

Obsah:

- pojmy z modelování a simulace
- diskrétní systémy a simulátory
- SHO
- konstrukce pro SHO v SIMLIB

1 Základní pojmy

- Systém — soubor elementárních částí (prvků systému), které mají mezi sebou určité vztahy
 - reálné systémy
 - nereálné systémy — ještě neexistující, fiktivní
- Model — napodobenina systému jiným systémem
 - reprezentace znalostí
 - typy modelů: fyzikální <> matematické, statické <> dynamické
- Modelování — vytváření modelů systémů
 - modelovat lze jen to, co dokážeme popsat
- Simulace — získávání nových znalostí o systému experimentováním s jeho modelem
- Princip modelování a simulace
 - Realita \rightarrow Znalosti \rightarrow Abst. model \rightarrow Simulační model
 - Cílem je získat nové znalosti o modelovaném systému
- Etapy modelování a simulace
 1. Vytvoření abst. modelu — formování zjednodušeného popisu zkoumaného systému
 2. Vytvoření simulačního modelu — zápis abst. modelu formou programu
 3. Verifikace¹ a validace² – ověřování správnosti modelu
 4. Simulace — experimentování se simulačním modelem
 5. Analýza a interpretace dat

1.1 Systém

- definice: $S = (U, R)$
 - U = univerzum, konečná množina prvků systému
 - prvek systému $u = (X, Y)$
 - X je množina všech vstupních proměnných
 - Y je množina všech výstupních proměnných
 - R = množina všech propojení prvků univerza

¹Verifikace — kontroluje převod abs. do sim. modelu

²Validace – kontroluje správnost výsledku

- Vazby mezi prvky systému
 - Sériová
 - Paralelní
 - Zpětná vazba

1.2 Čas

- Reálný čas — probíhá v něm skutečný děj v reálném čase
- Modelový čas — je časová osa modelu, při simulaci nemusí být synchronní s reálným časem
- Strojový čas — čas CPU spotřebovaný na výpočet programu
- Časová množina — množina časových okamžiků, ve kterých jsou definovány hodnoty vstupních, stavových a výstupních proměnných prvků systému
 - Diskrétní: $T_d = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 - Spojitá: $T_s = \langle 1.0, 5.0 \rangle$

1.3 Chování systému

- Každému časovému průběhu vstupní veličiny přiřazuje časový průběh výstupní veličiny
- Dáno vzájemnými interakcemi mezi prvky systému
- Ekvivalence chování systémů:
 - Systémy S_1 a S_2 považujeme za systémy se stejným chováním, vyvolají-li stejné podněty u obou systémů stejné reakce
- Izomorfní systémy:
 - Systémy $S_1 = (U_1, R_1)$ a $S_2 = (U_2, R_2)$ jsou izomorfní, když a jen když:
 1. Prvky univerza U_1 lze vzájemně jednoznačně (1:1) přiřadit prvkům univerza U_2
 2. Prvky charakteristiky R_1 lze vzájemně jednoznačně přiřadit prvkům charakteristiky R_2 , a to tak, že prvek charakteristiky R_1 , vyjadřujícímu orientovaný vztah mezi dvěma prvky univerza U_1 , je vždy přiřazen právě ten prvek charakteristiky R_2 , který vyjadřuje stejně orientovaný vztah mezi odpovídající dvojicí prvků univerza U_2 a naopak.
 - **Nezahrnuje chování**
- Homomorfní systémy:
 - Systém $S_1 = (U_1, R_1)$ je homomorfní se systémem $S_2 = (U_2, R_2)$ právě když:
 1. Prvkům univerza U_1 je možno přiřadit jednoznačně prvky univerza U_2 (opačně tomu tak být nemusí, N:1)
 2. Prvkům charakteristiky R_1 je možno jednoznačně přiřadit prvky charakteristiky R_2 , a to tak, že prvek charakteristiky R_1 vyjadřujícímu orientovaný vztah mezi dvěma prvky univerza U_1 je vždy přiřazen právě ten prvek charakteristiky R_2 , který vyjadřuje stejně orientovaný vztah mezi odpovídající dvojicí prvků univerza U_2 ve smyslu bodu 1.
- Okolí systému:

