Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №6

З дисципліни «Методи наукових досліджень» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами

ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи IB-91 Богомол В.Ю. Номер заліковки: 9101

> ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П. Г.

Мета роботи: Провести трьохфакторний експеримент і отримати адекватну модель — рівняння регресії, використовуючи **рототабельний** композиційний план.

Завдання до лабораторної роботи:

- 1. Ознайомитися з теоретичними відомостями.
- 2. Вибрати з таблиці варіантів і записати в протокол інтервали значень x1, x2, x3. Обчислити і записати значення, відповідні кодованим значенням факторів +1; -1;+; -; 0 для 1, 2, 3.
- 3. Значення функції відгуку знайти за допомогою підстановки в формулу: $y_i = f(x_1, x_2, x_3) + random(10)$ -5,
- де f(x1, x2, x3) вибирається по номеру в списку в журналі викладача.
- 4. Провести експерименти і аналізуючи значення статистичних перевірок, отримати адекватну модель рівняння регресії. При розрахунках використовувати натуральні значення факторів.
- 5. Зробити висновки по виконаній роботі.
- Алгоритм отримання адекватної моделі рівняння регресії
- 1) Вибір рівняння регресії (лінійна форма, рівняння з урахуванням ефекту взаємодії і з урахуванням квадратичних членів);
- 2) Вибір кількості повторів кожної комбінації (т = 2);
- 3) Складення матриці планування експерименту і вибір кількості рівнів (N)
- 4) Проведення експериментів;
- 5) Перевірка однорідності дисперсії. Якщо не однорідна повертаємося на п. 2 і збільшуємо т на 1);
- 6) Розрахунок коефіцієнтів рівняння регресії. При розрахунку використовувати **натуральні** значення x1, x2 и x3.
- 7) Перевірка нуль-гіпотези. Визначення значимих коефіцієнтів;
- 8) Перевірка адекватності моделі рівняння оригіналу. При неадекватності повертаємося на п.1, змінивши при цьому рівняння регресії;

	x ₁		x ₂		Х3		f(x ₁ , x ₂ , x ₃)
m	in	max	min	max	min	max	
2	0	70	25	65	25	35	0,6+4,0*x1+2,8*x2+4,7*x3+3,1*x1*x1+0,4*x2*x2+5,4*x3*x3+5,7*x1*x2+0,1*x1*x3+8,8*x2*x3+0,1*x1*x2*x3

Виконання роботи

Лістинг програми

```
from math import fabs
from random import randrange
import numpy as np
from numpy.linalg import solve
from scipy.stats import f, t

m = 3
n = 15

x1_min = 20
x1_max = 70
x2_min = 25
x2_max = 65
x3_min = 25
x3_max = 35
```

```
x01 = (x1 max + x1 min) / 2
x02 = (x2 max + x2 min) / 2
x03 = (x3 max + x3 min) / 2
x1 delt = x1 max - x01
x2 delt = x2 max - x02
x3 \text{ delt} = x3 \text{ max} - x03
xn = [[-1, -1, -1, +1, +1, +1, -1, +1, +1, +1],
x1 = [x1_min, x1_min, x1_min, x1_min, x1_max, x1_max, x1_max, x1_max, -1.73 *
x1 \text{ delt } + x01, 1.73 * x1 \text{ delt } + x01, x01, x01,
x2 = [x2_{min}, x2_{min}, x2_{max}, x2_{min}, x2_{min}, x2_{max}, x2_{max}, x02,
x02, -1.73 * x2 delt + <math>x02, 1.73 * x2 delt + <math>x02,
x3 = [x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x03,
x03, x03, x03, -\overline{1.73} * x\overline{3} delt + x03,
x1x2, x1x3, x2x3, x1x2x3 = [0] * n, [0] * n, [0] * n, [0] * n
x3kv))
print("
```

```
print("Матриця планування Y")
    aver_y.append(np.mean(Y[i], axis=0))
dispersions = []
def find kn(num):
mx = []
        number_lst.append(list_for_a[j][i])
    mx.append(sum(number_lst) / len(number_lst))
mx[9]],
a(2, 8), a(2, 9), a(2, 10)],
```

```
det 2 = [my, find kn(1), find kn(2), find kn(3), find kn(4), find kn(5),
find kn(6), find kn(7),
Gp = max(dispersions) / sum(dispersions)
sbs = (sb / (n * m)) ** 0.5
```

```
if fabs(pract_t / sbs) < t.ppf(q=0.975, df=F3):
        coef 2.append(beta[j])
    st y.append(res[0] + res[1] * x1[i] + res[2] * x2[i] + res[3] * x3[i] +
x1kv[i] + res[9] *
Fp = Sad / sb
F4 = n - d
                              dfd=F3):
```

