

Лабораторная работа №4

Тема: Расширение пакета для работы с функциями одной переменной

Скиба В.А.

Группа: 6204-010302d

Общие замечания по реализации

- Для корректного сравнения вещественных чисел используется машинный эпсилон в `Math Util.java`.
 - Интерфейс `Function`: `Function.java`. `Tabulated Function` расширяет `Function`.
 - Табулированные реализации: `Array Tabulated Function.java`, `LinkedList Tabulated Function.java`.
 - Ввод/вывод и табулирование: `Tabulated Functions.java`.
 - Аналитические функции: `basic` (`Exp.java`, `Log.java`, `Trigonometric Function.java`, `Sin.java`, `Com.java`, `Tan.java`).
 - Мета-функции (композиции): `meta` (`Sum.java`, `Mult.java`, `Power.java`, `Scale.java`, `Shift.java`, `Composition.java`).
 - Фабрика/утилиты: `Functions.java`.
-

Задание 1 — конструкторы с массивом `Function Point`

Реализовано в:

- `ArrayTabulatedFunction.java`
- `LinkedListTabulatedFunction.java`

Описание решения: добавлены конструкторы, принимающие `Function Point[]`.

Проверяется:

- количество точек ≥ 2 ,
 - значения абсцисс строго возрастают (в противном случае — `IllegalArgumentException`).
- Входные объекты копируются (обеспечение инкапсуляции).

Результат: при некорректных данных бросается `IllegalArgumentException`.

```

public ArrayTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {
    if (points == null) {
        throw new IllegalArgumentException(s: "Массив точек не может быть null");
    }
    if (points.length < 2) {
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек должно быть не менее 2: " + points.length);
    }

    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {
        if (!MathUtil.less(points[i].getX(), points[i + 1].getX())) {
            throw new IllegalArgumentException(s: "Точки не упорядочены по X или содержат дубликаты");
        }
    }

    this.pointsCount = points.length;
    this.points = new FunctionPoint[pointsCount + 5];

    for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
        this.points[i] = new FunctionPoint(points[i]);
    }
    if (this.pointsCount < this.points.length) {
        Arrays.fill(this.points, this.pointsCount, this.points.length, val: null);
    }
}

```

```

public LinkedListTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {
    this();

    if (points == null) {
        throw new IllegalArgumentException("Массив точек не может быть null");
    }
    if (points.length < 2) {
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек должно быть не менее 2: " + points.length);
    }

    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {
        if (!MathUtil.less(points[i].getX(), points[i + 1].getX())) {
            throw new IllegalArgumentException("Точки не упорядочены по X или содержат дубликаты");
        }
    }

    for (FunctionPoint point : points) {
        FunctionNode newNode = addNodeToTail();
        newNode.point = new FunctionPoint(point); // Создаем копию
    }
}

```

Задание 2 — интерфейс Function

Реализовано в Function.java.

Содержит методы:

- double getLeftDomainBorder()
- double getRightDomainBorder()
- double getFunctionValue(double x)

TabulatedFunction теперь расширяет Function, поэтому табулированные функции являются частным случаем общих функций.

```
package functions;

public interface Function {

    double getLeftDomainBorder();

    double getRightDomainBorder();

    double getFunctionValue(double x);
}
```

```
package functions;

public interface TabulatedFunction extends Function {
    int getPointsCount();
    FunctionPoint getPoint(int index);
    void setPoint(int index, FunctionPoint point);
    double getPointX(int index);
    void setPointX(int index, double x);
    double getPointY(int index);
    void setPointY(int index, double y);

    void deletePoint(int index);
    void addPoint(FunctionPoint point);
}
```

Задание 3 — аналитические функции (пакет functions.basic)

Реализовано в basic:

- Exp.java — использует Math.exp(); область определения: от Double.NEGATIVE_INFINITY до Double.POSITIVE_INFINITY.
- Log.java — логарифм по заданному основанию (параметр конструктора), использует Math.log().
- TrigonometricFunction.java — базовый класс для тригонометрии (общая логика границ области).
- Sin.java, Cos.java, Tan.java — конкретные реализации (Math.sin, Math.cos, Math.tan).

