

# Prelucrarea semnalelor

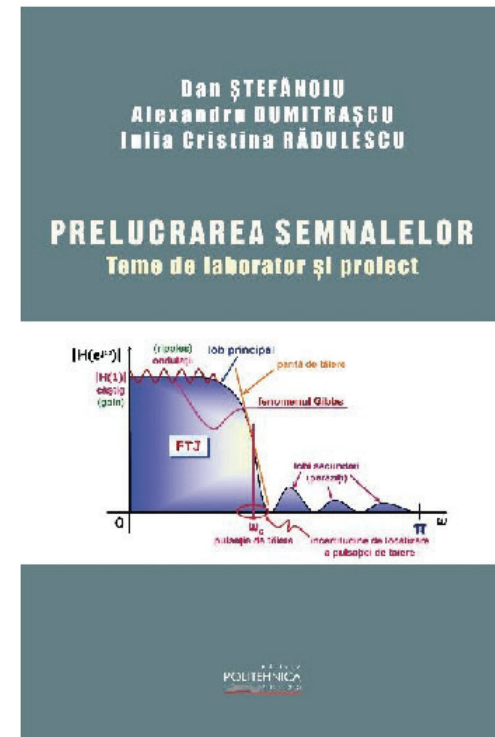
## Laborator 1 - Semnale discrete

<https://curs.upb.ro>

Profesor Dan ȘTEFĂNOIU  
[dan.stefanoiu@upb.ro](mailto:dan.stefanoiu@upb.ro)

Conferențiar Alexandru DUMITRAȘCU  
[alexandru.dumitrascu@upb.ro](mailto:alexandru.dumitrascu@upb.ro)

Șef de lucrări Vasilică VOINEA  
[vasilica.voinea@upb.ro](mailto:vasilica.voinea@upb.ro)



## Semnale utilizate

- Generate cu ajutorul funcțiilor MATLAB prezentate în acest laborator
- Semnale vocale sau audio care pot fi descărcate de pe platforma Moodle de la adresa <https://curs.upb.ro> . Acestea sunt enumerate în Tabelul 1.1.

Tabelul 1.1. Fișiere utilizate în cadrul Laboratorului 1

Nume fișier	Conținut	Frecvența de eșantionare
<b>sunet_a</b>	semnal vocal, sunet /a/	8 kHz
<b>sunet_i</b>	semnal vocal, sunet /i/	8 kHz
<b>sunet_s</b>	semnal vocal, sunet /s/	8 kHz
<b>xilo</b>	semnal audio, xilofon	44,1 kHz

## Obiective

Însoșirea modului de lucru cu semnale în mediul de programare MATLAB. Studiul operațiilor cu semnale și al proprietăților semnalelor deterministe și aleatoare.

## Suport teoretic

### Semnal continuu (analogic)

Un semnal continuu (analogic)  $f$  este o funcție definită pe mulțimea numerelor reale, cu valori reale sau complexe  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{C}$

### Semnal discret (digital)

Un semnal discret (digital)  $x$  este o funcție definită pe mulțimea numerelor întregi cu valori reale sau complexe,  $x : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{C}$

### Eșantionare

Fie  $x_a : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{C}$  un semnal continuu (analogic). Prin eșantionare (uniformă) cu perioada  $T_s$  se obține semnalul discret (digital) :

$$x[n] = x_a(nT_s), \forall n \in \mathbb{Z}. \quad (1.1)$$

### Periodicitate

Un semnal discret  $x$  este *periodic* de perioadă  $M$  (sau  $M$ -periodic), dacă  $x[n] = x[n + kM]$ , pentru orice  $n, k \in \mathbb{Z}$

### Supportul unui semnal

Semnalul discret  $x$  are suportul  $\mathbb{T} \subseteq \mathbb{Z}$  dacă  $x[n] = 0, \forall n \in \mathbb{Z} \setminus \mathbb{T}$ . În mediul de programare MATLAB, se pot utiliza semnale cu suport  $\mathcal{T} = \overline{0, N-1}$ ,  $N \in \mathbb{Z}^*$ .

