

# Zadanie 1

Znaleźć minimum funkcji

$$f(x) = (x^2 - 4)^2 / 8 - 1$$

Metoda złotego podziału:

- optymalizacja bez ograniczeń, poszukiwanie minimum w znanym przedziale  $[a, b]$ .
- funkcja celu jest unimodalna w przedziale:
  - znak pochodnej funkcji celu zmienia się co najmniej raz w  $[a, b]$  zatem funkcja rośnie lub maleje dla  $[a, x^0]$  /  $[x^0, b]$
- $x^0$  jest poszukiwanym rozwiązaniem

*Krok 1.* Należy wybrać dwa punkty  $c = a + (1 - r)h$  oraz  $d = a + rh$  w przedziale  $[a, b]$ , gdzie  $r = (\sqrt{5} - 1)/2$  i  $h = b - a$ .

# Zadanie 1

*Krok 2.* Jeśli wartości  $f(x)$  w dwóch punktach są prawie równe tj.  $f(a) \approx f(b)$  i przedział jest wystarczająco mały (tj.,  $h \approx 0$ ), zatrzymać iterację i zadeklarować  $x^0 = c$  lub  $x^0 = d$  zależnie od tego czy  $f(c) < f(d)$  lub nie. W innym wypadku przejść do kroku 3.

*Krok 3.* Jeśli  $f(c) < f(d)$ , niech nowa górna granicy przedziału  $b \leftarrow d$ ; w przeciwnym razie niech nowa dolna granica  $a \leftarrow c$ . Następnie przejść do kroku 1.

# Zadanie 2

Wykorzystując metodę złotego podziału wykonaj kilka pierwszych kroków lokalizacji minimum funkcji  $e^x - x$  w przedziale  $[-1, 1]$

# Zadanie 3

W metodzie złotego podziału iteracyjnie dzielimy przedział  $(x \in [x_a, x_b])$ , w którym znajduje się minimum wartości funkcji na trzy części, tj. wyznaczamy dodatkowe dwa punkty wewnątrz przedziału:  $x_1 = x_a + r^2(x_b - x_a)$  i  $x_2 = x_a + r(x_b - x_a)$ , gdzie:  $r = (\sqrt{5} - 1)/2$  i odpowiednio zawężamy przedział. Obliczenia kończymy jeśli zachodzi warunek:

$$|x_1 - x_2| < \varepsilon \quad (1)$$

i przyjmujemy że minimum znajduje się w punkcie:

$$x_{min} = \frac{x_1 + x_2}{2} \quad (2)$$

Zadania do wykonania:

1. Zaprogramować metodę złotego podziału do poszukiwania minimum wartości funkcji.
2. Znaleźć minimum wartości funkcji

$$f(x) = \ln(x^5 + 3x^2 + x + 9) \quad (3)$$

przy użyciu swojego programu. Do pliku zapisać proszę numer iteracji, położenie aktualnego przybliżenia minimum oraz moduł różnicy rozwiązania dokładnego ( $x_{dok} = -0.1665540$ ) i aktualnego przybliżenia. Jako krańce przedziału startowego proszę przyjąć:  $x_a = -0.5$ ,  $x_b = 1.0$ . Do warunku stopu przyjąć wartość parametru  $\varepsilon = 10^{-6}$ .

3. Powtórzyć całą procedurę poszukiwania minimum  $f(x)$  stosując podział na 3 równe odcinki tj. przyjąć  $r = 1/3$ .

# Zadanie 3

4. Na jednym rysunku proszę narysować moduł różnicy rozwiązania dokładnego i przybliżonego w funkcji numeru iteracji dla obu powyższych przypadków tj. dla  $r = (\sqrt{5} - 1)/2$  i  $r = 1/3$ . Skala y ma być logarytmiczna (w gnuplocie ustawiamy ją komendą "set logscale y").
5. Minimalizację złotego podziału i z podziałem na trzy równe części proszę zastosować do znalezienia minimum funkcji

$$g(x) = x^6 \tag{4}$$

Jako punkty startowe proszę przyjąć:  $x_a = -4.0$ ,  $x_b = 1.0$ . Do warunku stopu przyjąć  $\varepsilon = 10^{-6}$  ( $x_{min} = 0$ ). Jak poprzednio wyprowadzić dane do pliku i sporządzić rysunek modułu różnicy rozwiązania dokładnego i przybliżonego w funkcji numeru iteracji dla  $r = (\sqrt{5} - 1)/2$  i  $r = 1/3$ . Skala y ma być logarytmiczna.