Результат роботи програми

```
C:\Users\38096\anaconda3\python.exe "C:/Z Kpi/A МНД/Ла6/Ла6 6/main.py"
Матриця планування з натуралізованими коефіцієнтами Х
   20.000
               25.000
                           25.000
                                      500.000
                                                   500.000
                                                               625.000
                                                                          12500.000
                                                                                       400.000
                                                                                                    625.000
   20.000
               25.000
                           35.000
                                      500.000
                                                   700.000
                                                               875.000
                                                                          17500.000
                                                                                       400.000
                                                                                                    625.000
   20.000
               65.000
                           25.000
                                      1300.000
                                                   500.000
                                                               1625.000
                                                                          32500.000
                                                                                       400.000
                                                                                                    4225.000
   20.000
               65.000
                           35.000
                                      1300.000
                                                   700.000
                                                               2275.000 45500.000
                                                                                       400.000
                                                                                                    4225.000
   70.000
               25.000
                           25.000
                                      1750.000
                                                   1750.000
                                                               625.000
                                                                          43750.000
                                                                                       4900.000
                                                                                                    625.000
   70.000
               25.000
                           35.000
                                      1750.000
                                                   2450.000
                                                               875.000
                                                                          61250.000
                                                                                       4900.000
                                                                                                    625.000
               65.000
                           25.000
                                                                          113750.000
   70.000
                                      4550.000
                                                  1750.000
                                                               1625.000
                                                                                       4900.000
                                                                                                    4225.000
                           35.000
   70.000
               65.000
                                      4550.000
                                                               2275.000
                                                                         159250.000
                                                                                       4900.000
                                                                                                    4225.000
                                                  2450.000
               45.000
                           30.000
                                       78.750
                                                   52.500
                                                               1350.000
                                                                                        3.062
                                                                                                    2025.000
                                                                                       7788.062
   88.250
               45.000
                           30.000
                                                   2647.500
                                                               1350.000
                                                                                                    2025.000
               10.400
                           30.000
   45.000
                                      468.000
                                                               312.000
                                                                          14040.000
                                                                                                    108.160
                                                   1350.000
                                                                                       2025.000
               79.600
                           30.000
                                                                          107460.000
   45.000
                                      3582.000
                                                   1350.000
                                                               2388.000
                                                                                       2025.000
                                                                                                    6336.160
   45.000
               45.000
                           21.350
                                       2025.000
                                                   960.750
                                                               960.750
                                                                          43233.750
                                                                                        2025.000
                                                                                                    2025.000
   45.000
               45.000
                           38.650
                                       2025.000
                                                   1739.250
                                                               1739.250
                                                                          78266.250
                                                                                        2025.000
                                                                                                    2025.000
   45.000
               45.000
                           30.000
                                      2025.000
                                                   1350.000
                                                               1350.000
                                                                          60750.000
                                                                                       2025.000
                                                                                                   2025.000
```

```
Матриця планування Ү
 14779.100 14786.100 14780.100
 42020.100 42022.100 42022.100
 72615.100 72617.100 72621.100
 86246.100 86251.100 86244.100
 18527.469 18526.469 18523.469
 77129.219 77127.219 77123.219
 18487.684 18483.684 18480.684
 66525.244 66528.244 66532.244
 50493.846 50486.846 50487.846
42030.600 42031.600 42030.600
Середні значення відгуку за рядками
14781.767
20790.767
42021.433
39305.767
46613.767
86247.100
18525.802
77126.552
18484.017
66528.577
34375.103
50489.513
42030.933
Отримане рівняння регресії
-60.949 + 4.463 * X1 + 3.678 * X2 + 7.764 * X3 + 5.690 * X1X2 + 0.090 * X1X3 +
+ 8.781 * X2X3 + 0.100 * X1X2X3 + 3.098 * X11^2 + 0.397 * X22^2 + 5.359 * X33^2 = y
Експериментальні значення
14783.014
20790.775
31698.041
42020.802
39307.021
46613.782
72618.381
86246.475
18525.394
18482.862
66528.901
34373.254
50490.530
42030.939
```

```
Gp = 0.11315789473684208
Значущі коефіцієнти регресії [-60.949, 4.463, 3.678, 7.764, 5.69, 0.09, 8.781, 0.1, 3.098, 0.397, 5.359]
Незначущі коефіцієнти регресії []
Значення з отриманими коефіцієнтами
14783.014
20790.775
31698.041
42020.802
39307.021
72618.381
86246.475
18525.394
77126.128
18482.862
66528.901
50490.530
42030.939
Fp = 1.452591796700626
При рівні значимості 0.05 рівняння регресії адекватне
Process finished with exit code 0
```