# Semnale deterministe

## Impulsul unitar (centrat în origine)

$$\delta_0[n] = \begin{cases} 1, n = 0 \\ 0, n \in \mathbb{Z}^* \end{cases} \quad (1.2)$$

## Treapta unitate (în origine)

$$u_0[n] = \begin{cases} 1, n \in \mathbb{N} \\ 0, n \in \mathbb{Z} \setminus \mathbb{N} \end{cases} \quad (1.3)$$

## Semnalul exponențial cauzal

$$x[n] = \alpha^n \cdot u_0[n], \forall n \in \mathbb{Z}, \alpha \in \mathbb{C}, \quad (1.4)$$

Semnalul este și stabil (absolut sumabil) dacă și numai dacă  $|\alpha| < 1$

## Semnalul sinusoidal real

$$x[n] = A \cdot \sin(\omega n + \varphi), \forall n \in \mathbb{Z}, \quad (1.5)$$

## Semnalul sinusoidal complex

$$\begin{aligned} x[n] &= A \cdot \exp(j(\omega n + \varphi)) = \\ &= A[\cos(\omega n + \varphi) + j \cdot \sin(\omega n + \varphi)], \forall n \in \mathbb{Z}, \end{aligned} \quad (1.6)$$

- $A > 0$  este amplitudinea
- $\omega \in \mathbb{R}$  este pulsația (numită adesea și frecvență)
- $\varphi \in (-\pi, +\pi]$  este defazajul

Două sinusoidale de forma (1.5) sau (1.6), având frecvențele  $\omega$  și  $\omega + 2k\pi$  (unde  $k \in \mathbb{Z}$  este arbitrar) sunt identice.

Cele două semnale sinusoidale sunt periodice numai dacă pulsația caracteristică este un multiplu rațional al lui  $\pi$ . În caz contrar, semnalele sunt aperiodice. O exprimare uzuală a pulsațiilor semnalelor (1.5) sau (1.6) este următoarea :

$$\omega = \frac{2k\pi}{N}, \quad (1.7)$$

unde  $k \in \mathbb{Z}$ , iar  $N \in \mathbb{N}^*$ . În acest caz, semnalul sinusoidal discret (real sau complex) este periodic.

## Operații cu semnale discrete

### Convoluția

$$(x * y)[n] = \sum_{k \in \mathbb{Z}} x[k]y[n - k], \forall n \in \mathbb{Z}, \quad (1.8)$$

### Modulația în timp

$$(x \cdot y)[n] = x[n]y[n], \forall n \in \mathbb{Z}, \quad (1.9)$$

## Semnale aleatoare (stocastice)

### Funcția de densitate de probabilitate

O variabilă aleatoare  $\zeta$  este caracterizată de *funcția de densitate de probabilitate*  $p : \mathbb{R} \rightarrow [0, 1]$ , cu proprietatea :

$$\int_{-\infty}^{\infty} p(\zeta) d\zeta = 1. \quad (1.10)$$

Probabilitatea ca valoarea variabilei aleatoare să se afle într-un interval precizat  $[\zeta_1, \zeta_2]$  este :

$$\mathcal{P}\{\zeta_1 \leq \zeta \leq \zeta_2\} = \int_{\zeta_1}^{\zeta_2} p(\zeta) d\zeta. \quad (1.11)$$

### Speranța matematică (valoarea cea mai așteptată sau expectația)

Fie  $\zeta$  și  $\eta$  două variabile aleatoare legate prin relația  $\eta = f(\zeta)$ , unde  $f$  este o funcție precizată. Atunci *speranța matematică* a variabilei  $\eta$  este :

$$E\{\eta\} = \int_{-\infty}^{\infty} f(\zeta) p(\zeta) d\zeta. \quad (1.12)$$

Operatorul  $E$  se mai numește și (operator) de mediere (l. engleza : expected operator).

## Media (statistică)

Media (*statistică*)  $\mu$  a variabilei aleatoare  $\zeta$  se obține alegând  $\eta = \zeta$  în (1.12) :

$$\mu = E\{\zeta\} = \int_{-\infty}^{\infty} \zeta p(\zeta) d\zeta. \quad (1.13)$$

Ipoteza ergodică :

$$E\{x[n]\} \cong \hat{\mu} = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x[n]. \quad (1.14)$$

Creșterea preciziei de estimare se realizează pe baza creșterii numărului de date  $N$ .

