

## Правила дифференцирования и таблица производных

Обычно при нахождении производных сначала используются правила дифференцирования, а затем – таблица производных элементарных функций

### Правила дифференцирования:

1)  $(Cu)' = Cu'$ , где  $C$  – произвольное число  
– константу можно вынести за знак производной;

2)  $(u + v)' = u' + v'$  – правило дифференцирования суммы;

Правила № 1, 2 часто называют *свойством линейности* производной.

3)  $(uv)' = u'v + uv'$  – правило дифференцирования произведения;

4)  $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$  – правило дифференцирования частного;

5)  $(u(v))' = u'(v) \cdot v'$  – дифференцирование сложной функции.

### Таблица производных:

$(C)' = 0$ , где  $C$  – произвольное число;

$(x^n)' = nx^{n-1}$ , в частности:  $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ ,  $(x)' = 1$ ,  $\left(\frac{1}{x}\right)' = -\frac{1}{x^2}$

Следует обратить внимание, что производная степенной функции – это самая «ходовая» вещь на практике. Любой радикал (корень), например  $\sqrt[3]{x^5}$ ,  $\frac{1}{\sqrt[7]{x^2}}$ ,  $\frac{1}{x^5}$ ,  $\sqrt{(4x-7)^3}$  нужно представить в виде  $x^{\frac{a}{b}}$  для применения формулы  $(x^n)' = nx^{n-1}$  (как представить – см. Приложение **Горячие школьные формулы**).

Логарифмическая и показательная функция:

$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$ , в частности  $(\ln x)' = \frac{1}{x}$

$(a^x)' = a^x \ln a$ , в частности  $(e^x)' = e^x$

Тригонометрические функции:

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

Обратные тригонометрические функции:

$$(\operatorname{arctg} x)' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$(\operatorname{arcctg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

$$(\operatorname{arcsin} x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$(\operatorname{arccos} x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

Гиперболические функции:

$$(\operatorname{sh} x)' = \operatorname{ch} x$$

$$(\operatorname{ch} x)' = \operatorname{sh} x$$

$$(\operatorname{th} x)' = \frac{1}{\operatorname{ch}^2 x}$$

$$(\operatorname{cth} x)' = -\frac{1}{\operatorname{sh}^2 x}$$

**Внимание!** Правила дифференцирования и таблица производных справедливы для любой переменной, по которой осуществляется дифференцирование

Если вы берёте производную по  $y$ , то мысленно замените все «иксы» «игреками»; при дифференцировании по  $z$  – превратите все «иксы» в «зеты» и т.д.