

Министерство образования Республики Беларусь
Учреждение образования
БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИНФОРМАТИКИ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

Факультет компьютерных систем и сетей
Кафедра программного обеспечения информационных технологий
Дисциплина: Теория информации(ТИ)

ОТЧЕТ
по работе № 3

Тема работы: Криптографические системы с открытым ключом

Выполнил
студент: гр. 151001

Матюшенко В.А.

Проверила:

Болтак С.В.

Минск 2023

1. Пример работы алгоритма быстрого возведения в степень
 $4^7 \bmod 11$

a1(основание степени)	Z(степень)	x(результат)	Шаги выполнения
4	7	1	0
4	6	4	1
5	3	4	2
5	2	9	3
14	1	9	4
14	0	5	5

2. Пример поиска случайного первообразного корня

Задано простое $p = 11$

$$p-1=10=2*5$$

Проверяем является ли случайное число 2 первообразным корнем по модулю 11:
 $2^{10/2} \bmod 11 = 10$; $2^{10/5} \bmod 11 = 4$

Число 2 является первообразным по модулю 11.

3. Пример работы расширенного алгоритма Евклида

$$x_1 * 25 + y_1 * 14 = 1, \quad a = 25, \quad b = 14, \quad \text{НОД}(a,b) = 1$$

итерация	q	a ₀	a ₁	x ₀	x ₁	y ₀	y ₁
0	-	25	14	1	0	0	1
1	1	14	11	0	1	1	-1
2	1	11	3	1	-1	-1	2
3	3	3	2	-1	4	2	-7
4	1	2	1	4	-5	-7	9
5	2	1	0	-5	14	9	11

$$x_1 = -5$$

$$y_1 = 9$$

$$(-5) * 25 + 9 * 14 = -125 + 126 = 1$$