## Varianța

Varianța  $\sigma^2$  a variabilei aleatoare  $\zeta$  este definită prin :

$$\sigma^2 = E\{(\zeta - \mu)^2\} = \int_{-\infty}^{\infty} (\zeta - \mu)^2 p(\zeta) d\zeta. \quad (1.15)$$

## Dispersia

Dacă se elimină media statistică din (1.15) se obține dispersia variabilei aleatoare :

$$\lambda^2 = E\{\zeta^2\} = \int_{-\infty}^{\infty} \zeta^2 p(\zeta) d\zeta. \quad (1.16)$$

## Deviația standard

Radicalul varianței,  $\sigma$ , se numește *deviație standard*

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}. \quad (1.17)$$

## Distribuții

- uniformă în intervalul  $[0, 1]$

$$p(\zeta) = \begin{cases} 1, \zeta \in [0, 1] \\ 0, \zeta \in \mathbb{R} \setminus [0, 1] \end{cases} . \quad (1.18)$$

- gaussiană de medie  $\mu$  și varianță  $\sigma^2$  :

$$p(\zeta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp \left[ -\frac{(\zeta - \mu)^2}{2\sigma^2} \right] . \quad (1.19)$$

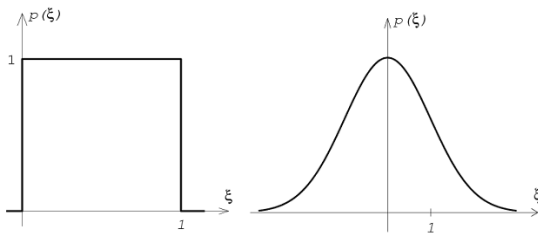


Figura 1.1. Densități de probabilitate uniformă (stânga) și gaussiană (dreapta).



## Proces aleator discret

Un *proces aleator discret* este un șir de variabile aleatoare, de exemplu  $\{x_p\}_{p \in \mathbb{Z}}$ . Un semnal aleator (stochastic) discret, notat prin  $x$ , este o realizare a procesului aleator, în sensul că, la fiecare moment de timp normalizat  $n$ , se consideră o singură valoare a unei singure variabile aleatoare din procesul aleator.

$$x[n] = x_{p_n}[n], \forall n \in \mathbb{Z}. \quad (1.20)$$

## Proces aleator staționar (în sens larg)

Un proces aleator este staționar (în sens larg) dacă :

- a. orice realizare are medie constantă

$$E\{x[n]\} = \mu, \forall n \in \mathbb{Z}, \quad (1.21)$$

- b. autocovarianța oricărei realizări este de forma :

$$E\{x[n-p]x[n-q]\} = r_x[q-p], \forall n, p, q \in \mathbb{Z}, \quad (1.22)$$

adică depinde doar de diferența pivoților  $p$  și  $q$

## Auto-covarianța

$$\begin{aligned} E\{x[n]x[n \pm k]\} &= r_x[k] = r_x[-k], \forall n, k \in \mathbb{Z} \\ |r_x[k]| &\leq r_x[0] = \lambda^2, \forall k \in \mathbb{Z} \end{aligned} \quad (1.23)$$

## Auto-corelația

$$\rho[k] = \frac{E\{x[n]x[n \pm k]\}}{r_x[0]} = \frac{E\{x[n]x[n \pm k]\}}{\lambda^2}, \forall n, k \in \mathbb{Z}. \quad (1.24)$$

Ipoteza ergodică :

→ estimare nedeviată :

$$r_x[k] \cong \hat{r}_x[k] = \frac{1}{N-k} \sum_{n=k}^{N-1} x[n]x[n-k], \forall k \in \mathbb{N}, \quad (1.25)$$

→ estimare deviată :

$$r_x[k] \cong \hat{r}_x[k] = \frac{1}{N} \sum_{n=k}^{N-1} x[n]x[n-k], \forall k \in \mathbb{N}. \quad (1.26)$$

Creșterea preciziei de estimare se realizează pe baza creșterii numărului de date  $N$ .