Результат: аналитические функции возвращают корректные значения на ожидаемых областях.

```
System.out.println("Значения sin и cos на [0, pi] с шагом 0.1:");
for (double x = 0.0; x <= Math.PI + 1e-9; x += 0.1) {
    System.out.printf("x=%.2f sin=%.6f cos=%.6f\n", x, sin.getFunctionValue(x), cos.getFunctionValue(x));
}
```

Задание 4 — комбинирующие функции (пакет functions.meta)

Реализовано в meta:

- Sum.java, Mult.java — сумма и произведение двух функций; область определения — пересечение областей.
- Power.java — степень функции (конструктор: функция + степень).
- Scale.java, Shift.java — масштабирование и сдвиг (учтено изменение области по X при масштабировании/сдвиге).
- Composition.java — композиция двух функций.

```
package functions.meta;

import functions.Function;

public class Composition implements Function {
    private final Function outer;
    private final Function inner;

    public Composition(Function outer, Function inner) {
        this.outer = outer;
        this.inner = inner;
    }

    @Override
    public double getLeftDomainBorder() {
        return inner.getLeftDomainBorder();
    }

    @Override
    public double getRightDomainBorder() {
        return inner.getRightDomainBorder();
    }

    @Override
    public double getFunctionValue(double x) {
        return outer.getFunctionValue(inner.getFunctionValue(x));
    }
}
```

```
package functions.meta;

import functions.Function;

public class Scale implements Function {
    private final Function base;
    private final double scaleX;
    private final double scaleY;

    public Scale(Function base, double scaleX, double scaleY) {
        if (Math.abs(scaleX) < 1e-15) throw new IllegalArgumentException(s: "scaleX не может быть 0");
        this.base = base;
        this.scaleX = scaleX;
        this.scaleY = scaleY;
    }

    @Override
    public double getLeftDomainBorder() {
        return base.getLeftDomainBorder() * scaleX;
    }

    @Override
    public double getRightDomainBorder() {
        return base.getRightDomainBorder() * scaleX;
    }

    @Override
    public double getFunctionValue(double x) {
        return scaleY * base.getFunctionValue(x / scaleX);
    }
}
```

```
package functions.meta;

import functions.Function;

public class Sum implements Function {
    private final Function f1;
    private final Function f2;

    public Sum(Function f1, Function f2) {
        this.f1 = f1;
        this.f2 = f2;
    }

    @Override
    public double getLeftDomainBorder() {
        return Math.max(f1.getLeftDomainBorder(), f2.getLeftDomainBorder());
    }

    @Override
    public double getRightDomainBorder() {
        return Math.min(f1.getRightDomainBorder(), f2.getRightDomainBorder());
    }

    @Override
    public double getFunctionValue(double x) {
        return f1.getFunctionValue(x) + f2.getFunctionValue(x);
    }
}
```

Задание 5 — класс Functions (фабрика)

Реализовано в Functions.java.

Методы:

- `shift(Function f, double shiftX, double shiftY)`
- `scale(Function f, double scaleX, double scaleY)`
- `power(Function f, double power)`
- `sum(Function f1, Function f2)`
- `mult(Function f1, Function f2)`
- `composition(Function f1, Function f2)`

Класс имеет приватный конструктор, поэтому создать экземпляр извне нельзя.

```

package functions;

import functions.meta.Composition;
import functions.meta.Mult;
import functions.meta.Power;
import functions.meta.Scale;
import functions.meta.Shift;
import functions.meta.Sum;

public final class Functions {
    private Functions() {}

    public static Function shift(Function f, double shiftX, double shiftY) {
        return new Shift(f, shiftX, shiftY);
    }

    public static Function scale(Function f, double scaleX, double scaleY) {
        return new Scale(f, scaleX, scaleY);
    }

    public static Function power(Function f, double power) {
        return new Power(f, power);
    }

    public static Function sum(Function f1, Function f2) {
        return new Sum(f1, f2);
    }

    public static Function mult(Function f1, Function f2) {
        return new Mult(f1, f2);
    }

    public static Function composition(Function outer, Function inner) {
        return new Composition(outer, inner);
    }
}

```

Задание 6 — TabulatedFunctions.tabulate

Реализовано в TabulatedFunctions.java.

Метод `tabulate(Function function, double leftX, double rightX, int pointsCount)`:

- Проверяет, что отрезок `[leftX, rightX]` лежит в области определения функции (иначе — `IllegalArgumentException`).

- Возвращает реализацию `TabulatedFunction` (в текущей реализации — `ArrayTabulatedFunction`).

