# 2. praktiskais darbs

### 1. uzdevums

Sastādīt programmu, kas aprēķina N! divos veidos – izmantojot ciklu un rekursiju.

#### **Kods:**

```
# Programmas nosaukums: Faktorials
      # 1. uzdevums (1MPRO2_Vladislavs_Babanins)
      # Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas aprēķina N! divos veidos - izmantojot ciklu
un rekursiju.
      # Programmas autors: Vladislavs Babaņins
      # Versija 1.0
      def is_natural_or_zero(n):
        # Pārbauda vai simbolu virkne ir naturāls skaitlis vai nulle, vai nav.
        # Ja ir naturāls skaitlis vai nulle, tad True. Ja nav tad False.
        # n - simbolu virkne (str), kuru pārbauda.
        if str(n).isdigit() and float(n) == int(n) and int(n) >= 0:
           return True
        else:
           return False
      def factorial_cikls(n):
        # Aprēķina n faktoriāla vērtību izmantojot ciklu.
        # ja ir naturāls skaitlis vai nulle, tad return n!
        # ja nav naturāls skaitlis vai nulle, tad return False.
        # n - simbolu virkne (str).
        if is_natural_or_zero(n):
```

```
a = 1
    while n \ge 1:
      a = a * n
       n = n - 1
    return a
  else:
    return False
def factorial_rekursija(n):
  # Aprēķina n faktoriāla vērtību izmantojot rekursiju.
  # ja ir naturāls skaitlis vai nulle tad return n!
  # ja nav naturāls skaitlis vai nulle tad return False.
  # n - simbolu virkne (str).
  if is_natural_or_zero(n): # pārbauda vai ir naturāls skaitlis vai nulle, ja nav tad return False
    n = int(n)
    if n >= 0:
       if n == 0:
         return 1
       return factorial_rekursija(n - 1) * n
    else:
       return False
  else:
    return False
# Galvenā programmas daļa
```

n = int(n)

```
n = input("levadiet naturālu skaitli vai nulli!\nN ==> ")
    while factorial_cikls(n) == False or factorial_rekursija(n) == False:
     n = input("Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.\nlevadiet naturālu skaitli vai nulli!\nN
==> ")
    print(n + "! = " + str(factorial cikls(n)) + " (ar ciklu)")
    print(n + "! = " + str(factorial rekursija(n)) + " (ar rekursiju)")
    Testa piemēri:
1)
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 0
0! = 1 (ar ciklu)
0! = 1 (ar rekursiju)
2)
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 1
1! = 1 (ar ciklu)
1! = 1 (ar rekursiju)
3)
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> Nulle
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> Pieci
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 5
5! = 120 (ar ciklu)
5! = 120 (ar rekursiju)
```

```
Tevadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12.5
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> -2
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12414.-44214faf
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> labi
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulle.
Tevadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 55
55! = 1269640335365827592596510084756651695958032105144943676227584000000000000 (ar ciklu)
55! = 12696403353658275925965100847566516959580321051449436762275840000000000000 (ar rekursiju)
```

5)

6)

```
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> N
Kļūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12.5
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12.0
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> .2
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 2.3
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12.0000
Klūda! Tas nav naturāls skaitlis vai nulle.
Ievadiet naturālu skaitli vai nulli!
N ==> 12
12! = 479001600 (ar ciklu)
12! = 479001600 (ar rekursiju)
```

### 2. uzdevums

return False

```
Sastādīt programmu, kas aprēķina C_N^M, ja zināms, ka
```

```
C_n^m = C_{n-1}^{m-1} + C_{n-1}^m un C_n^0 = C_n^n = 1
```

```
Kods:
      # Programmas nosaukums: Kombinācijas
      # 2. uzdevums (1MPR02_Vladislavs_Babanins)
      # Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas aprēķina C(n,m) izmantojot ciklu un
rekursiju.
      # Programmas autors: Vladislavs Babaņins
      # Versija 1.0
      defis natural or zero(n):
        # Pārbauda vai simbolu virkne ir naturāls skaitlis vai nulle, vai nav.
        # Ja ir naturāls skaitlis vai nulle, tad True. Ja nav tad False.
        # n - simbolu virkne (str), kuru pārbauda.
        if str(n).isdigit() and float(n) == int(n) and int(n) >= 0:
          return True
        else:
          return False
      def kombinacijas_cikls(n, m):
        # Aprēķina kombinācijas skaitu C(n,m) izmantojot ciklu. n >= m
        # n - naturāls skaitlis vai nulle (no cik) n ir "apakšā"
        # m - naturāls skaitlis vai nulle (pa cik) m ir "augšā"
          if m > n:
```

```
elif m == 0 or m == n:
       return 1
    fn = 1
    for i in range(2, n + 1):
      fn = fn * i
    fm = 1
    for i in range(2, m + 1):
      fm = fm * i
    fnm = 1
    for i in range(2, n - m + 1):
       fnm = fnm * i
    return fn / fm / fnm
def kombinacijas_rekursija(n, m):
  # Aprēķina kombinācijas skaitu C(n,m) izmantojot rekursiju. n \ge m
  # n - naturāls skaitlis vai nulle (no cik) n ir "apakšā"
  # m - naturāls skaitlis vai nulle (pa cik) m ir "augšā"
    if m > n:
       return False
    if m == 0 or m == n:
       return 1
    return kombinacijas_rekursija(n - 1, m - 1) + kombinacijas_rekursija(n - 1, m)
```

```
# Galvenā programmas daļa
n = input("levadiet naturalo skaitli vai nulli!\nn ==> ")
if not is_natural_or_zero(n):
  print("Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!")
  quit()
m = input("levadiet naturalo skaitli vai nulli!\nm ==> ")
if not is_natural_or_zero(m):
  print("Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!")
  quit()
n = int(n)
m = int(m)
if kombinacijas_cikls(n, m) == False or kombinacijas_rekursija(n, m) == False:
  print("Kļūda! m < n")</pre>
else:
  print("C(" + str(n) + ", " + str(m) + ") = " + str(int(kombinacijas_cikls(n, m))) + " (ar ciklu)")
  print("C(" + str(n) + ", " + str(m) + ") = " + str(kombinacijas_rekursija(n, m)) + " (ar
```