**Zgomot alb de medie nulă și dispersie  $\lambda^2$**

Un zgomot alb de medie nulă și dispersie  $\lambda^2$  este un proces aleator  $e$ , pentru care :

$$E\{e[n]\} = 0, \forall n \in \mathbb{Z} \quad (1.27)$$

$$E\{e[n]e[n-k]\} = \lambda^2 \delta_0[k], \forall k \in \mathbb{Z} \quad (1.28)$$

# Ghid MATLAB

## Semnale deterministe

### Generare semnale

Se consideră un semnal cu suportul :

» **n=0 :N-1 ;**

de lungime  $N$ .

Semnalele definite mai sus, cum ar fi impulsul unitar (1.2), treapta unitate (1.3), exponențiala (1.4) sau sinusoidale (1.5) și (1.6) se generează simplu astfel :

→ impulsul unitar : » **imp\_unit=eye(1,N) ; % impuls unitate**

→ treapta unitate : » **tr\_unit=ones(1,N) ; % treapta unitate**

→ exponențiala : » **e = alfa.^n ; % semnal exponential**

→ semnal sinusoidal real : » **sin\_real = sin(w \* n + phi) % sinusoida reala**

→ » **j = sqrt(-1)**

→ semnal sinusoidal complex : » **sin\_compl=exp(j \* (w \* n + phi)) ; % sinusoida complexa**

Variabilele **w**, **phi** și **alfa** primesc valori numerice adecvate.

### Grafice semnale

Semnal real : » **plot(t,semnal).**

Semnal discret : » **stem(n, sin\_real) ;**

## Operații cu semnale

Se consideră două semnale cu același suport  $x_1$  și  $x_2$ . Exemple de operații :

→ Suma :  $\gg \mathbf{xs}=\mathbf{x1}+\mathbf{x2}$  ;

→ Modulația în timp (produsul la nivel de element) :  $\gg \mathbf{xm}=\mathbf{x1} . * \mathbf{x2}$  ;

→ Convoluția :  $\gg \mathbf{xc}=\mathbf{conv}(\mathbf{x1},\mathbf{x2})$  ;

*Atenție !* Semnalul  $\mathbf{xc}$ , obținut prin convoluție, are alt suport decât  $\mathbf{x1}$  și  $\mathbf{x2}$ . De exemplu, dacă  $\mathbf{x1}$  și  $\mathbf{x2}$  au suportul  $0, N - 1$ , atunci  $\mathbf{xc}$  are suportul mai larg,  $0, 2N - 2$ .

## Semnale nedeterminate

Mediul de programare MATLAB posedă generatoare de numere *pseudo-aleatoare* (aproape aleatoare).

### Generare semnale

Se consideră un semnal aleator de lungime  $N$ .

→ cu distribuție uniformă în intervalul  $[0, 1]$  :  $\gg \mathbf{x}=\mathbf{rand}(1,N)$  ;

→ cu distribuție gaussiană de medie nulă și dispersie unitară :  $\gg \mathbf{x}=\mathbf{randn}(1,N)$  ;

## Media unui semnal aleator

Media (1.14) a unui semnal aleator se calculează cu :  $\gg \text{mean}(\mathbf{x})$  ;

## Auto-corelația

- nedeviată (de lungime  $2*N-1$ ) :  $\gg \mathbf{r}=\text{xcorr}(\mathbf{x},\text{'unbiased'})$  ;
- deviată (de lungime  $2*N-1$ ) :  $\gg \mathbf{rx}=\text{xcorr}(\mathbf{x},\text{'biased'})$  ;

Daca tipul de estimatie nu este specificat (nedeviat sau deviat), nu se mai efectuează împărțirea la  $N-k$ , respectiv  $N$  și se obține *auto-corelația brută*.

