 1] Compilin
Linking main ...
> ./main
True
> []

```

9) Verificar se uma lista de inteiros é palíndromo.

```

Ex.: > palindromo [1,2,3,4,3,2,1]
True

```

```

palindromo:: [Int] -> Bool
palindromo [] = True
palindromo x | x == inverso x = True | otherwise = False

inverso:: [Int] -> [Int]
inverso [] = []
inverso (x:xs) = inverso xs ++ [x]

main = do
  print(palindromo[1,2,3,4,3,2,1])

```

```

> stack
True
> []

```

10) Calcular todas as somas parciais de uma lista de inteiros.

Ex.: > **somaParciais [1,2,3,4] -- [1,1+2,1+2+3,1+2+3+4]**
[1, 3, 6, 10]

```

retira:: [Integer] -> [Integer]
retira [a] = []
retira (a:x) = [a] ++ retira x

soma:: [Integer] -> Integer
soma [] = 0
soma (a:x) = a + soma x

somaParciais:: [Integer] -> [Integer]
somaParciais [] = []
somaParciais x = (somaParciais (retira x)) ++ [(soma x)]

main = do
  print (somaParciais [1,2,3,4])

```

```

> stack --verbosity warn run
[1,3,6,10]
> []

```

11) Linearizar uma lista de listas de inteiros.

Ex.: > **linearizar [[1,2], [5], [0,4,2]]**
[1,2,5,0,4,2]

```
linearizar:: [[Int]] -> [Int]
linearizar [] = []
linearizar (x:xs) = x ++ linearizar xs

main = do
    print(linearizar [ [1,2], [5], [0,4,2] ])
```

```
> stack --verbose
[1,2,5,0,4,2]
> 
```

12) Deslocar todos elementos de uma lista de inteiros k posições para a esquerda.

Ex.: > **shift 3 [1,5,6,7,3,4,1] -- k=3**
 [7,3,4,1,1,5,6]

```
trocar :: [Integer] -> [Integer]
trocar [] = []
trocar(c:x) = x ++ [c]
shift:: Integer -> [Integer] -> [Integer]
shift _ [] = []
shift 0 (b:x) = [b] ++ shift 0 x
shift a b = (shift(a-1))(trocar b)

main = do
    print(shift 3 [1,5,6,7,3,4,1])
```

```
bal-simple_mPHDZzAJ
[7,3,4,1,1,5,6]
> 
```

13) Remover os n últimos elementos de uma lista de inteiros.

Ex.: > **removerFim 2 [1,2,3,4,5,6] -- n=2**
 [1,2,3,4]

```
retirar:: [Int] -> [Int]
retirar [x] = []
retirar (x:xs) = [x] ++ retirar xs

removerFim:: Int -> [Int] -> [Int]
removerFim x xs | x /= 0 = (removerFim (x-1) (retirar xs)) | otherwise = xs

main = do
    print( removerFim 2 [1,2,3,4,5,6] )
```

```

> stack --verbosity w
[1,2,3,4]
> []

```

- 14) Dadas duas listas ordenadas de forma crescente, obter a lista ordenada resultante da intercalação delas.

Ex.: > **intercalar** [1,5,10] [2,7,9,20,25]
 [1,2,5,7,9,10,20,25]

```

intercalar :: [Integer] -> [Integer] -> [Integer]
intercalar [] [] = []
intercalar (c:a) [] = [a] ++ intercalar a []
intercalar (d:c) [] = [b] ++ intercalar [] b
intercalar (c:a) (d:b)
  | c <= b = [c] ++ [d] ++ intercalar a b
  | otherwise = [d] ++ [c] ++ intercalar a b

main = do

print(intercalar[1,5,10][2,7,9,20,25])

```

```

> stack --verbosity warn run
[1,2,5,7,9,10,20,25]
> []

```

- 15) Desenvolver uma solução para um quiosque de saque eletrônico que, para um determinado valor, deve entregar o menor número de cédulas de R\$1, R\$5, R\$10, R\$50 e R\$100, da menor para a maior.

Ex.: > **trocar** 162
 [1, 1, 10, 50, 100]

```

trocar :: Int -> [Int]
trocar x | x >= 100 = trocar (x-100) ++ [100]
  | x >= 50 = trocar (x-50) ++ [50]
  | x >= 10 = trocar (x-10) ++ [10]
  | x >= 1 = trocar (x-1) ++ [1]
  | otherwise = []

main = do

print(trocar 162)

```

```

> stack --verbosity
[1,1,10,50,100]
> []

```