rekursiju)")

#### Testa piemēri:

1)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 5
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> 5
C(5, 5) = 1 (ar ciklu)
C(5, 5) = 1 (ar rekursiju)
```

2)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 10
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> 5
C(10, 5) = 252 (ar ciklu)
C(10, 5) = 252 (ar rekursiju)
```

3)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 0
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> 0
C(0, 0) = 1 (ar ciklu)
C(0, 0) = 1 (ar rekursiju)
```

4)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 10
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> 20
Kļūda! m < n</pre>
```

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> Pieci
Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!
```

6)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 5
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> Desmit
Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!
```

7)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 12.4
Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!
```

8)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 12
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> Trīs
Kļūda! Tika ievadīti nekorekti dati!
```

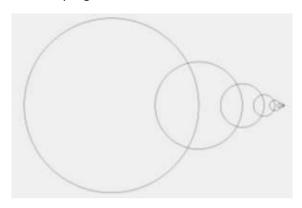
9)

```
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
n ==> 20
Ievadiet naturalo skaitli vai nulli!
m ==> 10
C(20, 10) = 184756 (ar ciklu)
C(20, 10) = 184756 (ar rekursiju)
```

10)

### 3. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



#### **Kods:**

# Programmas nosaukums: Rekursija. Riņķa līnijas.

# 3. uzdevums (1MPRO2\_Vladislavs\_Babanins)

# Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.

# Programmas autors: Vladislavs Babaņins

# Versija 1.0

import tkinter

from tkinter import ttk

def create\_circle(x, y, r):

# Uzzīme riņķa līniju

#r - riņķa līnijas rādiuss

#x-x koordināta riņķa līnijas centram

# y - y koordināta riņķa līnijas centram

kanva.create\_oval(x - r, y - r, x + r, y + r, outline="black", width=3)

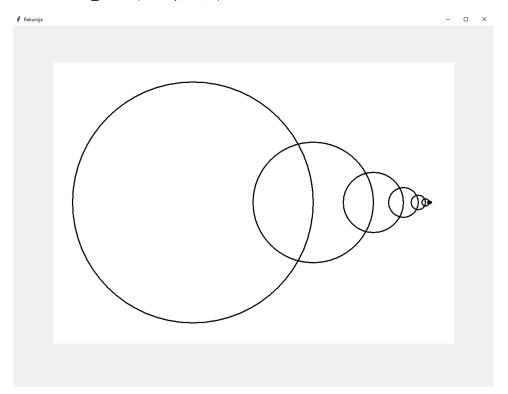
def draw\_circles(x, y, r): # r - rādiuss

```
# Uzzīme riņķa līnijas rekursīvi uz labo pusi
  #r - riņķa līnijas rādiuss
  # x - x koordināta riņķa līnijas centram
  # y - y koordināta riņķa līnijas centram
  if r >= 2:
    create_circle(x, y, r)
    draw\_circles(x + r, y, r // 2)
# Galvenā programmas daļa
logs = tkinter.Tk()
logs.geometry("1200x900")
logs.title("Rekursija")
kanva = tkinter.Canvas(logs, bg="white", height=700, width=1000)
kanva.place(x=100, y=90)
draw_circles(350, 350, 300)
logs.mainloop()
```

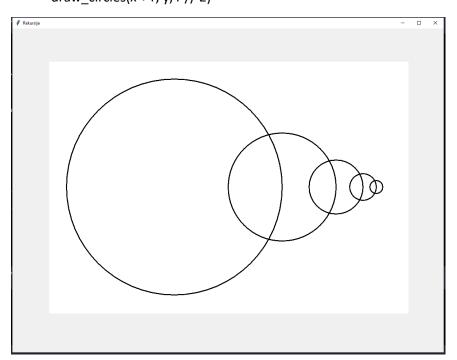
### Testa piemēri:

1) if r >= 2:

```
create_circle(x, y, r)
draw_circles(x + r, y, r // 2)
```

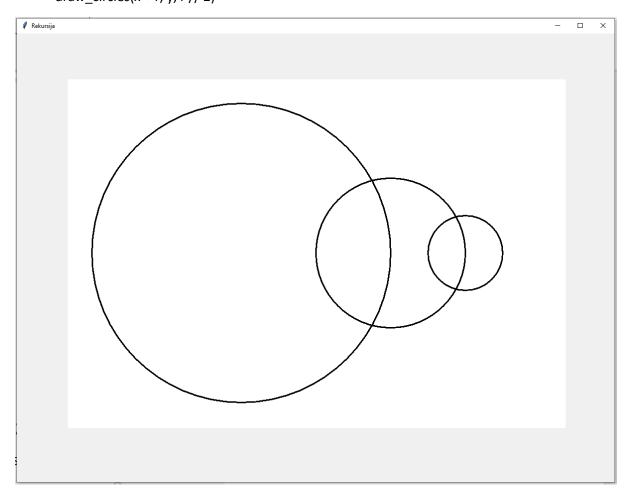


2) if r >= **10**:



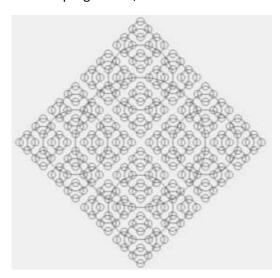
#### 3) if r >= 40:

create\_circle(x, y, r)
draw\_circles(x + r, y, r // 2)



## 4. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



#### **Kods:**

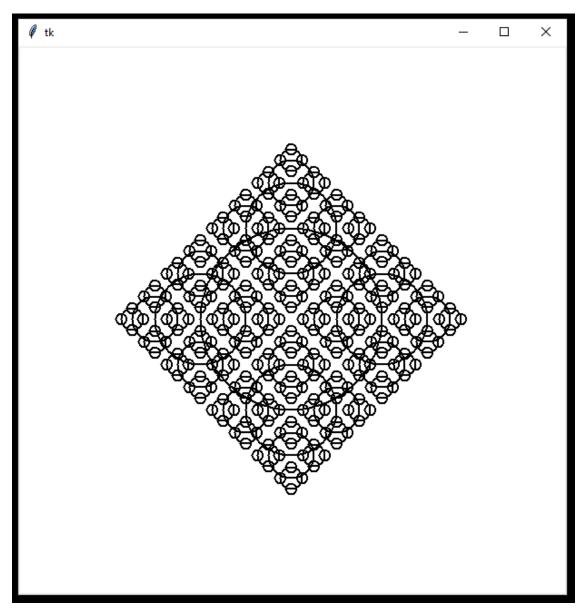
```
# Programmas nosaukums: Rekursija. Riņķa līnijas četri virzieni.
      # 4. uzdevums (1MPR02_Vladislavs_Babanins)
      # Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot
rekursiju.
      # Programmas autors: Vladislavs Babaņins
      # Versija 1.0
      import tkinter
      logs = tkinter.Tk()
      canva = tkinter.Canvas(logs, bg="white", height=600, width=600)
      canva.pack()
      def circles_four_directions(x, r, y):
        # Uzzīme riņķa līnijas četros virzienos
        # x - x koordināta riņķa līnijas centram
        #r-rriņķa līnijas rādiuss
        # y - y koordināta riņķa līnijas centram
        if r <= 3:
           return
        canva.create_oval(x - r, y - r, x + r, y + r, width=2)
        circles_four_directions(x + r, r // 2, y)
        circles_four_directions(x - r, r // 2, y)
        circles_four_directions(x, r // 2, y - r)
        circles_four_directions(x, r // 2, y + r)
```

```
# Galvenā programmas daļa
# -----
circles_four_directions(300, 100, 300)
```

## Testa piemēri:

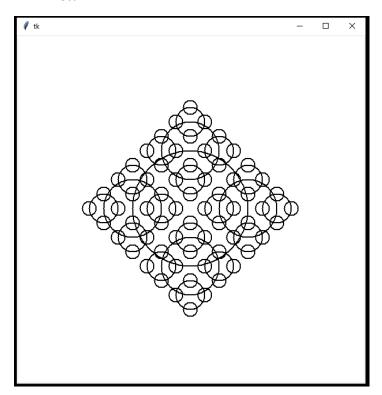
1) if r <= 3:

return...