- Podstatné okolí systému = vše co má vliv na chování systému a není jeho součástí
 - * Uzavřený systém — nekomunikuje s okolím
 - * Otevřený systém — komunikuje s okolím
- Klasifikace prvků systémů:
 - Klasifikace 1:
 - * Prvky se spojitým chováním
 - * Prvky s diskretním chováním
 - Klasifikace 2:
 - * Prvky s deterministickým³ chováním
 - * Prvky s nedeterministickým chováním
- Klasifikace systémů:
 - Spojité — všechny prvky mají spojité chování
 - Diskrétní — všechny prvky mají diskretní chování
 - Kombinované — obsahuje spojité i diskretní prvky
 - Deterministické — všechny prvky jsou deterministické
 - Nedeterministické — alespoň jeden prvek s nedeterministickým chováním

2 Simulace

= experimentování s reprezentací simulačního modelu

Cíl simulace: získání nových informací o chování systému v závislosti na vstupních veličinách a na hodnotách parametrů

Postup: opakované řešení modelu (provádění simulačních metod)

- Nastavení hodnot parametrů a počátečního stavu modelu
- Zadávání vstupních podnětů z okolí při simulaci
- Vyhodnocení výstupních dat (informaci o chování systému)

Typy simulace: rozdělujeme podle použitého popisu modelu na:

- Spojitá / Diskrétní / Kombinovaná
- Kvalitativní / Kvantitativní

A podle simulátoru na:

- Na analogovém / číslicovém počítači, fyzikální
- "Real-time" simulace
- Paralelní a distribuovaná simulace

³Za stejných vstupních podmínek vytvoří stejné výsledky – je předvídatelný

Zpracování výsledků simulace:

- Záznam průběhu simulace
- Vizualizace výsledků, animace

Analýza získaných výsledků:

- Intuitivní vyhodnocení, heuristiky, atd.
- Statistické zpracování
- Automatické vyhodnocení (např. pro optimalizaci)
- Provnávání s naměřovanými daty

Verifikace modelu: ověřuje korespondenci abstraktního a simulačního modelu, tj. izomorfní vztah mezi AM a SM

Validace modelu: proces nad simulačním modelem, v němž se snažíme dokázat, že skutečně pracujeme s modelem adekvátním modelovanému systému

- Jeden z nejobtížnějších problémů modelování
- Vyžaduje neustálou konfrontaci informací, které o modelovaném systému máme a které simulací získáváme
- Nelze absolutně dokázat přesnost modelu
- Pokud chování neodpovídá, musí se model modifikovat

Simulační nástroje: Simulační systémy usnadňují vytváření modelů a provádění experimentů. Použité pro:

- práce s abstraktními modely
- programování simulačních modelů
- experimentování se simulačními modely
- vizualizaci a vyhodnocení výsledků

3 Modely a modelování

Způsoby popisu modelů (matematicky):

- Konečný automat
- Petriho síť
- Turingův stroj
- atd.

Specifické cíle a účely modelů:

- Studium chování systému pro určitá specifická kritéria, zkoumání povahy závislostí mezi parametry a odezvou systému
- *Predikce* — vyhodnocení chování systému za určitých podmínek
- *Analýza citlivosti* — určení faktorů (parametrů), které jsou pro činnost systému nejvýznamnější
- *Optimalizace* — nalezení takové kombinace parametrů, která vede k nejlepší odezvě systému

Simulační model: abstraktní model zapsaný formou programu

Vztahy mezi modely:

- **homomorfní vztah:** modelovaný systém — abstraktní model
- **izomorfní vztah:** abstraktní model — simulační model

3.0.1 Klasifikace podle Fishwick**Konceptuální modely:**

- Komponenty nebyly přesně popsány ve smyslu teorie systémů
- Obvykle se používají v počáteční fázi modelování pro ujasnění souvislostí a komunikaci v týmu
- Mají formu textu nebo obrázků

Deklarativní modely:

- Popis přechodů mezi stavy systému
- Model je definován stavy a událostmi, které způsobí přechod z jednoho stavu do druhého za jistých podmínek
- Vhodné především pro diskrétní modely
- Obvykle zapouzdřeny do objektů
- Např.: Konečné automaty, Petriho sítě, atd.