## Auto-covarianța

- nedeviată (de lungime  $2*N-1$ ) :  $\gg \mathbf{r}=\text{xcov}(\mathbf{x},\text{'unbiased'})$  ;
- deviată (de lungime  $2*N-1$ ) :  $\gg \mathbf{rx}=\text{xcov}(\mathbf{x},\text{'biased'})$  ;

## Semnale audio

- |   |  |
|---|--|
| → $\mathbf{x}=\text{auread}(\text{afile})$        | → $\mathbf{x}=\text{audioread}(\text{afile})$      |
| → $\text{auwrite}(\mathbf{x},\text{afile})$       | → $\text{audiowrite}(\text{afile},\mathbf{x},F_s)$ |
| → $\mathbf{x}=\text{wavread}(\text{'filename'})$  |  |
| → $\text{wavwrite}(\mathbf{x},\text{'filename'})$ |  |

# auread

Read NeXT/SUN (.au) sound file

## Syntax

```
y = auread(aufile)
[y,Fs,bits] = auread(aufile)
[...] = auread(aufile,N)
[...] = auread(aufile,[N1,N2])
siz = auread(aufile,'size')
```

## Description

Supports multi-channel data in the following formats:

- 8-bit mu-law
- 8-, 16-, and 32-bit linear
- floating-point

`y = auread(aufile)` loads a sound file specified by the string `aufile`, returning the sampled data in `y`. The `.au` extension is appended if no extension is given. Amplitude values are in the range `[-1,+1]`.

`[y,Fs,bits] = auread(aufile)` returns the sample rate (`Fs`) in Hertz and the number of bits per sample (`bits`) used to encode the data in the file.

`[...] = auread(aufile,N)` returns only the first `N` samples from each channel in the file.

`[...] = auread(aufile,[N1 N2])` returns only samples `N1` through `N2` from each channel in the file.

`siz = auread(aufile,'size')` returns the size of the audio data contained in the file in place of the actual audio data, returning the vector `siz = [samples channels]`.

# auwrite

Write NeXT/SUN (.au) sound file

## Syntax

```
auwrite(y,aufile)
auwrite(y,Fs,aufile)
auwrite(y,Fs,N,aufile)
auwrite(y,Fs,N,method,aufile)
```

## Description

`auwrite` supports multi-channel data for 8-bit mu-law, and 8- and 16-bit linear formats.

`auwrite(y,aufile)` writes a sound file specified by the string `aufile`. The data should be arranged with one channel per column. Amplitude values outside the range `[-1,+1]` are clipped prior to writing.

`auwrite(y,Fs,aufile)` specifies the sample rate of the data in Hertz.

`auwrite(y,Fs,N,aufile)` selects the number of bits in the encoder. Allowable settings are `N = 8` and `N = 16`.

`auwrite(y,Fs,N,method,aufile)` allows selection of the encoding method, which can be either `'mu'` or `'linear'`. Note that mu-law files must be 8-bit. By default, `method='mu'`.

# wavread

Read Microsoft WAVE (.wav) sound file

## Syntax

```
y = wavread('filename')
[y,Fs,bits] = wavread('filename')
[...] = wavread('filename',N)
[...] = wavread('filename',[N1 N2])
[...] = wavread('filename','size')
```

## Description

`wavread` supports multichannel data, with up to 16 bits per sample.

`y = wavread('filename')` loads a WAVE file specified by the string `filename`, returning the sampled data in `y`. The `.wav` extension is appended if no extension is given. Amplitude values are in the range `[-1,1]`.

`[y,Fs,bits] = wavread('filename')` returns the sample rate (`Fs`) in Hertz and the number of bits per sample (`bits`) used to encode the data in the file.

`[...] = wavread('filename',N)` returns only the first `N` samples from each channel in the file.

`[...] = wavread('filename',[N1 N2])` returns only samples `N1` through `N2` from each channel in the file.

`siz = wavread('filename','size')` returns the size of the audio data contained in the file in place of the actual audio data, returning the vector `siz = [samples channels]`.

# wavwrite

Write Microsoft WAVE (.wav) sound file

## Syntax

```
wavwrite(y,'filename')
wavwrite(y,Fs,'filename')
wavwrite(y,Fs,N,'filename')
```

## Description

`wavwrite` supports multi-channel 8- or 16-bit WAVE data.

`wavwrite(y,'filename')` writes a WAVE file specified by the string `filename`. The data should be arranged with one channel per column. Amplitude values outside the range `[-1,1]` are clipped prior to writing.

`wavwrite(y,Fs,'filename')` specifies the sample rate `Fs`, in Hertz, of the data.

