

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по практической работе № 4
по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»
Тема: Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта
Вариант 2

Студент гр. 8383

Преподаватель

Степанов В.Д.

Фирсов М. А.

Санкт-Петербург

2020

Цель работы.

Изучить работу и реализовать алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для нахождения подстроки в строке.

Постановка задачи.

Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона P ($|P| \leq 15000$) и текста T ($|T| \leq 5000000$) найдите все вхождения P в T .

Вход:

Первая строка - P

Вторая строка - T

Выход:

индексы начал вхождений P в T , разделенных запятой, если P не входит в T , то вывести -1

Sample Input:

ab

abab

Sample Output:

0,2

Заданы две строки A ($|A| \leq 5000000$) и B ($|B| \leq 5000000$).

Определить, является ли A циклическим сдвигом B (это значит, что A и B имеют одинаковую длину и A состоит из суффикса B , склеенного с префиксом B). Например, defabc является циклическим сдвигом abcdef.

Вход:

Первая строка - A

Вторая строка - B

Выход:

Если A является циклическим сдвигом B , индекс начала строки B в A , иначе вывести -1 . Если возможно несколько сдвигов вывести первый индекс.

Sample Input:

defabc

abcdef

Sample Output:

3

Базовая часть лаб. работы № 4 состоит в выполнении последних трёх заданий на Stepik из раздела 5. При этом реализация алгоритма КМП должна удовлетворять индивидуализации. Для обоих заданий на программирование должны быть версии кода с выводом промежуточных данных.

Вар. 2. Оптимизация по памяти: программа должна требовать $O(m)$ памяти, где m - длина образца. Это возможно, если не учитывать память, в которой хранится строка поиска.

Описание алгоритма.

Даны образец (строка) S и строка T . Рассмотрим сравнение строк на позиции i , где образец $S[0, m-1]$ сопоставляется с частью текста $T[i, i+m-1]$. Предположим, что первое несовпадение произошло между $T[i+j]$ и $S[j]$, где $1 < j < m$. Тогда $T[i, i+j-1] = S[0, j-1] = P$ и $a = T[i+j] \neq S[j] = b$.

При сдвиге вполне можно ожидать, что префикс (начальные символы) образца S сойдется с каким-нибудь суффиксом (конечные символы) текста P . Длина наиболее длинного префикса, являющегося одновременно суффиксом, есть значение префикс-функции от строки S для индекса j .

Это приводит нас к следующему алгоритму: пусть $\pi[j]$ — значение префикс-функции от строки $S[0, m-1]$ для индекса j . Тогда после сдвига мы можем возобновить сравнения с места $T[i+j]$ и $S[\pi[j]]$ без потери возможного местонахождения образца. Можно показать, что таблица π может быть вычислена (амортизационно) за $\Theta(m)$ сравнений перед началом поиска. А поскольку строка T будет пройдена ровно один раз, суммарное время работы алгоритма будет равно $\Theta(m+n)$, где n — длина текста T . По памяти мы можем оценить как $\Theta(m)$, так как хранится только строка T . Для поиска циклического сдвига одна из строк склеивается и в полученной строке ищется вторая.

Описание основных функций.

```
void computeLPSArray(std::string &pat, int M, int* lps)
```

std::string &pat – строка обработки, int M – длина строки pat, int* lps – массив префиксов для строки pat

Функция заполняет массив префиксов для строки pat.

Программа поиска подстроки в строке:

```
void KMPSearch(std::string &pat, std::vector <int> &answer)
```

std::string &pat – образец, std::vector <int> &answer – вектор, для записи индексов вхождения pat

Функция считывает посимвольно текст и ищет в нем вхождения строки образца, если совпадение найдено, то сохраняется индекс вхождения. Функция завершается, когда будет обработан весь текст.

Программа поиска циклического сдвига:

```
void KMPSearch(std::string &pat, std::string &txt)
```

std::string &pat – образец, std::string &txt – текст

Функция ищет вхождение образца в тексте, при нахождении выводит индекс и завершает работу. Если образец не найден, то выводится -1.