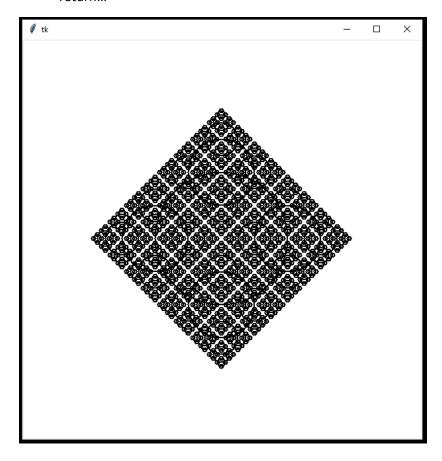
### 2) if r <= **10**:

return...



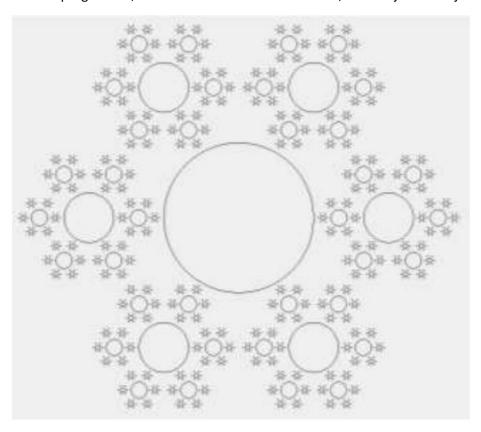
#### 3) if r <= 2:

return...



## 5. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



#### **Kods:**

# Programmas nosaukums: Rekursija. Riņķa līnijas sešos virzienos.

# 5. uzdevums (1MPR02\_Vladislavs\_Babanins)

# Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.

# Programmas autors: Vladislavs Babaņins

# Versija 1.0

import tkinter

import math

logs = tkinter.Tk()

canva = tkinter.Canvas(logs, bg="white", height=1000, width=1000)

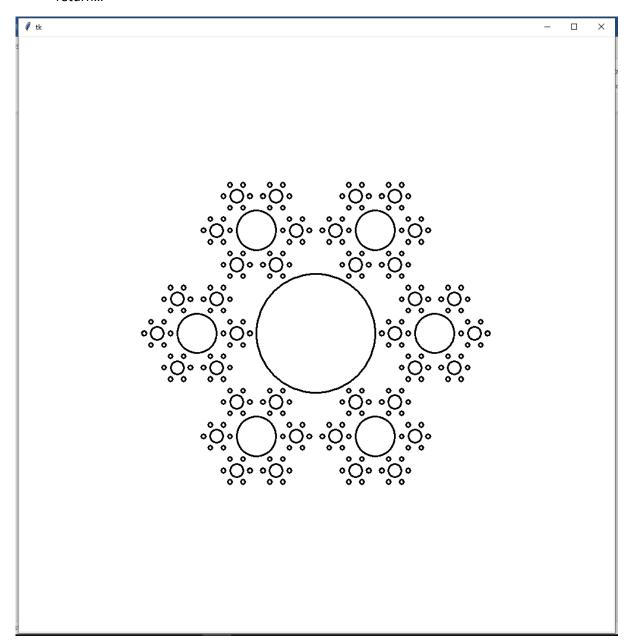
canva.pack()

```
def circles_six_directions(x, r, y):
  # Uzzīme riņķa līnijas sešos virzienos
  # x - x koordināta riņķa līnijas centram
  #r-rriņķa līnijas rādiuss
  # y - y koordināta riņķa līnijas centram
  if r <= 2:
    return
  canva.create_oval(x - r, y - r, x + r, y + r, width=3)
  circles_six_directions(x + 2 * r, r / 3, y)
  circles_six_directions(x - 2 * r, r / 3, y)
  circles_six_directions(x + r, r / 3, y - r * math.sqrt(3))
  circles_six_directions(x - r, r / 3, y - r * math.sqrt(3))
  circles_six_directions(x + r, r / 3, y + r * math.sqrt(3))
  circles_six_directions(x - r, r / 3, y + r * math.sqrt(3))
# Galvenā programmas daļa
# -----
circles_six_directions(500, 100, 500)
logs.mainloop()
```

## Testa piemēri:

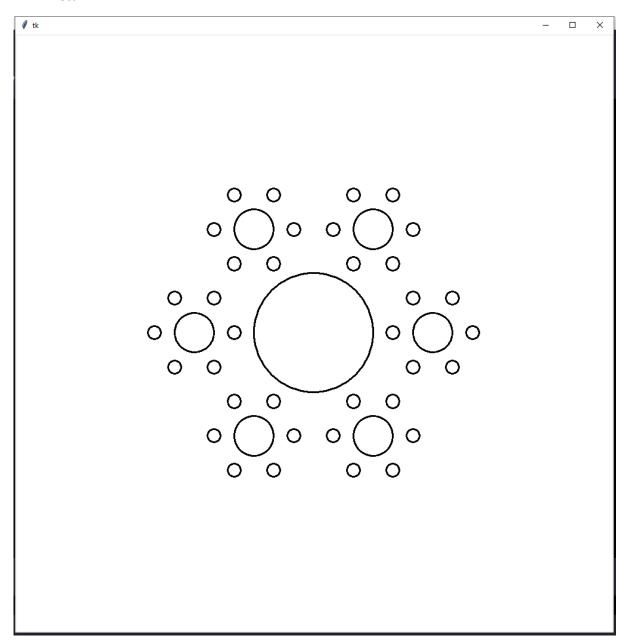
1) if r <= 2:

return...