`wavwrite(y,Fs,N,'filename')` forces an `N`-bit file format to be written, where `N <= 16`.

# audioread

Read audio file

Introduced in R2012b

## Description

`[y,Fs] = audioread(filename)` reads data from the file named `filename`, and returns sampled data, `y`, and a sample rate for that data, `Fs`.

`[y,Fs] = audioread(filename,samples)` reads the selected range of audio samples in the file, where `samples` is a vector of the form `[start,finish]`.

`[y,Fs] = audioread(___,dataType)` returns sampled data in the data range corresponding to the `dataType` of `'native'` or `'double'`, and can include any of the input arguments in previous syntaxes.



# audiowrite

Write audio file

Introduced in R2012b

## Description

`audiowrite(filename,y,Fs)` writes a matrix of audio data, `y`, with sample rate `Fs` to a file called `filename`. The `filename` input also specifies the output file format. The `output data type` depends on the output file format and the data type of the audio data, `y`.

`audiowrite(filename,y,Fs,Name,Value)` uses additional options specified by one or more `Name,Value` pair arguments.

# Teme de laborator

## Tema 1 (Acomodare)

Executați comenzile MATLAB descrise în secțiunea "Ghid MATLAB" și trasați graficele semnalelor prezentate în partea teoretică a lucrării.

## Tema 2 (Eșantionare)

- a. Încărcați fișierele audio utilizate pentru test (din Tabelul 1), cu ajutorul comenzii `load`. Care este durata reală a fiecărui semnal? (Țineți cont de frecvența de eșantionare cu care au fost obținute semnalele și de faptul că durata este un multiplu întreg al perioadei de eșantionare.)
- b. Scrieți o funcție MATLAB care calculează semnalul obținut prin eșantionarea cu relația (1.1) a sinusoidei continue  $x_a(t) = \sin(\Omega t)$ . Argumentele de intrare sunt pulsația  $\Omega$  a sinusoidei continue (frecvența fiind  $\frac{\Omega}{2\pi}$ ), perioada de eșantionare  $T_s$  (sau frecvența de eșantionare  $F_s = 1/T_s$ ) și lungimea  $M$  a suportului semnalului discretizat. Argumentul de ieșire este un vector  $\mathbf{x}$  de lungime  $M$  conținând eșantioanele sinusoidei discrete pe suportul  $0, M-1$ .

- c. Scrieți o funcție MATLAB care trasează pe același grafic sinusoida continuă  $x_a(t) = \sin(\Omega t)$  și sinusoida discretizată  $x[n] = \sin(n\Omega T_s)$ , pentru un suport precizat (de exemplu  $\overline{0, M-1}$ ). Un exemplu de grafic este prezentat în Figura 1.2, unde  $\Omega = \pi/3$ ,  $T_s = 1$ , iar suportul este  $\overline{0, 12}$ .

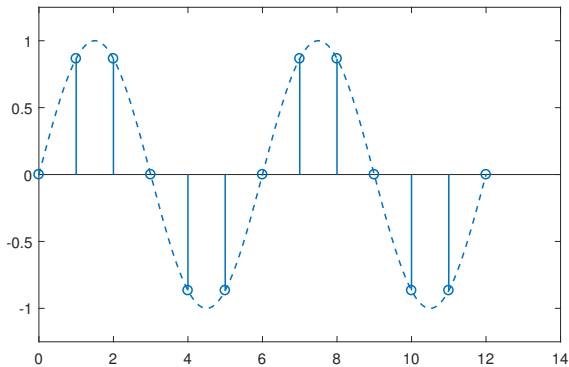


Figura 1.2. Semnalul discret  $\sin(n\pi/3)$  (de perioadă 6) și sinusoida continuă  $\sin(\pi t/3)$ .

## Tema 3 (Sinusoide discrete)

Folosind funcțiile realizate, trasați graficele sinusoidelor discrete precizate mai jos, împreună cu sinusoidale continue din care sunt obținute. Alegeți  $T_s = 1$  pentru comoditate, caz în care  $\Omega$  se poate renota prin  $\omega$ .