Тестирование

Тестирование программы 1 (поиска подстроки в строке) приведено на рисунке 1. Тестирование программы 2 (поиска циклического сдвига) приведено на рисунке 2.

Выводы.

В ходе лабораторной работы был реализован на языке C++ алгоритм Кнута-Морриса-Практа для нахождения подстроки в строке.

```
PiAA_lab4 — -zsh — 70x48

lab4_1

Test #1 SUCCESS
Input:
ab
abab
Expected result:
0,2
Result:
0,2

Test #2 SUCCESS
Input:
a
abcdabaa
Expected result:
0,4,6,7
Result:
0,4,6,7

Test #3 SUCCESS
Input:
bcm
abcdmcma
Expected result:
-1
Result:
-1

Test #4 SUCCESS
Input:
abcd
abc
Expected result:
-1
Result:
-1

Test #5 SUCCESS
Input:
a
a
Expected result:
0
Result:
0
vladislavstepanov@MacBook-Pro--Vladislav PiAA_lab4 %
```

Рисунок 1 – Тестирование программы 1



A terminal window titled "PiAA_lab4 — -zsh — 70x55" displays the output of a program. The program is running a series of six tests, each labeled "Test #X SUCCESS". Each test shows the input, the expected result, and the actual result. The tests are as follows:

```
lab4_2

Test #1 SUCCESS
Input:
defabc
abcdef
Expected result:
3
Result:
3

Test #2 SUCCESS
Input:
abcdefghijk
abcdefghijk
Expected result:
0
Result:
0

Test #3 SUCCESS
Input:
qwerty
ertyqw
Expected result:
2
Result:
2

Test #4 SUCCESS
Input:
ioewuropiqweruqwoei
ioewquopqwieruoewi
Expected result:
-1
Result:
-1

Test #5 SUCCESS
Input:
aaaaaaaaaaaaaaaaaa
aaaaaaaaaaaaaaaaaa
Expected result:
0
Result:
0

Test #6 SUCCESS
Input:
z
z
Expected result:
0
Result:
0
```

Рисунок 2 – Тестирование программы 2

ПРИЛОЖЕНИЕ А

КОД ПРОГРАММЫ 1

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <fstream>

void computeLPSArray(std::string &pat, int M, int* lps);

void KMPSearch(std::string &pat, std::vector <int> &answer)    ///
КМП алгоритм
{
    int M = (int) pat.length();

    int lps[M];          /// массив длин
префиксов

    computeLPSArray(pat, M, lps);    /// заполнение массива
длин префиксов

    std::cin.get();
    char c = std::cin.get();

    int i = 0;          /// индекс, для
перемещения по строке поиска
    int j = 0;          /// индекс, для
перемещению по подстроке

    while (c != '\n' && c != EOF) {    /// считываем строку
поиска посимвольно, пока не конец

        if (pat[j] == c) {    /// если символы i
символ подстроки и j символ подстроки равны
            j++;    /// то увеличиваем j и
i и считываем следующий символ
            i++;
            c = std::cin.get();
        }

        if (j == M) {    /// если j равна
длине подстроки
            answer.push_back(i-j);
        }
    }
}
```

```

        j = lps[j - 1];

        } else if (c != '\n' && c != EOF && pat[j] != c) { ///
иначе если не конец строки поиска и символы не совпадают

                if (j != 0) ///
если j не 0, то задаем j значения предыдущего значения массива
длин префикса
                        j = lps[j - 1];
                else{ ///
иначе считываем следующий символ
                        i = i + 1;
                        c = std::cin.get();
                }
        }
}

void computeLPSArray(std::string &pat, int M, int* lps) { ///
заполнение массива длин префиксов

        int len = 0;

        lps[0] = 0; /// первый
элемент всегда 0

        int i = 1;

        while (i < M) { ///
заполняем от 1 до размер массива -1
                if (pat[i] == pat[len]) {
                        len++;
                        lps[i] = len; /// задаем
i элементу значение len
                        i++;