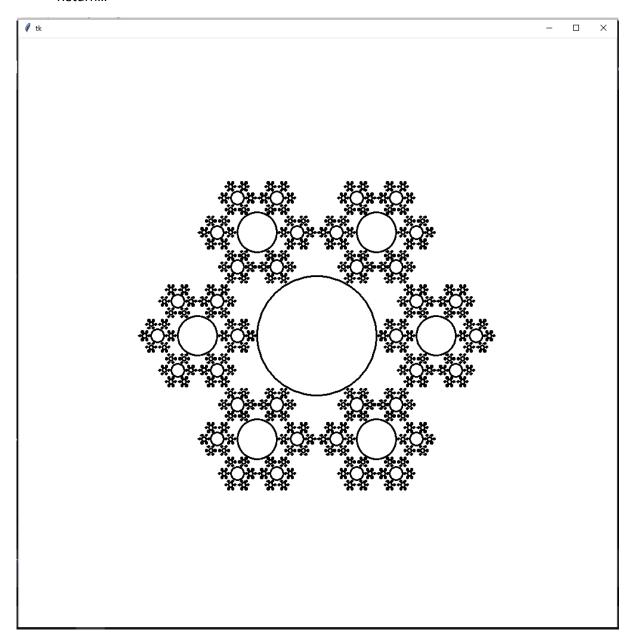
### 2) if **r <= 4**:

return



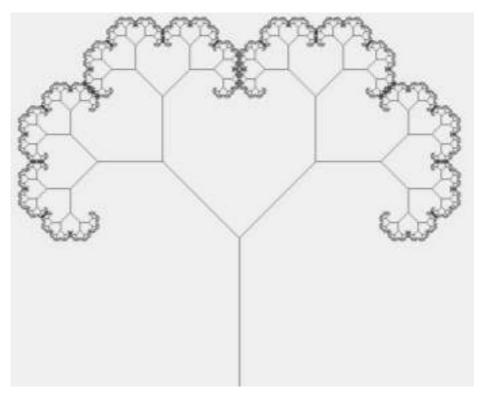
#### 3) if **r <= 1**:

Return...



### 6. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



### **Kods:**

# Programmas nosaukums: Rekursija. Pitagora koks.

# 6. uzdevums (1MPR02\_Vladislavs\_Babaņins)

# Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.

# Programmas autors: Vladislavs Babaņins

# Versija 1.0

import tkinter

import math

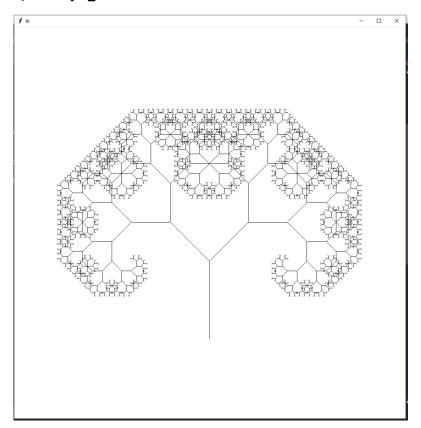
```
logs = tkinter.Tk()
canvas = tkinter.Canvas(logs, bg="white", height=1000, width=1000)
canvas.pack()
```

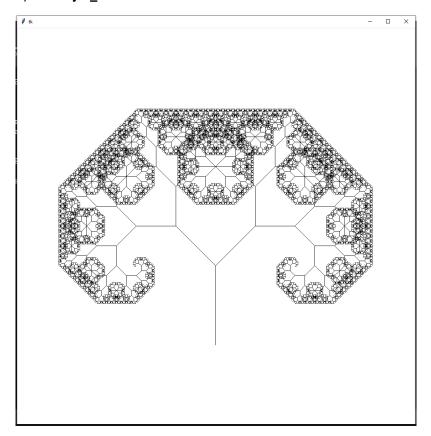
```
def zimet_pitagora_koku(x, y, garums, lenkis, rekursijas_skaits):
       # Uzzīme Pitagora koku noteiktā vietā, izmēra un tas tiek zimēts rekursīvi "rekursijas_skaits"
reizes.
       #x-x koordināta pirmā nogriežņa sākumam
       # y - y koordināta pirmā nogriežņa beigām
       # garums - garums pirmām nogriežņim. Tāda veidā tiek regulēts Pitagora koka izmērs
       # lenkis - leņķis grādos pirmām nogriežņim ar "zēmi"
       # rekursijas_skaits - rekursijas skaits. Maksimālais skaits pēc kurā zimēšana beigsies
       if rekursijas_skaits > 0:
          # print(lenkis)
          x1 = x + garums * math.cos(math.radians(lenkis))
          y1 = y - garums * math.sin(math.radians(lenkis))
          canvas.create_line(x, y, x1, y1)
          zimet_pitagora_koku(x1, y1, garums * math.sqrt(2) / 2, lenkis - 45, rekursijas_skaits - 1)
          zimet_pitagora_koku(x1, y1, garums * math.sqrt(2) / 2, lenkis + 45, rekursijas_skaits - 1)
     # -----
     # Galvenā programmas daļa
     # ------
     zimet_pitagora_koku(500, 800, 200, 90, 12)
```

logs.mainloop()