Funkcionální modely:

- Grafy zobrazující funkce a proměnné
- 2 modifikace: uzel grafu je funkce nebo proměnná
- Např.: SHO, bloková schémata

Modely popsané rovnicemi (constraint):

- Rovnice — algebraické, diferenciální, diferenční
- Neorientované grafy
- Např.: Balistika, kyvadlo

Prostorové modely:

- Rozdělují systém na prostorově menší ohraničené podsystémy
- Např.: Parciální diferenciální rovnice, celulární automaty

Multimodely:

- Modely složené z různých typů modelů, které jsou obvykle heterogenní
- Např.: Kombinované modely, modely s neurčitostí, modely na různé úrovni abstrakce
- **Většina netriviálních modelů spadá do této kategorie**

3.1 Simulační nástroje

Možnosti:

- Použití obecných jazyků (C, C++, Java)
- Simulační knihovny pro obecné jazyky (SIMLIB/C++)
- Simulační jazyky
- Simulační systémy
- Propojování různých nástrojů

Simulační jazyky = speciální programovací jazyky Poskytují prostředky usnadňující efektivní popis:

- struktury modelů
- chování modelů
- simulačních experimentů

Výhody a nevýhody:

- + Jednodušší popis modelu (snadnější verifikace)
- + Možnost automatické kontroly popisu modelu
- Další jazyk = překladač, výuka, údržba
- Málo používáno = problémy (cena, chyby)

4 Diskrétní simulace

Formy zápisu diskretních systémů

- V podobě programu zapsaného v (simulačním) jazyce
- Petriho síť
- Automaty, síť automatů

Procesy:

- Posloupnost událostí
- Paralelní procesy – současně prováděné procesy
- Kvaziparalelismus – provádění paralelních procesů na jednoprocessorovém počítači

Paralelismus

- Popis jednotlivých procesů sekvencí kroků
- Popis komunikace procesů – zprávy (synchronní, asynchronní)
- Synchronizace při používání sdílených prostředků

4.1 Petriho síť

Definice: $\Sigma = (P, T, F, W, C, M_0)$

- P je množina míst (stavy)
- T je množina přechodů, $P \cap T = \emptyset$
- Incidenční relace $F \subseteq (P \times T) \cup (T \times P)$
- Váhová funkce $W : F \rightarrow \{1, 2, \dots\}$
- Kapacity míst $C : P \rightarrow N$
- Počáteční značení $M_0 : P \rightarrow N$ (M se nazývá značení Petriho sítě)

Graf Petriho sítě

- Místa = kružnice
- Přechody = obdélníky
- Incidenční relace = šipky (orientované hrany)
- Váhová funkce = ohodnocení hran

Proveditelnost přechodu v Petriho síti: přechod je proveditelný při značení M , jestliže:

- ve vstupních místech čeká dostatek procesů
- a současně výstupní místa mají dostatečně volnou kapacitu

Petriho síť v modelování mohou modelovat:

- paralelismus procesů
- komunikaci a synchronizaci procesů
- nedeterminismus

Prioritní přechody

- Je-li více přechodů proveditelných z jednoho značení, můžeme jim dát priority
- Pouze nezáporná čísla, implicitně 0
- Vyšší číslo \Rightarrow vyšší priorita

Pravděpodobnost provedení přechodu

- V případě, že jsou přechody různě pravděpodobné
- Musí být zastoupeny všechny zbývající (nelze dát jen 30 % a 70 % už ne)

Pravidla používání rozšířených přechodů

- Přechod má pouze jeden parametr (priorita nebo pravděpodobnost nebo časování)
- Není parametrem hrany

Časované Petriho sítě

- Konstantní čas čekání
- Náhodně generovaná doba čekání
- Sémantika časovaného přechodu:
 1. Pokud je přechod v čase t proveditelný, spustí se odpočet času
 2. Po celou dobu odpočítávání se nemění stav značek
 3. Na konci doby se provede přemístění značek

5 Systémy hromadné obsluhy

SHO (Queueing systems): jsou systémy obsahující zařízení (s frontami), která poskytují obsluhu transakcím.

