Беспалов Владимир Михайлович, группа 3-1 Лабораторная работа № 1

Вариант № 2

Стратегическое и тактическое планирование модельного эксперимента при проведении оценки эффективности систем методом статистических испытаний в среде MATLAB

Цель работы

Практическое изучение методов стратегического и тактического планирования модельного эксперимента, освоение навыков экспериментальных исследований при работе со статистическими имитационными моделями систем в ходе оценки их эффективности.

Задание

Провести стратегическое и тактическое планирование модельного эксперимента. Выходной реакцией системы является случайная величина, распределенная по закону нормального распределения. Факторами являются параметры: $\mu \in (-2; 2.5), \sigma \in (1; 2.5)$. Оценить показатель эффективности математическое ожидание реакции системы. Доверительный интервал d = 0.04 с уровнем значимости $\alpha = 0.01$.

Код программы (внесённые изменения в шаблон кода выделены)

```
clear all;
nf=2;
% format: sigma, mu
minf=[1 -2];
maxf=[2.5 2.5];
%формирование дробного двухуровневого плана эксперимента
%для учета взаимодействий
fracfact('a b ab');
N=2^nf;
fracplan = ans;
fictfact=ones(N,1);
X = [fictfact ans]';
fraceks=zeros(N,nf);
for i=1:nf
  for j=1:N
    fraceks(j,i)=minf(i)+(fracplan(j,i)+1)*(maxf(i)-minf(i))/2;
end
fraceks;
%тактическое планирование эксперимента
%задание доверительного интервала и уровня значимости
d_sigma=0.04;
alpha=0.01;
% n = 100;
% % тестовый запуск для определения D∼
% D_{tilde} = 0;
% for j = 1:N
% sigma = fraceks(j,1);
% mu = fraceks(j,2);
% for k = 1:n
```

```
test(k) = systemeqv(sigma, mu);
%
    end
%
   m mean = mean(test);
%
% D mean = 0;
%
   for k = 1:n
%
      D_mean = D_mean + (m_mean - test(k))^2;
%
<mark>%</mark>
  D_tilde = D_tilde + D_mean / (n - 1);
<mark>% end</mark>
% D tilde = D tilde / N;
%цикл по совокупности экспериментов стратегического плана
for j=1:N
  sigma = fraceks(j,1);
  mu = fraceks(j,2);
  u(1) = systemeqv(sigma, mu);
  u(2) = systemeqv(sigma, mu);
  D_{tilde} = (mean(u) - u(1))^2 + (mean(u) - u(2))^2
  sum_u = sum(u)
  k = 2
  %определение требуемого числа испытаний
  NE=round(tkr alpha^2 * D tilde / d sigma^2)
 %цикл статистических испытаний
 while k < NE
   k = k + 1
    u(k)=systemeqv(sigma, mu);
    sum u = sum_u + u(k);
    D_{\text{tilde}} = (D_{\text{tilde}} * (k - 2) + (sum_u / k - u(k))^2) / k - 1
    NE=round(tkr_alpha^2 * D_tilde / d_sigma^2)
 %оценка параметров (реакции) по выборке наблюдений
 DX=mean(u);
 Y(j)=DX;
 %формирование и отображение гистограммы с 12-ю интервалами
 %figure;
 %hist(u, 12);
end
%определение коэффициентов регрессии
C=X*X';
b =inv(C)*X*Y'
%формирование зависимости реакции системы на множестве
%реальных значений факторов
A=minf(1):0.1:maxf(1);
B=minf(2):0.1:maxf(2);
[k N1]=size(A);
[k N2]=size(B);
for i=1:N1
  for j=1:N2
    an(i)=2*(A(i)-minf(1))/(maxf(1)-minf(1))-1;
    bn(j)=2*(B(j)-minf(2))/(maxf(2)-minf(2))-1;
    %экспериментальная поверхность реакции
```

```
Yc(j,i)=b_{1}+an(i)*b_{2}+bn(j)*b_{3}+an(i)*bn(j)*b_{4};
    %теоретическая поверхность реакции
    Yo(j,i)=B(j);
  end
end
% отображение зависимостей в трехмерной графике
[x,y]=meshgrid(A,B);
figure;
subplot(1,2,1),plot3(x,y,Yc),
xlabel('factor a'),
ylabel('factor b'),
zlabel('Yc'),
title('Эксперимент'),
grid on,
subplot(1,2,2),plot3(x,y,Yo),
xlabel('factor a'),
ylabel('factor b'),
zlabel('Yo'),
title('Теория'),
grid on;
```

Результаты выполнения задания

1. В результате получим отображение результатов моделирования, представленное на рис. 6.2, где слева размещается экспериментальная, а справа – реальная (теоретически рассчитанная) зависимость мат. ожидания отклика от исследуемых факторов.

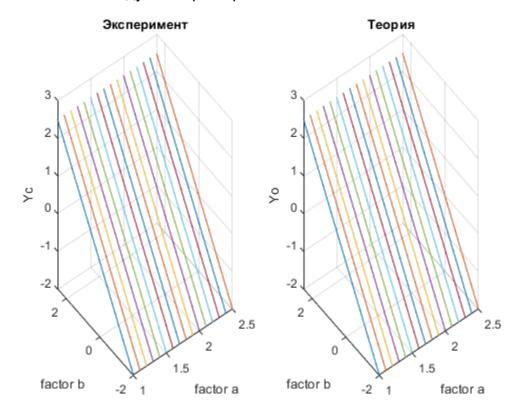


Рисунок 1.

Выводы

1. Из приведенного рисунка видно, что полученная на основе линейной регрессии с учетом взаимодействия факторов зависимость приближенно отображает ход реальной зависимости.