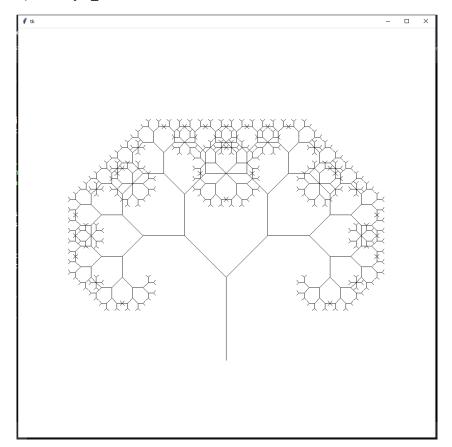
## Testa piemēri:

### 1) rekursijas\_skaits == 12

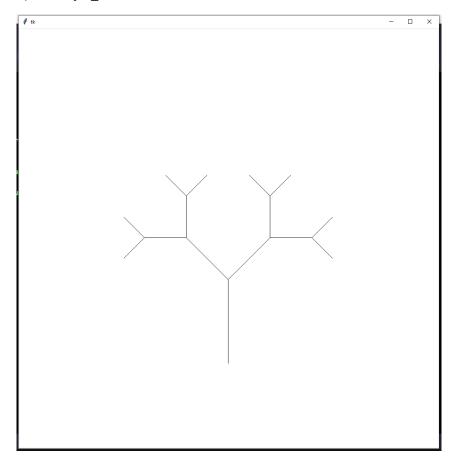




### 3) rekursijas\_skaits == 10

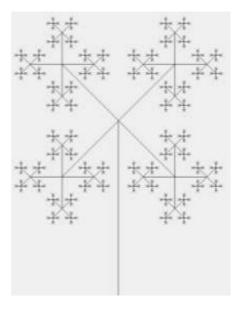


### 5) rekursijas\_skaits == 4



## PU1. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



#### Kods:

```
# Programmas nosaukums: Rekursija. Krusti četros virzienos.
      # Papilduzdevums 1. (1MPR02_Vladislavs_Babanins)
      # Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot
rekursiju.
      # Programmas autors: Vladislavs Babaņins
      # Versija 1.0
      import tkinter
      import math
      logs = tkinter.Tk()
      canvas = tkinter.Canvas(logs, bg="white", height=1000, width=1000)
      canvas.pack()
      def draw_line(x0, y0, x1, y1):
        # Uzzīme nogriežņi pēc diviem dotiem punktiem ar biezumu (width) 2
        # x0 - x koordināta sākumpunktam
        # y0 - y koordināta sākumpunktam
        # x1 - x koordināta galapunktam
        # y1 - y koordināta galapunktam
        canvas.create_line(x0, y0, x1, y1, width=2)
      def draw_crosses(x0, y0, x1, y1, rekursijas_skaits):
        # Rekursīvi uzzīme krustiņus. Koeficienti tika iegūti aptuveni.
        #x0 - x koordināta sākumpunktam (nogriežņim)
        # y0 - y koordināta sākumpunktam (nogriežņim)
        #x1 - x koordināta galapunktam (nogriežņim)
```

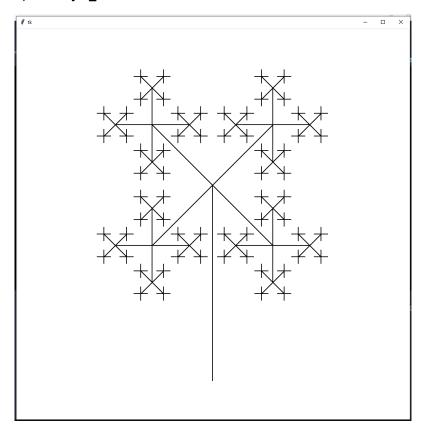
```
# y1 - y koordināta galapunktam (nogriežņim)
length = math.sqrt((x1 - x0)**2 + (y1 - y0)**2)
if rekursijas_skaits == 0:
    return
angle = math.atan2(y1 - y0, x1 - x0) # math.ata
```