Typický SHO obsahuje:

- Transakce (=procesy) a popis jejich příchodů
- Obslužné linky (více typů) a popis obsluhy
- Fronty různých typů, ve kterých transakce čekají

Co sledujeme při simulaci:

- Informace o čase stráveném transakcí v systému
- Doby čekání ve frontách
- Vytížení obslužných linek

Vstupní tok požadavků obvykle jde o stochastický proces příchodů do systému. Kde při modelování příchodů zadáváme:

- Střední dobu mezi příchody (obvykle používáme exponenciální rozložení)
- Počet příchodů za jednotku času (obvykle Poissonovo rozložení)

Fronty čekajících požadavků se vytvoří vždy, když požadavek chce být obsloužen již obsazeným zařízením. Pro fronty je charakteristické:

- Řazení požadavků ve frontě (např. FIFO)
- Způsob výběru požadavků z fronty
- Největší možná délka fronty

Frontové řady: FIFO, LIFO, SIRO (Service In Random Order)

Nulová fronta: požadavek nemůže vstoupit do fronty, jde o systém se ztrátami

Fronta konečná: omezení kapacity fronty

Fronta s netrpělivými požadavky: netrpělivý požadavek opouští systém, překročí-li doba čekání určitou mez (time-out)

Prioritní požadavky, priorita obsluhy:

- Přicházející požadavky nejsou rovnocenné, každý požadavek může mít svoji prioritu
- Prioritních úrovní může být více
- U jedné obslužné linky lze vytvářet i několik front s různými prioritami
- Vstupem požadavku s vyšší prioritou nastane jedna ze čtyř možností pro právě probíhající obsluhu požadavku s nižší prioritou

Prioritní obsluha:

1. Započatá obsluha se normálně ukončí (slabá priorita)
2. Obsluha se přeruší a začne obsluha požadavku s vyšší prioritou obsluhy (silná priorita). Požadavek, jehož obsluha byla přerušena
 - Odchází ze systému neobsloužen
 - Vrací se znovu do fronty a když je později znovu obsluhován
 - Obsluha pokračuje od přerušného místa
 - Začne znovu od začátku
3. Jsou-li všechny linky obsazeny a u každé je fronta, požadavek se sám rozhodne, do které fronty se zařadí
4. Vytvářejí-li požadavky jednu společnou frontu, požadavek vstupuje do té obslužné linky, která se nejdříve uvolní

Obslužná síť vznikne spojením několika obslužných linek

- **Otevřená obslužná síť:** výměna požadavků mezi sítí a okolím
- **Uzavřená obslužná síť:** nedochází k výměně požadavků mezi sítí a okolím
- **Smíšená obslužná síť:** pro některé typy požadavků je síť otevřená, pro jiné uzavřená

5.1 Kendallová klasifikace SHO

Standard stručného a přehledného vyjádření typu SHO – používá 3 hlavní hlediska:

- **X** – typ stochastického procesu popisujícího příchod požadavku k obsluze
- **Y** – zákon rozložení délky obsluhy
- **c** – počet dostupných linek

Specifikace má tvar **X/Y/c**, kde:

- X, Y – velká písmena M, D, G, E_n, K_n, Gl
- c – přirozené číslo, včetně ∞

Popis značek:

Symbol	X	Y
M	Poissonův proces příchodů, tj. exponenciální rozložení vzájemně nezávislých intervalů mezi příchody	Exponenciální rozložení doby obsluhy
E_k	Erlangovo rozložení intervalů mezi příchody s parametry λ a k	Erlangovo rozložení doby obsluhy s parametry λ a k
K_n	Rozložení χ^2 intervalů mezi příchody, n stupňů volnosti	Rozložení χ^2 doby obsluhy
D	Pravidelné deterministické příchody	Konstantní doba obsluhy
G	Žádné předpoklady o procesu příchodu	Jakékoliv rozložení doby obsluhy
Gl	Rekurentní proces příchodů	

5.2 Modelování SHO

Při modelování SHO popisujeme:

- Procesy (transakce) v systému (příchod procesu do systému, jeho činnost, odchod)
- Stav obslužných linek a front u zařízení
- Průběh obsluhy transakcí v zařízeních

Typy obslužných linek

- $Kapacita = 1$ – Zařízení (Facility)
- $Kapacita > 1$ – Sklad (Store)

6 Knihovna SIMLIB

Prostředky pro diskretní modelování:

- **Process** — báze pro modelování procesů
- **Empty** — báze pro modely událostí
- **Facility** — obslužná linka – výlučný přístup
- **Store** — obslužná linka s kapacitou
- **Queue** — fronta
- **Statistiky** — sada tříd pro sběr a uchování statistik

Modelový čas reprezentován proměnnou `double Time`; Do proměnné `Time` nelze přiřazovat, překladač vyvolá chybu. Posun času řídí výhradně jádro simulátoru. `Init(t0,t1)`; nastaví počáteční čas na `t0`.