Задание 7 — ввод/вывод табулированных функций

Реализовано в `TabulatedFunctions.java`:

- `outputTabulatedFunction(TabulatedFunction function, OutputStream out)` — бинарная запись: количество точек и пары (x, y) .
- `inputTabulatedFunction(InputStream in)` — чтение бинарного формата, восстановление `TabulatedFunction`.
- `writeTabulatedFunction(TabulatedFunction function, Writer out)` — символьная запись (в одну строку: `n x1 y1 x2 y2 ...`).
- `readTabulatedFunction(Reader in)` — чтение символьного формата (использован `StreamTokenizer`).

Замечания:

- Методы не закрывают переданные потоки (ответственность вызывающего кода).
- `IOException` пробрасывается наружу; обработка — на вызывающей стороне.

```
public static TabulatedFunction tabulate(Function function, double leftX, double rightX, int pointsCount) {
    if (leftX < function.getLeftDomainBorder() - EPS || rightX > function.getRightDomainBorder() + EPS)
        throw new IllegalArgumentException("Границы табулирования выходят за область определения функции");
    if (pointsCount < 2) throw new IllegalArgumentException("pointsCount < 2");

    double step = (rightX - leftX) / (pointsCount - 1);
    FunctionPoint[] pts = new FunctionPoint[pointsCount];
    for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
        double x = leftX + i * step;
        pts[i] = new FunctionPoint(x, function.getFunctionValue(x));
    }
    return new ArrayTabulatedFunction(pts);
}
```

```
public static void outputTabulatedFunction(TabulatedFunction function, OutputStream out) throws IOException {
    DataOutputStream dos = new DataOutputStream(new BufferedOutputStream(out));
    try {
        dos.writeInt(function.getPointsCount());
        for (int i = 0; i < function.getPointsCount(); i++) {
            dos.writeDouble(function.getPointX(i));
            dos.writeDouble(function.getPointY(i));
        }
        dos.flush();
    } finally {
    }
}
```

Задание 8 — тестирование

Тесты и демонстрация содержатся в `Main.java`:

- Вывод значений `Sin` и `Cos` на $[0, \pi]$ с шагом 0.1.

- Табулирование с 10 точками и сравнение с аналитическими значениями.
- Сумма квадратов табулированных функций через `Functions.power` и `Functions.sum`.
- Табулирование `Exp` и `Log`, записи/чтение в текстовый/бинарный файлы и сравнение.

```
long extSize = extFile.length();
long pojoSize = serPojoFile.length();
System.out.println("Externalizable file: " + extFile.getName() + " size=" + extSize + " bytes");
System.out.println("Serializable(POJO) file: " + serPojoFile.getName() + " size=" + pojoSize + " bytes");

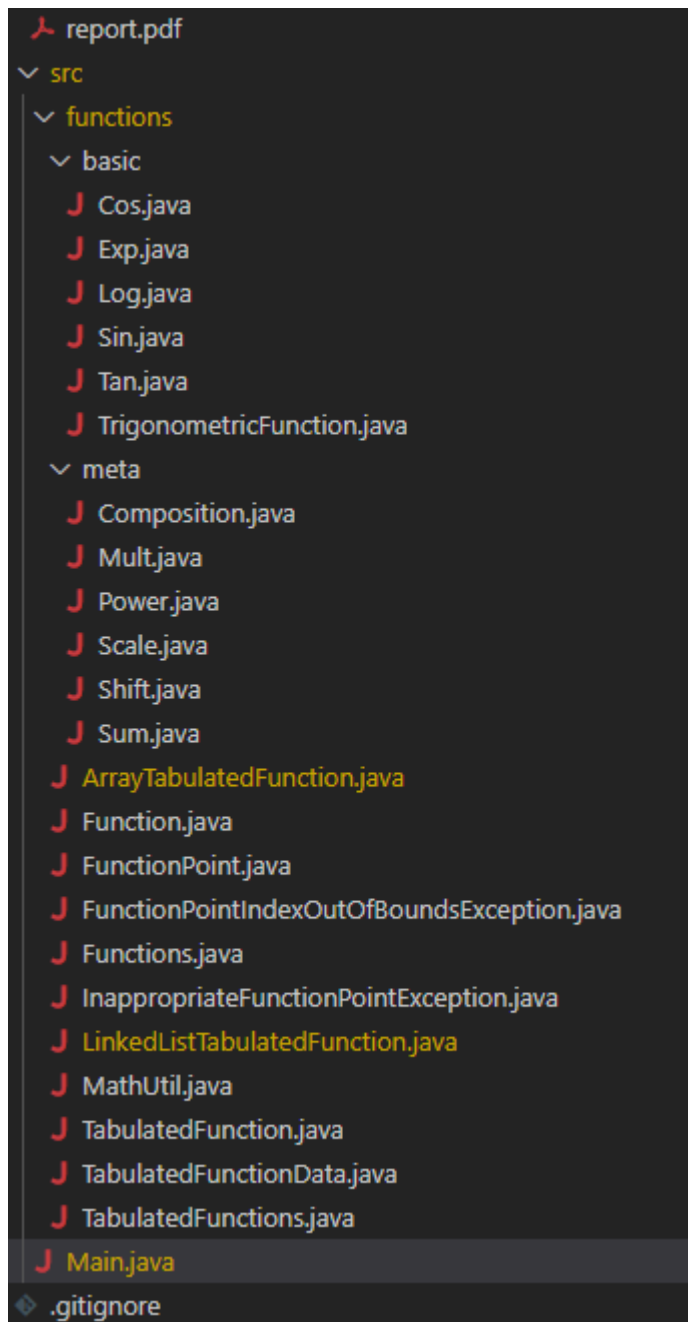
System.out.println("\nПервые 64 байта externalizable (hex):");
printFileHex(extFile, 64);
System.out.println("\nПервые 64 байта serializable POJO (hex):");
printFileHex(serPojoFile, 64);
```