                } else { /// (pat[i]
!= pat[len])

                        if (len != 0) {
                                len = lps[len - 1]; /// если
len не 0, то задаем len значения предыдущего значения массива длин
префикса

```



```

        } else {                                     // if (len
== 0)
                lps[i] = 0;                           /// задаем
i элементу массиву 0
                i++;
        }
    }
}

int main()
{

    std::string pat;
    std::vector<int> answer;
    std::ofstream outFile;
    outFile.open("./outProg");

    std::cin >> pat;

    KMPSearch(pat, answer);

    for (int k = 0; k < answer.size(); k++) {         /// ВЫВОД
результатов работы лагоритма

        std::cout << answer[k];
        outFile << answer[k];

        if (k != answer.size()-1){
            std::cout << ",";
            outFile << ",";
        }
    }

    if (answer.empty()){
        std::cout << -1;
        outFile << -1;
    }
    return 0;
}

```

ПРИЛОЖЕНИЕ Б

КОД ПРОГРАММЫ 2

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
#include <fstream>

void computeLPSArray(std::string &pat, int M, int* lps);

void KMPSearch(std::string &pat, std::string &txt){    /// КМП
алгоритм

    std::ofstream outFile;
    outFile.open("./outProg");

    int M = (int) pat.length();
    int N = (int )txt.length();

    int *lps = new int [M];                /// массив длин
префиксов

    computeLPSArray(pat, M, lps);          /// заполнение массива
длин префиксов

    int i = 0;                            /// индекс, для
перемещения по строке поиска
    int j = 0;                            /// индекс, для
перемещению по подстроке

    while (i < N) {                        /// считываем строку поиска
посимвольно, пока не конец

        if (pat[j] == txt[i]) {           /// если символы
i символ подстроки и j смвол подстроки равны
            j++;                          /// то увеличиваем j и
i и считываем следующий символ
            i++;
        }

        if (j == M) {                     /// если j равна
длине подстроки, то строка является циклическим сдвигом
```

```

        std::cout << i - j;                /// выводим индекс
начала строки
        outFile << i - j;
        return;

    } else if (i < N && pat[j] != txt[i]) {    ///
иначе если не конец строки поиска и символы не совпадают

        if (j != 0)                            ///
если j не 0, то задаем j значения предыдущего значения массива
длин префикса
            j = lps[j - 1];
        else{                                    ///
иначе считываем следующий символ
            i++;
        }
    }
}

std::cout << -1;                /// если подстрока не найдена, то
строка не является циклическим сдвигом
    outFile << -1;
}

void computeLPSArray(std::string &pat, int M, int* lps) { ///
заполнение массива длин префиксов

    int len = 0;

    lps[0] = 0;                            /// первый
элемент всегда 0

    int i = 1;

    while (i < M) {                            ///
заполняем от 1 до размер массива -1
        if (pat[i] == pat[len]) {
            len++;
            lps[i] = len;                    /// задаем
i элементу значение len
            i++;
        }
    }
}

```

```

        } else {
            // (pat[i]
            != pat[len])

            if (len != 0) {
                len = lps[len - 1];
                /// если
                len не 0, то задаем len значения предыдущего значения массива длин
                префикса
            } else {
                // if (len
                == 0)

                lps[i] = 0;
                /// задаем
                i элементу массиву 0
                i++;
            }
        }
    }
}

```

```

int main()
{

    std::string pat;

    std::string txt;

    std::cin >> txt;
    std::cin >> pat;

    if (txt.length() != pat.length()) {
        /// если длины строк
        не равны, то строка не является циклическим сдвигом
        std::cout << -1;
        return 0;
    }

    txt += txt;
    /// склеиваем строку
    поиска
    KMPSearch(pat, txt);
    return 0;
}

```