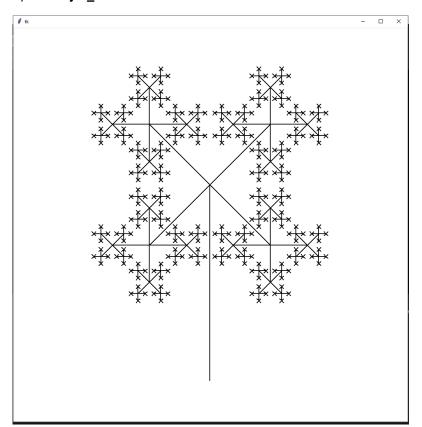
angle = math.atan2(y1 - y0, x1 - x0) # math.atan2() atgriež y/x arktangensu radiānos. Kur x un y ir punkta (x,y) koordinātas.

```
draw_line(x0, y0, x1, y1)
  dx = math.cos(angle + math.pi / 4) * length / 2.3 # izmaiņa pēc x
  dy = math.sin(angle + math.pi / 4) * length / 2.3 # izmaiņa pēc y
  draw_crosses(x1, y1, x1 + dx, y1 + dy, rekursijas_skaits - 1)
  dx = math.cos(angle - math.pi / 4) * length / 2.3
  dy = math.sin(angle - math.pi / 4) * length / 2.3
  draw_crosses(x1, y1, x1 + dx, y1 + dy, rekursijas_skaits - 1)
  dx = math.cos(angle + math.pi * 3 / 4) * length / 2.3
  dy = math.sin(angle + math.pi * 3 / 4) * length / 2.3
  draw crosses(x1, y1, x1 + dx, y1 + dy, rekursijas skaits - 1)
  dx = math.cos(angle - math.pi * 3 / 4) * length / 2.3
  dy = math.sin(angle - math.pi * 3 / 4) * length / 2.3
  draw crosses(x1, y1, x1 + dx, y1 + dy, rekursijas skaits - 1)
# Galvenā programmas daļa
draw crosses(500, 900, 500, 400, 5)
logs.mainloop()
```

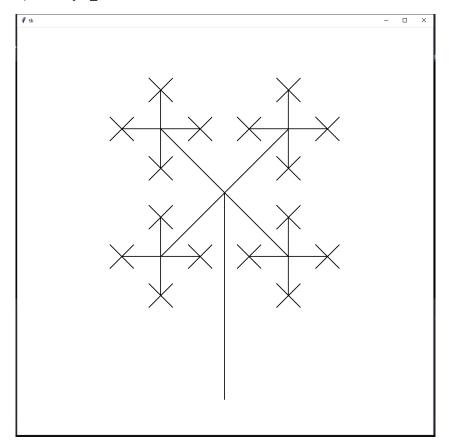
## Testa piemēri:

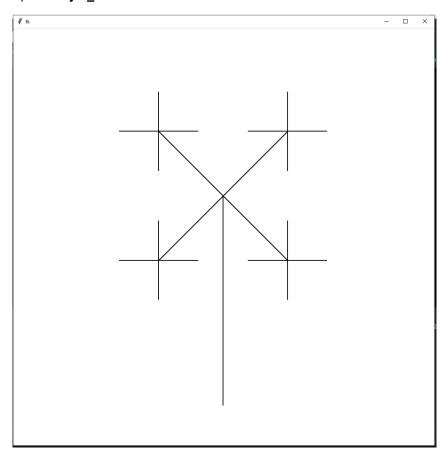
### 1) rekursijas\_skaits == 5





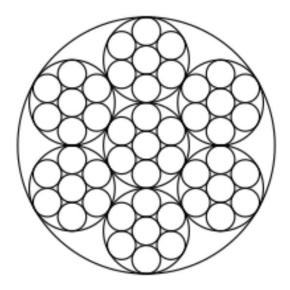
### 3) rekursijas\_skaits == 4





### PU2. uzdevums

Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.



### **Kods:**

# Programmas nosaukums: Rekursija. Daudz riņķa līnijas.

# Papilduzdevums 2. (1MPR02\_Vladislavs\_Babanins)

# Uzdevuma formulējums: Sastādīt programmu, kas izveido zemāk redzamo attēlu, izmantojot rekursiju.

# Programmas autors: Vladislavs Babaņins

# Versija 1.0

import tkinter

import math

logs = tkinter.Tk()

logs.geometry("1000x1000")

W = 1000

H = 1000

canva = tkinter.Canvas(logs, width=W, height=H)

canva.configure(background='white')