Задание 9 — сериализация (Serializable vs Externalizable)

Реализовано:

- `ArrayTabulatedFunction` и `LinkedListTabulatedFunction` реализуют `Externalizable` (`writeExternal` / `readExternal`).
- POJO-класс `TabulatedFunctionData` используется для сравнения с обычной сериализацией `Serializable`.

Результаты: сравнение размеров и структуры файлов сериализации показано в `Main`. `Externalizable` даёт более компактное и управляемое представление; `Serializable` — удобнее, но может быть громоздким и менее предсказуемым.



=== Лабораторная работа №4 (сокращённый вывод) ===

Constructors test: Array pts=3, Linked pts=3

Function test: domain=[0.0,2.0] f(1.5)=2.5

--- Демонстрация: табулирование, IO и сериализация (сравнение) ---

Задание 8: Sin и Cos и табулирование

Значения sin и cos на [0, pi] с шагом 0.1:

x=0.00 sin=0.000000 cos=1.000000

x=0.10 sin=0.099833 cos=0.995004

x=0.20 sin=0.198669 cos=0.980067

x=0.30 sin=0.295520 cos=0.955336

x=0.40 sin=0.389418 cos=0.921061

$x=0.50$ $\sin=0.479426$ $\cos=0.877583$
 $x=0.60$ $\sin=0.564642$ $\cos=0.825336$
 $x=0.70$ $\sin=0.644218$ $\cos=0.764842$
 $x=0.80$ $\sin=0.717356$ $\cos=0.696707$
 $x=0.90$ $\sin=0.783327$ $\cos=0.621610$
 $x=1.00$ $\sin=0.841471$ $\cos=0.540302$
 $x=1.10$ $\sin=0.891207$ $\cos=0.453596$
 $x=1.20$ $\sin=0.932039$ $\cos=0.362358$
 $x=1.30$ $\sin=0.963558$ $\cos=0.267499$
 $x=1.40$ $\sin=0.985450$ $\cos=0.169967$
 $x=1.50$ $\sin=0.997495$ $\cos=0.070737$
 $x=1.60$ $\sin=0.999574$ $\cos=-0.029200$
 $x=1.70$ $\sin=0.991665$ $\cos=-0.128844$
 $x=1.80$ $\sin=0.973848$ $\cos=-0.227202$
 $x=1.90$ $\sin=0.946300$ $\cos=-0.323290$
 $x=2.00$ $\sin=0.909297$ $\cos=-0.416147$
 $x=2.10$ $\sin=0.863209$ $\cos=-0.504846$
 $x=2.20$ $\sin=0.808496$ $\cos=-0.588501$
 $x=2.30$ $\sin=0.745705$ $\cos=-0.666276$
 $x=2.40$ $\sin=0.675463$ $\cos=-0.737394$
 $x=2.50$ $\sin=0.598472$ $\cos=-0.801144$
 $x=2.60$ $\sin=0.515501$ $\cos=-0.856889$
 $x=2.70$ $\sin=0.427380$ $\cos=-0.904072$
 $x=2.80$ $\sin=0.334988$ $\cos=-0.942222$
 $x=2.90$ $\sin=0.239249$ $\cos=-0.970958$
 $x=3.00$ $\sin=0.141120$ $\cos=-0.989992$
 $x=3.10$ $\sin=0.041581$ $\cos=-0.999135$