Generátory pseudonáhodných čísel

- `double Random();` – rovnoměrné rozložení $R(0,1)$
- `double Uniform(double L, double H);` – rovnoměrné rozložení, $R(L,H)$
- `double Exponential(double E);` – exponenciální rozložení se středem E
- `double Normal(double M, double S);` – normální rozložení se středem M a rozptylem S

6.1 Události v SIMLIB

Událost je jednorázová (nepřerušitelná) akce vyvolaná v určitém modelovém čase. Často jsou nutné periodické události – událost se sama znovu naplňuje

```
class Udalost : public Event {
    void Behavior() {
        // akce udalosti
        Activate(Time + e); // muze se periodicky aktivovat
    }
};

// volani
(new Udalost)->Activate();           // na cas Time
(new Udalost)->Activate(Time + e);   // na cas Time + e
```

6.2 Procesy

Procesy (transakce) jsou odvozeny z abstraktní třídy `Process`.

```
class Transakce : public Process {
public:
    Transakce( parametry ) { // konstruktor
        // nepovinný popis inicializace
    }
    void Behavior() {
        // popis chování procesu
    }
};
```

Po aktivaci procesu se volá metoda `Behavior`. Provádění metody je přerušeno při čekání:

- Ve frontě u zařízení (v rámci `Seize`, `Enter`)
- Při explicitním `Wait(dt)`; – abstrakce nějaké činnosti trvající `dt` časových jednotek

Proces se provádí jako posloupnost událostí – např.:

```
void Behavior() {
    ...
    Wait(3);
    ...
}
```

Proces čeká 3 časové jednotky. Při simulaci to znamená, že se naplánuje další jeho pokračování na čas `Time+3` (příkazem `Activate(Time+3)`). Aktivační záznam této události je uložen do kalendáře a proces je přerušen (a spustí se první plánovaná akce v kalendáři).

6.3 Kalendář událostí

Kalendář je uspořádaná datová struktura uchovávající aktivační záznamy budoucích událostí.

- Každá naplánovaná budoucí událost (next event) má v kalendáři záznam (`acttime`, `priority`, `event`)
- Kalendář umožňuje výběr prvního záznamu s nejmenším aktivačním časem a vkládání/rušení aktivačních záznamů

6.4 Vytvoření, registrování a zrušení procesu

Vytvoření instance třídy: `Transakce *t = new Transakce();`

Plánování (re)aktivace procesu do kalendáře:

`t->Activate(tm)`; Aktivuje se v čase `tm` (implicitně je `tm = Time`).

Zrušení procesu i jeho registrace ve všech strukturách (fronty, kalendář):

`t->Cancel()`; // nebo `delete t`;

Suspendování běžícího procesu:

`Passivate()`; Pro události lze použít pouze: `Activate` a `Cancel`.

7 Otázky z minulých let

7.1 M/M/1 – zakreslit pomocí PN a demonstруйте SIMLIBem

Systém má exponenciální rozložení intervalů mezi příchody, exponenciální rozložení dob trvání obsluhy a jednu obslužnou linku.

7.2 Definujte pojmy model, modelování, modelový čas, simulace, časovaný přechod u stochastické Petriho sítě.

- Model – napodobenina systému jiným systémem
- Modelování – vytváření modelů systémů
- Modelový čas – časová osa modelu, při simulaci nemusí být synchronní s reálným časem
- Simulace – získávání nových znalostí o systému experimentováním s jeho modelem
- Časovaný přechod – pokud je přechod v čase t proveditelný, spustí se odpočet času, na konci doby se provede přemístění značek

7.3 Popište strukturu obslužné linky s kapacitou 1 a ve formě pseudokódu запиšte operace obsazení a uvolnění linky procesem.

7.4 Priorita obsluhy u SHO, demonstуйте simlibem a PN.

7.5 Uvést pseudokódy seize a release u facility s prioritou obsluhy a uvest, jaké musí mít taková fronta atributy.

7.6 Popsat všechny typy priorit používané u SHO a Petriho sítí a každou popsat kódem v SIMLIBu a PN.

7.7 Popište části, ze kterých se skládají systémy hromadné obsluhy. Napište pseudokód pro operace zabránění a uvolnění obslužné linky transakcí.

- Transakce (= procesy) a popis jejich příchodů
- Obslužné linky a popis obsluhy
- Fronty různých typů, ve kterých transakce čekají

7.8 Popište varianty modelování priorit transakcí na obslužných linkách a zakreslete je pomocí PN