

Задача 1-1 (30 баллов). Покажите, как *деамортизировать* операции вставки в конец вектора, т.е. добиться того, чтобы операции добавления в конец и чтения элемента по индексу требовали $O(1)$ времени в *худшем* случае. Совет: по мере добавления новых элементов необходимо параллельно копировать уже имеющийся массив в массив увеличенного размера. Делать это следует с такой скоростью, чтобы в тот момент, когда меньший массив окажется заполнен, мы могли за время $O(1)$ выполнить переключение на новый массив.

Решение. Для деамортизации операций вставки в конец динамического массива и обеспечения того, чтобы добавление элемента и чтение по индексу имели сложность $O(1)$ в худшем случае, используем стратегию параллельного копирования.

1. Процесс начинается с аллокации 2х массивов с константными длинами k и $k * 2$, где $k \geq 2$ и k - четное. Обозначим меньший массив за S , а больший за L .
2. В каждый момент времени имеем два массива с константной `capacity` n и $2n$ у S и L соответственно. Пользователь взаимодействует с S . Пока `sizeS` < половины `capacityS`, делаем `push` лишь в S .
3. Как только `sizeS` достигает половины `capacityS`, делаем такой же `push` в S . Создаем `index = 0` на элементы массива S и делаем их `push` в массив L дважды, увеличивая `index`.
4. Когда S достигает своей `capacityS`, "переключаем" пользователя на L , который к этому моменту имеет все элементы S и достиг половины `capacityL`. Теперь $S := L$, старый S деаллоцируется и новый L с удвоенной `capacityS` аллоцируется. Здесь считаем, что операции аллокации и деаллокации памяти константны.

Благодаря этому процессу переключение между старым и новым массивом происходит плавно и не требует $O(n)$ времени в момент переключения. Таким образом, использование параллельного копирования позволяет деамортизировать вставку в конец вектора, обеспечивая гарантированное время $O(1)$ на каждую операцию добавления, даже в момент изменения емкости массива.