Сравнение табулированных и аналитических значений (шаг 0.1):

$x=0.00$ $\sin=0.000000$ $\text{tabSin}=0.000000$ | $\cos=1.000000$ $\text{tabCos}=1.000000$
 $x=0.10$ $\sin=0.099833$ $\text{tabSin}=0.097982$ | $\cos=0.995004$ $\text{tabCos}=0.982723$
 $x=0.20$ $\sin=0.198669$ $\text{tabSin}=0.195963$ | $\cos=0.980067$ $\text{tabCos}=0.965446$
 $x=0.30$ $\sin=0.295520$ $\text{tabSin}=0.293945$ | $\cos=0.955336$ $\text{tabCos}=0.948170$
 $x=0.40$ $\sin=0.389418$ $\text{tabSin}=0.385907$ | $\cos=0.921061$ $\text{tabCos}=0.914355$
 $x=0.50$ $\sin=0.479426$ $\text{tabSin}=0.472070$ | $\cos=0.877583$ $\text{tabCos}=0.864608$
 $x=0.60$ $\sin=0.564642$ $\text{tabSin}=0.558234$ | $\cos=0.825336$ $\text{tabCos}=0.814862$
 $x=0.70$ $\sin=0.644218$ $\text{tabSin}=0.643982$ | $\cos=0.764842$ $\text{tabCos}=0.764620$
 $x=0.80$ $\sin=0.717356$ $\text{tabSin}=0.707935$ | $\cos=0.696707$ $\text{tabCos}=0.688404$
 $x=0.90$ $\sin=0.783327$ $\text{tabSin}=0.771888$ | $\cos=0.621610$ $\text{tabCos}=0.612188$
 $x=1.00$ $\sin=0.841471$ $\text{tabSin}=0.835841$ | $\cos=0.540302$ $\text{tabCos}=0.535972$
 $x=1.10$ $\sin=0.891207$ $\text{tabSin}=0.883993$ | $\cos=0.453596$ $\text{tabCos}=0.450633$
 $x=1.20$ $\sin=0.932039$ $\text{tabSin}=0.918022$ | $\cos=0.362358$ $\text{tabCos}=0.357141$
 $x=1.30$ $\sin=0.963558$ $\text{tabSin}=0.952051$ | $\cos=0.267499$ $\text{tabCos}=0.263648$
 $x=1.40$ $\sin=0.985450$ $\text{tabSin}=0.984808$ | $\cos=0.169967$ $\text{tabCos}=0.169931$
 $x=1.50$ $\sin=0.997495$ $\text{tabSin}=0.984808$ | $\cos=0.070737$ $\text{tabCos}=0.070437$
 $x=1.60$ $\sin=0.999574$ $\text{tabSin}=0.984808$ | $\cos=-0.029200$ $\text{tabCos}=-0.029056$
 $x=1.70$ $\sin=0.991665$ $\text{tabSin}=0.984808$ | $\cos=-0.128844$ $\text{tabCos}=-0.128549$
 $x=1.80$ $\sin=0.973848$ $\text{tabSin}=0.966204$ | $\cos=-0.227202$ $\text{tabCos}=-0.224761$

x=1.90 sin=0.946300 tabSin=0.932175 | cos=-0.323290 tabCos=-0.318254
x=2.00 sin=0.909297 tabSin=0.898147 | cos=-0.416147 tabCos=-0.411747
x=2.10 sin=0.863209 tabSin=0.862441 | cos=-0.504846 tabCos=-0.504272
x=2.20 sin=0.808496 tabSin=0.798488 | cos=-0.588501 tabCos=-0.580488
x=2.30 sin=0.745705 tabSin=0.734535 | cos=-0.666276 tabCos=-0.656704
x=2.40 sin=0.675463 tabSin=0.670582 | cos=-0.737394 tabCos=-0.732920
x=2.50 sin=0.598472 tabSin=0.594072 | cos=-0.801144 tabCos=-0.794171
x=2.60 sin=0.515501 tabSin=0.507908 | cos=-0.856889 tabCos=-0.843917
x=2.70 sin=0.427380 tabSin=0.421745 | cos=-0.904072 tabCos=-0.893664
x=2.80 sin=0.334988 tabSin=0.334698 | cos=-0.942222 tabCos=-0.940984
x=2.90 sin=0.239249 tabSin=0.236716 | cos=-0.970958 tabCos=-0.958261
x=3.00 sin=0.141120 tabSin=0.138735 | cos=-0.989992 tabCos=-0.975537
x=3.10 sin=0.041581 tabSin=0.040753 | cos=-0.999135 tabCos=-0.992814