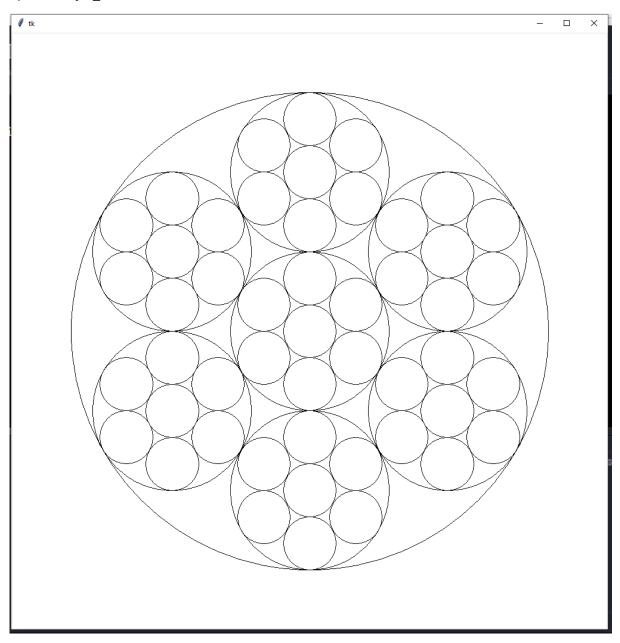
```
canva.pack()
      CENTRS_X = W // 2
      CENTRS_Y = H // 2
      def get_new_pos(x, y, lenkis, attalums):
        # Saņem x un y koordinātas, leņķi un attālumu un atgriež jauno pozīciju pēc dotā attāluma
pārvietošanas dotajā leņķī
        #x-jaunaisx
        #y-jaunaisy
        # lenkis - leņķis grādos
        # attalums - attālums
        return x + attalums * math.cos(math.radians(lenkis)), y + attalums *
math.sin(math.radians(lenkis))
      def draw_circle(center_x, center_y, r):
        # Pēc dota centras koordinātas (center_x, center_y) un rādiusa (r) uzzīmē riņķa līniju.
        # center_x - riņķa līnijas centrs pēc x koordinātas
        # center_y - riņķa līnijas centrs pēc y koordinātas
        # r - riņķa līnijas rādiuss
        x1 = center_x - r
        x2 = center_x + r
        y1 = center_y - r
        y2 = center_y + r
        #print(x1, x2, y1, y2)
        canva.create_oval(x1, y1, x2, y2)
```

```
# Tas saņem pašreizējās iterācijas centra koordinātas, rādiusu un dziļuma līmeni (rekursijas
skaits).
        # Katrā dziļuma līmenī (rekursijas skaitam) tiek uzzīmēta riņķa līnijas pie dotajām centra
koordinātām
        # un pēc tam funkcija tiek rekursīvi izsaukta ar sešām jaunām centra koordinātām,
        # kuras aprēķina, izmantojot funkciju get_new_pos.
        # center_x - riņķa līnijas centrs pēc x koordinātas
        # center_y - riņķa līnijas centrs pēc y koordinātas
        # r - riņķa līnijas rādiuss
        # rekursijas_skaits - rekursījas dziļums (cik reizes rekursija tiek īstenota)
        draw_circle(center_x, center_y, r)
        if rekursijas skaits == 0:
          return
        attalums = r * 2 / 3
        jauns radiuss = r / 3 # apzīmē mazāko apļu rādiusu, kas rekursīvi apvilkti ap lielākiem
apļiem.
        lenkis = 30 # 30 grādi
        for t in range(6): # t netiek izmantota
          new_x, new_y = get_new_pos(center_x, center_y, lenkis, attalums)
          recursion(new_x, new_y, jauns_radiuss, rekursijas_skaits - 1)
          lenkis = lenkis + 60 # Katras jaunās centra koordinātas leņķis tiek nobīdīts par 60 grādiem
no iepriekšējās, jo ap pašreizējo apli ir sešas riņķa līnijas
        recursion(center_x, center_y, jauns_radiuss, rekursijas_skaits - 1)
      # -----
      # Galvenā programmas daļa
```

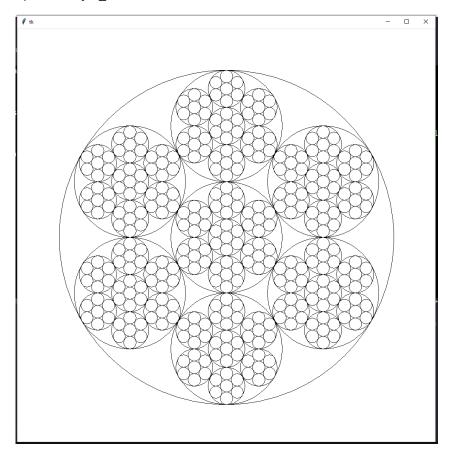
def recursion(center\_x, center\_y, r, rekursijas\_skaits):

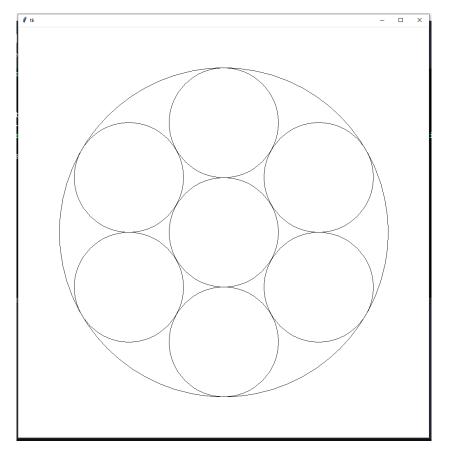
logs.mainloop()

## Testa piemēri:



### 2) rekursijas\_skaits == 2





### 4) rekursijas\_skaits == 5