- a. Sinusoidă discretă periodică având frecvența  $\omega = \pi/15$ . Care este perioada acesteia? Observați că, în (1.7) avem  $k = 1$ .
- b. Sinusoidă discretă periodică având frecvența  $\omega = 3\pi/15$ . Care este perioada acesteia? Observați că, în (1.7) avem  $k = 3$ . Deduceți că numărul  $k$  reprezintă numărul de perioade ale semnalului sinusoidal continuu  $x(t) = \sin(\omega t)$ , care corespund unei perioade a semnalului discret  $x[n] = \sin(\omega n)$ . Alegeți frecvențe  $\omega$  astfel încât să obțineți și alte valori ale lui  $k$ .
- c. O sinusoidă discretă aperiodică, de exemplu alegând  $\omega = 1$ .
- d. Două sinusoidale discrete identice, dar care provin din eșantionarea unor sinusoidale continue diferite. Alegeți, de exemplu,  $\omega_1 = \pi/3$  și  $\omega_2 = 2\pi + \pi/3$ . Observați diferența dintre sinusoidale continue.

## Tema 4 (Ce relevă auto-corelațiile)

- a. Verificați că generatorul de numere aleatoare **randn** produce un semnal apropiat de zgomotul alb cu media nulă și dispersia unitară. Pentru aceasta, generați cu **randn** un semnal pseudo-aleator  $x$  de lungime  $N$ . Cu ajutorul funcției **mean**, calculați media semnalului. Cu ajutorul funcției **xcorr**, estimați primele  $L < N$  valori ale auto-corelației  $r_x$ . Apelul :

» **rx=xcorr(x,L,'biased');**

produce secvența  $\{\hat{r}_x[k]\}_{k=-L,L}$ . Așadar,  $\hat{r}_x[0]$  se găsește la poziția  $L + 1$  în vectorul **rx**. Trasați graficul secvenței de auto-corelație și interpretați rezultatul. Păstrând numărul  $L$  fix, măriți numărul  $N$  și constatați că mai multe eșantioane ale unui semnal aleator conduc la o imagine mai bună a caracteristicilor procesului aleator care generează semnalul.

- b. Generați un semnal sinusoidal cu suportul  $\overline{0, N - 1}$ , astfel încât acesta să conțină cel puțin 5 perioade ale sinusoidului. Estimați auto-corelația  $r_x$  a acestui semnal. Observați care sunt valorile  $k$  pentru care  $\hat{r}_x[k]$  este un maxim sau un minim local. Care este legătura cu perioada sinusoidului? Oferiți toate explicațiile necesare.

- c. Semnalul **xilo** este aproape periodic în partea lui finală. Extrageți eşantioanele de la 8.000 la 10.000 şi estimaţi auto-corelaţiile acestui fragment de semnal. Observaţi din nou legătura dintre (pseudo-)perioada semnalului şi maximele secvenţei de auto-corelaţie.
- d. Reluaţi punctul anterior pentru semnalele vocale **sunet\_a**, **sunet\_i** şi **sunet\_s**. Observaţi forma cvasi-periodică a vocalelor şi cea de zgomot alb aparent a sunetului /s/. Credeţi, totuşi, că semnalul asociat sunetului /s/ are caracteristici apropiate de cele ale unui zgomot alb? Oferiţi o explicaţie riguroasă, cu referire la definiţia (1.27)-(1.28) a zgomotului alb.

## Tema 5 (Produce randn un semnal gaussian ?)

Considerând că valorile furnizate de funcţia **randn** sunt realizări ale unei variabile aleatoare cu distribuţie gaussiană, se ridică problema dacă distribuţia "experimentală" (numită ad hoc *histograma*) asociată coincide într-adevăr cu (1.19). Pentru aceasta, generaţi un vector suficient de lung cu **randn** şi trasaţi histograma sa cu **hist**. Suprapuneţi peste histogramă graficul densităţii de probabilitate (1.19). (Atenţie, aceasta va trebui înmulţită cu numărul de valori din vectorul generat, pentru a avea aceeaşi scară). Repetaţi experimentul pentru secvenţe pseudo-aleatoare din ce în ce mai mari şi observaţi cum se îmbunătăţeşte apropierea dintre cele două grafice.