Сумма квадратов табулированных аналогов (на $[0, \pi]$):

x=0.00 val=1.000000
x=0.10 val=0.975345
x=0.20 val=0.970488
x=0.30 val=0.985429
x=0.40 val=0.984968
x=0.50 val=0.970398
x=0.60 val=0.975624
x=0.70 val=0.999358
x=0.80 val=0.975073
x=0.90 val=0.970586
x=1.00 val=0.985897
x=1.10 val=0.984515
x=1.20 val=0.970314
x=1.30 val=0.975910
x=1.40 val=0.998723
x=1.50 val=0.974808
x=1.60 val=0.970691
x=1.70 val=0.986371
x=1.80 val=0.984068
x=1.90 val=0.970237
x=2.00 val=0.976203
x=2.10 val=0.998094
x=2.20 val=0.974549
x=2.30 val=0.970802
x=2.40 val=0.986852
x=2.50 val=0.983628
x=2.60 val=0.970167
x=2.70 val=0.976503
x=2.80 val=0.997473
x=2.90 val=0.974298
x=3.00 val=0.970920
x=3.10 val=0.987341

Сравнение экспоненты и считанной из текстового файла (шаг 1):

```
x=0 orig=1.000000 read=1.000000
x=1 orig=2.718282 read=2.718282
x=2 orig=7.389056 read=7.389056
x=3 orig=20.085537 read=20.085537
x=4 orig=54.598150 read=54.598150
x=5 orig=148.413159 read=148.413159
x=6 orig=403.428793 read=403.428793
x=7 orig=1096.633158 read=1096.633158
x=8 orig=2980.957987 read=2980.957987
x=9 orig=8103.083928 read=8103.083928
x=10 orig=22026.465795 read=22026.465795
```

Сравнение логарифма и считанного из бинарного файла (шаг 1):

```
x=0 orig=NaN read=NaN
x=1 orig=0.000000 read=0.000000
x=2 orig=0.693147 read=0.693147
x=3 orig=1.098612 read=1.098612
x=4 orig=1.386294 read=1.386294
x=5 orig=1.609438 read=1.609438
x=6 orig=1.791759 read=1.791759
x=7 orig=1.945910 read=1.945910
x=8 orig=2.079442 read=2.079442
x=9 orig=2.197225 read=2.197225
x=10 orig=2.302585 read=2.302585
```

Сравнение сериализованной и десериализованной функции (шаг 1):

```
x=0 orig=0.000000 deser=0.000000
x=1 orig=1.000000 deser=1.000000
x=2 orig=2.000000 deser=2.000000
x=3 orig=3.000000 deser=3.000000
x=4 orig=4.000000 deser=4.000000
x=5 orig=5.000000 deser=5.000000
x=6 orig=6.000000 deser=6.000000
x=7 orig=7.000000 deser=7.000000
x=8 orig=8.000000 deser=8.000000
x=9 orig=9.000000 deser=9.000000
x=10 orig=10.000000 deser=10.000000
```

Сравнение Serializable vs Externalizable: сериализация в файлы и сравнение размеров

Externalizable file: tf_externalizable.obj size=1684 bytes

Serializable(POJO) file: tf_serializable_pojo.obj size=2401 bytes

Первые 64 байта externalizable (hex):

```
AC ED 00 05 73 72 00 20 66 75 6E 63 74 69 6F 6E
73 2E 41 72 72 61 79 54 61 62 75 6C 61 74 65 64
46 75 6E 63 74 69 6F 6E E4 1B B7 A5 CC 42 1E 57
0C 00 00 78 70 7A 00 00 04 00 00 00 00 65 00 00
```

Первые 64 байта serializable POJO (hex):

```
AC ED 00 05 73 72 00 1F 66 75 6E 63 74 69 6F 6E
73 2E 54 61 62 75 6C 61 74 65 64 46 75 6E 63 74
69 6F 6E 44 61 74 61 00 00 00 00 00 00 00 01 02
00 01 5B 00 06 70 6F 69 6E 74 73 74 00 1A 5B 4C
```

Выводы

- Все задания реализованы в кодовой базе: интерфейс `Function`, аналитические и табулированные реализации, метафункции, ввод/вывод и сериализация.
- Для сравнений вещественных чисел используется `MathUtil`.
- `Externalizable` предпочтителен для компактного контроля сериализуемого формата; `Serializable` — прост в использовании и подходит для быстрых решений.